

Universidade Federal de Ouro Preto
PCC104 - Projeto e Análise de Algoritmos
Prova - Algoritmos Gulosos

Prof. Rodrigo Silva

July 17, 2023

Orientações

- É obrigatória a entrega do código fonte da prática de branch and bound. Provas sem os códigos fonte não serão corrigidas e terão nota 0.
- A avaliação do código apresentado entra na avaliação das questões relacionadas.

Questões

1. *Análise de Algoritmo Iterativo Simples*

Considerando o algoritmo de ordenação apresentado na Figura (para a versão C++, veja), que implementa o método de "Bubble Sort". Apresente a análise completa e detalhada deste algoritmo?

2. *Análise de Algoritmo Recursivo Simples*

Veja algoritmo de busca binária apresentado na figura (aara a versão em C++ veja) e responda:

- (a) Explique como este algoritmo funciona.
- (b) Apresente a análise completa e detalhada da complexidade de tempo do pior caso deste algoritmo.
- (c) Apresente a análise completa e detalhada da complexidade de tempo do melhor caso deste algoritmo.

3. *Análise e Perguntas Teóricas Sobre o Branch and Bound*

- (a) Explique o conceito de branch and bound e sua aplicação na resolução de problemas de otimização.
- (b) Compare o branch and bound com o método de força bruta. Em quais cenários cada um seria preferível e por quê?
- (c) Como a estratégia de branch and bound pode impactar o custo computacional da resolução de um problema?

4. *Perguntas Teóricas Sobre Classes de Problemas (P , NP , NP -completo)*

É possível que $P = NP$? Explique sua resposta, discutindo as implicações se P fosse de fato igual a NP .

```

1  def bubble_sort(lista):
2      for i in range(len(lista)):
3          for j in range(0, len(lista) - i - 1):
4              if lista[j] > lista[j + 1]:
5                  lista[j], lista[j + 1] = lista[j + 1], lista[j]
6

```

Figure 1: Algoritmo 1 - Versão Python

```

1  void bubble_sort(vector<int>& lista) {
2      int i, j;
3      bool swapped;
4      int n = lista.size();
5
6      for (i = 0; i < n-1; i++) {
7          swapped = false;
8          for (j = 0; j < n-i-1; j++) {
9              if (lista[j] > lista[j+1]) {
10                 int temp = lista[j];
11                 lista[j] = lista[j+1];
12                 lista[j+1] = temp;
13                 swapped = true;
14             }
15         }
16
17         if (swapped == false)
18             break;
19     }
20 }
21
22

```

Figure 2: Algoritmo 1 - Versão C++

```

1  def binary_search(array, low, high, target):
2      if high >= low:
3          mid = (high + low) // 2
4          if array[mid] == target:
5              return mid
6          elif array[mid] > target:
7              return binary_search(array, low, mid - 1, target)
8          else:
9              return binary_search(array, mid + 1, high, target)
10     else:
11         return -1
12

```

Figure 3: Algoritmo 2 - Versão Python

```

1  int binary_search(vector<int>& array, int low, int high, int target) {
2      if (high >= low) {
3          int mid = low + (high - low) / 2;
4          if (array[mid] == target)
5              return mid;
6          else if (array[mid] > target)
7              return binary_search(array, low, mid - 1, target);
8          else
9              return binary_search(array, mid + 1, high, target);
10     } else {
11         return -1;
12     }
13 }
14

```

Figure 4: Algoritmo 2 - Versão Python