EPI10 - Análise de Sobrevivência

Rodrigo Citton P. dos Reis citton.padilha@ufrgs.br

Universidade Federal do Rio Grande do Sul Faculdade de Medicina Programa de Pós-Graduação em Epidemiologia

Porto Alegre, 2021



Relembrando

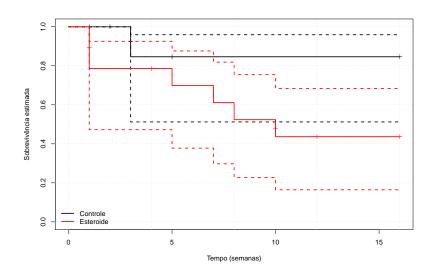
Relembrando

- Um estudo clínico aleatorizado foi realizado para investigar o efeito da terapia com esteroide no tratamento de hepatite viral aguda.
- ▶ Vinte e nove pacientes com esta doença foram aleatorizados para receber um placebo ou o tratamento com esteroide.
- Cada paciente foi acompanhado por 16 semanas ou até o óbito (evento de interesse) ou até a perda de acompanhamento.

▶ Os tempos de sobrevivência observados, em semanas, para os dois grupos são apresentados na tabela a seguir (+ indica censura).

Grupo	Tempo de sobrevivência em semanas
Controle	1+, 2+, 3, 3, 3+, 5+, 5+, 16+, 16+, 16+, 16+, 16+, 16+, 16+, 16
Esteroide	1, 1, 1, 1+, 4+, 5, 7, 8, 10, 10+, 12+, 16+, 16+, 16+

Utilizando o estimador de Kaplan-Meier, obtemos a estimativa da função de sobrevivência, S(t), para cada um dos grupos de tratamento.



EPI10 - Análise de Sobrevivência

Estudo de Hepatite

Considerações

- Aparentemente, o grupo Esteroide apresenta uma sobrevivência menor que o grupo Controle.
 - O tempo mediano de sobrevivência para o grupo Esteroide é estimado em 10 semanas; para o grupo Controle, o tempo mediano de sobrevivência é maior que 16 semanas (último tempo de acompanhamento).
 - A probabilidade de um indivíduo do grupo Esteroide sobreviver a 12 semanas é estimada em 0,437 (IC 95% 0,164-0,683); no grupo Controle, esta probabilidade é estimada em 0,846 (IC 95% 0,512-0,959).
 - As curvas de sobrevivência dos dois grupos não atingem o valor zero; isto sempre ocorre quando o maior tempo observado na amostra é uma censura.

Ainda, utilizando o teste de **log-rank**, avaliamos a hipótese $H_0: S_1(t) = S_2(t)$ para todo tempo t.

```
## Call:
## survdiff(formula = Surv(time = tempo, event = cens) ~ grupo,
##
      data = df.hep)
##
##
                  N Observed Expected (0-E)^2/E (0-E)^2/V
## grupo=Controle 15
                          2 4.81
                                         1.64
                                                   3.67
## grupo=Esteroide 14
                                4.19 1.89
                                                   3.67
##
##
   Chisq= 3.7 on 1 degrees of freedom, p= 0.06
```

- Ao nível de 5% de significância não há evidências contra H_0 .
 - Portanto, as curvas de sobrevivência dos grupos Controle e Esteroide podem ser iguais.

Considerações

- Com o estimador de Kaplan-Meier e o teste de log-rank é possível:
 - descrever dados de sobrevivência;
 - comparar funções de sobrevivência entre grupos.
- No entanto, estamos limitados a avaliar a influência de covariáveis (exposições ou tratamentos) discretas (categóricas ou categorizadas) na função de sobevivência em análises não ajustadas.
- Como avaliar o efeito, na função de sobrevivência, de covariáveis contínuas, e ajustando para potenciais vairáveis de confusão?
 - Uma possibilidade é proposição de modelos estatísticos com uma estrutura de regressão.
 - Um modelo muito utilizado é o modelo de Cox.

Estimação: o método da máxima verossimilhança (em poucas palavras)

Estimação: o método da máxima verossimilhança (em poucas palavras)

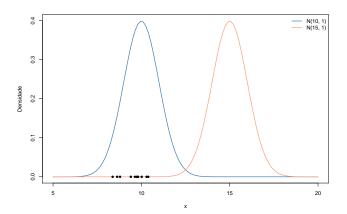
O método da máxima verossimilhança trata o problema de estimação da seguinte forma:

Com base nos resultados observados em uma amostra, x₁, x₂,..., x_n, qual é a distribuição (modelo probabilístico), entre todas aquelas definidas pelos possíveis valores de seus parâmetros, com maior verossimilhança de ter gerado a amostra?

Estimação: o método da máxima verossimilhança (em poucas palavras)

Método da máxima verossimilhança

Exemplo. Qual dos dois modelos abaixo tem maior verossimilhança de ter gerado a amostra?



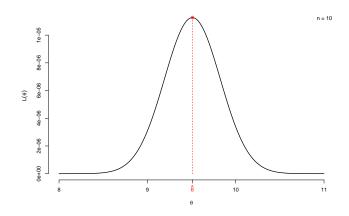
Formalizando, dada uma amostra de observações independentes, x_1, x_2, \ldots, x_n , e com mesma distribuição, parametrizada pelo parâmetro genérico θ , $f(x_i; \theta)$, a **função de verossimilhança** é definida como:

$$L(\theta) = \prod_{i=1}^{n} f(x_i; \theta).$$

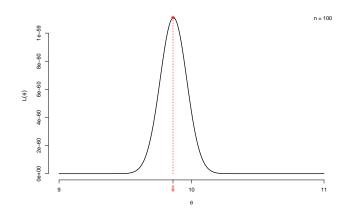
A estimativa de máxima verossimilhança (EMV) do parâmetro θ , $\widehat{\theta}$ é o valor de θ que maximiza $L(\theta)$. Ou seja,

$$\widehat{\theta} = \arg\max_{\theta} L(\theta).$$

Visualmente, temos



Quando n aumenta



Comentários

- Avaliar o ponto que maximiza $L(\theta)$ é equivalente a avaliar o ponto que maximiza $\ell(\theta) = \log L(\theta)$.
- ightharpoonup heta pode ser um vetor de parâmetros.
- Em geral, a obtenção do ponto de máximo da função de verossimilhança se dá por meio de métodos numéricos.

Principais propriedades dos estimadores de máxima verossimilhança

- Distribuição assintoticamente normal.
 - Ou seja, para grandes amostras, $\widehat{\theta} \stackrel{a}{\sim} N(\theta, \sigma_{\widehat{\theta}}^2)$.
- Propriedade da invariância.
 - Se $\widehat{\theta}$ é EMV para θ , então $e^{\widehat{\theta}}$ é EMV para e^{θ} , por exemplo.
- A partir da normalidade assintótica, podemos
 - Construir intervalos de confiança;
 - Realizar testes de hipoóteses (Wald, Score, Razão de verossimilhanças).

Função de verossimilhança em dados de sobrevivência

▶ Dada uma amostra de observações independentes, $(t_1, \delta_1), (t_2, \delta_2), \dots, (t_n, \delta_n)$, e assumindo que o **mecanismo de censura é não-informativo**¹, a função de verossimilhança é dada por

$$L(\theta) = \prod_{i=1}^{n} [f(t_i; \theta)]^{\delta_i} \times [S(t_i; \theta)]^{1-\delta_i}$$

= $\prod_{i=1}^{n} [\lambda(t_i; \theta)]^{\delta_i} S(t_i; \theta).$

¹A censura não é informativa, no caso em que, quando esta ocorre não dá nenhuma informação sobre o evento em estudo e as informações provenientes dos pacientes perdidos no seguimento são ignoradas. Essa hipótese de a censura ser independente do evento é uma hipótese forte que raramente é verificada. Por exemplo, no HIV, os pacientes que perdem o acompanhamento são geralmente os casos mais graves. A violação desta suposição acarreta em vieses.

Modelo de Cox

Modelo de Cox

Modelos de regressão em sobrevivência

Duas classes de modelos de regressão se destacam em análise de sobrevivência:

- ► Modelos de tempos de vida acelerados ou modelos paramétricos.
- ► Modelos de riscos (taxas de falha) proporcionais ou modelo semiparamétrico de Cox.

Modelo de regressão de Cox

O modelo de riscos proporcionais, também chamado de modelo de Cox $(Cox, 1972)^2$

- abriu uma nova fase na modelagem de dados clínicos;
- é o mais utilizado na análise de dados de sobrevivência;
- permite incorporar facilmente covariáveis dependentes do tempo, que ocorrem com frequência em estudos clínicos e epidemiológicos.

²Cox, D.R. (1972), Regression Models and Life-Tables. *Journal of the Royal Statistical Society: Series B (Methodological)*, 34: 187-202.

Modelo de regressão de Cox

Assume-se, nesse modelo, que os tempos t_i , i = 1, ..., n, são independentes e que a **taxa de falha (risco)** tem a seguinte forma:

$$\lambda(t) = \lambda_0(t) \exp{\{\beta_1 x_1 + \ldots + \beta_p x_p\}}.$$

- ▶ O componente não-paramétrico, $\lambda_0(t)$, não é especificado e é uma função não-negativa do tempo.
 - ► Ele é usualmente chamado de função de taxa de falha basal.
- ▶ O componente paramétrico $\exp\{x'\beta\} = \exp\{\beta_1x_1 + \ldots + \beta_px_p\}$ é o nosso interesse, em especial no vetor de parâmetros β , e $x' = (x_1, x_2, \ldots, x_p)$ é um vetor de covariáveis observadas (como, por exemplo, sexo, idade, grupo de tratamento ou espoxição, etc.).

- O modelo é conhecido por ter taxas de falha (riscos) proporcionais.
 Este fato é conveniente na sua interpretação.
- Ou seja, a razão das taxas de falha de dois indivíduos diferentes, i e j, é

$$\frac{\lambda_i(t)}{\lambda_j(t)} = \frac{\lambda_0(t) \exp\{\mathbf{x}_i'\beta\}}{\lambda_0(t) \exp\{\mathbf{x}_j'\beta\}} = \exp\{\mathbf{x}_i'\beta - \mathbf{x}_j'\beta\},$$

que não depende do tempo t.

- Assim, se um indivíduo no início do estudo tem um risco de óbito igual a duas vezes o risco de um segundo indivíduo, então esta razão de riscos será a mesma para todo o período de acompanhamento.
- Note que o modelo assume que as funções de taxa de falha de indivíduos distintos difere apenas com respeito às covariáveis destes indivíduos.

Ainda considerando a propriedade de riscos proporcionais, suponha um estudo controlado que consiste na comparação dos tempos de falha de dois grupos em que os pacientes são selecionados aleatoriamente para receber o tratamento padrão (grupo controle, x=0) ou o novo tratamento (x=1), tem-se:

$$\frac{\lambda_1(t)}{\lambda_0(t)} = K,$$

em que K é uma razão de taxas de falha, constante para todo tempo t de acompanhamento do estudo.

▶ Se $K = \exp{\{\beta x\}}$, temos o modelo de Cox para um única covariável dicotômica:

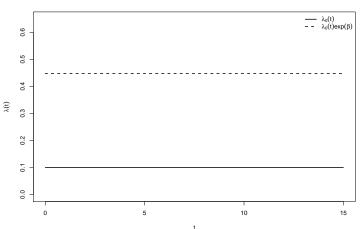
$$\lambda(t) = \lambda_0(t) \exp{\{\beta x\}},$$

ou seja,

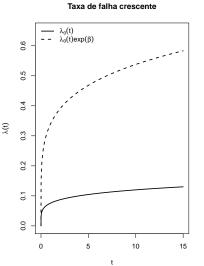
$$\lambda(t) = \begin{cases} \lambda_1(t) = \lambda_0(t) \exp\{\beta x\}, & \text{se } x = 1, \\ \lambda_0(t), & \text{se } x = 0. \end{cases}$$

Suponha $\beta>0$. Graficamente, temos que o novo tratamento acelera a taxa de falha dos pacientes.

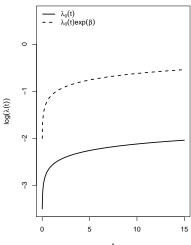
Taxa de falha cosntante



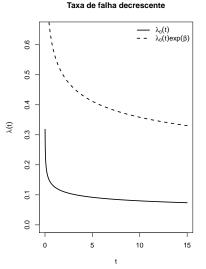
• •



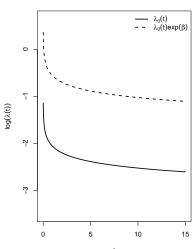
Taxa de falha crescente (escala log)





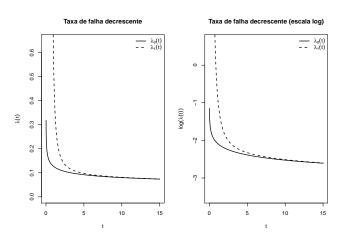


Taxa de falha decrescente (escala log)



Desta série de exemplos da proporcionalidade dos riscos do modelo de Cox, reforça-se que o foco deste modelo não está na forma que $\lambda_0(t)$ assume, mas sim no efeito (multiplicativo) que a(s) covariável(eis) tem em $\lambda_0(t)$.

▶ Por fim, apresentamos um exemplo gráfico em que a proporcionalidade dos riscos não se verifica.



Estimação no modelo de Cox

- O modelo de regressão de Cox é caracterizado pelos coeficientes β's, que medem os efeitos das covariáveis sobre a função de taxa de falha.
- Um método de estimação é necessário para se fazer inferências no modelo.
- O método de máxima verossimilhançaa não é adequado devido a presença do componente não-paramétrico $\lambda_0(t)$.

$$L(\beta) = \prod_{i=1}^{n} \left[\lambda_0(t_i) \exp\{x_i'\beta\} \right]^{\delta_i} \left[S_0(t_i) \right]^{\exp\{x_i'\beta\}}.$$

Função de verossimilhança parcial

- Cox (1975)³ propôs então uma solução alternativa: verossimilhança parcial.
- Este método consiste em condicionar a construção da função de verossimilhança ao conhecimento da história passada de falhas e censuras.
- Desta forma, elimina-se o componente não-paramétrico da função de verossimilhança.

³Cox, D. R., Partial likelihood, *Biometrika*, Volume 62, Issue 2, August 1975, Pages 269–276.

Função de verossimilhança parcial

- A função de verossimilhança parcial é utilizada para fazer inferência no modelo de Cox.
- A função de verossimilhança parcial é então, formada pelo produto de todos os indivíduos da amostra:

$$L(\beta) = \prod_{i=1}^k \frac{\exp\{x_i'\beta\}}{\sum_{j \in R(t_i)} \exp\{x_j'\beta\}} = \prod_{i=1}^n \left(\frac{\exp\{x_i'\beta\}}{\sum_{j \in R(t_i)} \exp\{x_j'\beta\}}\right)^{\delta_i},$$

em que $R(t_i)$ é o conjunto dos índices das observações sob risco no tempo t_i , e δ_i é indicadora de falha ou censura.

Função de verossimilhança parcial

- ▶ Os valores de β que maximizam $L(\beta)$ são as estimativas de máxima verossimilhança parcial, $\widehat{\beta}$, de β .
- A função de verossimilhança parcial proposta por Cox assume que os tempos de ocorrência de evento são distintos (ausência de tempos empatados).
- Para o caso de tempos de falha empatados, uma aproximação da função de verossimilhança deve ser usada.
- ► Entre as diversas propostas na literatura, as aproximações propostas por Breslow (1972)⁴ e Efron (1977)⁵ são as que mais comumente são encontradas nas implementações dos softwares de análise de sobrevivência.

⁴Breslow, N. (1972), Discussion on Professor Cox's Paper. *Journal of the Royal Statistical Society: Series B (Methodological)*, 34: 202-220.

⁵Bradley Efron (1977) The Efficiency of Cox's Likelihood Function for Censored Data, *Journal of the American Statistical Association*, 72:359, 557-565.

Inferência no modelo de Cox

- Assim como os EMV, os estimadores de máxima verossimilhança parcial, em amostras grandes, tem distribuição aproximadamente normal.
- lsto nos permite construir \structure{intervalos de confiança $100 \times (1-\alpha)\%$ } para β_r (o efeito da r-ésima covariável)

$$\hat{\beta}_r \pm z_{1-\alpha/2} \widehat{ep}(\hat{\beta}_r),$$

em que $z_{1-\alpha/2}$ é quantil correspondente na distribuição normal padrão, e $\widehat{ep}(\widehat{\beta}_r)$ é a estimativa do erro padrão de $\widehat{\beta}_r$.

Inferência no modelo de Cox

► Também podemos construir um teste de hipóteste para avaliar $H_0: \beta_r = 0$. O teste de Wald é bastante utilizado

$$z = \frac{\widehat{\beta}_r}{\widehat{ep}(\widehat{\beta}_r)} \stackrel{a}{\sim} N(0,1).$$

O teste da razão de verossimilhanças geralmente é usado para comparação de modelos.

Interpretação dos coeficientes estimados

- O efeito das covariáveis é de acelerar ou desacelerar a função de risco.
- A propriedade de taxas proporcionais é extremamente útil na interpretação dos coeficientes estimados.
- ▶ A razão das taxas de falha de dois indivíduos i e j que têm os mesmos valores para as covariáveis com exceção da l-ésima, tem-se

$$\frac{\lambda_i(t)}{\lambda_j(t)} = \exp\{\beta_l(x_{il} - x_{jl})\},\,$$

que é interpretado como a razão de taxas de falha (hazard ratio, HR; ou ainda "razão de riscos")

Interpretação dos coeficientes estimados

- Por exemplo, suponha que x_i seja uma covariável dicotômica indicando pacientes hipertensos.
 - A taxa de óbito entre os hipertensos é exp(β_I) vezes a taxa daqueles com pressão normal, mantida fixas as outras covariáveis.
- Uma interpretação similar é obtida para covariáveis contínuas.
 - Se, por exemplo, o efeito de idade (em anos) é $e^{\beta}=1,05$ para este termo, tem-se com o aumento de 1 ano na idade, que a taxa de óbito aumenta em 5%.

Interpretação dos coeficientes estimados

- Estimativa pontual para $HR = \exp{\{\beta_l\}}$ pode ser obtida utilizando-se a **propriedade de invariância** do estimador de máxima verossimilhança parcial.
- Para obtenção da estimativa intervalar, é necessário obter uma estimativa do erro padrão de $\exp{\{\widehat{\beta}_l\}}$.
 - Isto pode ser feito utilizando-se o método delta.
- Retornando ao exemplo dos pacientes hipertensos e com pressão normal:
 - O valor 1 pertencendo ao intervalo estimado, indica não haver evidências de que os riscos dos pacientes hipertensos e com pressão normal apresentem diferenças significativas.

Exemplo

Exemplo

- Neste exemplo, os dados considerados referem-se a um estudo realizado com 90 pacientes do sexo masculino diagnosticados no período de 1970 a 1978 com câncer de laringe e que foram acompanhados até 01/01/1983.
- Para cada paciente, foram registrados, no diagnóstico:
 - a idade (em anos);
 - o estágio da doença (ordenados por grau de severidade da doença): I. tumor primário;
 - II. envolvimento de nódulos;
 - III. metástases:
 - IV. combinações dos 3 estágios anteriores.
 - tempos de óbito ou censura (em meses).

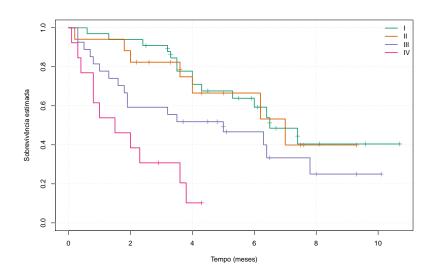
```
## id tempos cens idade estagio
## 1 1 0.6 1 77 1
## 2 2 1.3 1 53 1
## 3 3 2.4 1 45 1
## 4 4 3.2 1 58 1
## 5 5 3.3 1 76 1
## 6 6 3.5 1 43 1
```

```
str(df.laringe)
## 'data.frame':
                   90 obs. of 5 variables:
   $ id
             : int 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 ...
    $ tempos : num 0.6 1.3 2.4 3.2 3.3 3.5 3.5 4 4 4.3 ...
   $ cens : int 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
##
## $ idade : int 77 53 45 58 76 43 60 52 63 86 ...
   $ estagio: int 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
summary(df.laringe)
##
         id
                                                         idade
                       tempos
                                                                        estagio
                                         cens
    Min.
           : 1.00
                   Min.
                          : 0.100
                                    Min.
                                           :0.0000
                                                     Min.
                                                            :41.00
                                                                     Min.
                                                                            :1.000
    1st Qu.:23.25
                   1st Qu.: 2.000
                                    1st Qu.:0.0000
                                                     1st Qu.:57.00
                                                                     1st Qu.:1.000
   Median :45.50
                   Median: 4.000
                                    Median :1.0000
                                                     Median :65.00
                                                                     Median :2.000
   Mean
        :45.50
                   Mean : 4.198
                                    Mean
                                           :0.5556
                                                     Mean :64.61
                                                                     Mean
                                                                            :2.222
##
   3rd Qu.:67.75
##
                   3rd Qu.: 6.200
                                    3rd Qu.:1.0000
                                                     3rd Qu.:72.00
                                                                     3rd Qu.:3.000
##
   Max.
           :90.00
                   Max.
                           :10.700
                                    Max.
                                           :1.0000
                                                     Max.
                                                            :86.00
                                                                     Max.
                                                                            :4.000
```

```
df.laringe$estagio <- factor(x = df.laringe$estagio,
                            levels = 1:4.
                            labels = c("I", "II", "III", "IV"))
str(df.laringe)
## 'data frame': 90 obs. of 5 variables:
   $ id : int 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 ...
##
##
   $ tempos : num 0.6 1.3 2.4 3.2 3.3 3.5 3.5 4 4 4.3 ...
   $ cens : int 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
##
##
   $ idade : int 77 53 45 58 76 43 60 52 63 86 ...
   $ estagio: Factor w/ 4 levels "I","II","III",..: 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
##
summary(df.laringe)
```

```
##
         id
                                                     idade
                      tempos
                                                                estagio
                                      cens
   Min.
        : 1.00
                                                        :41.00
                                                                T :33
##
                  Min.
                         : 0.100
                                  Min.
                                        :0.0000
                                                 Min.
##
   1st Qu.:23.25 1st Qu.: 2.000
                                  1st Qu.:0.0000
                                                 1st Qu.:57.00
                                                                II:17
   Median :45.50
                 Median : 4.000
                                  Median :1.0000
                                                 Median :65.00
                                                                TTT:27
##
   Mean :45.50 Mean : 4.198
                                  Mean : 0.5556
                                                 Mean :64.61
                                                                TV:13
##
##
   3rd Qu.:67.75 3rd Qu.: 6.200
                                  3rd Qu.:1.0000
                                                 3rd Qu.:72.00
                         :10.700
                                                        :86.00
##
   Max.
          :90.00
                  Max.
                                  Max.
                                        :1.0000
                                                 Max.
```

```
plot(ekm, conf.int = FALSE,
     mark.time = TRUE,
     col = c("#1B9E77", "#D95F02",
             "#7570B3", "#E7298A"),
    lwd = 2, xlab = "Tempo (meses)",
     ylab = "Sobrevivência estimada")
abline(h = seq(0, 1, by = 0.2),
       v = seq(0, 16, by = 4),
       col = "lightgrey", lty = 3)
legend("topright",
       c("I", "II", "III", "IV"),
       col = c("#1B9E77", "#D95F02",
             "#7570B3", "#E7298A"),
       lwd = 2, bty = "n")
```



```
survdiff(Surv(time = tempos, event = cens) ~ estagio,
             data = df.laringe)
## Call:
## survdiff(formula = Surv(time = tempos, event = cens) ~ estagio,
      data = df.laringe)
##
##
##
             N Observed Expected (0-E)^2/E (0-E)^2/V
## estagio=I 33
                    15
                          22.57
                                  2.537 4.741
               7 10.01 0.906 1.152
## estagio=II 17
## estagio=III 27 17 14.08 0.603 0.856
## estagio=IV 13 11 3.34 17.590 19.827
##
##
   Chisq= 22.8 on 3 degrees of freedom, p= 5e-05
```

```
mod1 <- coxph(Surv(time = tempos, event = cens) ~ estagio,</pre>
            data = df.laringe, method = "breslow")
summary(mod1)
## Call:
## coxph(formula = Surv(time = tempos, event = cens) ~ estagio,
      data = df.laringe. method = "breslow")
##
##
##
   n= 90, number of events= 50
##
             coef exp(coef) se(coef) z Pr(>|z|)
##
## estagioII 0.06576 1.06797 0.45844 0.143 0.8859
## estagioIV 1.72284 5.60040 0.41966 4.105 4.04e-05 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
##
           exp(coef) exp(-coef) lower .95 upper .95
## estagioII 1.068 0.9364 0.4348 2.623
## estagioIII 1.844 0.5422 0.9193 3.700
## estagioIV 5.600 0.1786 2.4604 12.748
```

```
##
## Concordance= 0.668 (se = 0.037)
## Likelihood ratio test= 16.26 on 3 df, p=0.001
## Wald test = 18.95 on 3 df, p=3e-04
## Score (logrank) test = 22.46 on 3 df, p=5e-05
```

```
mod2 <- coxph(Surv(time = tempos, event = cens) ~ idade,
              data = df.laringe, method = "breslow")
summary(mod2)
## Call:
## coxph(formula = Surv(time = tempos, event = cens) ~ idade, data = df.laringe
      method = "breslow")
##
##
    n= 90. number of events= 50
##
##
##
           coef exp(coef) se(coef) z Pr(>|z|)
## idade 0.02318    1.02345    0.01447    1.602    0.109
##
        exp(coef) exp(-coef) lower .95 upper .95
##
## idade
            1.023
                     0.9771 0.9948
                                          1.053
##
## Concordance= 0.555 (se = 0.046)
## Likelihood ratio test= 2.61 on 1 df. p=0.1
## Wald test = 2.57 on 1 df, p=0.1
## Score (logrank) test = 2.58 on 1 df, p=0.1
```

```
mod3 <- coxph(Surv(time = tempos, event = cens) ~ estagio + idade,</pre>
             data = df.laringe, method = "breslow")
summary(mod3)
## Call:
## coxph(formula = Surv(time = tempos, event = cens) ~ estagio +
      idade, data = df.laringe, method = "breslow")
##
##
##
    n= 90. number of events= 50
##
              coef exp(coef) se(coef) z Pr(>|z|)
##
## estagioII 0.13856 1.14862 0.46231 0.300 0.764
## estagioIII 0.63835 1.89335 0.35608 1.793 0.073 .
## estagioIV 1.69306 5.43607 0.42221 4.010 6.07e-05 ***
## idade 0.01890 1.01908 0.01425 1.326 0.185
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
##
            exp(coef) exp(-coef) lower .95 upper .95
## estagioII 1.149 0.8706 0.4642 2.842
## estagioIII 1.893 0.5282 0.9422 3.805
```

```
## estagioIV 5.436 0.1840 2.3763 12.436

## idade 1.019 0.9813 0.9910 1.048

##

## Concordance= 0.682 (se = 0.039 )

## Likelihood ratio test= 18.07 on 4 df, p=0.001

## Wald test = 20.82 on 4 df, p=3e-04

## Score (logrank) test = 24.33 on 4 df, p=7e-05
```

Para casa

- 1. Leia o capítulo 5 do livro Análise de sobrevivência aplicada⁶.
- Leia os capítulo 6 do livro Análise de sobrevivência: teoria e aplicações em saúde⁷.

⁶Colosimo, E. A. e Giolo, S. R. **Análise de sobrevivência aplicada**, Blucher, 2006.

⁷Carvalho, M. S., Andreozzi, V. L., Codeço, C. T., Campos, D. P., Barbosa, M. T. S. e Shimakura, E. S. **Análise de sobrevivência: teoria e aplicações em saúde**, 2ª ed. Editora Fiocruz, 2011.

Próxima aula

- Estimação de funções relacionadas a $\lambda_0(t)$.
- ► Adequação do modelo de Cox.
 - Análise de resíduos.

Por hoje é só!

Bons estudos!

