- 题目
- 逻辑模式
- 题目来源
- 分析
 - o 命题
 - o 知识
 - 任务目标
 - 思维过程
 - ο 结论
- ASP 表示
- AF 表示
- 总结

题目

古代一位国王和他的张、王、李、赵、钱五位将军,一同出外打猎,各人的箭上都刻有自己的姓氏。打猎中,一只鹿中箭倒下,但不知是何人所射。

张说:"或者是我射中的,或者是李将军射中的。"

王说:"不是钱将军射中的。"

李说:"如果不是赵将军射中的,那么一定是王将军射中的。"

赵说:"既不是我射中的,也不是王将军射中的。"

钱说:"既不是李将军射中的,也不是张将军射中的。"

国王让人把射中鹿的箭拿来,看了看,说:"你们五位将军的猜测,只有两个人的话是真的。"

请根据国王的话,判定以下哪项是真的?

(A) 张将军射中此鹿。(B) 王将军射中此鹿。(C) 李将军射中此鹿。(D) 赵将军射中此鹿。(E) 钱将军射中此鹿。

逻辑模式

溯因推理

题目来源

MBA考试辅导逻辑分册

分析

命题

- p1: 鹿是张将军或李将军射中的。
- p2: 鹿不是钱将军射中的。
- p3: 如果不是赵将军射中的,那么一定是王将军射中的。

- p4: 既不是赵将军射中的,也不是王将军射中的。
- p5: 既不是李将军射中的,也不是张将军射中的。

知识

- 将军:张将军、王将军、李将军、赵将军、钱将军。
- 有一个人射中了鹿。
- 只有两个命题为真。

任务目标

目标:哪位将军射中了鹿?

思维过程

- 若p1正确, 鹿是张将军或李将军射中的。
 - 。 p5错误,其与p1相互否定。
 - 。 p3错误,其与p1相互否定。
 - o p4正确,其符合p1。
 - o p2正确,其符合p1。
 - o 根据知识"只有两个命题为真。",此次推论不成立,即p1正确不成立。
- 若p1错误, 鹿不是张将军或李将军射中的。
 - 。 p5正确,其与p1相互否定。
 - o 若p3正确,如果不是赵将军射中的,那么一定是王将军射中的。
 - p4错误,其与p3相互否定。
 - p2正确,其符合p3。
 - 根据知识"只有两个命题为真。",此次推论不成立,即p3正确不成立。
 - 。 若p3不正确,既不是赵将军射中的,也不是王将军射中的。
 - p4正确,其与p3相互否定。
 - 若p2正确, 鹿不是钱将军射中的。
 - 根据知识"只有两个命题为真。",此次推论不成立,即p2正确不成立。
 - 若p2错误, 鹿是钱将军射中的。
 - 符合条件,因此结果为鹿是钱将军射中的。此时,p4、p5正确,p1、p2、p3错误。

结论

赵将军和钱将军的话是对的。鹿是钱将军射中的。

ASP 表示

字面含义转化,易于阅读和理解,难以机械转换

```
person(z).
person(w).
person(l).
person(zhao).
person(q).

p(z) :- shoot(z), not shoot(l).
```

```
p(z) :- not shoot(z), shoot(1).
p(w) :- not shoot(q).
p(l) :- shoot(zhao).
p(l) :- not shoot(zhao), shoot(w).
p(zhao) :- not shoot(zhao), not shoot(w).
p(q) :- not shoot(l), not shoot(z).

1{shoot(X) : person(X)}1.
2{p(X) : person(X)}2.

#show p/1.
#show shoot/1.
```

添加一些基本规则,统一命题谓词,相对易于转化.

```
rule(eitherOr).
rule(neitherNor).
rule(ifThen).
rule(not_).
rule(bothAnd).
rule(nStatementsTrue).
rule(allStatementsTrue).
rule(noStatementTrue).
reason(X, Y, either0r) :- p(X), not p(Y), X!=Y, r(X), r(Y).
reason(X, Y, eitherOr) :- not p(X), p(Y), X!=Y, r(X), r(Y).
\mathsf{reason}(\mathsf{X},\ \mathsf{Y},\ \mathsf{ifThen}) \quad :- \qquad \mathsf{p}(\mathsf{X}), \qquad \mathsf{p}(\mathsf{Y}),\ \mathsf{X}! = \mathsf{Y},\ \mathsf{r}(\mathsf{X}),\ \mathsf{r}(\mathsf{Y}).
reason(X, Y, ifThen) :- not p(X),
                                                     X!=Y, r(X), r(Y).
reason(X, Y, bothAnd) :- p(X), p(Y), X!=Y, r(X), r(Y).
% generated
r(X) :- person(X).
r(1...8).
r(shootz; shootl; shootw; shootq; shootzhao).
person(z).
person(w).
person(1).
person(zhao).
person(q).
p(z):- reason(1, 2, eitherOr).
p(1) :- p(shootz).
p(2) :- p(shoot1).
p(w) :- not p(shootq).
p(1):- reason(3, 4, ifThen).
p(3) :- not p(shootzhao).
p(4) := p(shootw).
```

```
p(zhao) :- reason(5, 6, bothAnd).
p(5) :- not p(shootzhao).
p(6) :- not p(shootw).

p(q) :- reason(7, 8, bothAnd).
p(7) :- not p(shootl).
p(8) :- not p(shootz).

p(king) :- 2{p(z);p(w);p(1);p(zhao);p(q)}2.
1{p(shootz);p(shootl);p(shootw);p(shootq);p(shootzhao)}1.
:- not p(king).

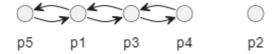
answer(X) :- p(X), r(X) = r(shootz;shootl;shootw;shootq;shootzhao).
#show p/1.
```

运行结果:

```
clingo version 5.4.0
Reading from ...gn\cases\case-analysis\asp-analysis.lp
Solving...
Answer: 1
p(shootq) p(3) p(5) p(6) p(7) p(8) p(zhao) p(q) p(king)
SATISFIABLE

Models : 1
Calls : 1
Time : 0.010s (Solving: 0.00s 1st Model: 0.00s Unsat: 0.00s)
CPU Time : 0.000s
```

AF 表示



总结

- 可以统一谓词来表示逻辑类型的命题. 在实现中转化为 $T_p(X)$:- reason(a, b, type)格式;
- 没有归纳出"有n个命题成立"的推理规则, X{p}X;
- 要将原子命题转化为p(n):-condition,对于复杂多变的问题·难以表达condition。在本例中p(n):-condition可以表示为p(n):-p(shootz).或p(n):-shoot(zhao)·但对于其他问题·都需要重新定义谓词。例如有的问题需要定义某人在某时刻吃了什么·则condition需要表达为p(n):-eat(person, food, time)。