

# 数学实验

教材: MATLAB软件与基础实验

主编: 李继成 赵小艳, 高等教育出版社

# 什么是数学实验?

数学实验,简单地讲就是利用计算机和数学软件平台,一方面,对数学学习过程中的某些问题进行实验探究、发现规律;另一方面,结合已掌握的数学(微积分、代数与几何等)知识,去探究、解决一些简单实际问题,从而熟悉从数学建模、解法研究、到实验分析的科学研究的方法。

#### 验证命题:

- 1. 任给一个4位正整数,其各数位上的数字不全相同, 将数字重新组合成一个最大的数与最小的数相减,重复 这个过程,最多7步,必得6174。
- 2.对于任意一个各位数字不全相同的3位正整数,将组成该正整数的3个数重新组合分别生成一个最大数和最小数,用最大数减去最小数得到一个新的3位数;再对新的3位数重复上述操作,最多重复7次,必得495。

# 演示实例

```
例1 数列极限 \lim_{n\to\infty} (1+\frac{1}{n})^n 动态显示 (发现规律)
```

# MATLAB程序:

```
%图形迭加
hold on
                    %设置坐标轴
axis([0,100,2,3]);
                    %加坐标网格
grid
                    %循环操作
for n=1:90
 an=(1+1/n)^n;
                    %计算数列值
                     % 画出坐标点
  plot(n,an,'r*');
                     % 暂停0.05秒
  pause(0.05);
```

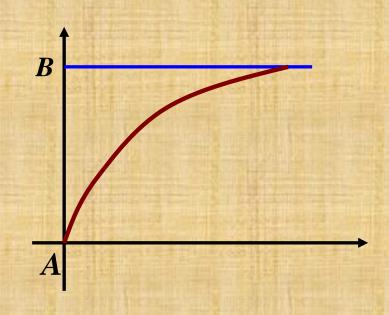
fprintf('n=%d an=%.4f\n',n,an); %显示坐标位置

end

# 例2 计算机仿真导弹打击过程

设A(0,0)为一导弹发射点,发现位于B(0,100)处一架敌机沿水平方向逃离,随即发射一枚导弹予以打击,现已知导弹时刻对准敌机,且速率为飞机速率的两倍(设飞机速度为1)。

试编程模拟导弹打击敌机的动态过程,并实时给出飞机和导弹的位置坐标。若要在敌机飞行距离不超过60时(我方空域)将其击落,导弹的速率应提高到多少?



#### MATLAB程序:

k=0;%导弹初始位置 A = [0,0];%飞机初始位置 B = [0,100];v=1; %离散时间改变量 dt=1; %相距距离 d=100; while d>0.5 plot(A(1),A(2),'r\*'); %画导弹位置 hold on plot(B(1),B(2),'b\*');%画飞机位置 axis([0,70,0,100]) %设置图形窗口坐标轴范围 pause(0.2); k=k+1; %飞机移动位置 B=B+[v\*dt,0];%导弹指向飞机向量 e=B-A; %取向量方向(单位化) d=norm(e); e0=e/d; %导弹追击位置 A = A + 2.0 \* v \* dt \* e0;

# 例3三阶幻方

幻方=
$$\begin{bmatrix} y_1 & y_2 & y_3 \\ y_4 & y_5 & y_6 \\ y_7 & y_8 & y_9 \end{bmatrix}$$

#### 约束条件

横向
$$y_1 + y_2 + y_3 = y_4 + y_5 + y_6 = y_7 + y_8 + y_9$$
  
竖向 =  $y_1 + y_4 + y_7 = y_2 + y_5 + y_8 = y_3 + y_6 + y_9$   $\Leftrightarrow Ay = 0$   
对角线 =  $y_1 + y_5 + y_9 = y_3 + y_5 + y_7$ 

null(a):求齐次方程组ax=0的线性无关解 A=

$$r(A) = ?$$

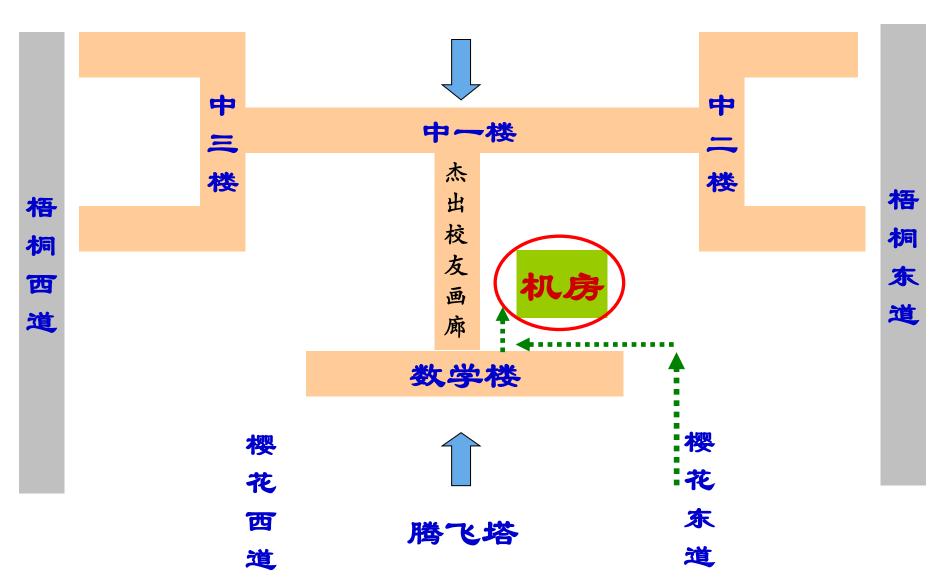
# 帮助—实例---search teapot teapotdemo

# 程序结构

程序一般包含: a=input('请输入数组 a[n]='); [m,n]=size(a); 数据输入 M=a(1);for i=2:n if M<a(i) 数据处理 M=a(i);end end 结果输出 fprintf(' M=%.5f\n ',M);

#### 上机地点: 数学学院机房

\_\_\_\_\_ 校北门 \_\_\_\_



08:00-09:50	张永怀 包场	乔亚梅 包场	张永怀 包场	乔亚梅 包场	乔亚梅 包场	峰包场	刘晋平 包场
10:10-12:00	张永怀 包场	李换琴包场	张永怀 包场	李换琴包场	张永怀 包场	峰包场	刘晋平 包场
14:00-15:50	刘亚相 包场	郭丁和 包场	吴慧卓 包场	刘晋平 包场	徐文雄 包场	赫孝良 包场	刘康民包场
16:10-18:00	芳包场	郭丁和 包场	吴慧卓 包场	区相,杨树森 包场	褚蕾蕾 包场	赫孝良 包场	刘康民包场
18:10-20:00	芳包场	王勇茂 包场	阮小娥 包场	王勇茂 包场	褚蕾蕾 包场	赫孝良 包场	赵小艳 包场
20:10-22:00	芳包场	王勇茂 包场	阮小娥 包场	王勇茂包场	军 包场	军 包场	赵小艳包场
11.10晚6-8,8-10分两批上机。按班级名单的编号,单号6:10上机,双号8:10后去。上机作业为课本P17《练习1》全部题目,编写代码,调试运行,最后将代码,及运行结果保存到一个doc文件中.先自己保存好,期末前会通知将每次作业集中打包提交到指定邮箱							

星期三

2022-11-30

星期四

2022-12-01

星期五

2022-12-02

星期六

2022-12-03

星期天

2022-12-04

星期一

2022-11-28

时间

# 实验1 MATLAB软件基本使用方法

#### 一、MATLAB简介

MATLAB特点与功能;启动与退出; 工作窗口;路径设置;帮助系统.

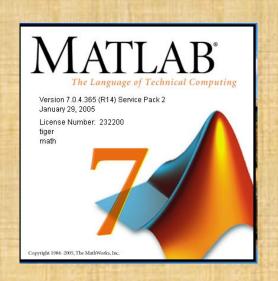
#### 二、MATLAB基本运算

算术运算;关系运算;逻辑运算.

三、数值与变量

四、常用函数

# 一、 MATLAB 简介



- □ Matlab是一种广泛应用于工程计算 及数值分析领域的新型高级语言,自 1984年推向市场以来,历经二十多年 的发展与竞争,现已成为国际公认的 最优秀的工程应用开发环境。
- 一在欧美各高等院校,Matlab 已经成为线性代数、数值分析、数理统计、自动控制理论、数字信号处理、时间序列分析、动态系统仿真、图像处理等课程的基本教学工具,已成为大学生必须掌握的基本技能之一。Matlab 功能强大、简单易学、编程效率高,深受广大科技工作者的欢迎。

- Matlab: Matrix Laboratry 矩阵实验室
- □ Matlab 的发展
- ▶ 1980年,Moler 教授用 Fortran 语言编写了集命 令翻译、科学计算于一身的一套交互式软件系统。
- ▶ 1984年,Moler 等成立了 The MathWorks 的公司,用 C 语言完全改写 Matlab,并推出第一个商业版。
- 净添图形图像处理、符号运算、以及与其他流行软件的接口功能,使得 Matlab 的功能越来越强大。
- > 20世纪九十年代,在国际上 30 几个数学类科技应用软件中, Matlab 在数值计算方面独占鳌头。

目前,Matlab 已经成为国际上最流行的科 学与工程计算的软件工具,是一种具有广 泛应用前景的全新的计算机高级编程语言 了,有人称它为"第四代"计算机语言。 就影响而言, 至今仍然没有一个别的计算 软件可与 Matlab 匹敌。 本课程使用的软件版本: MATLAB 2018(a)

# http://nic.xjtu.edu.cn/





教工服务

数据共享申请流程

网站变更申请流程

单位邮箱申请流程

康桥大屏幕及横幅悬挂

高性能计算平台用户账

信息系统校外开放申请

主页与综合信息服务导

活动宣传场地申请流程

校园网施工布线流程

服务器托管&缴费流程

更多>>



学生服务

学生统一身份认证账号

IP地址冲突举报流程

学生SSLVPN服务使用流

非全日制学生校园卡办

全日制新生校园卡办理 学生网络故障申报&进

更多>>



网络服务

网络服务

西交报修

缴费平台

统一身份认证系统接入

正版软件

电子邮件

域名/IP申请

VPN服务

数据共享

统一消息平台



资料下载



正版软件下载



学生邮箱密码更改流程

学牛电子邮箱申请流程

校园卡充值缴费流程

学生WebVPN服务使用流

服务手册

# http://ms.xjtu.edu.cn/download.html



# Matlab 的特点与功能

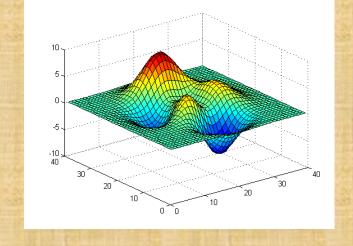
- Matlab 是一个交互式软件系统
  - ☞ 输入一条命令,立即就可以得出该命令的结果. 但通常建议在编辑器中编写程序,以便保存。

- □ Matlab 具有很强的数值计算功能
- ✓ Matlab 以矩阵作为数据操作的基本单位,但无需预 先指定矩阵维数(动态定维)
- · 提供十分丰富的数值计算函数,方便计算,提高效率
- ✓ Matlab 命令与数学中的符号、公式非常接近,可读性强,容易掌握

# Matlab 的特点与功能

- □ Matlab 符号计算功能
  Matlab 和著名的符号计算语言 Maple 相结合
- ☐ Matlab 的绘图功能

Matlab提供丰富的绘图命令, 很方便实现数据的可视化



■ Matlab 的编程功能

Matlab具有程序结构控制、函数调用、数据结构、输入输出、面向对象等程序语言特征,而且简单易学、编程效率高。通过 Matlab 提供的编程语言进行编程完成特定的任务

# Matlab 的特点与功能

■ Matlab 丰富的工具箱(toolbox)

根据专门领域中的特殊需要而设计的各种可选工具箱

Symbolic Math

Signal process

**Control System** 

PDE

**Image Process** 

System Identification

**Optimization** 

**Statistics** 

• • • • • •

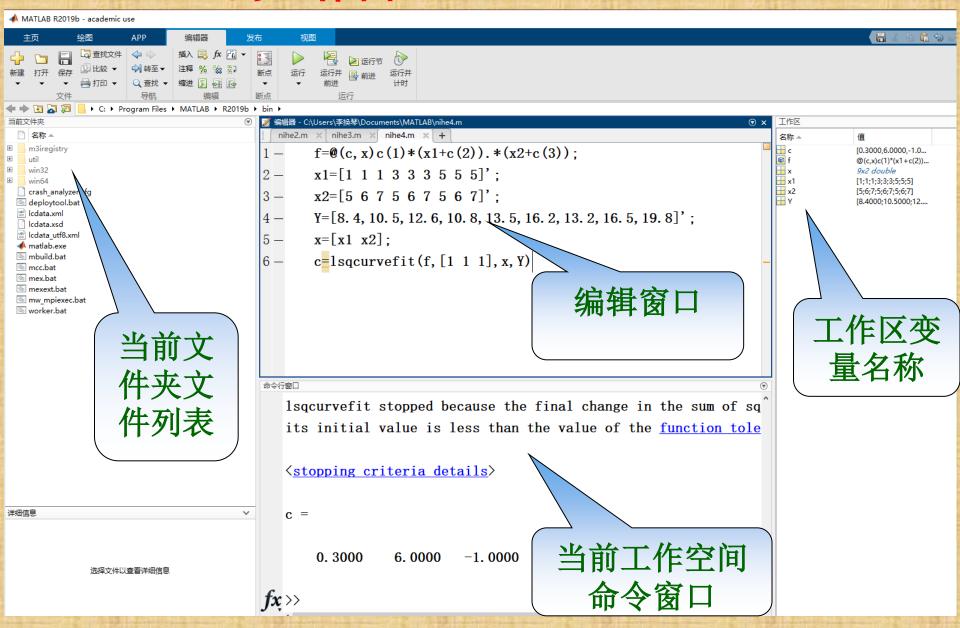
■ Matlab 的 Simulink 动态仿真集成环境

提供建立系统模型、选择仿真参数和数值算法、启动仿 真程序对该系统进行仿真、设置不同的输出方式来观察 仿真结果等功能

# Matlab 启动与退出

- Matlab 系统的启动
  - ✓ 使用 Windows "开始" 菜单
  - ✓ 运行 Matlab 系统启动程序 matlab
  - ✓ 双击 Matlab 快捷图标
  - Matlab 系统的退出
    - ×在 Matlab 主窗口 File 菜单中选择 Exit Matlab 命令
    - ×在 Matlab 命令窗口输入 exit 或 quit 命令
    - × 单击 Matlab 主窗口的"关闭"按钮 ■■区

# MATLAB 的工作窗口

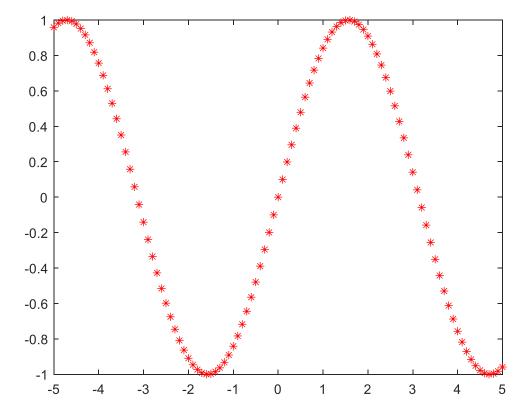


例1 在编辑窗口输入下列程序,保存,并运行程序,

观察图形结果。

x=-5:0.1:5; y=sin(x); plot(x,y,'r\*')

在执行程序中的画图 命令时,系统自动打开 图形窗口,图形结果将 在这个窗口显示.



在该窗口点击相应的菜单或快捷工具图标,可对图形进行保存、放大、缩小、旋转观察等操作.点击"编辑"下拉菜单"复制图窗",然后在word文档中粘贴,就可以将图形复制到word文档.

# MATLAB路径设置

MATLAB只执行当前目录或搜索路径下的命令、函数和文件。

如果用户将新建的脚本文件保存在自己的优盘,或者保存在计算机桌面,要想运行这些程序,就务必将自己的工作目录(文件所在地优盘或计算机桌面)列入MATLAB搜索路径,从而将用户目录纳入MATLAB系统统一管理。

用对话框设置搜索路径的操作过程是: ①在主页工具条中选择"设置路径",将出现搜索路径设置对话框。②通过"添加文件夹"或"添加并包含子文件夹"按钮将指定路径添加到搜索路径列表中。③在修改完搜索路径后,点击保存即可。

# MATLAB帮助系统

联机帮助

```
help 显示指定命令的简短使用说明
```

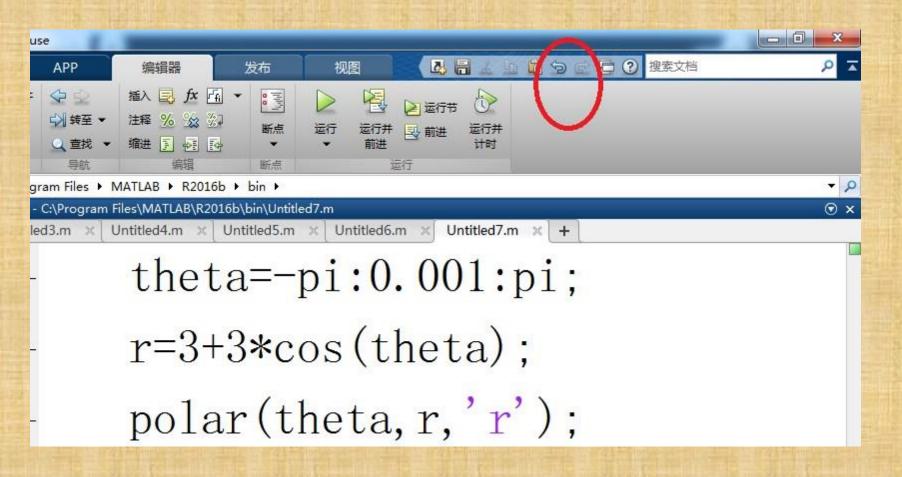
```
例: >> help eig >> help abs
```

□详细使用帮助

doc 以网页形式显示指定命令的帮助页

例: >> doc eig

网站: https://ww2.mathworks.cn/



# 二、MATLAB基本运算

#### 1. MATLAB算术运算

使用MATLAB进行数学式的计算就像用计算器进行

数字运算一样方便.例如

运算结果保存在默认变量名ans中

运算结果保存在变量x中

注意:语句后面";"与","及空格的区别。

# MATLAB基本算术运算符

运算符	含义	范例
+	加	1+2, A+B
_	减	5-3, A-B
*	乘	8*5, A*B
/或\	除	1/2或1\2, A/B, A\B
٨	幂次方	3^2, A^2

# 例2 计算[12+2×(7-4)]÷32

例3 计算5!,并把结果赋给变量y.

$$A / B = A B^{-1}$$

$$A \setminus B = A^{-1}B$$

#### 例4 求半径r=5的圆的周长和面积.

```
>> r=5;
>> zhouchang=2*pi*r
zhouchang =
31.4159
>>mianji=pi*r^2
mianji =
78.5398
小数点后可
否多于4位?
```

一个),总共 15 位.

>> format long
>> pi
ans =
3.14159265358979
若要继续显示4位小数,则键入
>> format short

指令	含义	示例 (π 的显示)
format或	固定十进制短格式,小数点后包含 4 位数.	3.1416
format short		3.1410
format long	小数点后包含 15 位数.	3.14159265358979
format shortE	短科学记数法,小数点后包含 4 位数.	3.1416e+000
format longE	长科学记数法,小数点后包含 15 位数.	3.141592653589793e+000
format shortG	短固定小数格式或科学记数法(取更紧凑的	3.1416
TOTTIAL SHOLLS	一个),总共5位.	3.1410
format longG	长固定小数格式或科学记数法(取更紧凑的	3.14159265358979
Torritat lorigo		0.17100Z0000013

例5 设矩阵
$$A = \begin{bmatrix} 2 & 1 & -1 \\ 0 & 3 & 1 \\ 0 & 0 & -5 \end{bmatrix}$$
,  $B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 2 & -3 & 1 \\ 3 & 1 & 2 \end{bmatrix}$ ,  $C = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 3 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$ 

求
$$2A+3B,AC,A^3$$
及 $A^{-1}C$ .

# MATLAB常用符号

运算符	名称	含义
:	冒号	有多种运算功能,用于定义行向量、截取指定矩阵中的部分
=	等号	赋值
•	分号	分隔矩阵行、屏蔽显示等
	小数点	域访问等
%	百分号	注释语句
	续行符号	续行,注意:前面有个空格
,	逗号	分隔矩阵列、函数参数等
6	单引号	矩阵转置运算、复数的共轭值、字符串 定义符等
!	感叹号	在MATLAB中调用操作系统命令
[]	方括号	创建和表示矩阵
()	圆括号	函数调用和指定运算顺序

# 2.MATLAB关系运算

关系运算符主要用于对矩阵与数、矩阵与矩阵进行比较,运算结果是由逻辑值0和1组成的矩阵,其中0和1分别表示不满足和满足的指定关系。

运算符	含义	范例
<	小于	1<2 结果真,值为1
<=	小于或等于	1<=2 结果真,值为1
>	大于	1>2结果假,值为0
>=	大于或等于	1>=2结果假,值为0
	等于	1==2结果假,值为0
~=	不等于	1~=2结果真,值为1

注意: "="是赋值运算, "=="是关系运算,是进行比较。

如果是两个同型的实数矩阵A、B进行关系运算,MATLAB对A中的每个元素与B中的对应元素进行比较。

如果是一个矩阵(数组)和一个数B(标量)进行关系运算, MATLAB对A中的每个元素与标量B进行比较。

#### 例6关系运算示例

```
>> A=[1,4,6,-2,0,5];
 >> B=[1,2,-4,2,3,0];
 >> A>=B
ans =
1×6 logical 数组
1 1 1 0 0 1
>> A==B
ans =
 1×6 logical 数组
  1 0 0 0 0 0
```

```
>> A~=B
ans =
1×6 logical 数组
  0 1 1 1 1 1
>>A>0
 ans =
  1×6 logical 数组
 1 1 1 0 0 1
```

# 3.MATLAB逻辑运算

常用的逻辑运算有"与"、"或"、"非"。

逻辑运算的结果是一个逻辑值,即逻辑真值和逻辑假值"1"表示逻辑真值,"0"表示逻辑假值。

MATLAB中对运算中的所有非零数值均被认为是"真",只有零为"假"。

运算符	含义	范例
&	与	3&1 结果真, 值为1
	或	2 4 结果真, 值为1
~	非	~1结果假,值为0

A&B,结果是与 A、B 大小相同的逻辑数组,如果A和 B 在相同的数组位置都为非零元素,则结果数组中对应的元素将为逻辑值 1。否则,为逻辑值 0。

A|B, 结果是与 A、B 大小相同的逻辑数组。如果 A和 B 中相同位置元素存在非零元素,则结果数组中对应的元素为逻辑值 1。否则,为逻辑值 0。

-A,结果是与 A 大小相同的逻辑数组。如果 A 中元素为零值,则结果数组中对应元素为逻辑值 1,如果 A 中元素为非零值,则结果数组中对应元素为逻辑值 0。

#### MATLAB的逻辑运算真值表

а	b	a&b(与)	a b(或)	~a(非)	~b(非)
0	0	0	0	1	1
0	1	0	1	1	0
1	0	0	1	0	1
1	1	1	1	0	0

#### 例7逻辑运算示例

```
>> A & B

ans =
3 × 3 logical 数组
1 1 0
0 1 1
1 0 0
```

## 运算优先级

在MATLAB算术运算、关系运算和逻辑运算中, 算术运算符优先级最高,关系运算符次之,逻辑运 算符优先级最低。

在逻辑运算符中,优先次顺为:非、与、或。可以使用小括号改变优先次序。

```
>> a=3;b=6;
>> c=a+b>2& a+b<10
c =
logical
1
```

# 三、数值和变量

## 1、数值

MATLAB的数值(常数)可以用十进制数表示, 也可以用科学记数法表示. 例如8, -30, 0.01, 4.5e5, 1.2e-2都是合法的MATLAB数值。 其中4.5e5表示 4.5×10<sup>5</sup>,1.2e-2表示 1.2×10<sup>-2</sup>

MATLAB还提供了复数的表达和运算功能, 例如2+3\*i就表示复数2+3i, 6+2\*i-sqrt(-2)就 是复数运算。

# 2. 变量

MATLAB的变量是指在程序执行过程中其值可以变化的量。变量在计算机内存中占据一定的存储单元,在该单元中存放变量的值。一个变量对应一个名字,称为变量名。

## □变量命名原则

- ◆ 以字母开头
- ◆ 后面可以跟字母、数字和下划线
- ◆字符间不可留空格,不能有标点符号和运算符号.

变量名中的英文字母大小写是有区别的,例如Ab,AB,ab表示不同的变量.

### ■ Matlab 语句的通常形式

变量=表达式

表达式是用运算符将有关运算量连接起来的式子, 其结果被赋给赋值号 "=" 左边的变量 例如

a=2

表示将数值2赋值给变量a.

a=a+1

表示将当前a的值加1赋值给变量a.

若对一个变量a多次赋值,结果为最后一次赋值。

若不想在屏幕上输出结果,可以在语句最后加分号. 例如

>> z z = 3

3

## □续行符

如果语句很长,可用续行符"…"(三个点)续行续行符的前面留一个空格。

>> c=1+2-4+5\*2 ... +7 c = 16 建议:一行写完

错误: 运算符的使用无效。

## 查看变量

在MATLAB中,如想得知变量当前的数值,只需直接输入变量名回车即可。

在命令行窗口,可用who命令查看当前工作区所有定义过的变量,利用whos命令查看当前工作区的变量和详细信息。

使用clear命令可以删除所有定义过的变量,如果只是要删除某几个变量,则应在clear后面指明要删除的变量名称。如clear x,a可删除变量x和a。

#### 在命令行窗口依次键入下列指令,查看结果 a=3\*pi;b=78-3;c=sin(pi/3); whos

whos

clc

a,b,c

clear

a

## MATLAB的特殊变量(系统预定义变量)

特殊变量	含义
ans	如果用户未定义变量名,系统用于存储其计算结果
pi	圆周率 π = 3.141 592 6
Inf	无穷大∞,如1/0
eps	浮点数的精度,也是系统运算时计算机的最小值
NaN或nan	不定量(非数),如0/0,或inf/inf
i或j	虚数i=j=sqrt(-1)

## 例如:

尽量避免给系统预定义变量重新赋值!

# 四、MATLAB常用函数

MATLAB提供了大量的初等数学函数,这些函数使用 方法简单但功能强大,例如对复数进行平方根运算, 系统会自动生成复数结果。

MATLAB也提供了大量的高级数学函数,其中包括 Bessel和Gamma函数等

函数	含义
abs(x)	x的绝对值、复数x的模
sqrt(x)	x的平方根
exp(x)	指数运算 $e^x$
sin(x), cos(x), tan(x)	x的正弦值,余弦值,正切
asin(x),acos(x),atan(x)	x的反正弦,反余弦,反正切
log(x)	以e为底的对数,即自然对数

## MATLAB常用函数(部分列表)

函数	含义
log10(x), log2(x)	以10为底的对数,以2为底的对数
round(x)、fix(x)	x的四舍五入取整、向0取整
gcd(x,y)、lcm(x,y)	整数 和 的最大公约数、最小公倍数
mod(x,y)	求x/y的余数
imag(x) real(x)	取出复数x的虚部、实部
conj(x)	复数x的共轭
sort(A)	数组元素A按从小到大进行排序
sort(A,'descend')	数组元素A按从大到小进行排序
norm(A)	向量A的模或矩阵A的范数
sum(A)	数组元素求和,矩阵按列求和

如要列出初等数学函数,只需输入

>> help elfun

如要列出高级数学函数,只需输入

- >> help specfun
- >> help elmat

## 使用函数需注意:

- (1)函数的一般调用格式:函数名(自变量列表),应按照规定的格式和函数标准形式书写。
  - (2)函数一定是出现在赋值语句的右边。
  - (3)函数允许嵌套,例如:可使用形如 sqrt(abs(sin(225\*pi/180)))的形式
- (4)使用三角函数时角度的单位是"弧度"而不是"度",例如: sin(1)表示的不是sin1°而是sin57.28578°.

```
例8 计算 [\sqrt{2}-7\sin(\frac{\pi}{3})+12]\div 5^2
>> (sqrt(2)-7*sin(pi/3)+12)/5^2
ans =
0.2941
```

例9设有一组数: 4,6,-2,9,0,-5,13,

(1)请给出所有负数所在的位置序号;(2)按照由大到小的次序排列该数组;(3)求该数组所有元素的和;(4)求数组中每一个数对应的正弦值。

```
>> A=[4,6,-2,9,0,-5,13];
>> find(A<0)

ans =
3 6

>> sort(A)

ans =
-0.7568 -0.2794 -0.9093 0.4121 0 0.9589 0.4202

>> sort(A)

ans =
ans =
-5 0 2 4 6 9 13

>> sin(A)

ans =
-0.7568 -0.2794 -0.9093 0.4121 0 0.9589 0.4202
```

# 例10 设三角形三边长为 a = 4, b = 3, c = 2 求此三角形的面积

```
>>a=4;b=3;c=2;

>>s=(a+b+c)/2;

>>A=s*(s-a)*(s-b)*(s-c);

>>A=sqrt(A)

A =

2.9047
```

面积
$$A = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)},$$

$$s = \frac{a+b+c}{2}.$$

例11 设
$$a = -24^{\circ}, b = 75^{\circ}$$
,计算 $\frac{\sin(|a|+|b|)}{\sqrt{\tan(|a+b|)}}$ .

```
>> a=pi/180*(-24);

>> b=pi/180*75;

>> z=sin(abs(a)+abs(b))/sqrt(tan(abs(a+b)))

z =

0.8888
```