Rapport Projet d'Algorithmique Avancée - MU4IN500

Loïc Daudé Mondet n°21304461 Boudrouss Réda n°28712638



Sorbonne Université France

Contents

1.	Introduction
	Langage et interpréteur
	Utilisation
2.	Patricia Trie
	Présentation
	Implémentation
	Analyse
	ComptageMot, ComptageNil, Hauteur, ProfondeurMoyenne et ListeMots
	Recherche et Suppression
	Prefixe
	Fusion

1. Introduction

Dans le carde de l'unité d'enseignement d'Algorithmique Avancée (MU4IN500 - AlgAv), nous avons réaliser ce projet portant sur les structures de trie : Trie Hybride, et Patricia Trie afin de représenter un dictionnaire de mot.

Langage et interpréteur

Nous avons réalisé ce projet en utilisant un sur-ensemble de Javascript, à savoir **Typescript**. Le projet a été codé et testé avec **Deno 2.0.5** mais n'importe quelle version de Deno 2.x.x devrait marcher.

Javascript est un langage multiparadigme, pour notre cas son coté fonctionnel et orienté objet nous a permis de réaliser ce projet de manière efficace. Il dispose d'une bibliothèque standard très étoffée notamment en ce qui concerne la manipulation des chaînes de caractères et supporte nativement le JSON. Les moteurs Javascript sont très performants ce qui est crucial quand il s'agit de traiter de grandes quantités de données.

Nous avons choisi d'utiliser **Typescript** car il permet de définir des types pour les variables et les fonctions, ce qui permet de détecter plus facilement les erreurs de programmation et avoir un code plus robuste.

Deno est un environnement d'exécution pour Javascript et Typescript, et un des seuls qui supporte nativement le Typescript sans avoir besoin de transpiler le code. Il est sécurisé par défaut, et ne permet pas l'accès au système de fichiers ou au réseau sans autorisation explicite. Il est également très performant et dispose d'une bibliothèque standard très complète.

Utilisation

deno run cli vous permet d'intéragir avec les différentes commandes demandé par l'énoncer par exemple :

• deno run cli inserer 1 temp.txt permet d'insérer les mots dans le fichier temp.txt dans un Trie Hybrid

deno test permet de lancer les tests unitaires. Les test sont reconnaissable par leur extension sous la forme .test.ts. Il y en a un pour chaque trie dans le dossier correspondant.

deno run bench permet de lancer les benchmarks. Les benchmarks sont reconnaissable par leur extension sous la forme .bench.ts. Il y en a un pour chaque trie dans le dossier correspondant.

2. Patricia Trie

Présentation

Le Patricia Trie est une structure de données qui détient les éléments suivant :

- un label qui est une chaine de texte
- un tableau de pointeur vers les fils

Le Patricia Trie est un arbre de recherche qui permet de stocker des mots. Chaque noeud de l'arbre est un label qui est une chaine de caractère. Les fils d'un noeud sont stockés dans un tableau de pointeur. Chaque fils est associé à un caractère de l'alphabet.

Le principe de base du Patricia Trie est de stocker les mots dans l'arbre en fonction de leur préfixe. Ainsi, les mots qui ont un préfixe commun sont stockés dans le même sous-arbre.

Implémentation

Notre implémentation du Patricia Trie contient les éléments suivants :

```
class PatriciaTrie {
  root: PatriciaTrieNode;
}

class PatriciaTrieNode {
  label: string;
  is_end_of_word: boolean;
  children: Map<string, PatriciaTrieNode>; // Map c'est une hashmap
}
```

Le Patricia Trie est implémenté en utilisant une classe PatriciaTrie qui contient un attribut root qui est un pointeur vers le noeud racine de l'arbre.

Les noeuds de l'arbre sont implémentés en utilisant une classe PatriciaTrieNode. Chaque noeud contient un label qui est une chaine de caractère, un attribut is_end_of_word qui indique si le noeud est la fin d'un mot, et un attribut children qui est une hashmap qui contient les fils du noeud.

Nous avons opté plutôt pour un boolean is_end_of_word pour indiquer la fin d'un mot, car cela permet de simplifier l'implémentation de certaines opérations et de ne pas se réduire à un ensemble de charactère. Dans notre cas notre code supporte tout les caractères UTF-8 car c'est le standard en Javascript.

De même, si nous étions dans un langage bas niveau, nous aurions pu utiliser un tableau de pointeur pour les enfants où la position représente un charactère unicode; Mais en Javascript, nous avons préféré utiliser une hashmap pour simplifier l'implémentation, les clés de cette hashmaps sont le premier charactère du label (Créer une case pour chaque caractère UTF-8 n'est pas envisageable). Les différentes opérations des hashmaps et des tableaux sont sensiblement les mêmes en terme de complexité (O(1) pour l'accès et l'insertion). De plus les Map en Javascript retienne la taille, ce qui simplifie l'implémentation de certaines opérations et permet de ne pas avoir à parcourir l'ensemble des enfants.

Analyse

ComptageMot, ComptageNil, Hauteur, ProfondeurMoyenne et ListeMots

Ces opérations procédent de la même manière, elles parcourent l'arbre en profondeur une fois en utilisant une récursion et receuille les informations dont elles ont besoin. Que ce soit dans le pire des cas ou dans le meilleur des cas, nous sommes obligés de parcourir tous les noeuds de l'arbre pour effectuer ces opérations. La complexité de ces opérations est en O(n) où n est le nombre de noeuds de l'arbre.

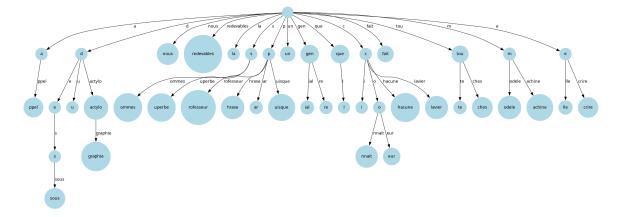


Figure 1: Arbre représentant l'exemple de base avec un Patricia Trie

Recherche et Suppression

La supression est semblable à la recherche, car le gros du calcul est fait par la recherche du noeud à supprimer.

Il y a 2 variables qui influent sur la complexité de la recherche et de la suppression :

- n: la longueur du mot recherché
- m: Nombre moyen de caractères dans un label de nœud.

Pour chaque niveau de récursion, nous devons récupérer l'enfant dans children ce qui est en O(1) en moyenne, et comparer le label du noeud avec le mot recherché ce qui est en O(m) (dans le code, cela est représenté par la fonction startsWith).

Le nombre maximal de niveaux de récursion est proportionnel à la longueur de la chaîne n, divisée par la longueur moyenne des labels m. Cela donne environ O(n/m) appels récursifs.

Ainsi, la complexité totale est :

$$O\left(\sum_{i=1}^{n/m}(1+m)\right)\approx O(n)$$

Prefixe

Dans le meilleur des cas, prefix correspond entièrement au label du premier noeud de l'arbre, alors nous faisons appel à ComptageMot pour parcourir l'arbre et récupérer les mots. La complexité est en O(n).

Dans le pire des cas, la méthode traverse plusieurs niveaux de l'arbre jusqu'à atteindre un nœud où prefix devient vide ou non trouvé. À chaque niveau : - La recherche dans children est en O(1) en moyenne - La comparaison de label (avec startsWith) est en O(m) (avec m la longueur moyenne des labels)

La profondeur maximale de l'arbre est n/m (avec n la longueur du mot le plus long et m la longueur moyenne des labels), ce qui nous donne alors en moyenne n/m récursion, et ensuite la methode

ComptageMot est appelée une fois.

La complexité de l'appel final Comptage Mot dans le pire des cas est O(n-k)=O(n) où k est les no euds traversés.

Donc, la complexité totale est :

$$O(n) + O\left(\sum_{i=1}^{n/m} (1+m)\right) \approx O(n)$$

Fusion

Dans le pire des cas, la fusion visite tous les noeuds des deux arbres, ce qui donne une complexité en $O(n_1+n_2)$ où n_1 et n_2 sont les nombres de noeuds des deux arbres.