

$$A = \{x \mid x \text{ é inteiro e } 3 < x \leq 7\}$$

x tal que x é inteiro e 3 é menor que X e X é menor ou igual a 7

**$A \subset B$**  A é subconjunto próprio de B

**$A \subseteq B$**  A é subconjunto próprio ou igual a B

## Conjuntos numéricos: Naturais

$$\mathbb{N} = \{0,1,2,3,4,5,6, \dots \} \quad \mathbb{N}^* = \{1,2,3,4,5,6, \dots \}$$

## Conjuntos numéricos: Inteiros

$$\mathbb{Z} = \{\dots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots\}$$

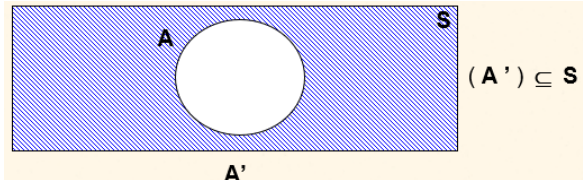
## Conjuntos numéricos: Racionais

$$\mathbb{Q} = \{-1, -\frac{2}{5}, \frac{4}{3}, 5, \dots\}$$

Símbolos	
$\in$ : pertence	$\ni$ : não contém
$\notin$ : não pertence	$\exists$ : existe
$\subset$ : está contido	$\nexists$ : não existe
$\supset$ : contém	$\forall$ : para todo

Símbolos das operações
$A \cap B$ : intersecção B
$A \cup B$ : A união B
$a - b$ : diferença de A com B
$a < b$ : a menor que b
$a \leq b$ : a menor ou igual a b
$a > b$ : a maior que b
$a \geq b$ : a maior ou igual a b
$a \wedge b$ : a e b
$a \vee b$ : a ou b

**Tudo o que está fora do conjunto. O complemento de A é A'**



Se um conjunto S é finito, então n(S) é sua cardinalidade: o número total de elementos do conjunto.

$$(\forall x)[(x \in A \rightarrow x \in B) \wedge (\exists y)(y \in B \wedge y \notin A)]$$

(para todo X) [(Se x está em A, então x está em B) e (Existe pelo menos um y) (O y está em B, mas y não está em A)]

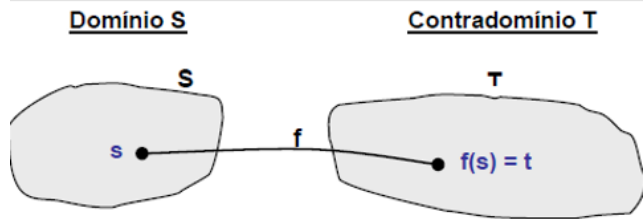
## Subconjunto próprio

$$\text{Se } A = \{1, 7, 9, 15\}, B = \{7, 9\} \text{ e } C = \{7, 9, 15, 20\}$$

Então:

$$\begin{array}{ll} B \subseteq C & 15 \in C \\ B \subseteq A & \{7, 9\} \subseteq B \\ B \subset C & \{7\} \subset A \\ A \not\subset C & \emptyset \subset C \end{array}$$

## Funções



Uma função f de S em T, simbolizada por  $f: S \rightarrow T$  é um subconjunto de  $S \times T$ , onde cada elemento de S aparece exatamente uma única vez como primeiro elemento de um par ordenado.

S é o domínio e T é o contradomínio da função f.

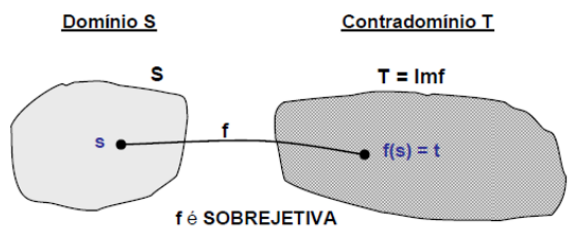
Uma função é uma relação do tipo um-para-um ou muitos para um.

### Função sobrejetora

É aquela em que o contradomínio é igual a imagem.

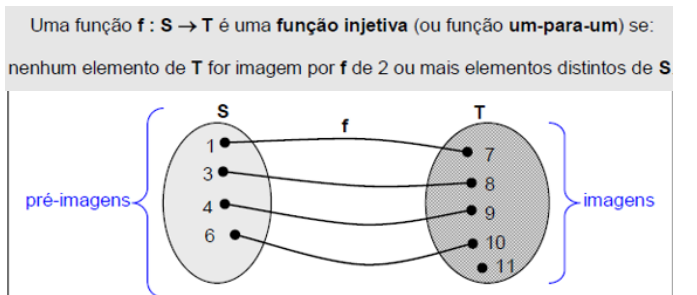
$$\{(\forall t \in T)(\exists s \in S) \mid f(s) = t\} \quad \text{Ou}$$

$$\text{Im}f = T.$$



### Função injetora

Cada elemento da imagem só tem um correspondente do domínio

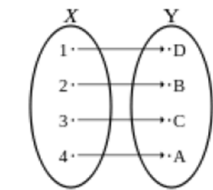


### Função bijetora

Injetora e sobrejetora

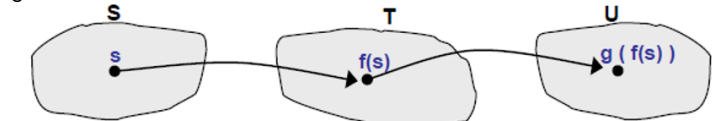
Uma função  $f: S \rightarrow T$  é uma **função bijetiva** se for ao mesmo tempo:

**injetiva** (um-para-um) e **sobrejetiva**.



### Função composta

Sejam as funções  $f: S \rightarrow T$  e  $g: T \rightarrow U$ . Então para qualquer  $s \in S$ ,  $f(s)$  é um elemento de T, que também é um domínio de g. O resultado de  $g(f(s))$  é um elemento de U.



Sejam as funções  $f: S \rightarrow T$  e  $g: T \rightarrow U$

Então a **função composta**  $g \circ f$  é uma função de S em U definida por:

$$(g \circ f)(s) = g(f(s)),$$

onde  $s \in S$ .

A função  $g \circ f$  é a composição de f e g.