EPI10 - Análise de Sobrevivência

Comparação de funções de sobrevivência

Rodrigo Citton P. dos Reis citton.padilha@ufrgs.br

Universidade Federal do Rio Grande do Sul Faculdade de Medicina Programa de Pós-Graduação em Epidemiologia

Porto Alegre, 2021



Relembrando

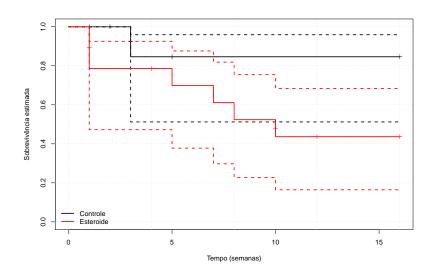
Relembrando

- Um estudo clínico aleatorizado foi realizado para investigar o efeito da terapia com esteroide no tratamento de hepatite viral aguda.
- ▶ Vinte e nove pacientes com esta doença foram aleatorizados para receber um placebo ou o tratamento com esteroide.
- Cada paciente foi acompanhado por 16 semanas ou até o óbito (evento de interesse) ou até a perda de acompanhamento.

▶ Os tempos de sobrevivência observados, em semanas, para os dois grupos são apresentados na tabela a seguir (+ indica censura).

Grupo	Tempo de sobrevivência em semanas
Controle	1+, 2+, 3, 3, 3+, 5+, 5+, 16+, 16+, 16+, 16+, 16+, 16+, 16+, 16
Esteroide	1, 1, 1, 1+, 4+, 5, 7, 8, 10, 10+, 12+, 16+, 16+, 16+

```
## Call: survfit(formula = Surv(time = tempo, event = cens) ~ grupo, data = df.
## conf.type = "log-log")
##
## n events median 0.95LCL 0.95UCL
## grupo=Controle 15 2 NA NA NA
## grupo=Esteroide 14 7 10 1 NA
```



Considerações

- Aparentemente, o grupo Esteroide apresenta uma sobrevivência menor que o grupo Controle.
 - ▶ O tempo mediano de sobrevivência para o grupo Esteroide é estimado em 10 semanas; para o grupo Controle, o tempo mediano de sobrevivência é maior que 16 semanas (último tempo de acompanhamento).
 - A probabilidade de um indivíduo do grupo Esteroide sobreviver a 12 semanas é estimada em 0,437 (IC 95% 0,164-0,683); no grupo Controle, esta probabilidade é estimada em 0,846 (IC 95% 0,512-0,959).
 - As curvas de sobrevivência dos dois grupos não atingem o valor zero; isto sempre ocorre quando o maior tempo observado na amostra é uma censura.

Comparação de funções de sobrevivência

Comparação de funções de sobrevivência

Comparação de funções de sobrevivência

- Pergunta: as funções de sobrevivência do grupo Controle e Esteroide diferem?
- ▶ Em outras palavras, como podemos testar $S_1(t) = S_2(t)$.
 - Os intervalos de confiança construídos anteriormente $\{s\tilde{a}o\ pontuais\}$. Ou seja, para cada ponto t temos um intervalo de $100(1-\alpha)\%$ confiança para S(t). Mas, este coeficiente de confiança não é garantido quando olhamos para a "curva toda".
- ▶ O teste de *log-rank*¹ pode responder esta questão adequadamente.

¹Mantel N. Evaluation of survival data and two new rank order statistics arising in its consideration. *Cancer Chemotherapy Reports.* 1966 Mar;50(3):163-70.

- ▶ Sejam $t_1 < t_2 < ... < t_k$ os tempos de falha distintos da amostra formada pela combinação das duas amostras individuais (ou seja, os tempos de ocorrência dos eventos dos dois grupos combinados).
- Suponha que no tempo t_j acontecem $d_j = d_{1j} + d_{2j}$ eventos e $n_j = n_{1j} + n_{2j}$ indivíduos estão sob risco em um tempo imediatamente inferior a t_j na amostra combinada, em que d_{ij} e n_{ij} são o número de eventos e indivíduos em risco, respectivamente, na amostra i, para i = 1, 2 (1: Controle e 2: Esteroide, por exemplo) e $j = 1, \ldots, k$.

▶ Em cada tempo de ocorrência do evento t_j , os dados podem ser organizados em uma tabela de contingência 2×2 com d_{ij} eventos e $n_{ij} - d_{ij}$ não eventos na coluna i

	Grı		
	1	2	
Evento	d_{1j}	d_{2j}	d_j
Não evento	$n_{1j}-d_{1j}$	$n_{2j}-d_{2j}$	$n_j - d_j$
	n_{1j}	n_{2j}	n _i

- Da mesma forma que na análise de muitas tabelas 2 x 2, os indivíduos em risco são classificados nessas tabelas para responder à pergunta:
 - o fator de risco (grupo de tratamento, ou exeposição) está associado à sobrevivência?
- Para tratar de forma eficaz esta questão com uma única medida de associação, a medida escolhida deve ser constante com respeito ao tempo de sobrevivência.
- Para criar um único resumo abrangente, os dados são estratificados pelo tempo de ocorrência do evento.
- Uma medida de risco não é influenciada pelo tempo de sobrevivência quando é calculada dentro de cada estrato (tabela) e combinada em todos os estratos para resumir a associação entre o fator de risco e o desfecho.

Retomando o exemplo do **estudo de hepatite**, o tempo do óbito $t_1 = 1$, gera a primeira tabela 2×2 , em que

	Gr				
	Controle Esteroide				
Óbito	0	3	3		
Sobreviveu	15	11	26		
	15	14	29		

Note que, condicional à experiência de falha e censura até o tempo t_j (fixando as marginais da coluna) e ao número de eventos no tempo t_j (fixando as marginais de linha), o valor observado d_{2j} é então, sob H₀ (as variáveis Grupo e Desfecho são independentes), a realização de uma variável aleatória hipergeométrica, D_{2j}, com distribuição de probabilidade

$$\Pr(D_{2j} = d_{2j}|H_0) = \frac{\binom{n_{1j}}{d_{1j}}\binom{n_{2j}}{d_{2j}}}{\binom{n_{j}}{d_{j}}}, \ \max(0, d_j - n_{1j}) \leq d_{2j} \leq \min(d_j, n_{2j}).$$

Sob H₀, é possível mostrar que a média e a variância de D₂j são, respectivamente

$$\overline{D}_{2j} = \frac{d_j \times n_{2j}}{n_j} \quad \text{e} \quad V(D_{2j}) = \frac{n_{1j} \times n_{2j} \times d_j \times (n_j - d_j)}{n_j^2(n_j - 1)}.$$

▶ O valor \overline{D}_{2j} pode ser visto como o número esperado de eventos no grupo tratamento (ou exposto), sob a hipótese nula de independência entre tratamento e desfecho, em t_j .

- Uma estatística de teste poderia considerar a comparação entre o número observado e esperado de eventos.
- Um teste para grandes amostras de H₀ (as variáveis Grupo e Desfecho são independentes) envolve a estatística

$$Z = \frac{d_{2j} - \overline{D}_{2j}}{\sqrt{V(D_{2j})}} \stackrel{a}{\sim} N(0,1),$$

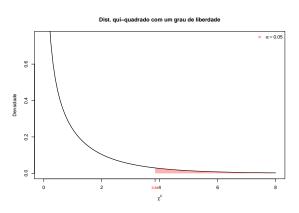
ou, equivalentemente,

$$\chi^2 = Z^2 = \frac{(d_{2j} - \overline{D}_{2j})^2}{V(D_{2j})} \stackrel{a}{\sim} \chi^2(1).$$

Esta estatística χ^2 é conhecido como a **estatística qui-quadro de** Mantel-Haenszel².

²Mantel N., Haenszel W. Statistical aspects of the analysis of data from retrospective studies of disease. *J Natl Cancer Inst.* 1959 Apr;22(4):719-48.

Lembrando



▶ Tabelas e softwares podem ser utilizados para avaliação da estatística de teste.

Retornando ao exemplo do **estudo de hepatite** no tempo do óbito t_1 , temos

- Número observado de óbitos no grupo Esteroide: $d_{21} = 3$;
- Número esperado de óbitos no grupo Esteroide (sob H_0): $\frac{d_1 \times n_{21}}{n_1} = (3 \times 14)/29 \approx 1.45$.

▶ O tempo do óbito $t_2 = 3$, gera uma segunda tabela 2×2 , em que

	Gr				
	Controle Esteroide				
Óbito	2	0	2		
Sobreviveu	11	10	21		
	13	10	23		

- Número observado de óbitos no grupo Esteroide: $d_{22} = 0$;
- Número esperado de óbitos no grupo Esteroide (sob H_0): $\frac{d_2 \times n_{22}}{n_2} = (2 \times 10)/23 \approx 0.87.$

Considerando os k tempos distintos de falha, poderíamos organizar os dados referentes as k tabelas 2×2 na seguinte tabela

t_j	nj	d_{j}	n_{1j}	d_{1j}	n _{2j}	d_{2j}	\overline{D}_{2j}	$d_{2j}-\overline{D}_{2j}$	$V(D_{2j})$
1	29	3	15	0	14	3	1,448	1,552	0,696
3	23	2	13	2	10	0	0,870	-0,870	0,469
5	19	1	10	0	9	1	0,474	0,526	0,249
7	16	1	8	0	8	1	0,500	0,500	0,250
8	15	1	8	0	7	1	0,467	0,533	0,249
10	14	1	8	0	6	1	0,429	0,571	0,245
Total	-	9	-	2	-	7	4,187	2,813	2,158
-									

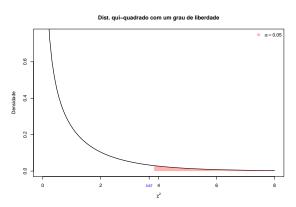
Teste log-rank

Se as k tabelas de contingência forem independentes, um teste aproximado para a igualdade das duas funções de sobrevivência pode ser baseado na estatística

$$\chi^{2}_{LR} = \frac{\left[\sum_{j=1}^{k} (d_{2j} - \overline{D}_{2j})\right]^{2}}{\sum_{j=1}^{k} V(D_{2j})}$$

Sob a hipótese nula $H_0: S_1(t) = S_2(t)$ para todo o t, em grandes amostras, tem uma distribuição aproximada qui-quadrado com 1 grau de liberdade.

► Em nosso exemplo, $\chi^2_{LR} = (2,813)^2/2,158 \approx 3,67.$



• O valor desta estatística corresponde ao valor $p = \Pr(\chi^2_{LR} \ge 3, 67) \approx 0,0555$.

Código R

```
survdiff(Surv(time = tempo, event = cens) ~ grupo,
        data = df.hep)
## Call:
## survdiff(formula = Surv(time = tempo, event = cens) ~ grupo,
      data = df.hep)
##
##
##
                  N Observed Expected (0-E)^2/E (0-E)^2/V
  grupo=Controle 15
                               4.81
                                         1.64
                                                  3.67
                          2
## grupo=Esteroide 14 7
                               4.19 1.89
                                                  3.67
##
##
   Chisq= 3.7 on 1 degrees of freedom, p= 0.06
```

- ► Ao nível de 5% de significância não há evidências contra H₀.
 - Portanto, as curvas de sobrevivência dos grupos Controle e Esteroide podem ser iguais.

Para casa

- 1. Leia o capítulo 2 do livro Análise de sobrevivência aplicada³.
- Leia os capítulo 4 do livro Análise de sobrevivência: teoria e aplicações em saúde⁴.

³Colosimo, E. A. e Giolo, S. R. **Análise de sobrevivência aplicada**, Blucher, 2006.

⁴Carvalho, M. S., Andreozzi, V. L., Codeço, C. T., Campos, D. P., Barbosa, M. T. S. e Shimakura, E. S. **Análise de sobrevivência: teoria e aplicações em saúde**, 2ª ed. Editora Fiocruz, 2011.

Próxima aula

- ► Teste log-rank: comparação de mais que dois grupos.
- ▶ Testes alternativos para a comparação de curvas de sobrevivência.

Por hoje é só!

Bons estudos!

