



Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem  
Villamosmérnöki és Informatikai Kar  
Méréstechnika és Információs Rendszerek Tanszék

# K-indukciós algoritmus fejlesztése a Theta verifikációs keretrendszerben

SZAKDOLGOZAT

*Készítette*  
Jakab Richárd Benjámin

*Konzulens*  
Dr. Vörös András

2020. november 30.

# Tartalomjegyzék

|   |           |
|---|-----------|
| <b>Kivonat</b>                          | <b>i</b>  |
| <b>Abstract</b>                         | <b>ii</b> |
| <b>1. Bevezetés</b>                     | <b>1</b>  |
| <b>2. Szoftververifikáció</b>           | <b>2</b>  |
| <b>3. K-indukció</b>                    | <b>3</b>  |
| 3.1. Elméleti háttér . . . . .          | 3         |
| 3.2. A probléma formalizálása . . . . . | 3         |
| 3.3. A formalizált algoritmus . . . . . | 4         |
| <b>4. Implementálás</b>                 | <b>6</b>  |
| 4.1. Adatszerkezet . . . . .            | 6         |
| <b>5. Benchmark</b>                     | <b>7</b>  |
| 5.1. Teszteredmények . . . . .          | 7         |
| <b>6. Összefoglaló</b>                  | <b>8</b>  |
| <b>Köszönetnyilvánítás</b>              | <b>9</b>  |
| <b>Irodalomjegyzék</b>                  | <b>10</b> |

## HALLGATÓI NYILATKOZAT

Alulírott *Jakab Richárd Benjámín*, szigorló hallgató kijelentem, hogy ezt a szakdolgozatot meg nem engedett segítség nélkül, saját magam készítettem, csak a megadott forrásokat (szakirodalom, eszközök stb.) használtam fel. Minden olyan részt, melyet szó szerint, vagy azonos értelemben, de átfogalmazva más forrásból átvettem, egyértelműen, a forrás megadásával megjelöltem.

Hozzájárulok, hogy a jelen munkám alapadatait (szerző(k), cím, angol és magyar nyelvű tartalmi kivonat, készítés éve, konzulens(ek) neve) a BME VIK nyilvánosan hozzáférhető elektronikus formában, a munka teljes szövegét pedig az egyetem belső hálózatán keresztül (vagy autentikált felhasználók számára) közzétegye. Kijelentem, hogy a benyújtott munka és annak elektronikus verziója megegyezik. Dékáni engedéllyel titkosított diplomatervek esetén a dolgozat szövege csak 3 év eltelte után válik hozzáférhetővé.

Budapest, 2020. november 30.

---

*Jakab Richárd Benjámín*  
hallgató

# Kivonat

Jelen dokumentum egy diplomaterv sablon, amely formai keretet ad a BME Villamosmérnöki és Informatikai Karán végző hallgatók által elkészítendő szakdolgozatnak és diplomatervnek. A sablon használata opcionális. Ez a sablon  $\text{\LaTeX}$  alapú, a *TeXLive*  $\text{\TeX}$ -implementációval és a PDF- $\text{\LaTeX}$  fordítóval működőképes.

# Abstract

This document is a L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X-based skeleton for BSc/MSc theses of students at the Electrical Engineering and Informatics Faculty, Budapest University of Technology and Economics. The usage of this skeleton is optional. It has been tested with the *TeXLive* T<sub>E</sub>X implementation, and it requires the PDF-L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X compiler.

# 1. fejezet

## Bevezetés

A körülöttünk lévő világban számos helyen találunk olyan informatikai rendszereket, melyeknél a meghibásodás (hibás működés) következménye elfogadhatatlan. Hagyományosan ilyen területek az egészségügyi alkalmazások, légi közlekedés, atomenergia ipar, fegyverrendszerek stb. Ezeket a rendszereket biztonságkritikus rendszereknek nevezzük, és létfontosságú a specifikációnak megfelelő működés ellenőrzése. Ennek ellenőrzésére különböző verifikációs technikák szolgálnak. Ezek egyike a modellellenőrzés, mely során a rendszer egy matematikai modelljét vizsgálva lehet különböző formalizált követelmények teljesülését ellenőrizni.

A munkám során a BME VIK Méréstechnika és Információs Rendszerek Tanszék<sup>1</sup> Hibatűrő Rendszerek Kutatócsoportja<sup>2</sup> által fejlesztett *Theta*<sup>3</sup> keretrendszert használtam. A *Theta* egy általános célú, moduláris és konfigurálható modellellenőrző keretrendszer, melyet absztrakciós finomításon alapuló algoritmusok tervezésének és értékelésének támogatására hoztak létre a különböző formalizmusok elérhetőségi elemzéséhez.

A munkámat három részre tagolhatjuk, melyet a szakdolgozatom felépítése is követ: először elmerültem a szoftververifikáció és modellezés tématerületében, kiemelten foglalkozva a *k*-indukció alapú szoftververifikációval, aztán a szakirodalom által bemutatott algoritmust leimplementáltam a *Theta* keretrendszerben, majd végezetül széleskörű tesztelés alá vettem és így finomítottam az algoritmusomat.

A dolgozat az alábbi részletesebb tartalmi felosztásban tárgyalja a fentebb felvázolt folyamatot:

- A második fejezetben a szoftververifikációt mutatom be általános megközelítésben
- A harmadik fejezetben kifejtem az algoritmusom alapját adó K-indukció módszer elméleti hátterét
- A negyedik fejezetben bemutatom az algoritmusom elkészítésének folyamatait és technikai felépítését
- Az ötödik fejezetben bemutatom az algoritmusom teszteredményeit és összehasonlítom más, verifikáló algoritmusokkal

TODO: fejezet lista frissítése

---

<sup>1</sup><https://www.mit.bme.hu/>

<sup>2</sup><https://www.mit.bme.hu/research/ftsrg>

<sup>3</sup><https://github.com/FTSRG/theta>

**2. fejezet**

# **Szoftververifikáció**

## 3. fejezet

# K-indukció

Az elkészített programom a  $k$ -indukció nevű matematikai módszerre [2] támaszkodik. Ebben a fejezetben ismertetem az elméleti módszert, illetve pseudokód szinten bemutatom az ezen a matematikai módszeren alapuló algoritmus működését és bemutatom annak helyességét.

### 3.1. Elméleti háttér

Tekintsük az alább látható teljes indukció tételét a természetes számok halmaza fölött (kiegészítve 0-val):

$$P(0) \wedge \forall n(P(n) \Rightarrow P(n+1)) \Rightarrow \forall nP(n). \quad (3.1)$$

Lényege, hogy megnézzük az első lépésre teljesül-e a feltétel (az angol szakirodalomban ez a *base-case*). Ha igen, akkor megnézzük ennek tudatában azt, hogy az  $n+1$ . lépés következik-e az  $n$ . lépésből (indukciós lépés – *induction case*). Ha sikerül ezt belátnunk, akkor készen vagyunk, bebizonyítottuk az összes lépésre a feltételt.

Ezt tovább gondolva megtehetjük azt, hogy az első két lépésre nézzük meg, hogy teljesítik-e a feltételt:

$$P(0) \wedge P(1) \wedge \forall n((P(n) \wedge P(n+1)) \Rightarrow P(n+2)) \Rightarrow \forall nP(n). \quad (3.2)$$

Ezt az elvet általánosíthatjuk  $k$  lépésre,  $k \geq 1$ , melyet a irodalom [2]  $k$ -indukciónak nevez, formálisan:<sup>1</sup>

$$\left( \bigwedge_{i=0}^{k-1} P(i) \right) \wedge \forall n \left( \left( \bigwedge_{i=0}^{k-1} P(n+i) \right) \Rightarrow P(n+k) \right) \Rightarrow \forall nP(n). \quad (3.3)$$

### 3.2. A probléma formalizálása

Ahhoz, hogy a problémát precízebben megfogalmazhassuk, szükség van jelölések és fogalmak bevezetésére. Adott egy tranzakciós relációkból felépülő gráf, melyben  $T(x, y)$ -al jelöljük azt, ha létezik egy, az  $x$  állapotból az  $y$  állapotba mutató tranzakciós reláció [1]. Így már tudjuk definiálni az útvonal fogalmát, mely állapotok sorozatát jelenti  $T$ -n keresztül:

$$utvonal(s_{[0..n]}) \doteq \bigwedge_{0 \leq i < n} T(s_i, s_{i+1}) \quad (3.4)$$

---

<sup>1</sup>A  $k$ -indukció helyességének a bizonyítására a dolgozatomban nem térek ki.



Ahol  $s_{[0..n]}$  rövidítés az  $(s_0, s_1, \dots, s_n)$  állapotsorozatot jelöli. Az *utvonal*  $n$  hosszúságú, ha  $n$  darab tranzakcióból áll. A nulla hosszúságú *utvonal* egy darab állapotot tartalmaz és nem értelmezzük rajta a tranzakció műveletét. Azt a megállapítást, hogy egy  $Q$  tulajdonság igaz egy útvonal összes állapotára, úgy fogjuk írni, hogy  $\forall.Q(s_{[0..n]})$ .

A továbbiakban lesz olyan, mikor egy útvonal alatt nem csak azt értjük, hogy az tranzakciók sorozata, hanem annak létezését is jelöli. Így,  $utvonal_i(s_0, s_i)$  alatt azt jelöljük, hogy *létezik* egy útvonal  $s_0$ -ból  $s_i$ -be, mely  $i$  darab  $T$ -ből áll.

Legyen  $T$  egy tranzakciós reláció  $S$  állapothalmazán. Feltételezzük, hogy  $T$  a teljes állapottérre értelmezve van, tehát minden állapotnak (a kezdőállapotokat leszámítva) van egy szülőállapota  $T$ -n keresztül. Jelöljük  $I$ -vel a kezdőállapotokat, és azt vizsgáljuk, hogy az állapotok teljesítik-e a  $P$  tulajdonságot.

A problémát informálisan a következőképp foglalhatjuk össze: beszeretnénk azt látni, hogy ha egy kezdőállapotból elindulunk, akkor a tranzakciós relációt ismétlődően alkalmazva csak olyan állapotba fogunk eljutni, mely kielégíti  $P$ -t. Formálisan a következőt akarjuk belátni:

$$\forall i : \forall s_0 \dots s_i : (I(s_0) \wedge utvonal(s_{[0..i]}) \rightarrow P(s_i)) \quad (3.5)$$

Ahol  $i \geq 0$ . Később látni fogjuk, hogy az algoritmus felhasználja ennek a megfordítottját is: a „rossz” állapotokból (hibaállapotokból) elindulunk visszafelé, és azt vizsgáljuk, hogy elérjük-e valamelyik kezdőállapotot:

$$\forall i : \forall s_0 \dots s_i : (\neg I(s_0) \leftarrow utvonal(s_{[0..i]}) \wedge \neg P(s_i)) \quad (3.6)$$

Ahol  $\neg I(s_0)$  azt jelenti, hogy  $s_0$  nem kezdőállapot (nem teljesíti a „kezdőállapot tulajdonságot”), illetve  $\neg P(s_i)$  azt, hogy  $s_i$  nem elégíti ki a  $P$  tulajdonságot. A két egyenlet ekvivalens és összehetők úgy, hogy azon a probléma szemléletesebb és szimmetrikusabb legyen:

$$\forall i : \forall s_0 \dots s_i : \neg(I(s_0) \wedge utvonal(s_{[0..i]}) \wedge \neg P(s_i)) \quad (3.7)$$

Azaz szavakkal elmondva – azt akarjuk megmutatni, hogy *nem létezik* olyan útvonal, mely kezdőállapotból indul és egy *nem-P* állapotba jut.

### 3.3. A formalizált algoritmus

A fenti ismeretek segítségével hogy tudnánk belátni, hogy a modell a  $P$  tulajdonságra nézve biztonságos?

Például úgy, ha megnézzük, hogy a

$$\forall s_0 \dots s_i : \neg(I(s_0) \wedge utvonal(s_{[0..i]}) \wedge \neg P(s_i)) \quad (3.8)$$

teljesül  $i = 0, i = 1, i = 2, \dots$  -re. Ha feltétel megsérül valamelyik elérhető állapotban, akkor ezzel a módszerrel meg fogjuk találni és az oda vezető útvonal ellenpélda lesz a modell  $P$ -biztonságosságára. Ez egy elvárható eredmény: az algoritmusnak két féle kimenetele kell, hogy legyen: vagy az, hogy a modell  $P$ -tulajdonságra nézve biztonságos (minden elérhető állapot teljesíti), vagy az, hogy a modell nem  $P$ -biztonságos, ekkor egy ellenpéldát is kell adnia, mely bizonyítja, hogy az adott kezdőállapotból elindulva, azon végighaladva valóban egy hibaállapotba kerülünk.

Ha a rendszer  $P$ -biztonságos, akkor (3.8) minden  $i$ -re igaz lesz, hiszen nem fogunk tudni találni olyan  $i$  értéket, melyre ne teljesülne. Felvetődhet a kérdés, hogy mikortól lehet azt mondani, hogy  $i$  további növelése céltalan, mert már teljes bizonyossággal kijelenthetjük, hogy a modell  $P$ -biztonságos? A  $I(s_0) \wedge utvonal(s_{[0..i]})$  feltétel önmagában nem fog gyorsítást eredményezni: vagy végig megy az állapottéren amilyen hosszan csak lehetséges (ezt szeretnénk lerövidíteni), tekintve, hogy minden állapotnak van egy szülőállapota a  $T$  tranzakciós reláción keresztül, vagy végtelen ciklusba kerül.

**Result:**

```

i=0;
while True do
    instructions;
    if condition then
        instructions1;
        instructions2;
    else
        instructions3;
    end
end

```

**Algorithm 1:** Checking if model is  $P$ -safe

## 4. fejezet

# Implementálás

### 4.1. Adatszerkezet

## 5. fejezet

# Benchmark

### 5.1. Teszteredmények

6. fejezet

Összefoglaló

# Köszönetnyilvánítás

# Irodalomjegyzék

- [1] Mary Sheeran – Satnam Singh – Gunnar Stålmarch: Checking safety properties using induction and a sat-solver. In Warren A. Hunt – Steven D. Johnson (szerk.): *Formal Methods in Computer-Aided Design* (konferenciaanyag). Berlin, Heidelberg, 2000, Springer Berlin Heidelberg, 127–144. p. ISBN 978-3-540-40922-9.
- [2] Thomas Wahl: The k-induction principle. URL <http://www.comlab.ox.ac.uk/people/Thomas.Wahl/Publications/k-induction.pdf>.