

Fundamentele programării

1 Scrieți o funcție care sortează o lista de numere folosind: mergesort. Subiect eliminativ. (1p)

2 Specificați și testați următoarea funcție (2p):

```
def f2(n):  
    if n<=0: raise ValueError()  
    l = [x for x in range(n-1,-1,-1)]  
    for i in range(n-1):  
        l[i+1] += l[i]  
    return l[-1]
```

3 Analizați complexitatea timp și spațiu a următorului algoritm. (2p).

```
def f(l):  
    if len(l) == 1:  
        return l[0]  
    if l[0]==0:  
        return 0  
    return l[0] * f(l[1:])
```

4 Folosind metoda Divide et impera scrieți o funcție pură care calculează numărul de numere negative într-o lista de numere. Datele trebuie împărțite în 2 părți egale la fiecare pas. (2p).

5 Generați toate sublistele unei liste date, cu proprietatea ca sublistele conțin ori doar numere pare ori doar numere impare. Descrieți schematic soluția (candidat, consistent, soluție) bazată pe metoda Backtracking (fără implementare) (2p)

1. `def mergesort(l, start, end):`
 `if end - start <= 1:`
 `return`

`mid = (end + start) // 2`

`return mergesort(l, start, mid)`

`return mergesort(l, mid, end)`

`merge(l, start, mid, end)`

`def merge(l, start, mid, end)`

`i = j = 0 ; k = start`

`left = l[start:mid]`

`right = l[mid:end]`

`while i < len(left) and j < len(right):`

`if left[i] < right[j]:`

`l[k] = left[i]`

`i += 1`

`else:`

`l[k] = right[j]`

`j += 1`

$k += 1$

while $i < \text{len}(\text{left})$:

$l[k] = \text{left}[i]$

$i += 1$

$k += 1$

while $j < \text{len}(\text{right})$:

$l[k] = \text{right}[j]$

$j += 1$

$k += 1$

2. " Funcția realizează suma parțială a elementelor $[n-1, \dots, 0]$,
adică face suma elementelor din listă.

: param n: lungimea listei, iar $n-1$ este primul element din listă

: type n: int

: return: suma

: raises: ValueError dacă n este negativ sau 0

def test_f():

$n = 5$

assert $f_2(m) == 15$

$m = 1$

assert $f_2(m) == 1$

$m = -5$

try:

$f_2(m)$

assert False

except ValueError:

assert True

test f_1

3. TIME COMPLEXITY

BC: pe prima poziție a listei este elementul 0 \Rightarrow
 $\Rightarrow \Theta(1)$

WC: nu există 0 în listă $\Rightarrow T(m) = T(m-1) + 1 \Rightarrow \Theta(m)$

AC: $\sum_{i=1}^m \underbrace{P(i) \in (i)}_{\text{probabilitatea să fie 0 pe poziția i în listă}} = 1 \cdot \frac{1}{m} + 2 \cdot \frac{1}{m} + \dots + m \cdot \frac{1}{m} = \frac{1+2+\dots+m}{m} = \frac{m(m+1)}{m} = \frac{m^2+m}{m}$
 $= \frac{m(m+1)}{m} = m+1 \in \Theta(m)$

SPACE COMPLEXITY

$$T(n) = \begin{cases} 1, & n = \text{len}(l) = 1 \\ T(n-1) + n, & \text{otherwise} \end{cases} \text{ where } n \text{ is the space time complexity of slicing}$$

$$T(n) = T(n-1) + n$$

$$T(n-1) = T(n-2) + n-1$$

$$T(1) = 1$$

$$T(n) = n + (n-1) + (n-2) + \dots + 1 = \frac{n(n+1)}{2} = \frac{n^2+n}{2} \in O(n^2)$$

4. def f(l):
 if len(l) == 1:
 if l[0] < 0:
 return 1
 return 0

$$n = \text{len}(l) // 2$$

$$\text{return } f(l[:n]) + f(l[n:])$$

5. Spatial de contour

$$lista = (x_1, \dots, x_n)$$

$$S = \{x_1, \dots, x_n\}$$

Candidat

$$x = (x_0, \dots, x_k)$$

$$x_i \in \text{lista}$$

Condiția consistentă

$x = (x_0, \dots, x_k)$ consistentă dacă $1 \leq k \leq \text{lungime}(\text{lista})$ și $\forall i, j \in \{0, \dots, k\}, x_i \% 2 == x_j \% 2$

Condiția soluție

$x = (x_0, \dots, x_k)$ soluție dacă x consistentă și $k \geq 1$