# Puteri .

## Puteri :

- Fie  $a, b \in R$  si  $n \in R$  exponent real.
- Avem urmatoarele formule:

$$a^n = a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a$$

$$a^0 = 1$$

$$a^1 = a$$

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

$$a^n:a^m=a^{n-m}$$

$$(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$$

## Identitati importante:

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$$

$$a^2+b^2=(a+b)^2-2ab$$

$$(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

$$(a-b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$$

$$a^3 + b^3 = (a+b)(a^2 - ab + b^2)$$

$$a^3 - b^3 = (a - b) (a^2 + ab + b^2)$$

$$(a+b+c)^2 = a^2+b^2+c^2+2(ab+ab)$$

- Media aritmetica , geometrica , armonica :
- Pentru orice doua numere reale strict positive x, y se definesc mediile:

## Media aritmetica:

$$m_a = \frac{x+y}{2}$$

## Media geometrica:

$$m_g = \sqrt{x \cdot y}$$

## Media armonica:

$$m_h = \frac{2}{\frac{1}{x} + \frac{1}{y}} = \frac{2xy}{x + y}$$

# Inegalitatea mediilor:

$$m_h \leq m_g \leq m_a$$

# Radicali .

- > Definitia radicalului :
- Daca  $a \in \mathbb{R}$ , a > 0,  $n \ge 2$ , se numeste <u>radical de ordin</u> n din a, numarul pozitiv a carui putere a n-a este numarul a.

$$\sqrt[n]{a} = x \iff x^n = a \quad \text{si} \quad x > 0$$

- > Observatii:
- daca ordinul radicalului este un numar par , adica n=2k , este necesar ca expresia de sub radical sa fie  $\geq 0$  , pentru ca radicalul sa existe !!!

( deoarece nu exista radical de ordin par dintr-un numar negativ )

- daca ordinul radicalului este impar , adica n = 2k + 1 , nu este necesara nici o conditie de existenta a radicalului !!!

# > Proprietatile radicalilor:

- Pentru ( $\forall$ ) a,  $b \in [0, +\infty)$ , ( $\forall$ ) m, n,  $k \in N$ ,  $m \ge 2$ ,  $n \ge 2$ ,  $k \ge 2$  avem :

$$8). \quad \sqrt{a^2} = |a| \qquad , \quad a \in \mathbf{R} .$$

# > Formule utile :

$$4 2). \left( \sqrt[3]{a} - \sqrt[3]{b} \right) \cdot \left( \sqrt[3]{a^2} + \sqrt[3]{a \cdot b} + \sqrt[3]{b^2} \right) = a - b$$

**4** 3). 
$$\left(\sqrt[3]{a} + \sqrt[3]{b}\right) \cdot \left(\sqrt[3]{a^2} - \sqrt[3]{a \cdot b} + \sqrt[3]{b^2}\right) = a + b$$

# > Formulele radicalilor compusi:

$$\sqrt{a + \sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a + \sqrt{a^2 - b}}{2}} + \sqrt{\frac{a - \sqrt{a^2 - b}}{2}}$$

$$\sqrt{a - \sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a + \sqrt{a^2 - b}}{2}} - \sqrt{\frac{a - \sqrt{a^2 - b}}{2}}$$

- Sa se gaseasca valorile lui x, pentru care sunt definite expresiile :

- 1).  $f(x) = \sqrt{x-2}$
- 2).  $f(x) = \sqrt[5]{x-2}$

3). 
$$f(x) = \sqrt[4]{3x^2 + 5x - 2}$$

4). 
$$f(x) = \sqrt[3]{3-x} + \sqrt[4]{5x-5}$$

5). 
$$f(x) = \sqrt[6]{x^2 - x + 1}$$

## > Exercitii:

Sa se calculeze:

1). 
$$\sqrt{50} - 5\sqrt{8} + \sqrt{2} + \sqrt{128} = ?$$

**2).** 
$$\sqrt[3]{2} + \sqrt[3]{250} - \sqrt[3]{686} - \sqrt[3]{16} = ?$$

3). 
$$(2\sqrt{3}-3\sqrt{2}+\sqrt{6})\cdot(\sqrt{6}-\sqrt{2}-2\sqrt{3})=?$$

**4).** 
$$(\sqrt{8} - 3\sqrt{2} + \sqrt{10}) \cdot (\sqrt{2} + \sqrt{1,6} + 3\sqrt{0,4}) = ?$$

## > Exercitii :

Sa se rationalizeze numitorii fractiilor:

1). 
$$\frac{1}{\sqrt{2}}$$
;

2). 
$$\frac{2}{\sqrt[3]{3}}$$
;

3). 
$$\frac{5}{\sqrt{5}}$$
;

4). 
$$\frac{1-\sqrt{2}}{1+\sqrt{2}}$$
;

5). 
$$\frac{1}{\sqrt[3]{25} - \sqrt[3]{24}}$$
;

6). 
$$\frac{12}{3 + \sqrt{2} - \sqrt{5}}$$
;

7). 
$$\frac{15}{\sqrt[3]{3} + \sqrt[3]{7}}$$
;

8). 
$$\frac{31}{2 + \sqrt{2} - \sqrt{6}}$$
;

9). 
$$\frac{1}{2 - \sqrt{2} + \sqrt{3} - \sqrt{6}}$$
;

10). 
$$\frac{\sqrt{\sqrt{a} - \sqrt{b}}}{\sqrt{\sqrt{a} + \sqrt{b}}} ;$$

## Rezolvati ecuatiile:

1). 
$$\sqrt{10 - x} = 4x - 1$$

2). 
$$\sqrt{10-x} = 1-4x$$

3). 
$$\sqrt{x^2 - x + 1} = x - 2$$

4). 
$$\sqrt{x-7} = 5-x$$

5). 
$$\sqrt{x-4} = 8-2x$$

6). 
$$\sqrt{x^2 - 7x + 6} = 2x - 2$$

7). 
$$x^2 + 11 + \sqrt{x^2 + 11} = 42$$

8). 
$$3x^2 + 15x + 2\sqrt{x^2 + 5x + 4} = 4$$

9). 
$$\sqrt{x+6} = 6-x$$

10). 
$$x + \sqrt{x-1} = 13$$

11). 
$$11 + 2x = \sqrt{22 - x}$$

12). 
$$3x - \sqrt{18x + 1} + 1 = 0$$

13). 
$$4\sqrt{x+2} = |x+1|+4$$

14). 
$$\sqrt{2x^2-3x+2} = x-4$$

15). 
$$\sqrt{(2x-1)(3x+1)} = x+1$$

16). 
$$\sqrt{|2x^2-3x+2|} = 2x+1$$

17). 
$$\sqrt{2x^2 + x - 6} = x + 2$$

18). 
$$\sqrt{x^4 - 4x^2 + 4} = 2x$$

# > Exercitii:

## Rezolvati ecuatiile:

1). 
$$x^2 + \sqrt{x^2 + 20} = 22$$

2). 
$$\sqrt{x^2 - 5x + 6} = x^2 - 5x + 6$$

3). 
$$x^2 + 5 - 3\sqrt{2x^2 - 4x + 5} = 2x$$

4). 
$$x^2 - 4x + 1 = \sqrt{x^2 - 4x + 3}$$

5). 
$$\sqrt{3x^2-x+2} = 6x^2-2x-2$$

#### Rezolvati ecuatiile:

1). 
$$\sqrt{x+8} - \sqrt{5x+20} = -2$$

2). 
$$\sqrt{4-x} + \sqrt{5+x} = 3$$

3). 
$$\sqrt{x+6} + \sqrt{x+1} = \sqrt{7x+4}$$

4). 
$$\sqrt{2x^2 + 3x + 5} + \sqrt{2x^2 - 3x + 5} = 3x$$

5). 
$$\sqrt{4x^2 + 9x + 5} - \sqrt{2x^2 + x - 1} = \sqrt{x^2 - 1}$$

6). 
$$\sqrt{3x^2 + 5x + 8} - \sqrt{3x^2 + 5x + 1} = 1$$

7). 
$$\sqrt{x+4} + \sqrt{x-4} + 12 = 2x + 2\sqrt{x^2-16}$$

## > Exercitii:

#### Rezolvati ecuatiile irationale:

1). 
$$\sqrt{x+10} + \sqrt{x-2} = 6$$

2). 
$$\sqrt{2x+3} + \sqrt{x+1} = 5$$

3). 
$$\sqrt{3x+7} - \sqrt{x+1} = 2$$

4). 
$$\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x} = 1$$

5). 
$$\sqrt{3-x} - \sqrt{x-7} = 4$$

## > Exercitii:

#### Rezolvati ecuatiile irationale:

1). 
$$\sqrt{x+1} - \sqrt{9-2x} = \sqrt{2x-12}$$

2). 
$$\sqrt{2x-1} + \sqrt{2x+1} = \sqrt{5x}$$

3). 
$$\sqrt{41-3x} - \sqrt{9-3x} = 2\sqrt{5+x}$$

4). 
$$\sqrt{x+2} - \sqrt{2x-3} = \sqrt{4x-7}$$

5). 
$$\sqrt{x+3} + \sqrt{x+4} = \sqrt{x+2} + \sqrt{x+7}$$

#### Rezolvati ecuatiile irationale:

1). 
$$\sqrt{x^2 + 3x - 3} + \sqrt{x^2 - 2x + 2} = 2$$

2). 
$$\sqrt{x^2 + 2x + 1} - \sqrt{x^2 - 4x + 4} = 3$$

3). 
$$\sqrt{(x-1)(x-2)} + \sqrt{(x-3)(x-4)} = 2$$

4). 
$$\sqrt{x^2 + 3x - 7} - \sqrt{x^2 - 3x - 15} = 4$$

#### > Exercitii:

### Rezolvati ecuatiile irationale:

1). 
$$\sqrt{x^2 - 4x + 3} + \sqrt{-x^2 + 3x - 2} = \sqrt{x^2 - x}$$

2). 
$$\sqrt{2x^2 + 3x + 2} + \sqrt{2x^2 - 3x + 2} = \sqrt{7x^2 + 8}$$

## > Exercitii:

#### Rezolvati ecuatiile irationale:

1). 
$$2\sqrt{x^2+5} - \sqrt{x^2+9} = 2$$

2). 
$$\sqrt{x^2 + 2x + 13} - \sqrt{x^2 + 2x + 6} = 1$$

3). 
$$\sqrt{x^2 - 3x + 3} + \sqrt{x^2 - 3x + 6} = 3$$

4). 
$$\sqrt{3x^2-2x+15} + \sqrt{3x^2-2x+8} = 7$$

5). 
$$\sqrt{x-10} + \sqrt{x+3} + 2\sqrt{(x-1)(x+3)} = 4-2x$$

6). 
$$\sqrt{x-1} + \sqrt{x+3} + 2\sqrt{(x-1)(x+3)} = 4-2x$$

#### Rezolvati ecuatiile irationale:

1). 
$$\frac{\sqrt{x+6} + \sqrt{x+1}}{\sqrt{x+6} - \sqrt{x+1}} = 2x - 1$$

2). 
$$\frac{1}{x - \sqrt{2 - x^2}} - \frac{1}{x + \sqrt{2 - x^2}} = 1$$

3). 
$$\frac{\sqrt{3-x} + \sqrt{x-2}}{\sqrt{3-x} - \sqrt{x-2}} = \frac{1}{5 - 2x}$$

4). 
$$\frac{\sqrt{a+x} + \sqrt{a-x}}{\sqrt{a+x} - \sqrt{a-x}} = \frac{a}{x}$$
,  $a > 0$ 

5). 
$$\frac{\sqrt{2x+1} + \sqrt{2x}}{1 + \sqrt{2x-1}} = \frac{\sqrt{2x+1} - \sqrt{2x}}{1 - \sqrt{2x-1}}$$

6). 
$$\frac{a + 2x + \sqrt{a^2 - 4x^2}}{a + 2x - \sqrt{a^2 - 4x^2}} = \frac{5x}{a} , \quad a > 0$$

7). 
$$\frac{1}{x - \sqrt{x^2 - x}} - \frac{1}{x + \sqrt{x^2 - x}} = \sqrt{3}$$

8). 
$$\frac{4}{x + \sqrt{x^2 + x}} - \frac{1}{x - \sqrt{x^2 + x}} = \frac{3}{x}$$

9). 
$$\frac{2+x}{\sqrt{2}+\sqrt{2}+x}+\frac{2-x}{\sqrt{2}-\sqrt{2}+x}=2\sqrt{2}$$

Alte tipuri de ecuatii care se rezolva prin intoducerea unei necunoscute auxiliare

## > Exercitii :

1). 
$$5\sqrt[4]{x} + 2 = 3\sqrt{x}$$

2). 
$$x^5 - 33x^2\sqrt{x} + 32 = 0$$

3). 
$$\sqrt[3]{(a+x)^2} + 4\sqrt[3]{(a+x)^2} = 5\sqrt[3]{a^2-x^2}$$
 ,  $a > 0$ 

4). 
$$6\sqrt[3]{x-3} + \sqrt[3]{x-3} = 5\sqrt[6]{(x-2)(x-3)}$$

## > Exercitii :

1). 
$$2 \cdot \sqrt[3]{x^2} - 5 \cdot \sqrt[3]{x} - 3 = 0$$

2). 
$$x + 2 \cdot \sqrt{x} - 8 = 0$$

3). 
$$x^3 - 3x \cdot \sqrt{x} + 2 = 0$$

4). 
$$\sqrt{x+5} + \sqrt[4]{x+5} - 12 = 0$$

5). 
$$\sqrt[3]{x} - \sqrt[6]{x} - 2 = 0$$

6). 
$$x\sqrt{x^2+15} - \sqrt{x}\sqrt[4]{x^2+15} = 2$$

7). 
$$4x - 3\sqrt[3]{x} - 1 = 0$$

1). 
$$\frac{x+1}{x} - \sqrt{\frac{x+1}{x}} - 2 = 0$$

2). 
$$\frac{x}{x+1} - 2\sqrt{\frac{x+1}{x}} = 3$$

3). 
$$\sqrt[3]{\frac{5x+4}{x-1}} + \sqrt[3]{\frac{x-1}{5x+4}} = \frac{5}{2}$$

4). 
$$\sqrt{\frac{x+9}{x}} + 4\sqrt{\frac{x}{x+9}} = 4$$

#### > Exercitii :

1). 
$$\sqrt[3]{(x-2)^2} + \sqrt[3]{(x-2)^2} = \frac{5}{2}\sqrt[3]{(x-2)(x-3)}$$

2). 
$$\sqrt[3]{(8-x)^2} + \sqrt[3]{(x+5)^2} = \sqrt[3]{(8-x)(x+5)}$$

3). 
$$\sqrt[3]{(2+x)^2} + 4\sqrt[3]{(x-2)^2} = 4\sqrt[3]{x^2-4}$$

## > Exercitii :

1). 
$$\sqrt{x+5-4\sqrt{x+1}} + \sqrt{x+10-6\sqrt{x+1}} = 1$$

2). 
$$\sqrt{x+\sqrt{x+11}} - \sqrt{x+\sqrt{x+11}} = 4$$

3). 
$$\sqrt{x-2+\sqrt{2x-5}} + \sqrt{x+2+3\sqrt{2x-5}} = 7\sqrt{2}$$

4). 
$$\sqrt{x+3-4\sqrt{x+1}} + \sqrt{x+8-6\sqrt{x+1}} = 1$$

5). 
$$\sqrt{x+5-4\sqrt{x-1}} + \sqrt{x+2-2\sqrt{x+1}} = 1$$

6). 
$$\sqrt{x+2\sqrt{x-1}} + \sqrt{x-2\sqrt{x-1}} = x-1$$

7). 
$$\sqrt{x+8+2\sqrt{x+7}} + \sqrt{x+1} - \sqrt{x+7} = 4$$

8). 
$$\sqrt{x+\sqrt{14}x-49} + \sqrt{x-\sqrt{14}x-49} = \sqrt{14}$$

9). 
$$\sqrt{x-\sqrt{x-2}} - \sqrt{x+\sqrt{x-2}} = 2$$

### Ecuatii de tipul :

$$\sqrt[n]{f(x)} \pm \sqrt[n]{g(x)} = \sqrt[n]{h(x)}$$
 , unde  $n \in \{3, 4\}$ 

Ecuatiile de acest tip se rezolva prin ridicare la putere sau prin introducerea unor necunoscute auxiliare.

#### > Exercitiul 1:

#### Rezolvati ecuatiile:

1). 
$$\sqrt[3]{2x-1} + \sqrt[3]{x-1} = 1$$

2). 
$$\sqrt[3]{x} + \sqrt[3]{2x-3} = \sqrt[3]{12(x-1)}$$

3). 
$$\sqrt[3]{(2-x)^2} + \sqrt[3]{(7+x)^2} - \sqrt[3]{(2-x)(7+x)} = 3$$

4). 
$$\sqrt[3]{x+1} + \sqrt[3]{7-x} = 2$$

5). 
$$\sqrt[3]{13-x} + \sqrt[3]{22+x} = 5$$

6). 
$$\sqrt[3]{x+34} - \sqrt[3]{x-3} = 1$$

7). 
$$\sqrt[3]{2x+13} - \sqrt[3]{2x-13} = 2$$

8). 
$$\sqrt[3]{x+a} - \sqrt[3]{x+b} = \sqrt[3]{a-b}$$

9). 
$$\sqrt[3]{x(a-x)^2} + \sqrt[3]{x^2(a-x)} = a$$

## > Exercitive 2:

## > Rezolvati ecuatiile :

1). 
$$\sqrt[3]{x+1} + \sqrt[3]{x-1} = \sqrt[3]{5x}$$

2). 
$$\sqrt[3]{x-1} + \sqrt[3]{x-2} = \sqrt[3]{2x-3}$$

3). 
$$\sqrt[3]{x+1} + \sqrt[3]{x+2} + \sqrt[3]{x+3} = 0$$

4). 
$$\sqrt[3]{x+1} + \sqrt[3]{3x+1} = \sqrt[3]{x-1}$$

5). 
$$\sqrt[3]{2x-7} + \sqrt[3]{3x-3} = \sqrt[3]{x-8} + \sqrt[3]{4x-2}$$

6). 
$$\sqrt[3]{(8-x)^2} + \sqrt[3]{(27+x)^2} = \sqrt[3]{(8-x)(27+x)} + 7$$

## > Exercitive 2:

#### Rezolvati ecuatiile:

1). 
$$\sqrt[4]{1-x} + \sqrt[4]{15+x} = 2$$

2). 
$$\sqrt[4]{15+x} - \sqrt[4]{x-1} = 2$$

3). 
$$\sqrt[4]{97-x} + \sqrt[4]{x} = 5$$

4). 
$$\sqrt[4]{x-2} + \sqrt[4]{4-x} = 2$$

5). 
$$\sqrt[4]{97-x} + \sqrt[4]{x-15} = 4$$

6). 
$$\sqrt[4]{x-2} + \sqrt[4]{3-x} = 1$$

7). 
$$\sqrt[4]{x+18} - \sqrt[4]{2+x} = 2$$

8). 
$$\sqrt{6-x} + \sqrt{x-2} + 2\sqrt[4]{(6-x)(x-2)} = 2$$

## > Exercitiul 2:

#### Rezolvati ecuatiile:

1). 
$$\sqrt[3]{24+x} + \sqrt{12-x} = 6$$

2). 
$$\sqrt[3]{x-2} + \sqrt{x+1} = 3$$

3). 
$$\sqrt[3]{2-x} + \sqrt{x-1} = 1$$

5). 
$$\sqrt[3]{x} + \sqrt{x-11} = 7$$

4). 
$$\sqrt[3]{x-3} + \sqrt{5-x} = 2$$

6). 
$$\sqrt[3]{x^2 + x + 1} + \sqrt{2x + 1} = 2$$

# Ecuatii irationale cu parametru

## > Exercitiu:

Rezolvati urmatoarele ecuatii in necunoscuta x, unde m este parametru real :

1). 
$$\sqrt{2x-1} = x-m$$

2). 
$$\sqrt{x+2} - \sqrt{x-m+2} = 1$$

3). 
$$\sqrt{7-x} + \sqrt{x-3} = m$$

4). 
$$\sqrt[4]{m-x} + \sqrt[4]{m+x} = 2x$$

5). 
$$\sqrt{x^2 + mx - 2m} = x + 1$$

6). 
$$\sqrt{m-x^2} = x-1$$

7). 
$$\sqrt{mx^2 + x + 1} + \sqrt{mx^2 - x + 1} = x$$

8). 
$$\sqrt{x-\sqrt{x-m}} = m$$

## > Exercitiu:

Rezolvati urmatoarele ecuatii in necunoscuta x, unde m este parametru real :

1). 
$$\sqrt{x+1} = x - m$$

2). 
$$\sqrt{x+1} = \frac{1}{4}(mx - 4)$$

3). 
$$\sqrt{\chi^2 + 1} = \chi - m$$

4). 
$$\sqrt{x^2-1} = x+m$$

5). 
$$\sqrt{\chi^2 - \chi + 1} = \chi - m$$

6). 
$$\sqrt{x^2 + 2x + 1} = x + m$$

7). 
$$\sqrt{x^2 - mx} = x + m$$

8). 
$$m\sqrt[4]{1+x} + \frac{m}{x}\sqrt[4]{1+x} = \sqrt[4]{x}$$

Rezolvati urmatoarele ecuatii in necunoscuta x, unde m este parametru real :

1). 
$$\sqrt{x+m} - \sqrt{x+2} = 1$$

2). 
$$\sqrt{x(m-x)} + \sqrt{x(2m-x)} = x$$

3). 
$$\sqrt{m^2 - x\sqrt{x^2 + m^2}} = m - x$$

4). 
$$\sqrt{x^2 + 2mx - m^2} - \sqrt{x^2 - 2mx - m^2} = \sqrt{m}$$
  $(m > 0)$ 

# Inecuatii irationale.

## > Exercitii :

#### Rezolvati inecuatiile:

1). 
$$\sqrt{x-2} \ge -1$$

2). 
$$\sqrt{-x+4} \ge 0$$

3). 
$$\sqrt{x+3} \le -2$$

4). 
$$\sqrt{2x+4} \ge 6$$

5). 
$$\sqrt{x-2} \ge x-4$$

6). 
$$\sqrt{x+8} \le x+2$$

7). 
$$\sqrt{\frac{1}{4}-x} \ge x + \frac{1}{2}$$

8). 
$$\sqrt{x^2 - 3x + 5} + x^2 \le 3x + 7$$

## > Exercitii :

#### Rezolvati inecuatiile:

1). 
$$\frac{x-7}{\sqrt{4x^2-19x^2+12}} < 0$$

$$2). \quad \frac{\sqrt{2x^2 + 15x - 17}}{10 - x} \ge 0$$

3). 
$$(x-1) \sqrt{x^2 - x - 2} \ge 0$$

#### Rezolvati inecuatiile:

1). 
$$\sqrt{x-3} \ge -3$$

2). 
$$\sqrt{3-x} \ge 4$$

3). 
$$\sqrt{2x+4} \le -1$$

4). 
$$\sqrt{x-2} \le 8$$

5). 
$$\sqrt{-x+4} \ge 2m-1$$
 , under  $m \in \mathbb{R}$ 

6). 
$$\sqrt{x-2} \ge m-3$$
 , under  $m \in \mathbb{R}$ 

## > Exercitii :

#### Rezolvati inecuatiile:

1). 
$$\sqrt{\frac{x-2}{1-2x}} > -1$$

2). 
$$\sqrt{\frac{3x-1}{2-x}} > 1$$

3). 
$$\sqrt{x^2 + 2x - 3} < 1$$

4). 
$$\sqrt{3x-10} > \sqrt{6-x}$$

## > Exercitii :

### Rezolvati inecuatiile:

1). 
$$\sqrt{2x-1} < x-2$$

2). 
$$\sqrt{2x+14} > x+3$$

3). 
$$\sqrt{2x^2 + 5x - 6} < 2 - x$$

4). 
$$\sqrt{x^2-3x-4} > x-2$$

5). 
$$\sqrt{x^4 - 2x^2 + 1} > 1 - x$$

## > Exercitii:

#### Rezolvati inecuatiile:

1). 
$$\frac{1-\sqrt{1-9x^2}}{x} < 1$$

2). 
$$\sqrt{x+9} + \sqrt{2x+4} > 5$$

3). 
$$\sqrt{x+3} + \sqrt{x+15} < 6$$

4). 
$$\sqrt{3x^2 + 5x + 7} - \sqrt{3x^2 + 5x + 2} > 1$$

5). 
$$\sqrt{x+1} - \sqrt{x-2} \le 1$$

6). 
$$\sqrt{x+3} - \sqrt{x-4} \ge 2$$

7). 
$$\sqrt{x-5} + \sqrt{x} \le 5$$

8). 
$$\sqrt{3x+1} + \sqrt{x-4} < \sqrt{4x+5}$$

## > Exercitii:

## Rezolvati inecuatiile:

1). 
$$x^2 + \sqrt{x^2 + 11} < 31$$

5). 
$$\frac{1-\sqrt{1-4x^2}}{x} < 3$$

2). 
$$(x+5)(x-2) + 3\sqrt{x(x+3)} > 0$$

6). 
$$\frac{\sqrt{24-2x-x^2}}{x} < 1$$

3). 
$$2x^2 - \sqrt{(x-3)(2x-7)} < 13x+9$$

7). 
$$\frac{\sqrt{2-x} + 4x - 3}{x} \ge 2$$