

大学物理

张磊 (13072919527)

B824, Cyrus Tang Building



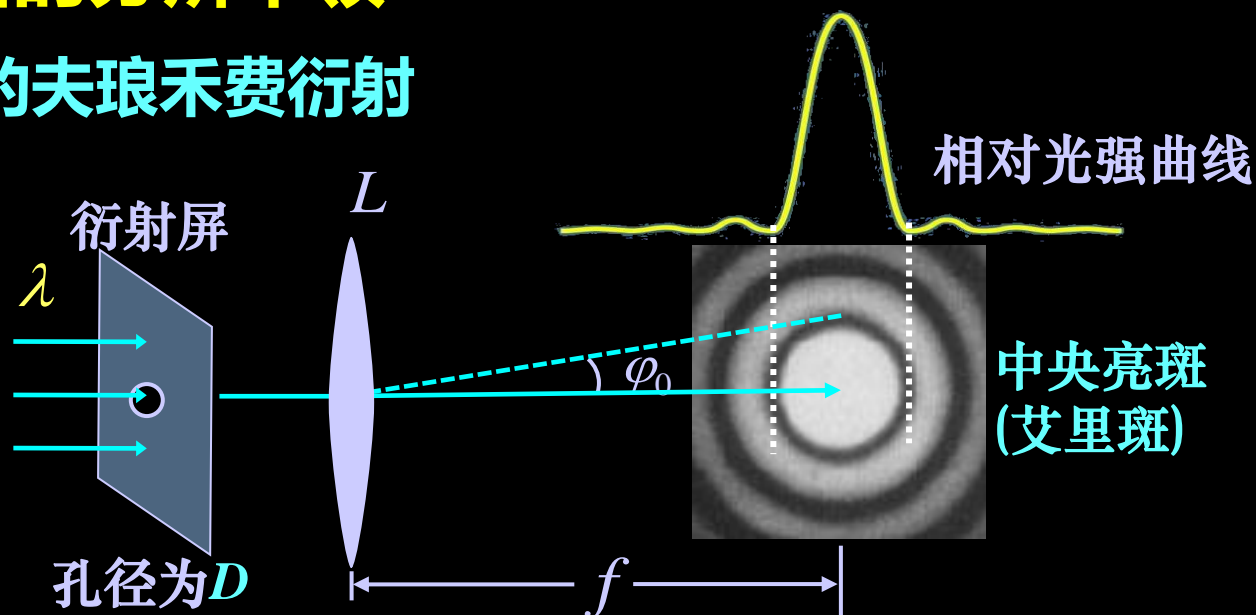
本学期大学物理期中考试时间
2023-10-28 15:00-17:00 (星期六)

考试内容
机械振动、机械波、波动光学

大家做好复习和考试准备
预计在考试前一周左右，考试会在系统发布，
大家关注系统

光学仪器的分辨本领

◆ 圆孔的夫琅禾费衍射



经圆孔衍射后，一个点光源对应一个艾里斑

艾里斑的半角宽度为 $\phi_0 \approx 1.22 \frac{\lambda}{D}$

◆ 透镜的分辨本领

几何光学

物点

一一对应

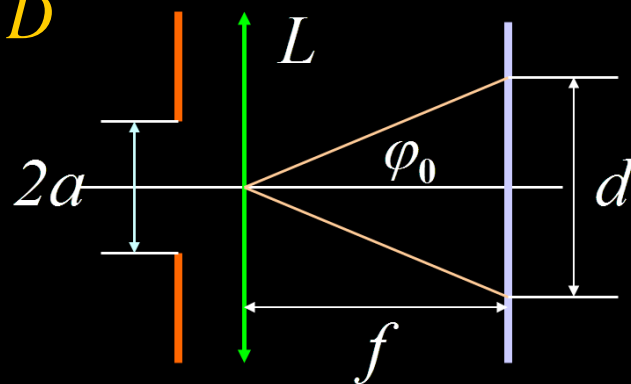
像点

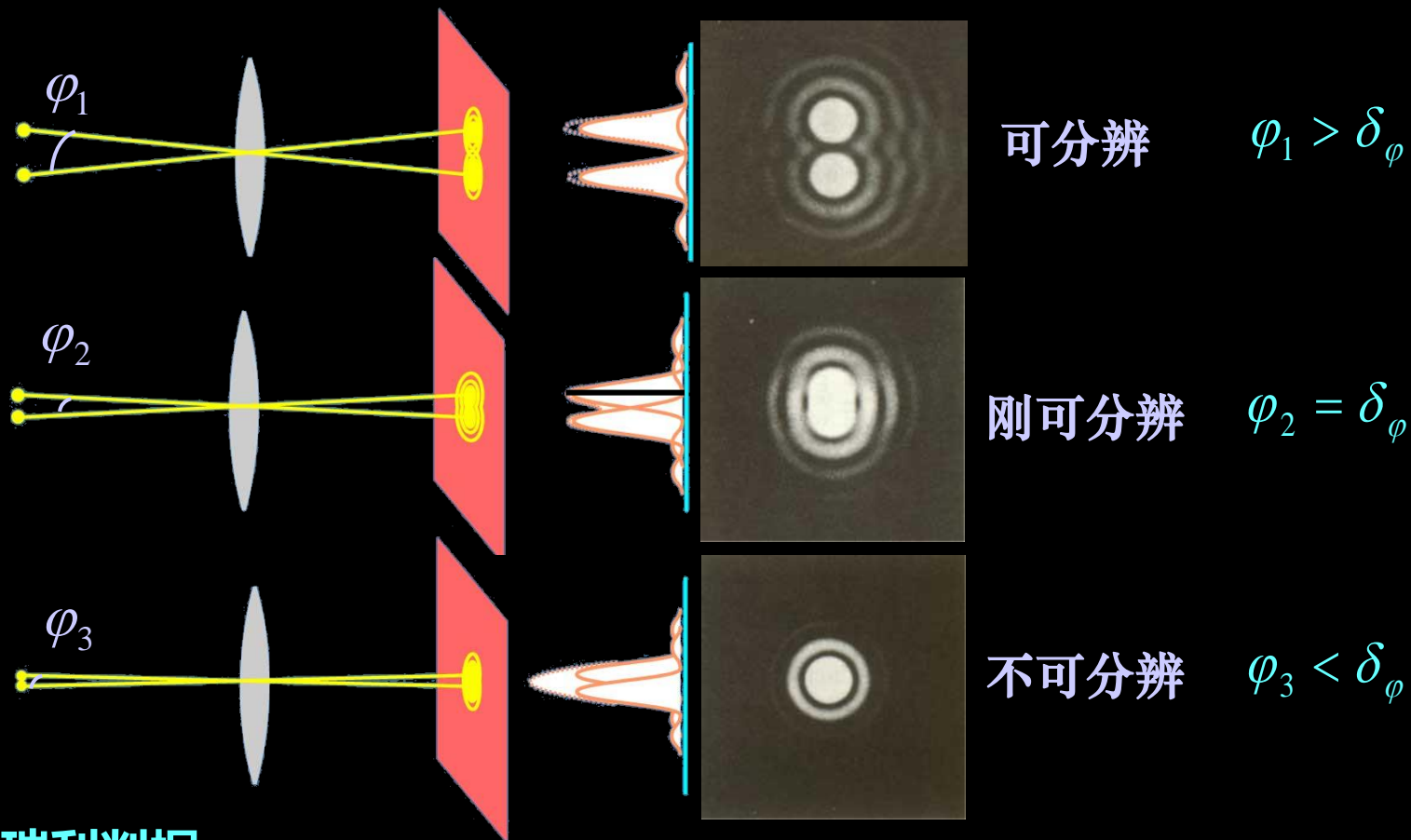
波动光学

物点

一一对应

像斑





瑞利判据

对于两个等光强的非相干物点：如果一个像斑中心恰好落在另一像斑的边缘(第一暗纹处)，则此两像被认为是刚好能分辨。此时两像斑中心角距离为**最小分辨角**

$$\delta_\varphi = \varphi_0 \approx 1.22 \frac{\lambda}{D}$$

最小分辨角

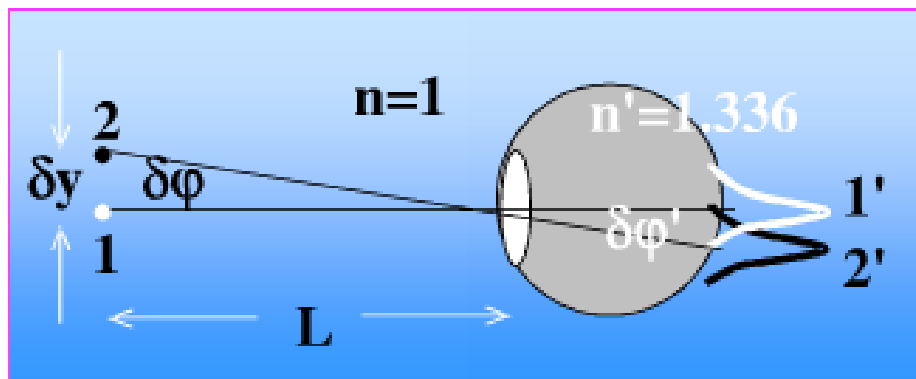
$$\delta\varphi = \varphi_0 \approx 1.22 \frac{\lambda}{D}$$

分辨本领

$$R \equiv \frac{1}{\delta\varphi} = \frac{D}{1.22\lambda}$$

•人眼的分辨本领

设人眼瞳孔直径为**D**，**可把人眼看成一枚凸透镜**，焦距只有**20毫米**，其成象为夫琅和费衍射的图样。



例 在迎面驶来的汽车上，两盏前灯相距 120 cm ，设夜间人眼瞳孔直径为 5.0 mm ，入射光波为 550 nm 。

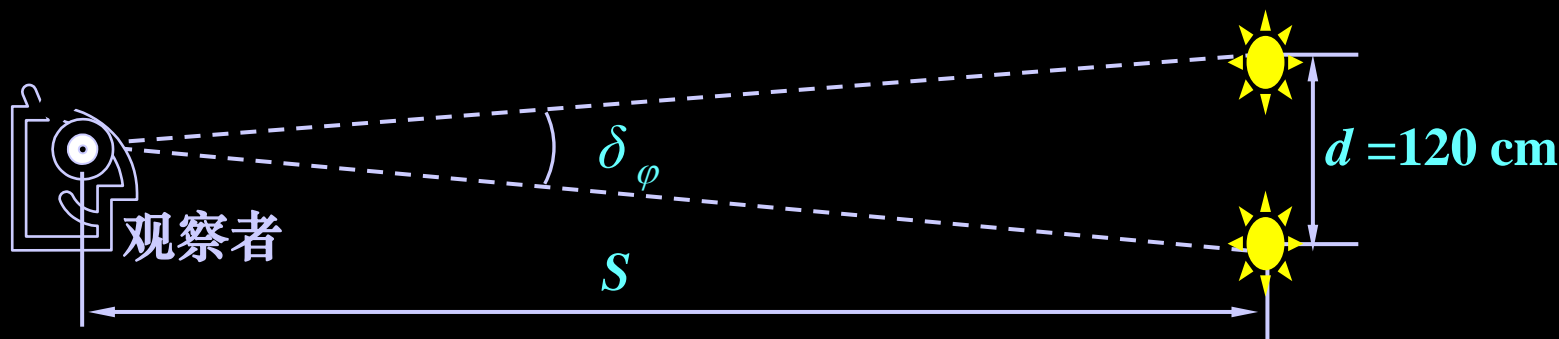
求 人在离汽车多远的地方，眼睛恰能分辨这两盏灯？

解 设人离车的距离为 S 时，恰能分辨这两盏灯

由题意有 $d = 120\text{ cm}$ $D = 5.0\text{ mm}$ $\lambda = 550\text{ nm}$

眼睛的最小分辨角为 $\delta_\varphi = 1.22 \frac{\lambda}{D}$ 取 $d \approx S \cdot \delta_\varphi$

$$S \approx \frac{d}{\delta_\varphi} = \frac{Dd}{1.22\lambda} = \frac{5.0 \times 10^{-3} \times 1.20}{1.22 \times 550 \times 10^{-9}} = 8.94 \times 10^3\text{ m}$$



例 载人宇宙飞船在距地面 **160km** 的轨道上运行时，宇航员恰好能分辨地面上的两点光源，设波长为 **550nm**、瞳孔直径取 **5mm** .

求 两点光源之间的距离

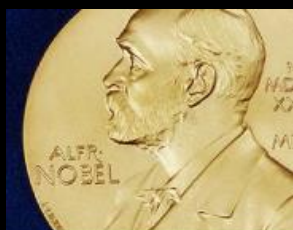
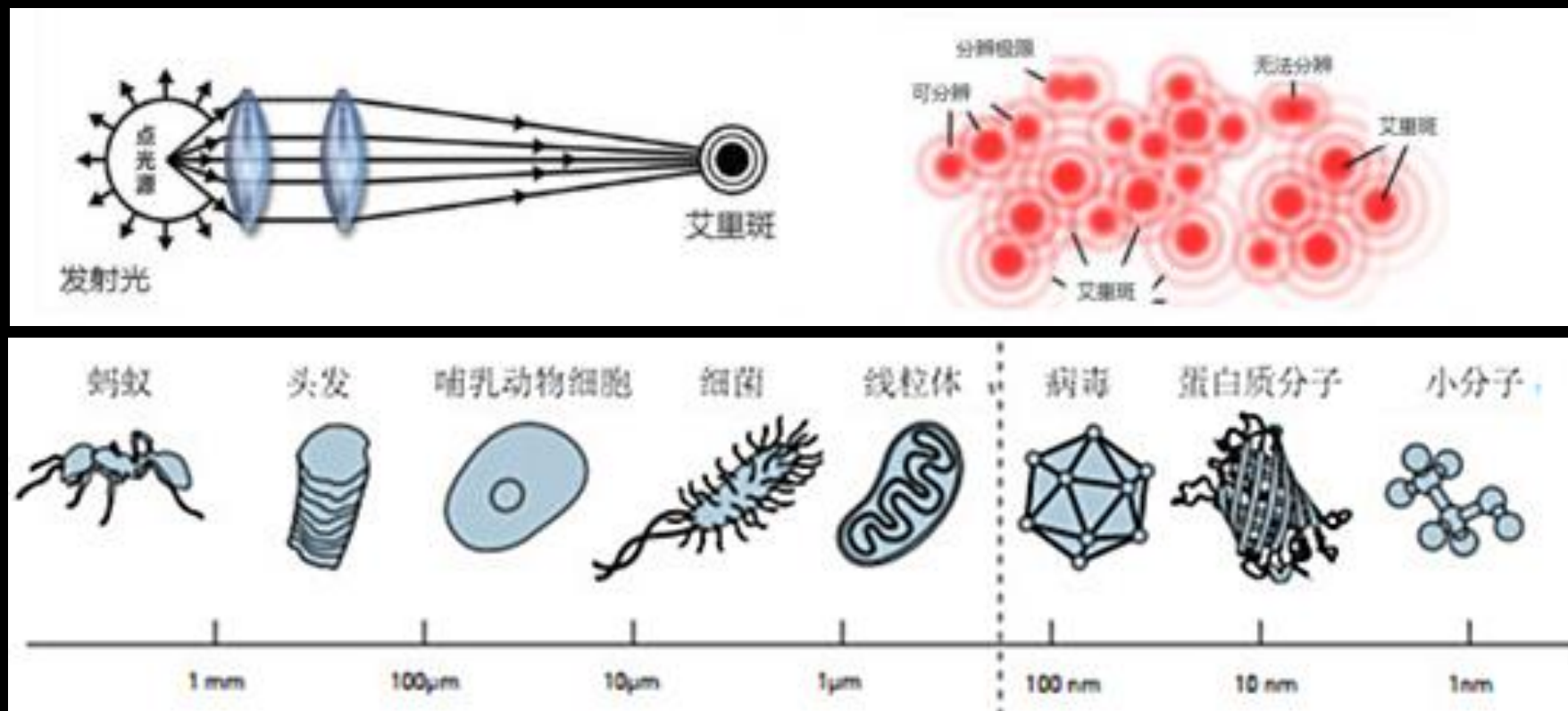
解 设两点光源之间的距离为 **x** 、飞船距地面的距离为 **L**

眼睛的最小分辨角 $\delta_{\varphi} = 1.22 \frac{\lambda}{D}$

两点光源对人眼睛的张角 $\delta = \frac{x}{L}$

恰能分辨条件 $\delta_{\varphi} = \delta \longrightarrow 1.22 \frac{\lambda}{D} = \frac{x}{L}$

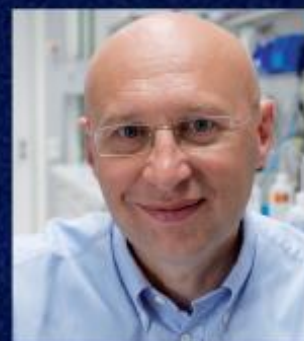
$$x = \frac{1.22 \lambda L}{D} = \frac{1.22 \times 550 \times 10^{-9} \times 160 \times 10^3}{5 \times 10^{-3}} = 21\text{m}$$



2014诺贝尔化学奖



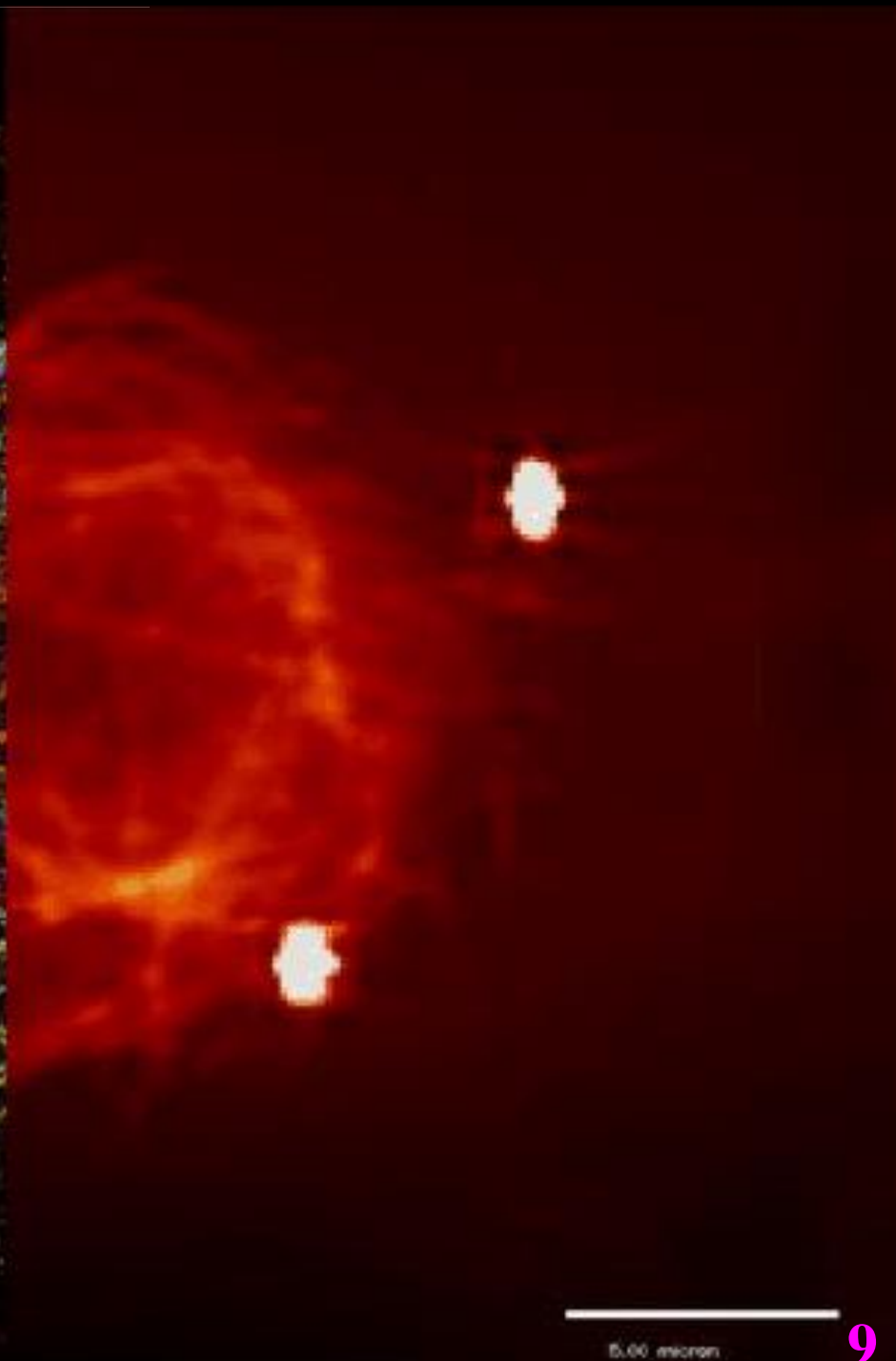
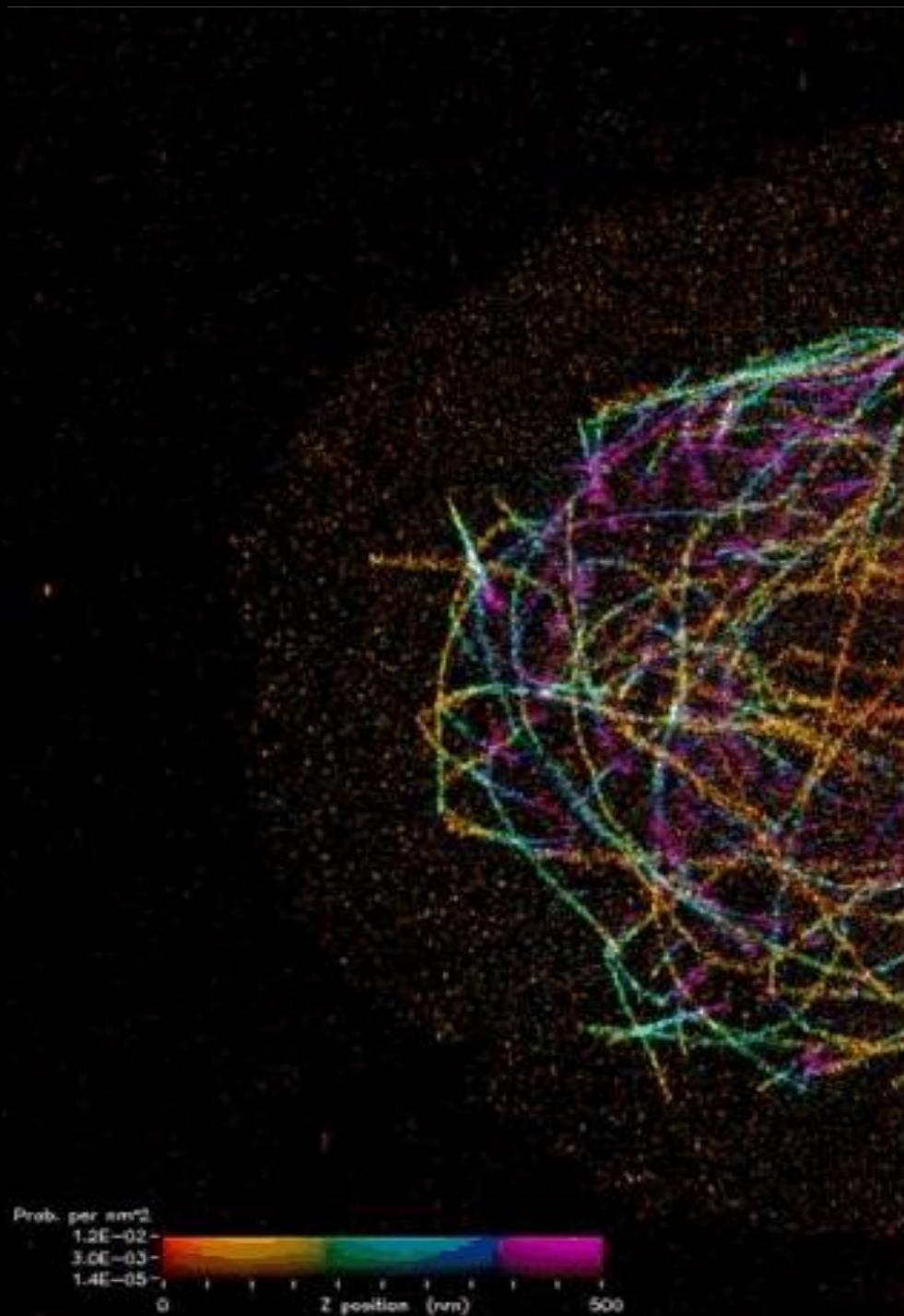
埃里克·白兹格
(Eric Betzig)



斯蒂芬·黑尔
(Stefan W. Hell)

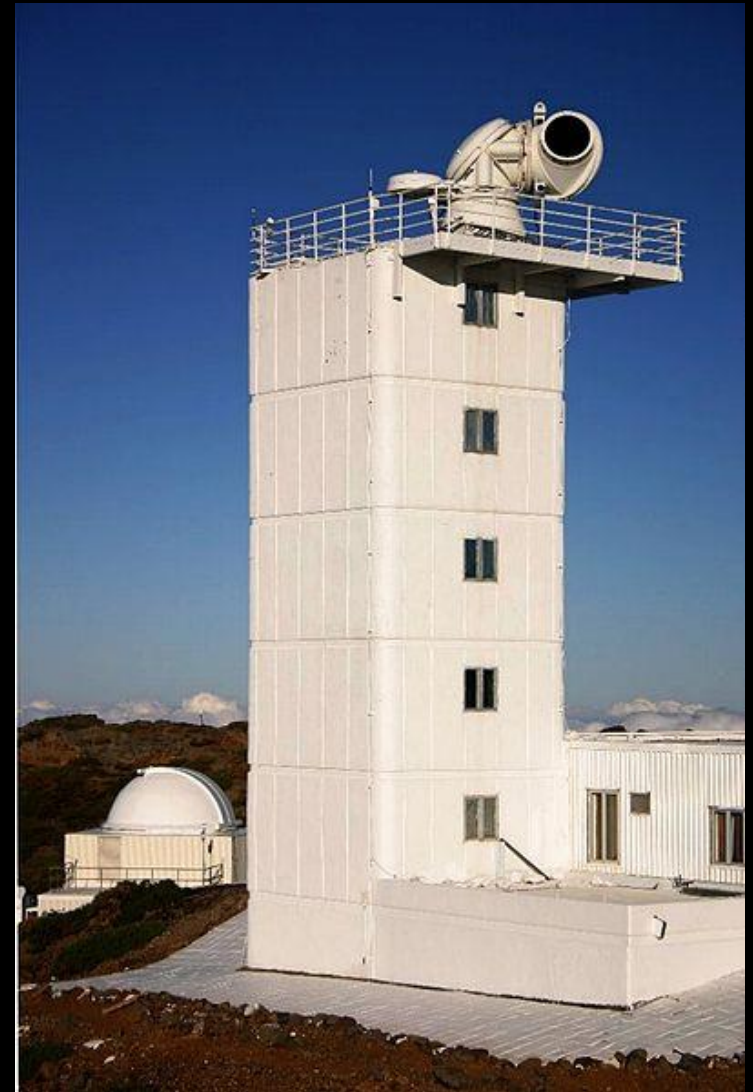


威廉·莫尔纳
(William E. Moerner)



太阳望远镜

- 麦克梅斯 - 皮尔斯太阳望远镜
1.6m, 1961年–
- McMath-Hulbert Observatory
61cm, 1941年 – 1979年
- 瑞典真空太阳望远镜
47.5cm, 1985年 – 2000年
- 瑞典太阳望远镜
1m, 2002年 –
- Richard B. Dunn Solar Telescope
1.63m, 1969年 –
- Dutch Open Telescope
45cm, 1997年 –
- 先进技术太阳望远镜 (ATST)
4m
- 中国的巨型太阳望远镜
8m, 设计选址中



欧洲极大望远镜(E-ELT) – 39m



美国“三十米望远镜”(TMT)



射电望远镜



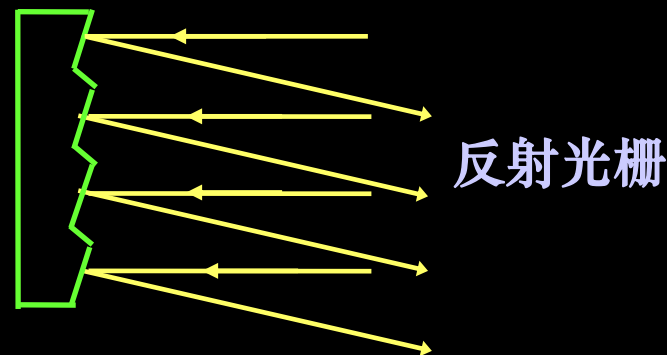
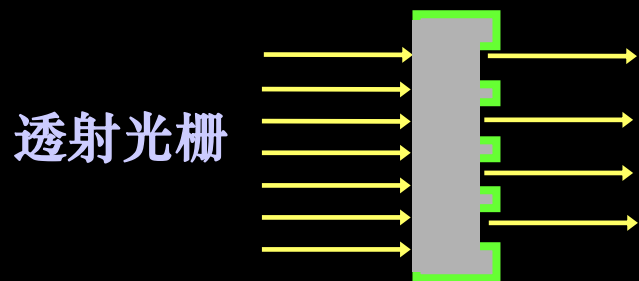
波多黎各境内的阿雷西博(Arecibo)
天文台 —— 305→350米口径
贵州省平塘县-利用喀斯特地貌建
筑的FAST (Five-hundred-meter
Aperture Spherical Telescope)
—— 500m口径



§14.9 衍射光栅及光栅光谱

一. 衍射光栅

1. 光栅 — 大量等宽等间距的平行狭缝(或反射面)构成的光学元件

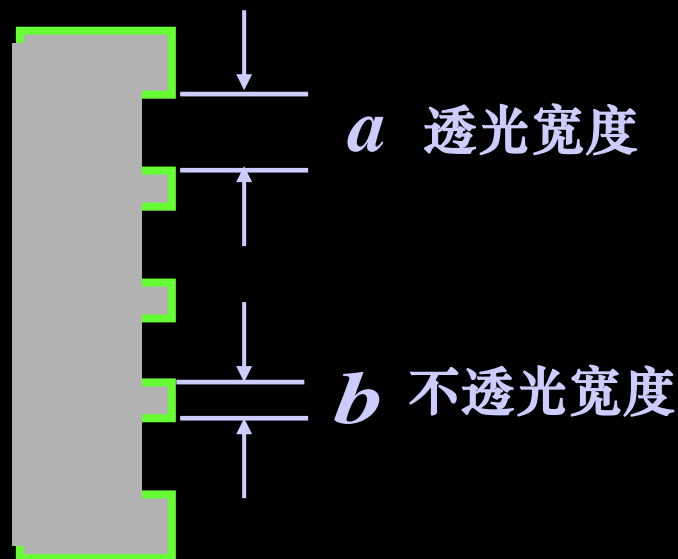


2. 光栅常数 d

$$d = a + b = \frac{1}{m}$$

光栅宽度为 l 毫米，每毫米缝数为 m ，则总缝数

$$N = l/d = m \times l$$



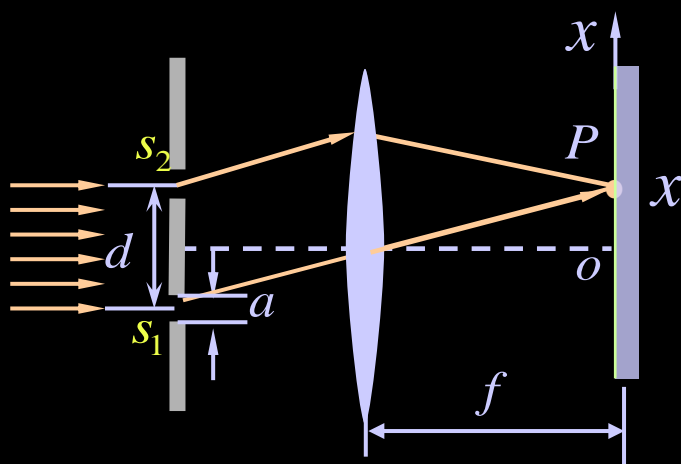
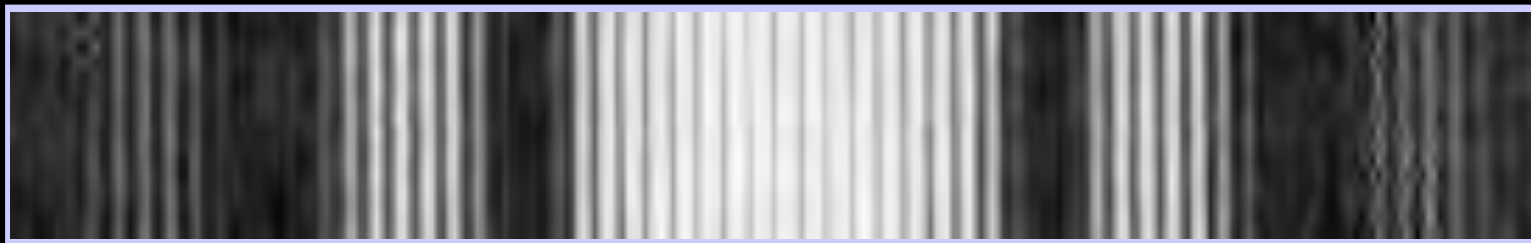
3. 光栅衍射的基本特点

单缝衍射和多缝衍射干涉的对比 ($d = 10a$)

单缝

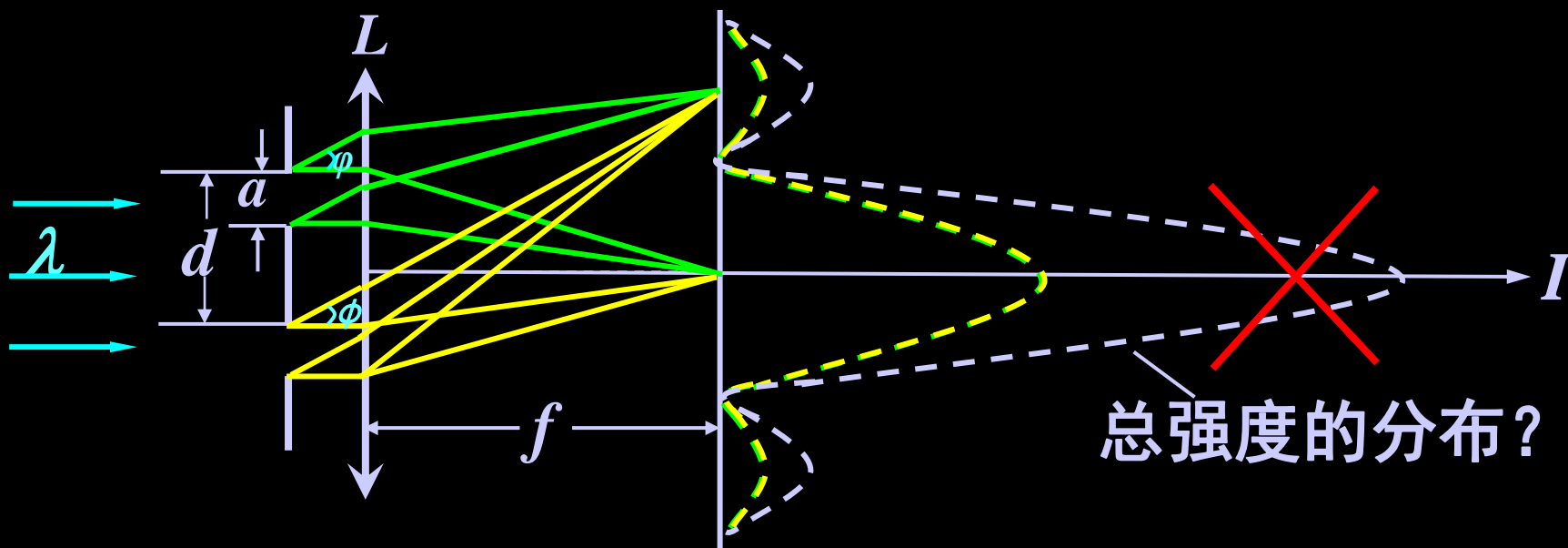


多缝



每缝自身的夫琅禾费衍射和各缝之间的干涉，决定了光通过光栅后的光强分布
——单缝衍射和缝间干涉联合作用的结果

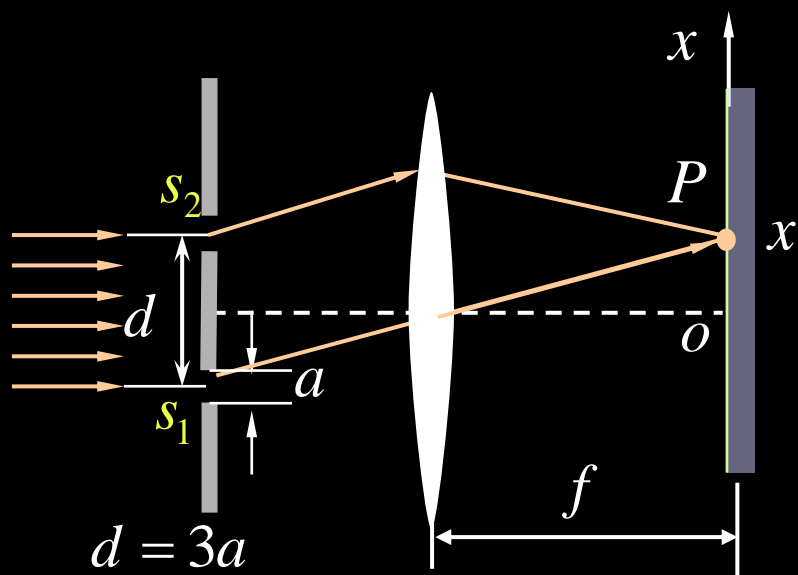
单缝衍射: $I = I_0 \left(\frac{\sin \alpha}{\alpha} \right)^2 \quad \alpha = \frac{\pi a \sin \varphi}{\lambda}$



单个缝衍射光强极大值的位置，在屏上重叠
总强度的分布，是两束光的相干叠加

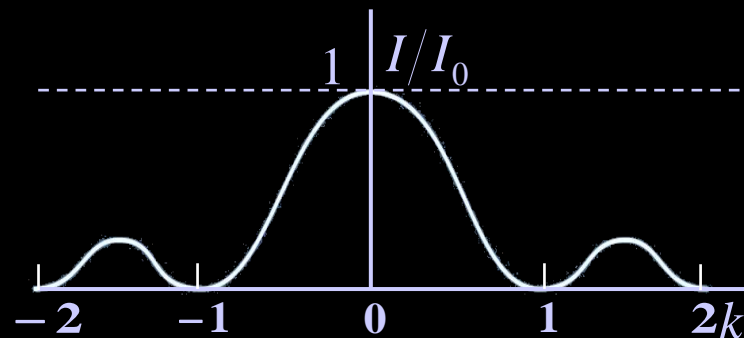
3光栅衍射的基本特点

以二缝光栅为例

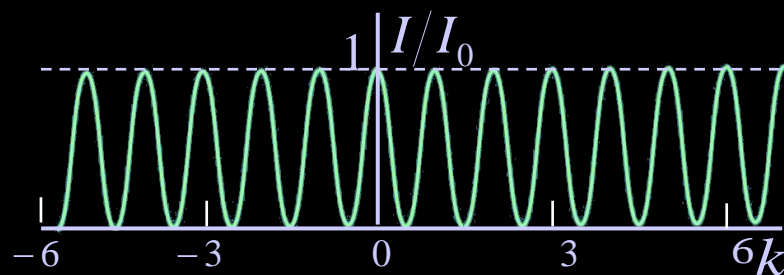


结论：

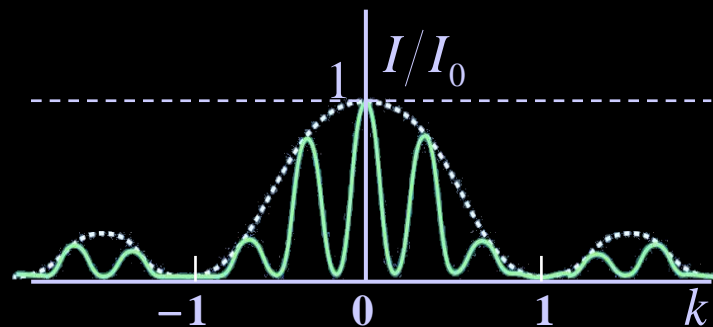
屏上的强度为单缝衍射和缝间干涉的共同结果。



只考虑单缝衍射强度分布



只考虑双缝干涉强度分布



双缝光栅强度分布

二. 多缝干涉

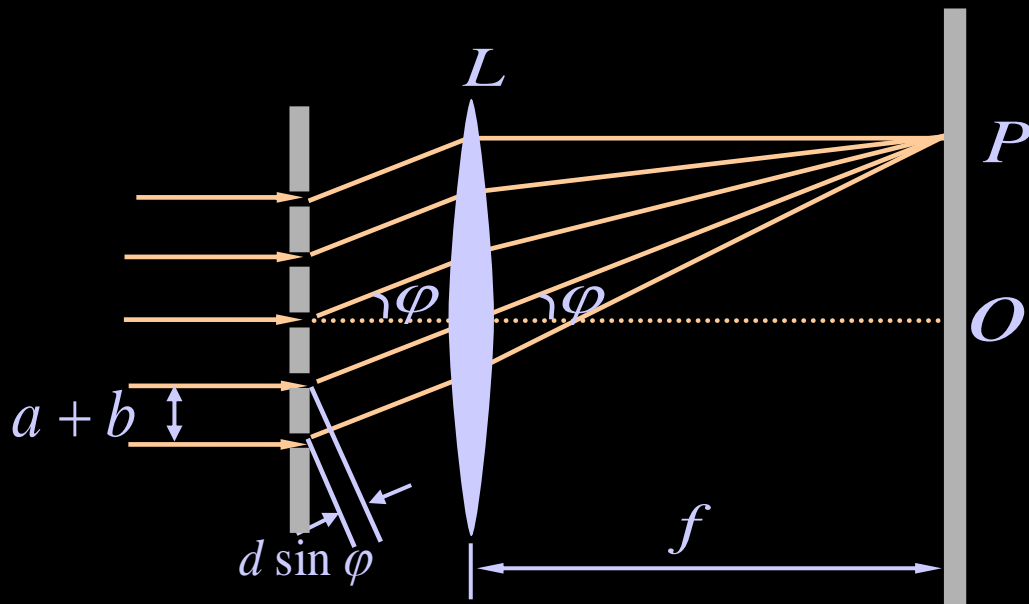
1. 五缝干涉例子

- 主极大角位置条件

$$d \sin \varphi = \pm k \lambda$$

$$k = 0, 1, 2, \dots$$

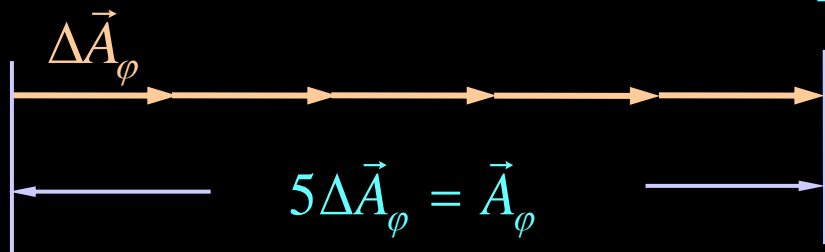
k 称为主极大级数



相邻两缝在 P 点引起的光振动相位差为

$$\delta = 2\pi \frac{d \sin \varphi}{\lambda} = 2k\pi$$

- 主极大强度



ΔA_φ 为主极大条件下每个单缝在 P 点引起光振动矢量的振幅

$$I_\phi \left(\propto A_\phi^2 \right) = 5^2 \Delta I_\phi$$

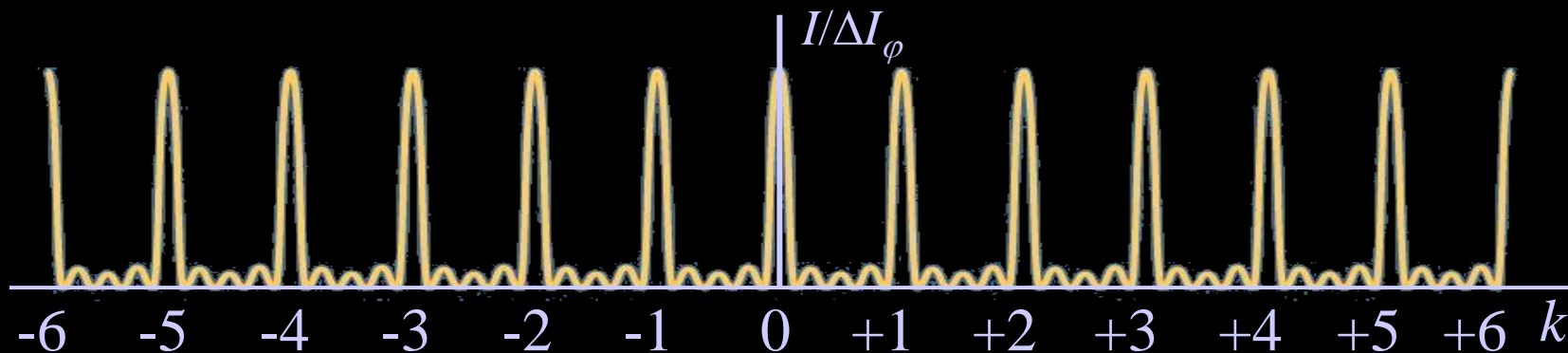
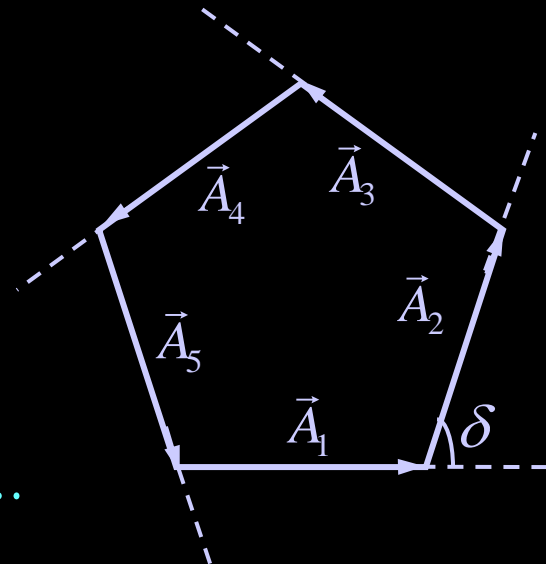
● 暗纹条件

各缝光振幅矢量: $\vec{A}_1, \vec{A}_2, \vec{A}_3, \dots, \vec{A}_5$

相邻矢量相位差: $\delta = \frac{2\pi}{\lambda} d \sin \varphi$

暗纹条件 $5\delta = \pm 2m\pi$

$$5d \sin \varphi = \pm m\lambda \quad m = 1, 2, \dots, 4, 6, \dots, 9, 11, \dots$$



★ 结论

- (1) 对五缝干涉, 相邻两主极大间有4个极小, 3个次极大。
- (2) 主极大光强是相应位置处单缝引起光强的 5^2 倍。

2. N 缝干涉

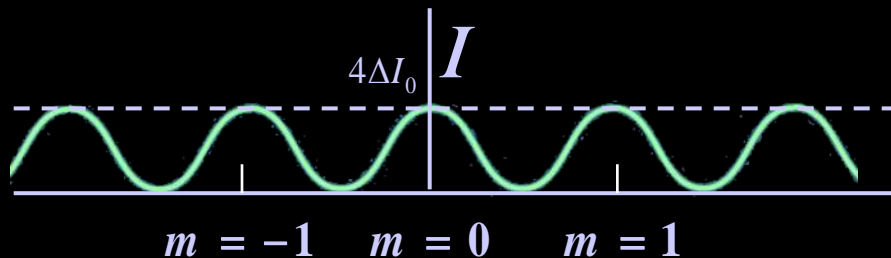
对 N 缝干涉两主极大间有 $N - 1$ 个极小, $N - 2$ 个次极大。

衍射屏上总能量 $E \propto N$

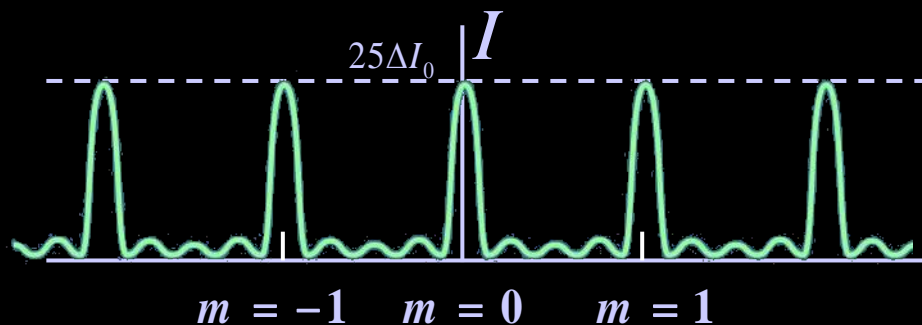
主极大的强度 $I \propto N^2$

由能量守恒, 主极大的宽度 $\propto 1/N$

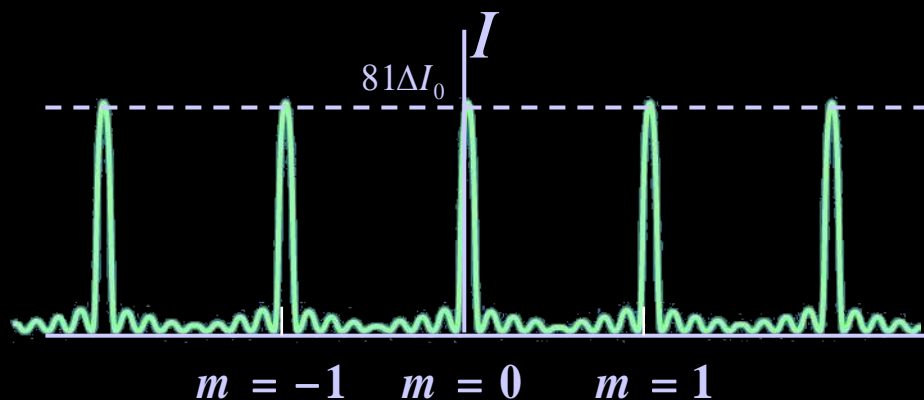
随着 N 的增大, 主极大变得更为尖锐, 且主极大间为暗背景



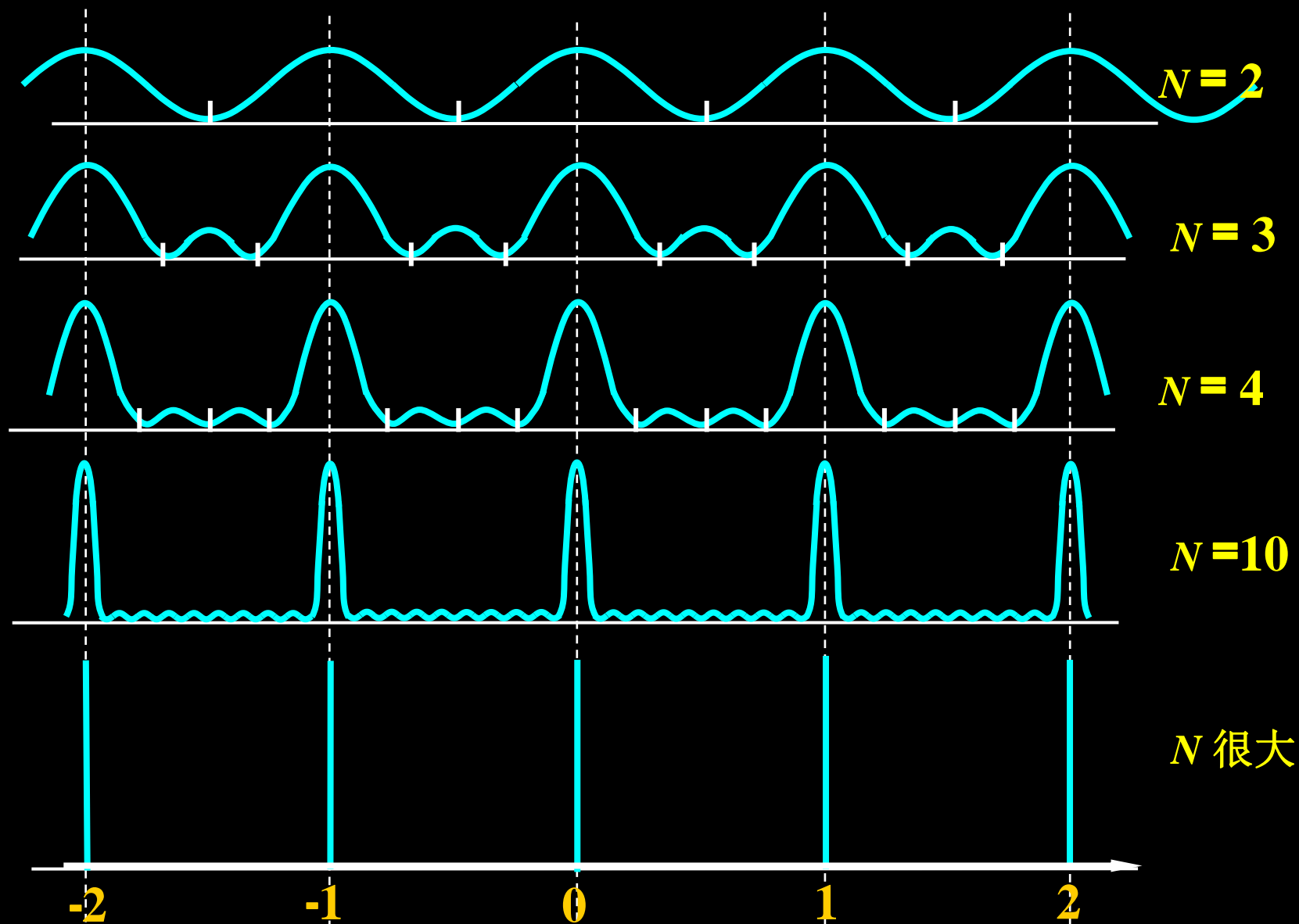
$N = 2$ 缝干涉强度分布



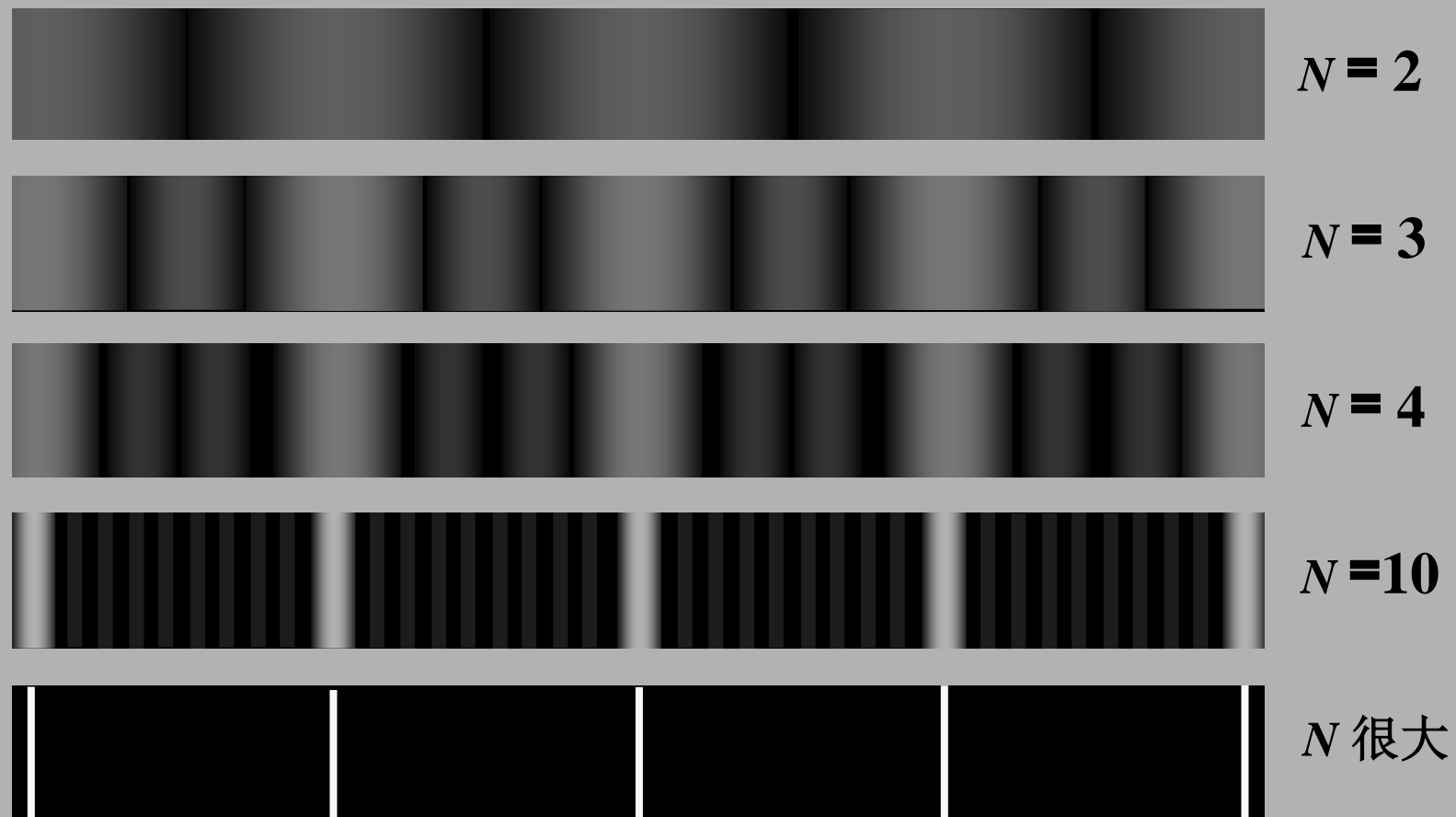
$N = 5$ 缝干涉强度分布



$N = 9$ 缝干涉强度分布



N 增大，主极大条纹变亮变窄，次极大数目变多而相对强度变小。



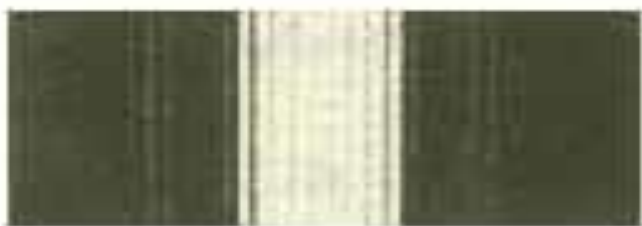
N 个相干线光源干涉条纹示意图

光栅的夫琅禾费衍射 —— 单缝衍射 + 缝间干涉

1. 单缝衍射和缝间干涉的共同结果



$N = 1$



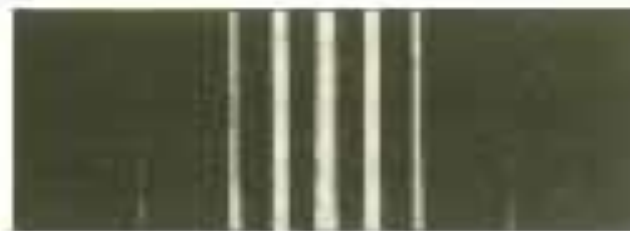
$N = 2$



$N = 3$



$N = 5$



$N = 6$



$N = 20$

2. 光栅方程

缝间干涉主极大就是光栅衍射主极大，其位置满足

$$d \sin \varphi = \pm k \lambda \quad k = 0, 1, 2, 3, \dots \quad \text{— 光栅方程}$$

3. 缺级条件分析

多缝干涉主极大光强受单缝衍射光强调制，使得主极大光强大小不同，在**单缝衍射光强极小处**的主极大**缺级**。

$$\left. \begin{array}{l} d \sin \varphi = \pm k \lambda \\ a \sin \varphi = \pm k' \lambda \end{array} \right\} \longrightarrow \sin \varphi = k' \lambda / a = k \lambda / d$$

$$k = \pm k' \frac{d}{a} \quad k' = 1, 2, 3, \dots$$

缺级条件

如 $\left\{ \begin{array}{ll} d/a = 2 & k = \pm 2, \pm 4, \pm 6 \dots \quad \text{缺级} \\ d/a = 3/2 & k = \pm 3, \pm 6, \pm 9 \dots \quad \text{缺级} \end{array} \right.$

4. 暗纹条件

光栅衍射中，两主极大条纹之间分布着一些暗纹，这是**缝间干涉相消**而成。

设光栅总缝数为 N ，各缝在观察屏上某点 P 引起的光振动矢量为

$$\vec{A}_1, \vec{A}_2, \dots, \vec{A}_i, \dots, \vec{A}_N$$

当这些振动矢量组成的多边形封闭时，合矢量为零，对应点为暗纹，则

$$\text{暗纹条件} \quad N \delta = \pm 2m\pi$$

$$\text{其中 } \delta = \frac{2\pi}{\lambda} d \sin \varphi \text{ 为相邻缝光振动矢量夹角}$$

$$Nd \sin \varphi = \pm m\lambda \quad m = 1, 2, \dots, N-2, N-1, N+1, N+2, \dots$$

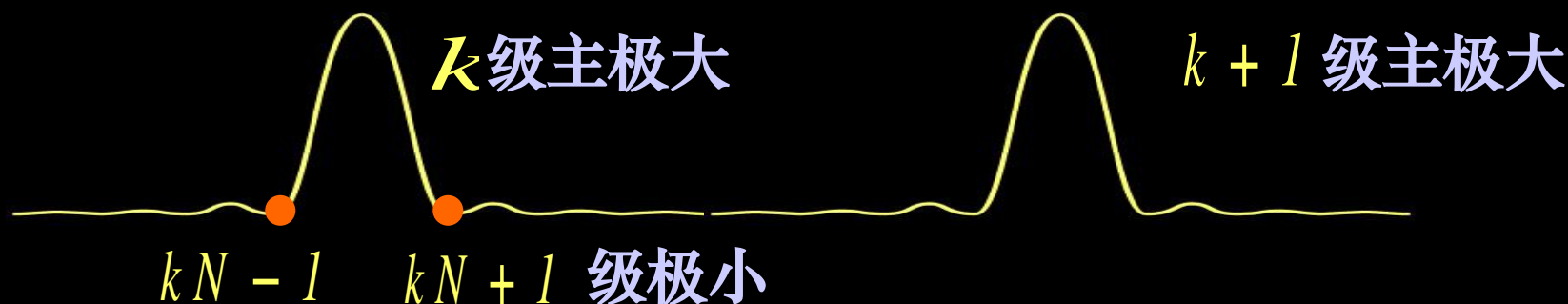
$$(a + b) \sin \varphi = \pm m \frac{\lambda}{N} \quad \text{暗纹条件}$$

$$m = \underset{\uparrow}{1}, \underset{\uparrow}{2}, \underset{\uparrow}{3}, \quad \underset{\uparrow}{N-1}, \underset{\uparrow}{N+1}, \underset{\uparrow}{N+2}, \quad \underset{\uparrow}{2N-1}, \underset{\uparrow}{2N+1},$$

两个明纹之间有 $N-1$ 条暗纹，相邻暗纹之间有 1 条次级明纹，
两个明纹之间共有 $N-2$ 条次级明纹。

结果：缝数 N 增大 \Rightarrow 明纹变细 暗纹增多 \Rightarrow 暗区扩大

强调： m 的取值及与主极大级次 k 的关系



5. 光栅衍射光强分布公式

单缝衍射的振幅分布
和强度分布为

$$E_{\varphi} = E_m \cdot \frac{\sin \alpha}{\alpha}$$

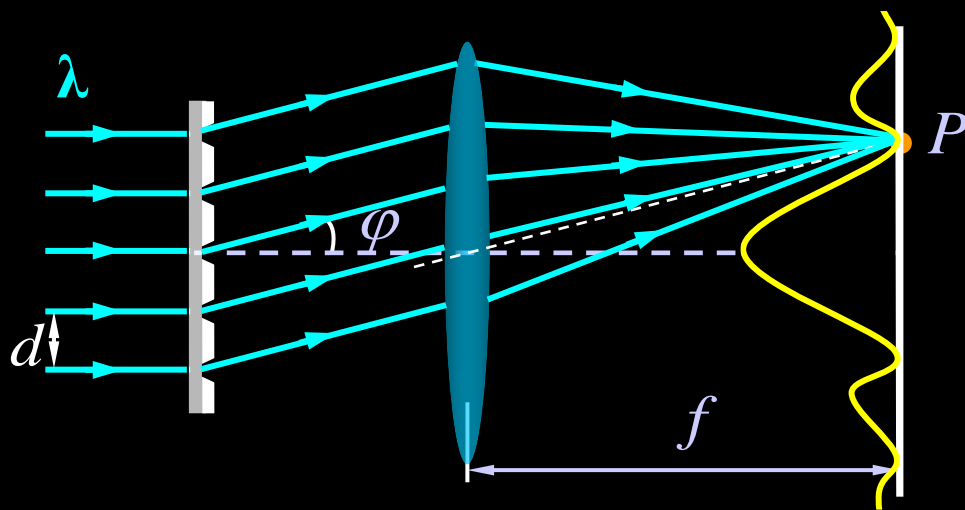
$$I_{\varphi} = I_m \left(\frac{\sin \alpha}{\alpha} \right)^2 \quad \alpha = \frac{\pi a \sin \varphi}{\lambda}$$

相邻两缝发出的光在 P 点引起的光振动相位差为

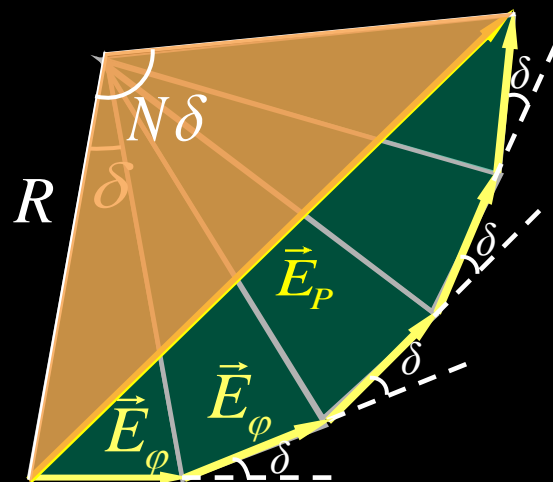
$$\delta = \frac{2\pi}{\lambda} \cdot d \sin \varphi$$

取 $\beta = \frac{\delta}{2} = \frac{\pi d \sin \varphi}{\lambda}$ 由几何关系可得:

$$E_{\varphi} = 2R \sin \beta \quad E_P = 2R \cdot \sin N\beta$$



单缝衍射振幅曲线



$$E_P = E_\varphi \cdot \frac{\sin N\beta}{\sin \beta}$$



$$I_0 = I_m \left(\frac{\sin \alpha}{\alpha} \right)^2 \cdot \left(\frac{\sin N\beta}{\sin \beta} \right)^2$$

➤ 讨论

$$\left(\frac{\sin \alpha}{\alpha} \right)^2 \text{ 单缝衍射因子}$$

$$\left(\frac{\sin N\beta}{\sin \beta} \right)^2 \text{ 缝间干涉因子}$$

● 主极大位置及光强

$$\text{若 } \delta = 2\beta = 2k\pi \longrightarrow \frac{2\pi}{\lambda} \cdot d \sin \varphi = 2k\pi \longrightarrow d \sin \varphi = \pm k\lambda$$

$$\sin(N\beta) = 0 \quad \sin(\beta) = 0 \longrightarrow I = I_m \left(\frac{\sin \alpha}{\alpha} \right)^2 \cdot N^2$$

● 暗纹公式

$$\text{若 } \left(\frac{\sin N\beta}{\sin \beta} \right)^2 = 0 \longrightarrow N\delta = \pm m \cdot 2\pi \longrightarrow d \sin \varphi = \pm \frac{m\lambda}{N}$$

($m \neq 0, \pm N, 2N, \dots$)

- 缺级条件 \rightarrow 单缝衍射极小, 缝间干涉极大

$$\text{若 } \frac{\sin \alpha}{\alpha} = 0 \longrightarrow \sin \alpha = 0 \longrightarrow \alpha = \frac{\pi a \sin \varphi}{\lambda} = \pm k\pi$$

$$\text{即 } a \sin \varphi = \pm k'\lambda \quad k' = 1, 2, 3, \dots \quad (1)$$

$$\text{同时 } \frac{\sin(N\beta)}{\sin(\beta)} = N \longrightarrow \delta = 2k\pi \longrightarrow \delta = \frac{2\pi}{\lambda} \cdot d \sin \varphi$$

$$\text{即 } d \sin \varphi = k\lambda \quad k = 0, 1, 2, 3, \dots \quad (2)$$

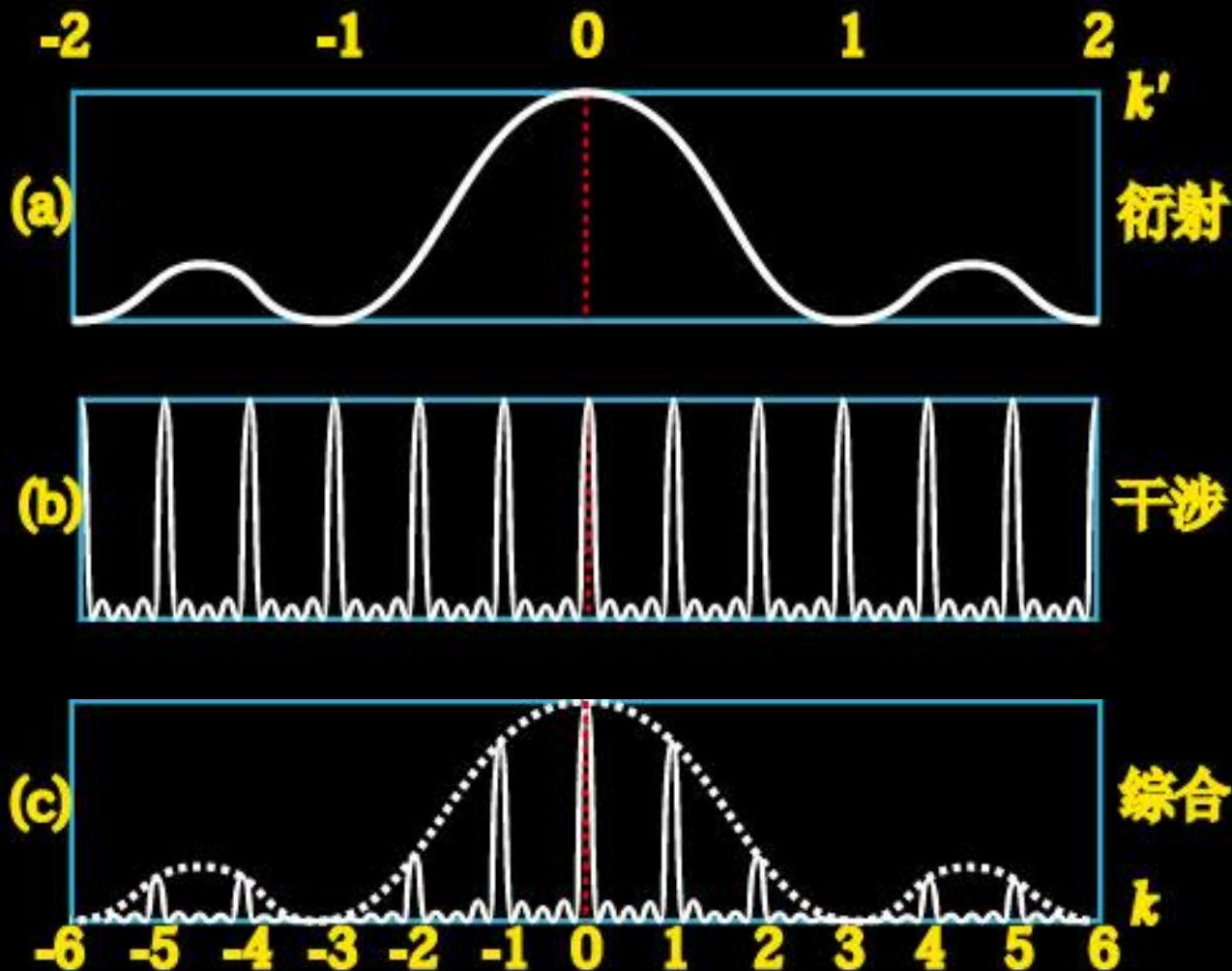
$$(1)、(2)\text{联立得 } k = \frac{d}{a} \cdot k' \quad (k' \text{ 取非零整数})$$

$$\text{例如: } a + b = 4a$$

$$4a \sin \varphi = k\lambda \Longrightarrow k = \pm 4, \pm 8, \pm 12, \dots \quad \text{出现缺级}$$

$$I_p = I_{m\text{单}} \left(\frac{\sin \alpha}{\alpha} \right)^2 \cdot \left(\frac{\sin N\beta}{\sin \beta} \right)^2$$

各级主极大光强不同，特别是刚好遇上单缝衍射因子零点的那几级主极大消失了——**missing order**

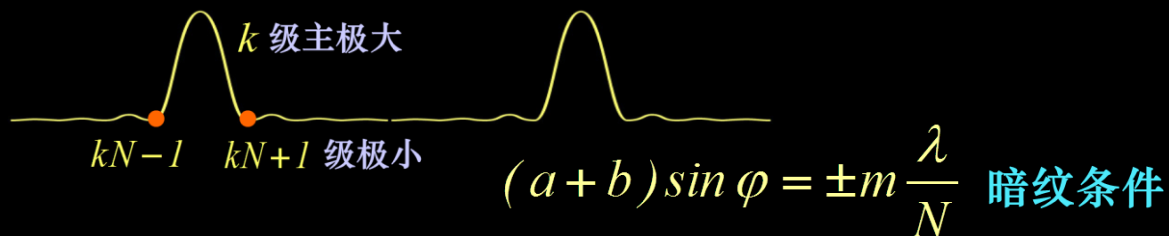


单缝衍射
强度分布

多缝干涉
强度分布

光栅衍射
强度分布

主极大的半角宽度



$$d \sin \varphi_k = k \lambda \qquad d \sin(\varphi_k + \Delta \varphi) = \frac{kN + 1}{N} \lambda$$

$$\sin(\varphi_k + \Delta \varphi) - \sin \varphi_k \approx \left(\frac{d \sin \varphi}{d \varphi} \right)_{\varphi = \varphi_k} \cdot \Delta \varphi = \cos \varphi_k \Delta \varphi = \lambda / Nd$$

$$\Delta \varphi = \frac{\lambda}{Nd \cos \varphi_k}$$

主极大的半角宽度与 Nd 成反比， Nd 越大， $\Delta \varphi_k$ 越小，这意味着主极大的锐度越大（条纹越细）

- 在给定光栅常数之后，主极大的位置就被确定
 - 单缝衍射因子不改变主极大的位置和半角宽度
- 其作用仅在于影响强度在各级主极大间的分配

例 波长为600nm的平行光垂直照射在一光栅上，有两个相邻主极大明纹分别出现在 $\sin \varphi_1=0.20$ 和 $\sin \varphi_2=0.30$ 处，且第四级缺级.

- 求** (1) 光栅常数;
(2) 光栅狭缝的最小宽度;
(3) 实际可观察到的明纹级数和条数.

解 (1) 由光栅方程，得

$$\left. \begin{aligned} d \sin \varphi_1 &= k \lambda \\ d \sin \varphi_2 &= (k+1) \lambda \end{aligned} \right\} \longrightarrow d(\sin \varphi_2 - \sin \varphi_1) = \lambda$$

$$d = \frac{\lambda}{\sin \varphi_2 - \sin \varphi_1} = \frac{600 \times 10^{-9}}{0.30 - 0.20} \text{ m} = 6.0 \times 10^{-6} \text{ m}$$

(2) 第四级主极大缺级，有

$$4 = \frac{d}{a} k'$$

k' 取1得最小缝宽

$$a = \frac{d}{4} = 1.5 \times 10^{-6} \text{ m}$$

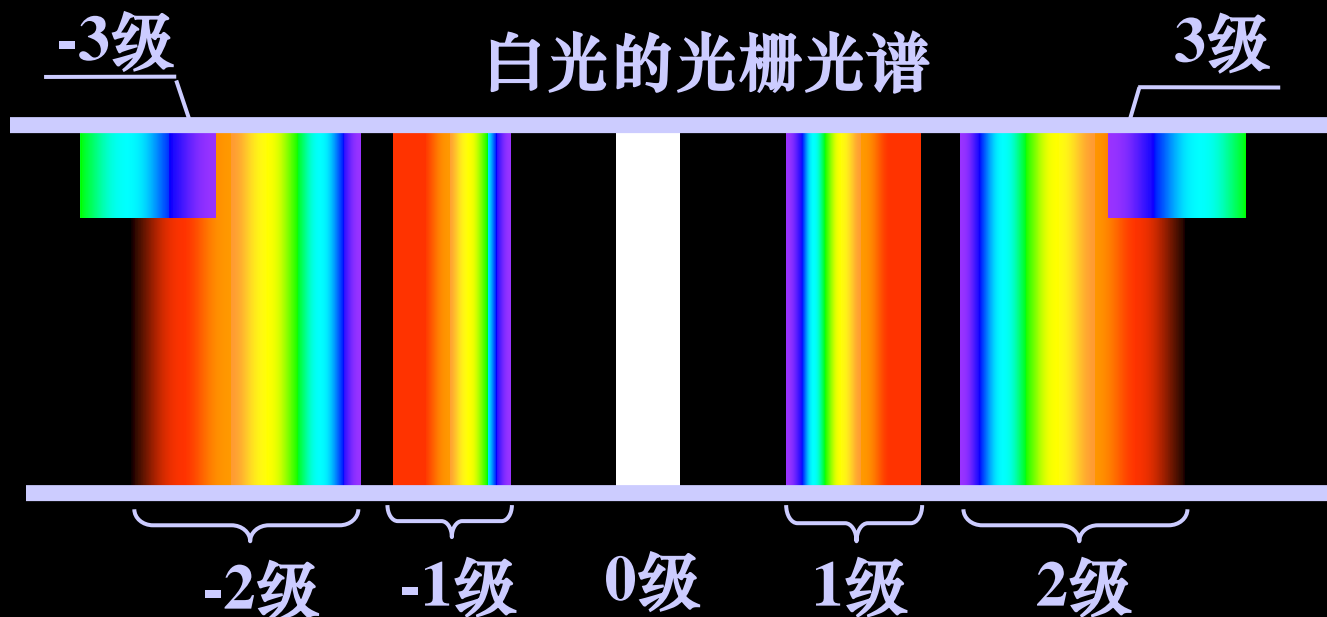
(3) 当 $\varphi = (\pi/2)$ 时，由光栅方程得最高级数

$$k_{\max} = \frac{d}{\lambda} = \frac{6 \times 10^{-6}}{600 \times 10^{-9}} = 10$$

实际可以观察到0, ± 1 , ± 2 , ± 3 , ± 5 , ± 6 , ± 7 , ± 9 级共15条谱线.

四. 光栅光谱及分辨本领

1. 光栅光谱



2. 光栅的色分辨本领

(将波长相差很小的两个波长 λ 和 $\lambda + \Delta\lambda$ 分开的能力)

光谱仪的色分辨率
$$R = \frac{\lambda}{\Delta\lambda}$$

光栅的色分辨率

设两波长 λ_1 和 $\lambda_2 = \lambda_1 + \Delta\lambda$ 在第 k 级能被光栅分辨，则有

$$\left. \begin{aligned} d \sin \varphi_{1,k} &= k\lambda_1 \\ d \sin \varphi_{2,k} &= k\lambda_2 \end{aligned} \right\} \longrightarrow d \cos \varphi_{1,k} \Delta\varphi_{1,2,k} = k\Delta\lambda$$

$$\text{其中 } \Delta\varphi_{1,2,k} = \varphi_{2,k} - \varphi_{1,k} = \frac{k\Delta\lambda}{d \cos \varphi_{1,k}} \quad \dots(1)$$

$$\begin{array}{l} \text{波长 } \lambda_1 \text{ 第 } k \text{ 级} \\ \text{主极大半角宽度} \end{array} \quad \Delta\varphi_{1,k} = \frac{\lambda}{Nd \cos \varphi_{1,k}} \quad \dots(2)$$

根据瑞利判据：当 $\Delta\varphi_{1,2,k} = \Delta\varphi_{1,k}$ 时刚好能分辨

由(1)、(2)得 $\boxed{R = \frac{\lambda}{\Delta\lambda} = kN}$ (光栅的色分辨本领)



讨论

增大主极大级次 k 和总缝数 N ，可提高光栅的分辨率。

五. 斜入射的光栅方程

主极大条件

$$d(\sin \varphi + \sin \theta) = \pm k \lambda$$

$$k = 0, 1, 2, 3 \dots$$

缺级条件

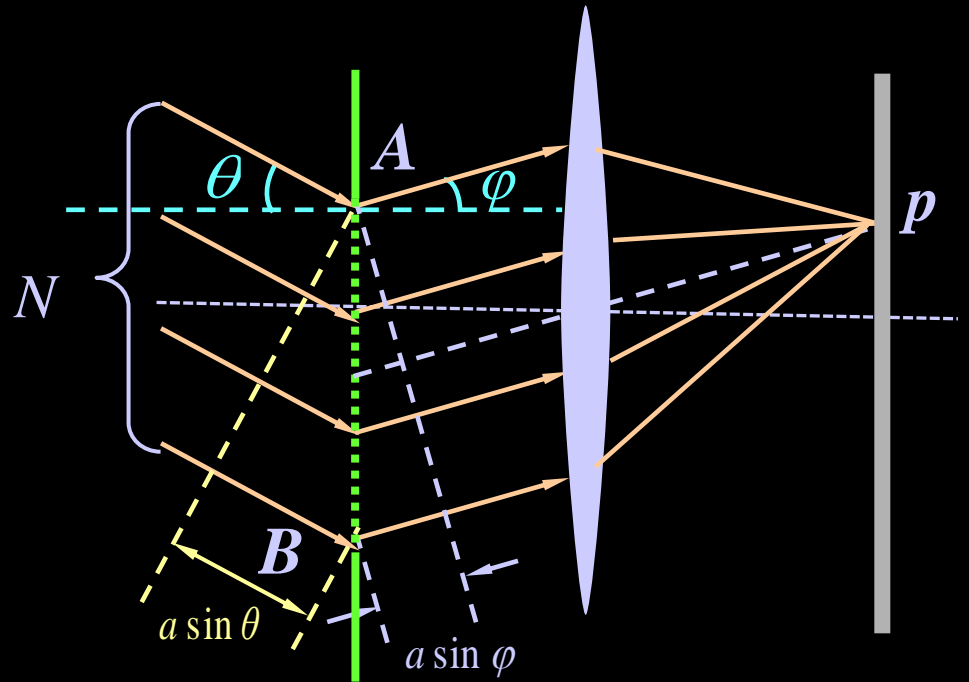
$$a(\sin \varphi + \sin \theta) = \pm k' \lambda$$

$$d(\sin \varphi + \sin \theta) = \pm k \lambda$$

最多明条纹数 $(-\frac{\pi}{2} < \varphi < \frac{\pi}{2})$

$$k_{+\max} = \left[\frac{d}{\lambda} \left(\sin \frac{\pi}{2} + \sin \theta \right) \right] \quad k_{-\max} = \left[\frac{d}{\lambda} \left(\sin \left(-\frac{\pi}{2} \right) + \sin \theta \right) \right]$$

$$\Delta N = k_{+\max} - k_{-\max} + 1$$



例 一束波长为 480 nm 的单色平行光，照射在每毫米内有600条刻痕的平面透射光栅上。

求 (1) 光线垂直入射时，最多能看到第几级光谱？

(2) 光线以 30° 入射角入射时，最多能看到第几级光谱？

解 (1) $d \sin \varphi = \pm k \lambda$ $d = \frac{1}{600 \times 10^3} = \frac{1}{6} \times 10^{-5} \text{ m}$

$$k_{\max} = [d/\lambda] = \left[\frac{10^{-5}}{6 \times 4.8 \times 10^{-7}} \right] = 3$$

(2) $d (\sin \varphi + \sin 30^\circ) = \pm k \lambda$

当 $\varphi = 90^\circ$ 时 $k_{+\max} = 5$

当 $\varphi = -90^\circ$ 时 $k_{-\max} = -1$

★ 说明

- (1) 斜入射级次分布不对称
- (2) 斜入射时，可得到更高级次的光谱，提高分辨率。
- (3) 垂直入射和斜入射相比，完整级次数不变。

上题中垂直入射级数 $k = -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3$

斜入射级数 $k = -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5$

- (4) 垂直入射和斜入射相比，缺级级次相同。

$$\left. \begin{aligned} d(\sin \varphi + \sin \theta) &= \pm k \lambda \\ a(\sin \varphi + \sin \theta) &= \pm k' \lambda \end{aligned} \right\} \longrightarrow k = k' \frac{d}{a} \quad k' = 1, 2, 3, \dots$$

例 每毫米均匀刻有100条线的光栅，宽度为 $D=10\text{ mm}$ ，当波长为 500 nm 的平行光垂直入射时，第四级主极大谱线刚好消失，第二级主极大的光强不为 0。

求 (1) 光栅狭缝可能的宽度； (2) 第二级主极大的半角宽度。

解 (1) 光栅常数 $a+b = \frac{1}{100} = 1 \times 10^{-2}\text{ mm}$

第四级主极大缺级，故有 $4 = k' \frac{a+b}{a} \quad 1 \leq k' < 4$

$k' = 1$ 时 $a = \frac{a+b}{4} = \frac{1 \times 10^{-2}}{4} = 2.5 \times 10^{-3}\text{ mm}$

$k' = 2$ 时，第二级主极大也发生缺级，不符题意，舍去。

$k' = 3$ 时， $a = \frac{a+b}{4} \times 3 = \frac{1 \times 10^{-2}}{4} \times 3 = 7.5 \times 10^{-3}\text{ mm}$

符合题意的缝宽有两个，分别是 $2.5 \times 10^{-3} \text{ mm}$ 或 $7.5 \times 10^{-3} \text{ mm}$

(2) 光栅总的狭缝数
$$N = \frac{D}{a+b} = \frac{10}{10^{-2}} = 10^3$$

设第二级主极大的衍射角为 φ_{2N} ，与该主极大相邻的暗纹(第 $2N+1$ 级或第 $2N-1$ 级)衍射角为 φ_{2N+1} ，由光栅方程及暗纹公式有

$$N(a+b)\sin \varphi_{2N} = 2N\lambda$$

$$N(a+b)\sin \varphi_{2N+1} = (2N+1)\lambda$$

代入数据后，得 $\varphi_{2N} = 5.739^\circ$ $\varphi_{2N+1} = 5.742^\circ$

第二级主极大的半角宽度

$$\Delta\varphi = \varphi_{2N+1} - \varphi_{2N} = 0.003^\circ$$

例 用白光垂直照射一光栅，能在 30° 衍射方向观察到 6000\AA 的第二级主极大干涉，并能在该处分辨 $\Delta\lambda = 0.05\text{\AA}$ 的两条光谱线；可是在 30° 衍射方向却很难测到 4000\AA 的主极大干涉

- 求**
- (1) 光栅相邻两缝的间距；
 - (2) 光栅的总宽度；
 - (3) 光栅上狭缝的宽度；
 - (4) 若以此光栅观察钠光谱($\lambda = 5900\text{\AA}$)，当光线垂直入射和以 30° 斜入射时，屏上各呈现的全部干涉条纹的级数。

解 (1) $d \sin \varphi = \pm k\lambda \quad \varphi = 30^\circ \quad k = 2 \quad \lambda = 6000\text{\AA}$

$$d = 2.4 \times 10^{-3} (\text{mm})$$

$$(2) \quad R = \frac{\lambda}{\Delta\lambda} = kN$$

$$\Delta\lambda = 0.05 \text{ \AA} \quad k = 2 \quad \lambda = 6000 \text{ \AA} \quad \longrightarrow \quad N = 6 \times 10^4$$

光栅的总宽度为 $Nd = 144 \text{ mm}$

(3) 相应的缺级级次

$$d \sin \varphi = \pm k\lambda \quad \varphi = 30^\circ \quad d = 2.4 \times 10^{-3} \quad \lambda = 4000 \text{ \AA}$$

$k = 3$ 因此, 在 $\pm 3, \pm 6, \pm 9 \dots$ 缺级

$$a = \frac{1}{3}d = 8 \times 10^{-4} \text{ mm} \text{ or } a = \frac{2}{3}d = 16 \times 10^{-4} \text{ mm}$$

(4) 当垂直入射时, 可以观察到的最大级次为

$$d \sin \varphi = k\lambda \quad \longrightarrow \quad k_{\max} = \frac{d \sin(\pm \frac{\pi}{2})}{\lambda}$$

$$d = 2.4 \times 10^{-3} \quad \lambda = 5900 \text{ \AA} \quad k_{\max} \approx 4.04 \quad k_{\max} = 4$$

所以呈现于屏上应有 $0, \pm 1, \pm 2, \pm 4$ 这7条干涉条纹。

当斜入射时，可以观察到的最大级次为

$$d(\sin \varphi + \sin \theta) = \pm k \lambda$$

$$d = 2.4 \times 10^{-3} \quad \lambda = 5900 \text{ \AA} \quad \varphi = \pm \frac{\pi}{2} \quad \theta = \pm 30^\circ$$

$$k_{\max} = \frac{d[\sin(\pm \frac{\pi}{2}) - \sin 30^\circ]}{\lambda} = \begin{cases} 2.03 \\ -6.1 \end{cases}$$

$$k_{\max} = \frac{d[\sin(\pm \frac{\pi}{2}) + \sin 30^\circ]}{\lambda} = \begin{cases} -2.03 \\ 6.1 \end{cases}$$

所以呈现于屏上应有 $0, \pm 1, \pm 2, 4, 5 (0, \pm 1, \pm 2, -4, -5)$ 这7条干涉条纹。