МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОССУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

БЕЛГОРОДСКИЙ ГОССУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ им. В. Г. Шухова (БГТУ им. В. Г. Шухова)

ИНСТИТУТ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ И УПРАВЛЯЮЩИХ СИСТЕМ

Кафедра программного обеспечения вычислительной техники и автоматизированных систем

Отчет

По учебно-ознакомительной практике

Выполнил: студент группы КБ-232
Башков Михаил Антонович
(подпись студента)
Проверил: асистент Новожен Н.В.
(подпись руководителя практики)
Ononvo
Оценка:

Оглавление

Компьютерная практика

- 1. Тема 1. Линейные алгоритмы
- 2. Тема 2. Разветвляющиеся алгоритмы
- 3. Тема 3. Циклические и итерационные алгоритмы
- 4. Тема 4. Простейшие операции над массивами
- 5. Тема 5. Векторы и матрицы
- 6. Тема 6. Линейный поиск
- 7. Тема 7. Арифметика
- 8. Тема 8. Геометрия и теория множеств
- 9. Тема 9. Линейная алгебра и сжатие информации
- 10. Тема 10. Алгоритмы обработки символьной информации
- 11. Тема 11. Аналитическая геометрия
- 12. Тема 12. Кривые второго порядка на плоскости
- 13. Тема 13. Графическое решение систем уравнений
- 14. Тема 14. Плоскость в трехмерном пространстве
- 15. Тема 15. Поверхность второго порядка в трехмерном пространстве

Задания к работе

Тема 1.

Угол α задан в градусах, минутах и секундах. Найти его величину в радианах (с максимально возможной точностью).

Тема 2.

Заданы три числа: a, b, c. Определить, могут ли они быть сторонами треугольника, и если да, то определить его тип: равносторонний, равнобедренный, разносторонний. Тема 3.

Численно убедиться, является ли заданная функция y = f(x) чётной или нёчетной на заданном отрезке $-a \le x \le a$. Учесть погрешность вычислений и возможные точки разрыва функции.

Тема 4.

В массиве C(n) подсчитать количество отрицательных и сумму положительных элементов.

Тема 5.

Строки матрицы A(m,n) заполнены не полностью: в массиве L(m) указано количество элементов в каждой строке. Переслать элементы матрицы построчно в начало одномерного массива $T(m\cdot n)$ и подсчитать их количество.

Тема 6.

Седловой точкой в матрице называется элемент, являющийся одновременно наибольшим в столбце и наименьшим в строке. Седловых точек может быть несколько. В матрице A(m,n) найти все седловые точки либо установить, что таких точек нет.

Тема 7.

Натуральное число в p-ичной системе счисления задано своими цифрами, хранящимися в массиве K(n). Проверить корректность такого представления и перевести число в q-ичную систему (возможно, число слишком велико, чтобы получить его внутреннее представление; кроме того, $p \leq 10$, $q \leq 10$).

Тема 8.

Заяц, хаотично прыгая, оставил след в виде замкнутой самопересекающейся ломаной, охватывающей территорию его владения (отрезки ломаной заданы длиной прыжка и его направлением по азимуту). Найти площадь минимального по площади выпуклого многоугольника, описанного вокруг этой территории.

Тема 9.

Выполнить операцию транспонирования прямоугольной матрицы $A(m,n), m \neq n$, не выделяя дополнительного массива для хранения результата. Матрицу представить в виде одномерного массива.

Тема 10.

Текст записан одной длинной строкой. Признаком красной строки служит символ \$. Переформатировать текст в 60-символьные строки, формируя абзацы.

Тема 11.

Построить прямую параллельную оси абсцисс (Ox) и пересекающую ось ординат (Oy) в точке A(0,2) в диапазоне $x \in [-3;3]$ с шагом $\Delta = 0.5$.

Тема 12.

Построить верхнюю часть параболы $y^2 = x$ при $0 \le x \le 4$ с шагом $\Delta = 0.25$. Тема 13.

$$\begin{cases} y = \ln(x) \\ z = -2x + 1 \end{cases}$$

в диапазоне $0.2 \le x \le 3$, с шагом $\Delta 0.1$.

Тема 14.

Построить плоскость, параллельную плоскости Oxy и пересекающую ось Oz в точке M(0,0,2), при $0 \le x \le 6$ с шагом $\Delta=0.5$ и $0 \le y \le 6$ с шагом $\Delta=1$. Тема 15.

Построить верхнюю часть эллипсоида, заданного уравнением $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} + z^2 = 1$, лежащую в диапазоне $-3 \le x \le 3$, $-2 \le y \le 2$ с шагом $\Delta = 0.5$ для обеих переменных.

Основная часть (выполнение заданий)

Задание 1

Тема 1. Линейные алгоритмы

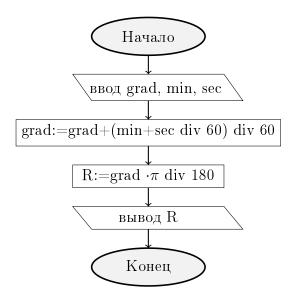
Угол α задан в градусах, минутах и секундах. Найти его величину в радианах (с максимально возможной точностью)

Математическое обоснование и словесное описание

Чтобы перевести угол, заданный в градусах, минутах и секундах в радианы, сначала необходимо градусы, минуты и секунды перевести в градусы.

 $degrees^\circ=degrees^\circ+\frac{minutes}{60}+\frac{second}{3600}$ А потом переводим градусы в радианы руководствуясь данной формулой $R=\frac{degrees^\circ\cdot\pi}{180}$

Блок-схема



Код программы

```
double zadanie1(double grad, double min, double sec){
   return (grad + (min + sec / 60) / 60) * 3.14 / 180;
}
```

Ввод	Вывод
3, 58, 12	0.069254
30, 30, 30	0.532201

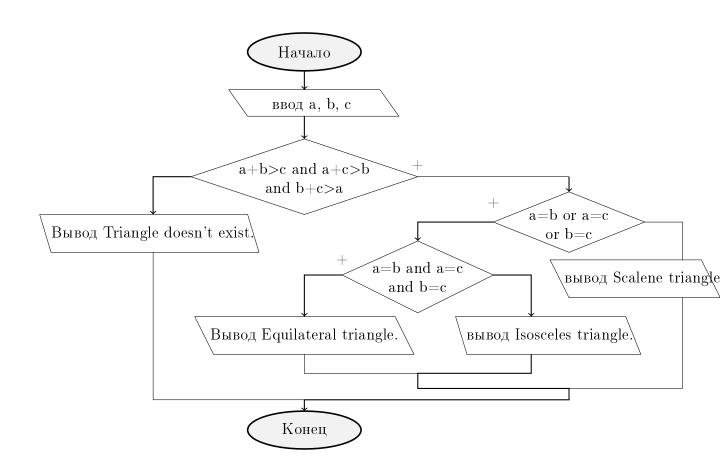
Тема 2. Разветвляющиеся алгоритмы

Заданы три числа: a, b, c. Определить, могут ли они быть сторонами треугольника, и если да, то определить его тип: равносторонний, равнобедренный, разносторонний.

Математическое обоснование и словесное описание

Если стороны треугольника соответствуют условиям a+b>c и a+c>b и b+c>a, то он существует. Если a=b или b=c или a=c, то он равнобедренный. Если a=b и b=c и a=c то он равносторонний. Если треугольник существует и невыполняется ни одно из условий, то он разносторонний.

Блок-схема



```
void zadanie2(int a, int b, int c) {
  if (a + b > c && a + c > b && b + c > a)
    if (a == b || a == c || b == c)
    if (a == b && a == c && b == c)
        printf("Equilateral triangle.\n");
    else
        printf( "Isosceles triangle.\n");
    else
        printf( "Scalene triangle.\n");
    else
        printf( "Triangle doesn't exist.\n");
}
```

Ввод	Вывод
30,30,30	Equilateral triangle.
30,30,20	Isosceles triangle.

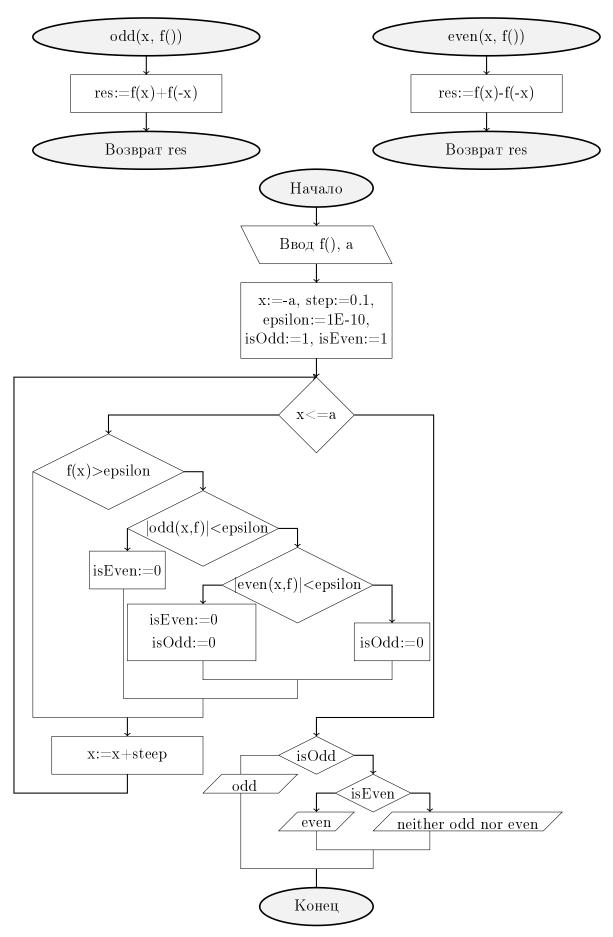
Тема 3. Циклические и итерационные алгоритмы

Численно убедиться, является ли заданная функция y=f(x) чётной или нёчетной на заданном отрезке $-a \le x \le a$. Учесть погрешность вычислений и возможные точки разрыва функции.

Математическое обоснование и словесное описание

Нечётными и чётными называются функции, обладающие симметрией относительно изменения знака аргумента. Если функция нечетная, то выполняется равенство: f(x)+f(-x)=0. Если функция четная, то выполняется равенство: f(x)-f(-x)=0. Пройдем от -a до a с шагом $\Delta=0.1$ и определим четность или нечетность функции.

Блок-схема



```
/* проверка на нечетность. Возвращает ~0 если нечетная */
double odd(double x, double (*f)(double)){
    return f(x) + f(-x);
}
/* проверка на четность. Возвращает ~0 если четная */
double even(double x, double (*f)(double)){
    return f(x) - f(-x);
}
double fabs(double a){
    if(a < 0)
        return -a;
   return a;
}
/* общая проверка, вывод результата
void zadanie3(double(*f)(double), double a){
double x = -a, step = 0.1, epsilon = 1E-10;
 int isOdd = 1, isEven = 1;
 while(x \le a){
  if(f(x) > epsilon){
   if(fabs(odd(x,f)) < epsilon)
    isEven *= 0;
   else if(fabs(even(x,f)) < epsilon)</pre>
    isOdd *= 0;
   else{
    isEven *= 0;
    isOdd *= 0;
   }
  }
  x += step;
 }
```

```
if(is0dd)
  printf("odd");
else if (isEven)
  printf("even");
else
  printf("neither odd nor even");
}
```

Ввод	Вывод
sin, 50	odd
$\cos, 5$	even

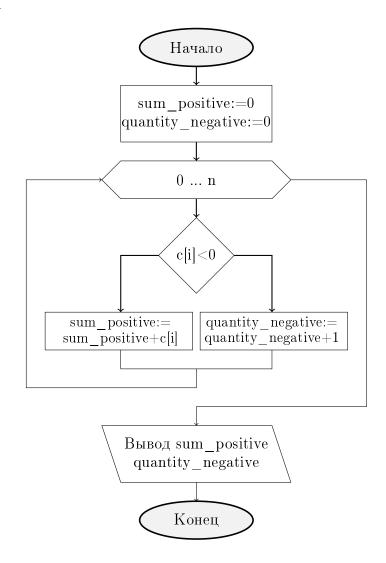
Тема 4. Простейшие операции над массивами

В массиве C(n) подсчитать количество отрицательных и сумму положительных элементов.

Математическое обоснование и словесное описание

Пройдем последовательно по массиву C(n) и если элемент ≥ 0 то будем прибавлять к счетчику $sum_positive$, если нет, то прибавим 1 к $quantity_negative$.

Блок-схема



```
void zadanie4(int *c, int n) {
  int sum_positive = 0;
  int quantity_negative = 0;
  for(int i = 0; i < n; i++) {
    if(c[i] < 0)
      quantity_negative++;
    else
      sum_positive += c[i];
  }
  printf("\n%d - sum positive elements\n", sum_positive);
  printf("%d - quantity negative elements\n", quantity_negative);
}</pre>
```

Ввод	Вывод
{1,2,3,4,4,0,-1,-2,13}, 9	27 - sum positive 2 - quantity negative
{-1,-2,-3,-4,-5,-6,7,8,9}, 9	24 - sum positive 6 - quantity negative

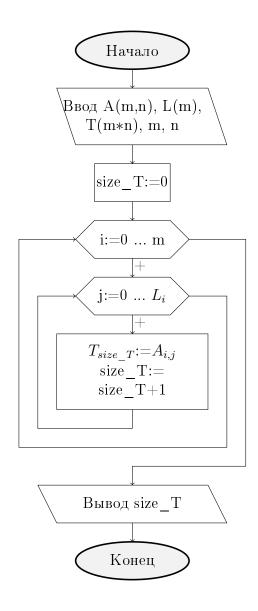
Тема 5. Векторы и матрицы

Строки матрицы A(m,n) заполнены не полностью: в массиве L(m) указано количество элементов в каждой строке. Переслать элементы матрицы построчно в начало одномерного массива $T(m\cdot n)$ и подсчитать их количество.

Математическое обоснование и словесное описание

Пройдем по столбцам матрицы A(m,n) и по строкам, в соответствии с числом, хранящимся в массиве L(m). Будем добавлять в массив $T(m\cdot n)$ элементы, попутно считая их в счетчике $size_T$.

Блок-схема



```
int zadanie5(int **A, int *L, int *T, int m, int n) {
  int size_T = 0;
  for(int i = 0; i < m; i++) {
    for(int j = 0; j < L[i]; j++) {
        T[size_T++] = A[i][j];
    }
}
return size_T;
}</pre>
```

Ввод	Вывод
	$T=\{1,4,7,8\}, 4$
$ \begin{array}{c} A = & \{\{1,1,1\}, \{2,2,2\}, \{3,3,3\}\} \\ L = & \{2,1,0\}, \ T = & \{\}, \ 3, \ 3 \end{array} $	$T=\{1,1,2\},\ 3$

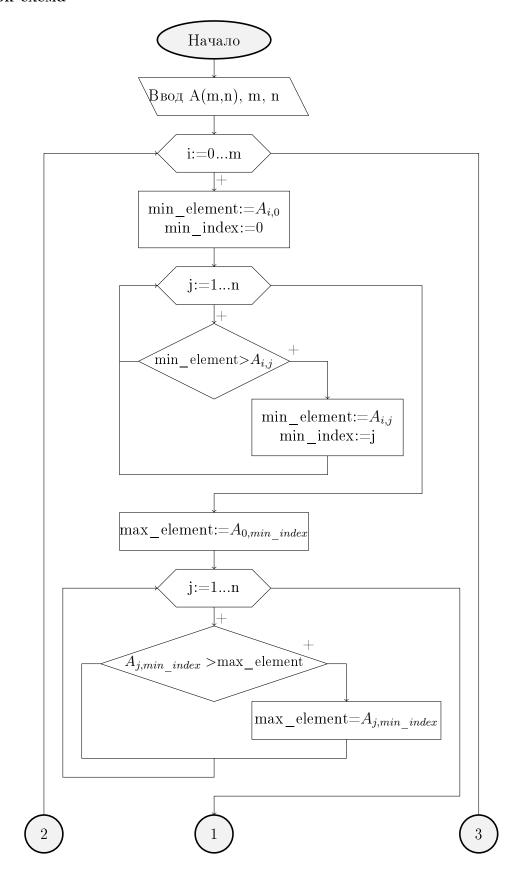
Тема 6. Линейный поиск

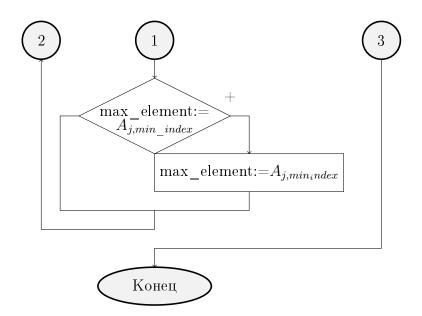
Седловой точкой в матрице называется элемент, являющийся одновременно наибольшим в столбце и наименьшим в строке. Седловых точек может быть несколько. В матрице A(m,n) найти все седловые точки либо установить, что таких точек нет.

Математическое обоснование и словесное описание

Пройдем по столбцам матрицы A(m,n). Пройдем по строкам, найдем минимальный элемент и его индекс. Пройдем по столбцу с минимальным индексом и найдем максимальный элемент. Если максимальный элемент будет равен минимальному, то выводим элемент и координаты, в которых он находится.

Блок-схема





```
void zadanie6(int **A, int m, int n) {
  for(int i = 0; i < m; i++) {
    int min_element = A[i][0];
    int min_index = 0;

  for(int j = 1; j < n; j++)
    if(min_element > A[i][j])
    min_element = A[i][j], min_index = j;

int max_element = A[0][min_index];
  for(int j = 1; j < m; j++)
    if(A[j][min_index] > max_element)
    max_element = A[j][min_index];

if(max_element == min_element)
    printf("\n(%d) (%d, %d) is saddle point\n", min_element, i, min_index);
}
```

Ввод	Вывод
$A = \{\{1,2,3\}, \{4,5,6\}, \{7,8,9\}, \{10,11,12\}\},\$ $4, 3$	(10) (3, 0) is saddle point
$ \begin{array}{c} A = \{\{1,2,3\}, \{4,5,6\}, \{7,8,9\}, \{1,1,1\}\}, \\ 4, \ 3 \end{array} $	(7) $(2,0)$ is saddle point

Тема 7. Арифметика

Натуральное число в p-ичной системе счисления задано своими цифрами, хранящимися в массиве K(n). Проверить корректность такого представления и перевести число в q-ичную систему (возможно, число слишком велико, чтобы получить его внутреннее представление; кроме того, $p \leq 10$, $q \leq 10$).

Математическое обоснование и словесное описание

Для начала пройдем по массиву K(n) и проверим, $K_i < p$. Если условие не соблюдается, то число неккоректно в данной p-ичной системе. Если число корректно, то сначала переведем из p-ичной системы в 10-чную. После переведем это 10-чное число в q-ичную систему. (Для перевода числа из p-ичной системы в 10-чную, воспользуемся формулой $abc_x = (a \cdot x^2 + b \cdot x^1 + c \cdot x^0)_{10}$. Для перевода из 10-чной системы в q-ичную достаточно число в 10-чной системе делить на q и записывать остаток от деления в обратном порядке в число в q-ичной системе.)

```
void zadanie7(int *K, int n, int p, int q) {
 int is_correctly = 1;
 for(int i = 0; i < n; i++)
  if(K[i] < 0 \&\& K[i] >= p)
   is_correctly = 0;
 if(is_correctly) {
  int digit = 0;
  for(int i = 0, j = n - 1; i < n; i++, j--) {
   int factor = 1;
  for(int k = 0; k < j; k++)
   factor *= p;
  digit += K[i] * factor;
  }
  int res[n + n];
  int size_res = 0;
  while(digit != 0) {
  res[size_res++] = digit % q;
  digit /= q;
  for(int i = size_res-1; i >= 0; i--)
  printf("%d", res[i]);
 printf("\n");
}
}
```

Ввод	Вывод
K[3]={5,6,7}, 3, 8, 2	101110111
Q[2]={7,7}, 2, 8, 10	63

Тема 8. Геометрия и теория множеств

Заяц, хаотично прыгая, оставил след в виде замкнутой самопересекающейся ломаной, охватывающей территорию его владения (отрезки ломаной заданы длиной прыжка и его направлением по азимуту). Найти площадь минимального по площади выпуклого многоугольника, описанного вокруг этой территории.

Математическое обоснование и словесное описание

Используем агоритм Грэхема для построения выпуклой оболочки:

- 1. Найти точку с минимальной у-координатой. Если таких точек несколько, выбрать точку с минимальной х-координатой. Эта точка будет первой вершиной выпуклой оболочки.
- 2.Отсортировать все остальные точки по углу, образуемому вектором между первой точкой и каждой из остальных точек, и осью х.
- 3. Добавлять точки в выпуклую оболочку одну за другой в порядке возрастания угла. Если добавление точки приводит к повороту выпуклой оболочки направо, то точка добавляется. В противном случае, точка отбрасывается.

После найдем площадь фигуры с помощью формулы $(x_i \cdot y_j - x_j \cdot y_i)/2$

```
#define MAX_POINTS 1000
typedef struct Point {
double x;
double y;
} Point;
int compare(const void *a, const void *b) {
Point *p1 = (Point *)a;
Point *p2 = (Point *)b;
return (p1->y - p2->y);
}
int orientation(Point p, Point q, Point r) {
double val = (q.y - p.y) * (r.x - q.x) - (q.x - p.x) * (r.y - q.y);
 if (val == 0) return 0; // коллинеарный
return (val > 0) ? 1 : 2; // по часовой стрелке или против часовой стрелки
}
void convexHull(Point points[], int n, Point hull[]) {
 // Найдем самую нижнюю точку
 int ymin = points[0].y, min = 0;
 for (int i = 1; i < n; i++) {
  int y = points[i].y;
  if ((y < ymin) || (ymin == y && points[i].x < points[min].x))</pre>
   ymin = points[i].y, min = i;
 }
 // Поместим самую нижнюю точку в первую позицию
 Point temp = points[0];
 points[0] = points[min];
 points[min] = temp;
```

```
// Отсортирем n-1 точек относительно первой точки.
 qsort(points + 1, n - 1, sizeof(Point), compare);
 /*Eсли две или более точки составляют одинаковый угол с p0,
 удалим все, кроме той, которая находится дальше всего от р0.
 */
 int m = 1;
 for (int i = 1; i < n; i++) {
  while (i < n - 1 \&\& orientation(points[0], points[i], points[i + 1]) == 0)
   i++;
 points[m] = points[i];
 m++;
 }
 if (m < 3) {
  for (int i = 0; i < m; i++)
  hull[i] = points[i];
  return;
 }
 int top = 0;
hull[top++] = points[0];
hull[top++] = points[1];
hull[top++] = points[2];
 // Обрабатываем оставшиеся n-3 точки
 for (int i = 3; i < m; i++) {
  while (top > 1 && orientation(hull[top - 2], hull[top - 1], points[i]) != 2)
  top--;
 hull[top++] = points[i];
 }
}
```

```
double shoelace(Point points[], int n) {
  double area = 0;
  for (int i = 0; i < n; i++) {
    int j = (i + 1) % n;
    area += (points[i].x * points[j].y - points[j].x * points[i].y);
  }
  return abs(area) / 2.0;
}

double zadanie8(Point *points, int n) {
  Point hull[MAX_POINTS];
  convexHull(points, n, hull);
  return shoelace(hull, n);
}</pre>
```

Ввод	Вывод
$ \begin{array}{c} \text{points} = \{\{3,1\}, \{5,2\}, \\ \{2,5\}, \{1,1\}\}, \ 4 \end{array} $	8.500000

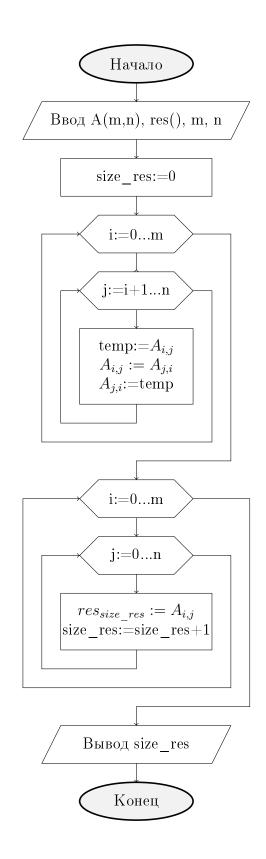
Тема 9. Линейная алгебра и сжатие информации

Выполнить операцию транспонирования прямоугольной матрицы $A(m,n), m \neq n$, не выделяя дополнительного массива для хранения результата. Матрицу представить в виде одномерного массива.

Математическое обоснование и словесное описание

Транспонирование матрицы - это операция над матрицей, когда ее строки становятся столбцами с теми же номерами. Если матрица A - это матрица размера $m \times n$, то матрица A^T имеет размер $n \times m$.

Пройдем по столбам матрицы A(m,n) индексом i и по строкам индексом j=i+1 и будем менять $A_{i,j}=A_{j,i}$ и $A_{j,i}=A_{i,j}$. После перенесем матрицу поэлементно в массив res.



```
int zadanie9(int **A, int *res, int m, int n) {
  int size_res = 0;
  for(int i = 0; i < m; i++) {
    for(int j = i + 1; j < n; j++) {
      int temp = A[i][j];
      A[i][j] = A[j][i];
      A[j][i] = temp;
    }
}
for(int i = 0; i < m; i++)
    for(int j = 0; j < n; j++)
    res[size_res++] = A[i][j];

return size_res;
}</pre>
```

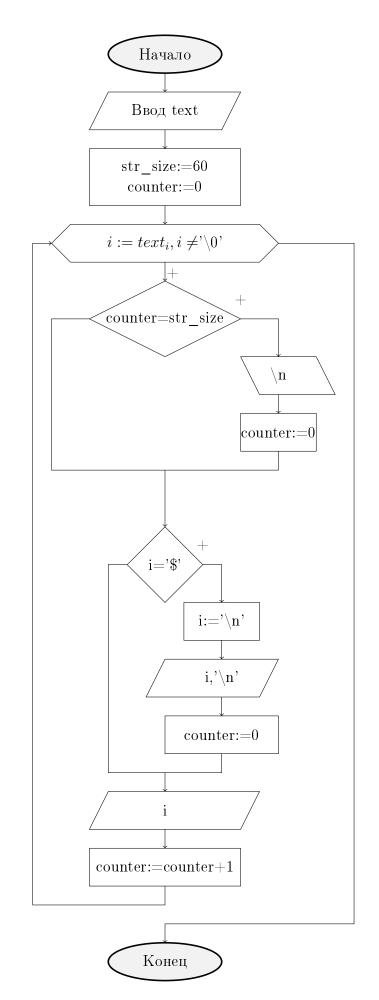
Ввод	Вывод
$A = \{\{0,0\},\{1,1\},\{2,2\}\}, T, 3, 2$	$T = \{0,1,0,1,2,2\}$
$A = \{\{0,1\},\{2,3\},\{4,5\}\}, T, 3, 2$	$T = \{0,2,1,3,4,5\}$

Тема 10. Алгоритмы обработки символьной информации

Текст записан одной длинной строкой. Признаком красной строки служит символ \$. Переформатировать текст в 60-символьные строки, формируя абзацы.

Математическое обоснование и словесное описание

Пройдем по строке и будем выводить посимвольно текст, попутно прибавляя к счетчи Если счетчик будет равен 60, то выведем \n и продолжим. Если встретим символ \$, то выведем \n\n и продолжим.

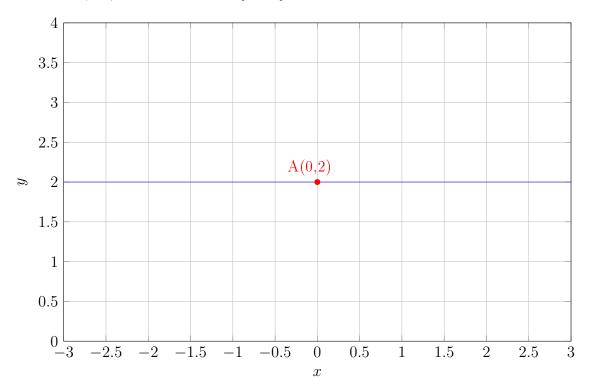


```
void zadanie10(char *text) {
int str_size = 60;
 int counter = 0;
for(char *i = text; *i != '\0'; i++) {
  if(counter == str_size) {
  putchar('\n');
  counter = 0;
  }
  if(*i == '$') {
  putchar('\n');
  *i = '\n';
  counter = 0;
 }
 putchar(*i);
 counter++;
 }
}
```

Ввод	Вывод
Большой текст	поделенный текст
Длинный текст	поделенный текст

Тема 11. Аналитическая геометрия

Построить прямую параллельную оси абсцисс (Ox) и пересекающую ось ординат (Oy) в точке A(0,2) в диапазоне $x \in [-3;3]$ с шагом $\Delta = 0.5$.

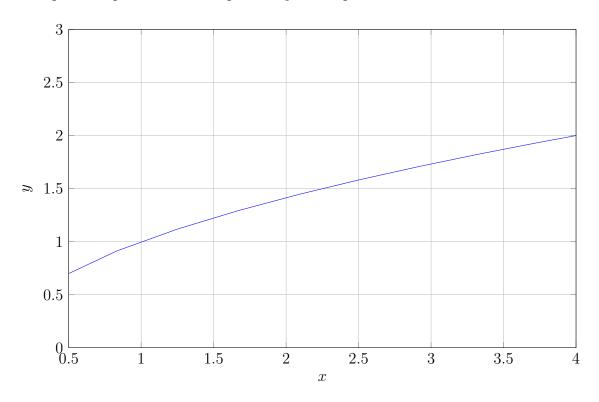


Код программы

```
\begin{tikzpicture}
\begin{axis}[
    xmin=-3, xmax=3,
    ymin=0, ymax=4,
    xlabel=$x$,
    ylabel=$y$,
    xtick={-3,-2.5,...,3},
    ytick={0,0.5,...,4},
    grid=major]
    \addplot [color=blue, mark=none] {2};
    \addplot [only marks, mark=*, color=red] coordinates {(0,2)};
    \end{axis}
    \node[color=red] at (6.5,4.6) {A(0,2)};
    \end{tikzpicture}
```

Тема 12. Кривые второго порядка на плоскости

Построить верхнюю часть параболы $y^2 = x$ при $0 \le x \le 4$ с шагом $\Delta = 0.25$.



Код программы

```
\begin{tikzpicture}
\begin{axis}[
   xmin=0.5, xmax=4,
   ymin=0, ymax=4,
   xlabel=$x$,
   ylabel=$y$,
   xtick={0.5,1,...,4},
   ytick={0,0.5,...,5},
   grid=major]
   \addplot [color=blue, mark=none] {sqrt(x)};
   \end{axis}
\end{tikzpicture}
```

Тема 13. Графическое решение систем уравнений

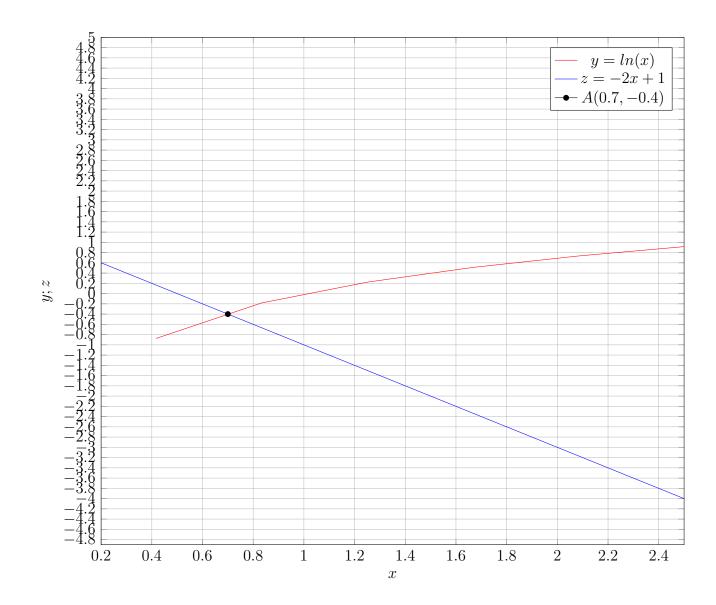
$$\begin{cases} y = ln(x) \\ z = -2x + 1 \end{cases}$$

в диапазоне $0.2 \le x \le 2.5$, с шагом $\Delta 0.2$.

.

Математическое обоснование и словесное описание

Построим графики y = ln(x) и z = -2x + 1. Координаты точки их пересечения будет решением данной системы.



Координаты точки пересечения A(0.7, -0.4) являются решением системы уравнений

$$\begin{cases} y = \ln(x) \\ z = -2x + 1 \end{cases}$$

Проверим:

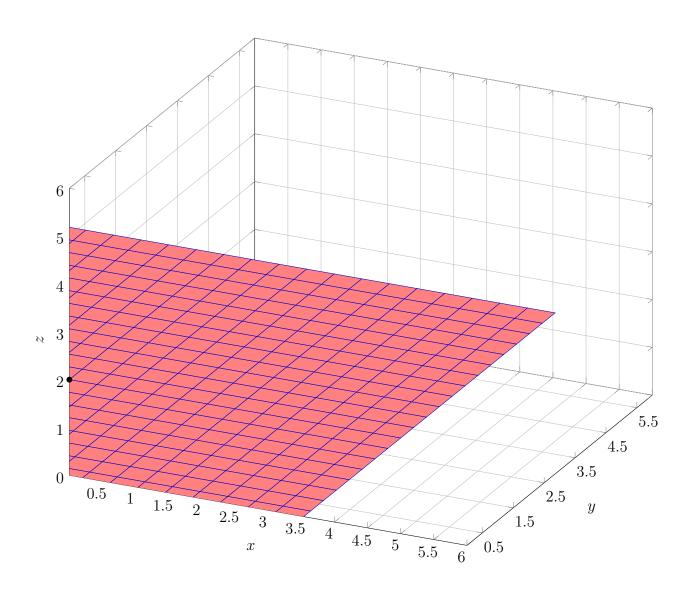
$$\begin{cases}
-0.4 \approx ln(0.7) \\
-0.4 = -2 \cdot 0.7 + 1
\end{cases}$$

Код программы

```
\begin{tikzpicture}
 \pgfplotsset{width=17cm,height=15cm}
 \begin{axis}[
  xmin=0.2, xmax=2.5,
  ymin==5, ymax=5,
  xlabel=$x$,
  ylabel=$y;z$,
  xtick={0.2,0.4,...,2.5},
  ytick={-5,-4.8,...,5},
  grid=major]
  \addplot [color=red, mark=none] {ln(x)};
  \addlegendentry{$y=ln(x)$};
  \addplot [color=blue, mark=none] {-2*x+1};
  \addlegendentry{$z=-2x+1$};
  \addplot [color=black, mark=*] coordinates {(0.7,-0.4)};
  \addlegendentry{\$A(0.7,-0.4)\$};
 \end{axis}
\end{tikzpicture}
```

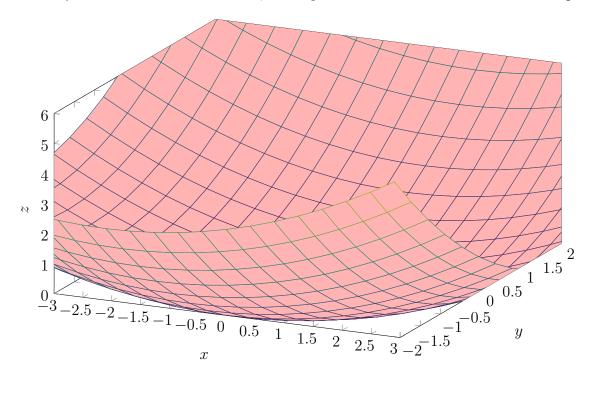
Тема 14. Плоскость в трехмерном пространстве

Построить плоскость, параллельную плоскости Oxy и пересекающую ось Oz в точке M(0,0,2), при $0 \le x \le 6$ с шагом $\Delta=0.5$ и $0 \le y \le 6$ с шагом $\Delta=1.$



Тема 15. Поверхность второго порядка в трехмерном пространстве

Построить верхнюю часть эллипсоида, заданного уравнением $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} + z^2 = 1$, лежащую в диапазоне $-3 \le x \le 3$, $-2 \le y \le 2$ с шагом $\Delta = 0.5$ для обеих переменных.



Заключение

Вывод: закрепил темы, пройденные на занятиях по Основам программирования, научился работать с системой компьютерной верстки \LaTeX пакетом TiKZ для создания графики(2D и 3D).