

# Progetto di Automated Reasoning Shy Travelling Salesmen Problem

Bruniera Alvise

Università degli studi di Udine

March 24, 2023

## Abstract

Scrivi un programma in minizinc e ASP in grado di trovare una soluzione al seguente problema (STSP). Prepara una batteria di 30 istanze casuali, includendo alcune più facili, alcune medie ed alcune che eccedano il timeout di 5 minuti. Possibilmente sperimenta con diverse strategie. Nel caso di COP riporta il risultato migliore ottenuto entro il timeout.

Le strade di una città sono rappresentate mediante una matrice di adiacenza,  $M[x, y] = c$  significa che tra l'incrocio  $x$  e l'incrocio  $y$  c'è una strada di lunghezza  $c$  km. Nella rappresentazione logica useremo invece fatti del tipo `strada( $x, y, c$ )`. Due auto partono dallo stesso incrocio prendendo due strade diverse. Si trovi un piano per le due auto tale da permettere a ciascuna di effettuare un circuito Hamiltoniano, senza mai fermarsi e senza mai passare per un incrocio allo stesso tempo (inteso con una certa tolleranza, che so mezz'ora, vedi tu come formularlo in modo sensato) dell'altra auto. Non è necessario che ritornino al punto di partenza allo stesso momento ma entrambe lo fanno. Ah si, assumiamo che le auto vadano costantemente alla stessa velocità. per comodità metterei 1 minuto a km. E le lunghezze delle strade le farei intere.

Ho soprannominato il problema "*Shy Travelling Salesmen Problem*" (STSP) perché è simile al TSP, ma con il requisito che i due commessi viaggiatori "timidi" mantengano le distanze entro una certa tolleranza che chiamerò "timidezza". Sempre per similitudine con TSP, nel caso di COP ho deciso di ottimizzare la somma del tempo di percorrenza delle due macchine.

I modelli si trovano rispettivamente nei file `minizinc/progetto.mzn` e `asp/progetto.lp`. I risultati dei benchmark, invece si trovano nella cartella `results/`. Gli script `data_generator.py`, `bench-minizinc.fish` e `bench-asp.fish` permettono di generare un batch di istanze benchmark e di eseguirli (il primo richiede python, mentre gli altri due fish-shell).

## Contents

<b>1</b>	<b>Introduzione al problema</b>	<b>4</b>
<b>2</b>	<b>Minizinc</b>	<b>5</b>
2.1	Modellazione . . . . .	5
2.2	Euristiche . . . . .	6
<b>3</b>	<b>ASP</b>	<b>8</b>
3.1	Modellazione . . . . .	8
3.2	Confronto con minizinc . . . . .	10
<b>4</b>	<b>Risultati dei benchmark</b>	<b>10</b>

## 1 Introduzione al problema

Prima di affrontare le soluzioni è necessario chiarire alcuni dettagli sul problema, che la consegna non specifica.

Per cominciare, non viene specificato come rappresentare nella matrice quando due incroci *non* sono collegati. Per comodità ho deciso di rappresentarlo inserendo un numero negativo nella matrice, e considerando invece 0 come una strada. Usare numeri negativi ha facilitato lo sviluppo, in questo modo per attivare o disattivare una strada in un test era questione di cambiare un segno. Quanto allo zero, si tratta di una decisione arbitraria, ad ogni modo non rende più semplice il problema. Questo non ha riscontri nella codifica ASP, se non nel permettere fatti del tipo `strada(x, y, 0)`, perché le strade assenti sono semplicemente assenti.

Un'altra precisazione riguarda la direzionalità e la riflessività del grafo. La consegna non specifica che il grafo debba essere indiretto, anche se nel TSP classico è così. Per semplificare la generazione delle istanze di benchmark ho deciso di usare un grafo indiretto, che non richiede di assicurarsi che  $m[x, y] = m[y, x]$ . Questo ha avuto degli effetti marginali sul modello utilizzato. Per quanto riguarda la riflessività, se anche ci fosse un arco che connette un nodo a se stesso, questo non sarebbe mai utilizzato in un circuito perché violerebbe il requisito di attraversare ogni incrocio una volta sola, quindi non fa differenza che siano ammessi o meno.

La direzionalità del grafo ed ammettere archi di lunghezza 0 sono un po' meno naturali rispetto alla formulazione classica di TSP, ma sono comunque riconducibili al mondo reale come la presenza di ostacoli in un solo lato della strada, e la presenza di incroci molto ravvicinati, ad esempio in una rotonda.

I casi benchmark forniti sono "standardizzati" nel senso che tutti gli archi assenti sono  $-1$  e non sono presenti archi riflessivi.

Sia la tolleranza agli incontri, che il nodo di partenza, sono indicati nell'input del problema e possono essere alterati a piacere. Per semplicità i benchmark usano sempre gli stessi valori. In particolare usano 6 minuti per la tolleranza, scelta in modo puramente arbitrario.

Per quanto riguarda il valore da ottimizzare, ho scelto di minimizzare la somma dei tempi di percorrenza totali. Ho considerato di utilizzare il massimo dei tempi, ma mi sembrava meno interessante come soluzione. In usando il massimo i due circuiti sarebbero stati in un certo senso "disaccoppiati" permettendo a quello più corto di crescere arbitrariamente senza cambiare il punteggio finché non supera il più lungo. Ho considerato anche di massimizzare il distacco tra i due viaggiatori, ma questo avrebbe reso inutile il valore della tolleranza e sarebbe diventato in generale un problema meno realistico.

## 2 Minizinc

### 2.1 Modellazione

A metà dello sviluppo ho notato che la libreria standard di minizinc fornisce alcuni global constraint per verificare che un vettore di precedenza rappresenti un circuito in un grafo. Ho deciso di non utilizzarla per più motivi, anzitutto perché questo avrebbe eliminato metà della consegna, inoltre perché ero già a buon punto e ottenevo comunque prestazioni soddisfacenti senza utilizzarlo.

**Circuito Hamiltoniano** Per rappresentare il circuito utilizzo semplicemente un vettore bidimensionale `path` di tipo `array [1..2,1..n+1] of var 1..n` in cui sono indicati per le due macchine la sequenza di nodi da attraversare.

Per verificare che sia un Hamiltoniano utilizzo 5 vincoli. Il primo richiede che il primo e l'ultimo nodo di entrambi i percorsi siano uguali al nodo di partenza. Due richiedono che tutti i nodi nel percorso siano diversi (utilizzando il global constraint `all_different`). E gli ultimi due controllano che per ogni coppia di nodi consecutivi nel percorso esista l'arco nella matrice.

Su tutti questi vincoli ho utilizzato l'annotazione `::domain` per forzare la domain propagation, anche se sugli ultimi due non sembrava avere effetti. Su tutti gli altri vincoli del modello, qualsiasi tipo di propagazione provassi o non aveva effetti, o peggiorava le prestazioni o veniva direttamente rifiutata dal solver.

**Timidezza** Per verificare che le due macchine non si incontrassero entro una tolleranza ho utilizzato un secondo vettore `time` di tipo `array [1..2,1..n] of var 0..max_time` in cui `max_time` è un grezzo upper bound dei tempi ottenuto sommando tutti i valori positivi della matrice `m`. Questo limite dovrebbe aiutare il solver a risolvere il modello. Inoltre avrebbe permesso di utilizzare le ottimizzazioni del compilatore superiori ad -O2, che poi non sono state usate perché per qualche ragione era più veloce con le ottimizzazioni di default.

Il vettore viene popolato prima inserendo 0 nelle celle corrispondenti al nodo di partenza e poi incrementalmente utilizzando l'ultimo valore inserito nel vettore, ed il peso del prossimo arco da attraversare. Il vettore è stato etichettato con l'annotazione `::is_defined_var` poiché non serve fare ricerca su questi valori, ma dipendono direttamente dal percorso, il che ha un osservabile impatto sulle prestazioni.

Dopo averli calcolati, semplicemente un vincolo controlla che i tempi di visita corrispondenti a ciascun nodo abbiano una differenza (assoluta) maggiore della variabile `limit`.

Come symmetry break (implicato dal vincolo sui tempi) utilizzo il vincolo `constraint path[1,2] > path[2,2]`. Se il grafo fosse stato indiretto avrei potuto

aggiungere anche il vincolo `constraint path[1,2] > path[2,n]`, ma in un grafo indiretto questo potrebbe rendere insoddisfacibile un'istanza, ad esempio se tutti i nodi entranti in `start` partono da nodi di indice più alto di tutti i nodi uscenti.

Ho sperimentato anche con altri metodi per calcolare i tempi e con altri vincoli ridondanti (alcuni dei quali sono ancora commentati nel file della soluzione), ma quelli appena illustrati hanno fornito i risultati migliori.

**Goal** Come obbiettivo sommo i pesi di tutti gli archi attraversati da entrambe le macchine (che saranno sempre positivi) e minimizzo il valore risultante. Questo valore viene stampato in output e rappresenta l'ottimo raggiunto.

## 2.2 Euristiche

Queste euristiche sono la parte del progetto in cui mi sono concentrato maggiormente e che hanno influito di più sulla qualità del risultato.

Ho cominciato cercando di ottimizzare le euristiche un input piccolo, e dopo aver trovato un buon risultato, lo ho provato su un input molto grande ed ho scoperto che le euristiche per gli input piccoli sono pessime per quelli grandi e viceversa.

Tuttavia, ho anche notato che è possibile utilizzare espressioni e condizionali all'interno delle euristiche. Quindi non ero costretto né a scegliere di ottimizzare per una sola dimensione né a fare compromessi, ma potevo utilizzare un approccio ibrido.

**Piccole istanze** Per le piccole istanze, ho notato che un approccio esaustivo e naïve produce i risultati migliori, rispetto a tecniche più probabilistiche.

Trattandosi di un circuito, ha senso che le variabili vengano popolate in `input_order`. Ma per la scelta del valore `indomani_reverse_split` non ho una spiegazione, ho il sospetto che funzioni bene solo perché sono istanze casuali. Ho anche notato che `indomani_reverse_split` non è più veloce di `indomani_split` ad esaurire la ricerca (cambia solo se iniziare dalla metà superiore od inferiore) ma nei casi testati trova l'ottimo prima.

Con un approccio del genere non ha senso utilizzare riavvii. Un condizionale selezione l'euristica `restart_none` per le istanze piccole.

Utilizzare questa euristica per input molto grandi ha risultati pessimi, non riesce a trovare velocemente un buon ottimo ed ovviamente non è possibile esaurire la ricerca velocemente.

**Grandi istanze** Per le istanze grandi, il risultato migliore lo ho trovato con un approccio "aggressivamente probabilistico" basato su una semplice strategia di Large Neighborhood Search (LNS). Questo approccio ottiene

risultati sorprendentemente buoni, mentre tentare una ricerca più esaustiva non avrebbe senso su istanze oltre una certa dimensione.

Utilizzando l'euristica `relax_and_reconstruct`. Ad ogni riavvio le variabili hanno una certa probabilità di essere mantenute per l'esplorazione successiva. Ho notato che istanze molto grandi funzionano meglio con probabilità più alte mentre quelle più piccole con probabilità più basse. Quindi la probabilità è calcolata dalla dimensione del grafo, e limitata al massimo a 90 %, che viene raggiunta da istanze con  $n \geq 70$ .

L'esplorazione avviene con una strategia `first_fail` per la scelta delle variabili, e `indomain_random` per la scelta dei valori. Utilizzare questa strategia fa una notevole differenza nel trovare velocemente un ottimo.

Per i riavvii ci sono due strategie principali: riavvii rapidi, per evitare di “incagliarsi” in un ramo sbagliato e sfruttare di più la LNS; e riavvii lenti, per esplorare meglio un ramo ed assicurarsi di non perdersi alcuni ottimi. Entrambe le tecniche hanno vantaggi e svantaggi. La ricerca con la sequenza di Luby (con l'annotazione `restart_luby`) permette di utilizzare entrambe le tecniche, alternando fasi di riavvii molto rapidi, ed alcuni riavvii esponenzialmente sempre più lenti. Si ottenevano buoni risultati anche con i riavvii esponenziali, ed una base molto bassa (ad esempio 1.00001), però a contrario della sequenza di Luby, questa ad un certo punto smette di fare riavvii rapidi e rimane “bloccata” su un ottimo.

Utilizzare queste euristiche per un piccolo input non dà buoni risultati. Non solo non si arresta mai perché continuando a riavviare, e procedendo randomicamente, non riesce ad esaurire la ricerca. Ma sotto una certa dimensione di input è addirittura più lento della ricerca esaustiva nel trovare l'ottimo.

**Risultato finale** La soglia oltre la quale gli input sono considerati “grandi” è stata trovata per tentativi. Corrisponde alla dimensione oltre la quale la ricerca eccede il limite di 5 minuti, che sulla mia macchina corrisponde a  $n > 14$ , ma non esiste una soglia “universale”.

Se oltre alla dimensione degli input si varia anche la tolleranza agli incontri, il tempo potrebbe aumentare ed eccedere il limite. Tuttavia, nei test effettuati si è visto che in questi casi in cui l'istanza è piccola ma comunque eccede il limite, la ricerca esaustiva trova un ottimo prima di LNS. Avere questa tolleranza come parametro non era richiesto dalla consegna, quindi non ho studiato approfonditamente cosa succede al suo variare.

In realtà, utilizzare multithreading avrebbe permesso di spostare questa soglia più in alto. Ma per qualche ragione, la LNS diventava più lenta in multithreading, quindi come compromesso non è stato utilizzato.

Un possibile sviluppo futuro potrebbe essere una selezione più accurata dell'euristica da utilizzare, analizzando meglio la macchina ed il problema, invece che limitarsi ad una condizione sulla dimensione del grafo.

Questa euristica selettiva permette al modello di affrontare con buoni risultati sia problemi medio-piccoli (che costituiscono la maggior parte dei benchmark forniti). Che casi molto grandi, di cui sono stati forniti tre esempi, rispettivamente con  $n = 30$ ,  $n = 50$ , ed  $n = 100$ . Per ottenere buoni risultati anche con input ancora più grandi bisognerebbe modificare l'espressione  $\min(90, 55 + (n \div 2))$  per raggiungere probabilità più alte di 90 % con input più grandi di  $n = 100$ .

```

1 solve
2   ::relax_and_reconstruct([path[j,i] | i in 1..n+1, j in 1..2],
3     min(90, 55 + (n div 2)))
4   ::if n > 14 then
5     int_search(path, first_fail, indomain_random)
6   else
7     int_search(path, input_order, indomain_reverse_split)
8   endif
9   ::if n > 14 then
10    restart_luby(n div 4)
11  else
12    restart_none
13  endif
14 minimize total;

```

## 3 ASP

### 3.1 Modellazione

A causa di una piccola svista che non valeva la pena di risolvere, nella codifica per ASP i nodi sono numerati partendo da 0, mentre la matrice per minizinc è indicizzata partendo da 1. Le istanze di benchmark sono esattamente le stesse, solo numerati in modo diverso. Se proprio si volesse avere soluzioni allineate sarebbe sufficiente incrementare di 1 tutti gli indici nelle istanze fornite.

**Circuito Hamiltoniano** Come primo approccio ho tentato di “tradurre” direttamente la soluzione minizinc, implementando una sorta di vettore come una serie di fatti del tipo  $\text{step}(Z, Y, X)$ , che significa al passo  $Y$ , la macchina  $Z$  si trova al nodo  $X$ . Inoltre c'erano alcune differenze nel come produce l'elenco dei nodi. Questa soluzione incompleta si può trovare nel file `asp/incompleto.lp`.

Alla fine è stata abbandonata perché le prestazioni non erano soddisfacenti, ho invece optato per una versione modificata dell'implementazione di Hamilton Circuit vista a lezione. L'unica differenza (a parte i nomi delle funzioni) è l'aggiunta della variabile  $z$  per indicare di quale macchina si tratta.

Quindi funzione  $\text{go}(Z, X, Y)$  che indica che la macchina  $Z$  attraversa l'arco  $\text{strada}(X, Y, \_)$  è *può* essere vera se l'arco esiste. Poi definisco la funzione `seen`



$(Z,X)$  che indica che la macchina  $z$  ha visitato il nodo  $x$  se è raggiunta un percorso di `go` che inizia dal nodo di partenza. Ed infine richiedo che tutti i nodi siano visitati (quello di partenza risulterà visitato solo se il percorso è un circuito), e che per ogni macchina da ogni nodo venga preso esattamente un arco in entrata ed uno in uscita.

Ho anche sperimentato con la soluzione riportata sulla pagina Wikipedia e nel tutorial di Potassco (la stessa), ma era notevolmente più lenta di quella vista a lezione.

```

1 {go(Z,X,Y)} :- strada(X,Y,_), car(Z).
2
3 seen(Z,X) :- go(Z,S,X), start(S), car(Z).
4 seen(Z,Y) :- seen(Z,X), go(Z,X,Y), car(Z).
5
6 1{go(Z,X,Y) : strada(X,Y,_)}1 :- node(X), car(Z).
7 1{go(Z,X,Y) : strada(X,Y,_)}1 :- node(Y), car(Z).
8 :- node(X), not seen(Z,X), car(Z).

```

**Timidezza** Per modellare la tolleranza agli incontri è necessaria una nuova funzione che permetta di sapere a che tempo viene visitato un nodo. Quindi introduciamo la funzione `at(Z,X,T)`, la quale indica che la macchina  $z$  si trova al nodo  $x$  al tempo  $T$ . Viene definita ricorsivamente sfruttando la funzione `go` definita in precedenza.

A questo punto manca solo inserire la regola che impedisca alle due macchine di essere allo stesso nodo allo stesso tempo, per completare il modello.

Ho fatto un tentativo di calcolare direttamente i tempi insieme alla funzione `go` senza definire `at`. Le performance di quella soluzione erano peggiori, probabilmente perché il grounding diventava molto più grande.

```

1 at(Z,X,T) :- go(Z,S,X), start(S), car(Z), strada(S,X,T), time(T).
2 at(Z,Y,T+L) :- at(Z,X,T), go(Z,X,Y), car(Z), strada(X,Y,L), X
   != S, start(S), time(T), time(L).
3
4 :- at(a,X,T1), at(b,X,T2), node(X), time(T1), time(T2), limit(L),
   |T1-T2| <= L, x != S, start(S).

```

Per calcolare i tempi è necessario introdurre un limite superiore al tempo, altrimenti il grounding non finisce mai. Quindi ho usato lo stesso limite del modello minizinc. Per migliorare le performance ho provato a raffinare un po' il limite prendendo il minimo tra: la somma di tutti i pesi, ed  $n$  volte il peso massimo; sperando di rimpicciolire il grounding. Questo raffinamento è stato scartato perché le performance sono leggermente peggiorate ed il grounding aveva le stesse dimensioni in tutti i test. Si tratta probabilmente di una peculiarità delle istanze generate casualmente.

### 3.2 Confronto con minizinc

La soluzione in ASP risulta molto più breve di quella in minizinc, sfrutta la maggiore espressività del linguaggio ed è più semplice da leggere e da comprendere. Tuttavia, modellare il problema è stato più complicato ed ha richiesto più tempo.

In generale, penso che questo problema e quelli basati sulla ricerca di percorsi in un grafo siano più naturali da modellare come istanze di CSP o COP che di ASP. In contrasto, ad esempio, con problemi come il graph colouring che sarebbe molto più semplice da modellare in ASP.

Ovviamente *ottimizzare* il modello COP è più difficile di trovare uno stable model, ma se si cerca solo di soddisfare il modello, minizinc è molto più veloce di ASP. Anche se si rimuovono tutte le euristiche, minizinc soddisfa il modello molto prima di asp. La maggior parte del tempo in realtà è occupata dal grounding, ma anche considerando solo il tempo per risolvere il problema già grounded, è molto più lento di CSP.

## 4 Risultati dei benchmark

Come benchmark fornisco:

- 3 Istanze piccole (di dimensioni 6, 10, e 12)
- 30 Istanze medie (di dimensioni 14)
- 3 Istanze grandi (di dimensioni 30, 50, e 100)

Nella tabella seguente sono riportati, oltre al tempo di esecuzione, la soddisfacibilità dell'istanza, e nel caso di COP l'ottimo raggiunto. Per ASP ho riportato sia il tempo totale, che quello effettivamente richiesto dal solving (il resto è impiegato dal grounding).

Test	Minizinc		ASP	
	Ottimo	Tempo	Risultato	Tempo totale (Solving)
easy1	UNSAT	0.13s	UNSAT	0.028s (0.00s)
easy2	total 190	0.19s	SAT	0.769s (0.02s)
easy3	total 129	3.44s	SAT	1.123s (0.03s)
mid1	total 166	52.62s	SAT	1.661s (0.03s)
mid2	total 142	32.91s	SAT	1.630s (0.02s)
mid3	total 183	64.02s	SAT	1.584s (0.19s)
mid4	total 142	30.54s	SAT	1.497s (0.02s)
mid5	total 104	39.91s	SAT	1.655s (0.03s)
mid6	total 132	32.59s	SAT	1.767s (0.12s)
mid7	total 127	201.42s	SAT	1.663s (0.05s)
mid8	total 133	106.21s	SAT	1.627s (0.05s)
mid9	total 166	168.23s	SAT	1.345s (0.03s)
mid10	total 153	19.76s	SAT	1.458s (0.04s)
mid11	total 162	4.07s	SAT	1.565s (0.05s)
mid12	total 173	300.01s	SAT	1.619s (0.02s)
mid13	total 160	64.33s	SAT	1.688s (0.04s)
mid14	total 124	46.25s	SAT	1.423s (0.11s)
mid15	total 164	97.15s	SAT	1.471s (0.04s)
mid16	total 141	20.57s	SAT	1.520s (0.05s)
mid17	total 119	37.09s	SAT	1.913s (0.04s)
mid18	total 150	35.59s	SAT	1.587s (0.03s)
mid19	total 153	16.79s	SAT	1.486s (0.03s)
mid20	total 119	27.46s	SAT	1.660s (0.04s)
mid21	total 157	176.58s	SAT	1.647s (0.03s)
mid22	total 149	43.63s	SAT	1.466s (0.05s)
mid23	total 118	66.04s	SAT	1.681s (0.07s)
mid24	total 169	41.62s	SAT	1.495s (0.02s)
mid25	total 113	5.95s	SAT	1.591s (0.05s)
mid26	total 117	41.51s	SAT	1.631s (0.03s)
mid27	total 134	50.95s	SAT	1.633s (0.05s)
mid28	total 113	19.12s	SAT	1.600s (0.08s)
mid29	total 152	16.18s	SAT	1.638s (0.11s)
mid30	total 106	17.04s	SAT	1.651s (0.03s)
hard1	total 145	300.02s	SAT	6.227s (0.80s)
hard2	total 216	300.05s	SAT	14.824s (1.80s)
hard3	total 418	300.24s	SAT	66.571s (15.42s)

**Considerazioni** Il time limit era di 300 secondi, quindi l'istanza `mid12`, e le tre istanze `hard` sono quelle che eccedono il limite di tempo. Le tre istanze difficili sono le uniche in cui è stata usate l'euristiche per i problemi grandi,

le altre erano entro il limite. In particolare le istanze `mid` sono esattamente la dimensione massima prima di superare il limite di dimensione.

Si può notare che il tempo impiegato dalle istanze di dimensione 14 è molto variabile, con alcune ottimizzate in meno di 10 secondi, ed altre che richiedono diversi minuti. Dovendo ottimizzare i circuiti, altri fattori come la quantità di soluzioni ammissibili e la difficoltà nel trovarle, influisce sul tempo necessario per l'ottimizzazione. Comunque la prima soluzione viene prodotta quasi istantaneamente anche nei casi che eccedono i 300 secondi.

L'istanza `mid12` è l'unica istanza “non grande” del batch che ha superato il limite di tempo. In questo caso l'approccio stile LNS avrebbe ottenuto un ottimo migliore (169). Generalmente durante lo sviluppo questo non era vero per le istanze di questa dimensione, si tratta di un caso particolare che avrebbe richiesto molto più tempo degli altri per una ricerca esaustiva. Completando la ricerca su una macchina più veloce risulta che l'ottimo è 163, con almeno altre due soluzioni tra questa e 169. Quindi anche l'approccio LNS non era ottimale in questo caso.

ASP sembra molto più consistente con tutte le istanze medie che terminano tra 1 e 2 secondi. In questo tempo però trova una singola soluzione, mentre `minizinc` potrebbe aver già trovato decine di ottimi locali. Possiamo notare che le istanze in cui ASP ha impiegato più tempo non corrispondono con quelle in cui `minizinc` ha impiegato più tempo. Da questo capisco che non si tratta di una “Difficoltà intrinseca” del problema, ma dipende da come avviene la ricerca. Il che ribadisce l'importanza di delle buone euristiche. In particolare l'istanza `hard3` viene risolta in più di un minuti, con 15 di solving, mentre `minizinc` produce il primo risultato dopo solo 3 secondi.