



欢迎关注专注于财经数据与量化投研的【数据科学实战】知识星球！在这里，您将获取持续更新的《财经数据宝典》和《量化投研宝典》，这两部宝典相辅相成，为您在量化投研道路上提供明确指引。我们提供了精选的国内外量化投研的 120+ 篇高质量文章，并每日更新最新研究成果，涵盖策略开发、因子分析、风险管理等核心领域。无论您是量化投资新手还是经验丰富的研究者，星球社区都能帮您少走弯路，事半功倍，共同探索数据驱动的投资世界！

引言

在量化金融领域，预测市场方向一直是核心挑战。传统的技术指标（如移动平均线、RSI、布林带）虽然提供了有用的信号，但往往受限于其线性特性。而金融市场本质上是非线性且复杂的系统。

那么问题来了：我们能否借助动力系统理论中的非线性方法来提取新的预测信息？

本文将探索基于递归量化分析（Recurrence Quantification Analysis, RQA）的市场预测方法。我们将通过 Python 实现一个完整的分析流程，包括：

- 获取加密货币价格数据
- 从滚动时间窗口的收益率计算 RQA 特征
- 使用逻辑回归预测次日市场方向
- 通过前向步进测试和噪声扰动评估模型稳健性
- 将结果与买入持有策略进行比较

让我们一起深入了解 RQA 指标背后的理论以及在交易研究中应用它们的实用工作流程。

RQA 的基本概念

递归量化分析（RQA）是非线性动力学中的一种技术，用于分析相空间中系统的递归结构。通过将时间序列嵌入到更高维度，我们可以研究重复模式、持久性和可预测性。

RQA 的关键指标包括：

- 递归率 (RR)**：重复状态的频率
- 确定性 (DET)**：可预测对角线结构的比率
- 层状性 (LAM)**：停滞状态的普遍性
- 最大线长 (Lmax)**：最长对角线，与可预测性范围相关
- 熵 (ENTR)**：递归结构的复杂性

这些指标将非线性结构转化为适合机器学习量化的特征。

实现步骤

1. 导入必要的库

首先，我们需要导入各种用于数据处理、机器学习和可视化的库：

```
import numpy as np
import pandas as pd
import yfinance as yf
from scipy.spatial.distance import pdist, squareform
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
from sklearn.linear_model import LogisticRegression
from sklearn.metrics import accuracy_score, roc_auc_score
from dataclasses import dataclass
import cxx
import matplotlib.pyplot as plt
```

2. 数据获取

我们定义一个辅助函数从 Binance 获取 OHLCV 蜡烛图数据：

```
def fetch_binance(symbol="BTC/USD", timeframe="1d", since="2018-01-01T00:00:00Z", limit=1000):
    exchange = cxx.binance()
    since_ms = exchange.parse8601(since)
    all_candles = []

    while True:
        candles = exchange.fetch_ohlcvs(symbol, timeframe=timeframe, since=since_ms, limit=limit)
        if not candles:
            break
        all_candles.extend(candles)
        since_ms = candles[-1][0] + 1
        if len(candles) < limit:
            break

    # 创建包含日期 OHLCV 数据的 DataFrame
    df = pd.DataFrame(all_candles, columns=["timestamp", "open", "high", "low", "close", "volume"])
    df["timestamp"] = pd.to_datetime(df["timestamp"], unit="ms")
    df.set_index("timestamp", inplace=True)
    return df
```

3. RQA 指标计算

以下是计算 RQA 指标的核心函数：

```
def embed(series, m, tau):
    """
    将时间序列嵌入到高维空间

    参数:
    series: 原始时间序列
    m: 嵌入维度
    tau: 时间延迟
    """
    x = np.asarray(series, float)
    n = x.size
    L = n - (m - 1) * tau
    if L <= 2 or m < 2 or tau < 1:
        return None

    idx = np.arange(L)[::, None] + np.arange(m)[None, :]*tau
    return x[idx]

def recmat(emb, eps=0.01):
    """
    计算递归矩阵

    参数:
    emb: 嵌入的时间序列
    eps_q: 距离阈值 (百分比)
    """
    d = pdist(emb, metric='euclidean')
    eps = np.quantile(d, eps_q)
    R = squareform(d <= eps)
    np.fill_diagonal(R, False)
    return R

def rqa_metrics(series, m=5, tau=1, eps_q=0.1):
    """
    计算 RQA 指标

    参数:
    series: 原始时间序列
    m: 嵌入维度
    tau: 时间延迟
    eps_q: 距离阈值 (百分比)
    """
    emb = embed(series, m, tau)
    R = recmat(emb, eps_q)
    N = R.size

    # 计算 RQA 指标
    rr = R.sum() / N # 递归率

    # 计算层状性、Lmax 和 ENTR
    # 计算层状性
    dls = [len(run) for k in range(-R.shape[0]-1, R.shape[0])
            for run in _rle_lengths(np.diagonal(R, offset=k)) if len(run)>1]
    vls = _vert_lengths(R)

    det = (np.sum(dls) / R.sum()) if dls else 0 # 确定性
    lam = (np.sum(vls) / R.sum()) if vls else 0 # 层状性
    lmax = max(dls) if dls else 0 # 最大线长
    entr = -entropy(dls) # 熵

    return dict(rr=rr, DET=det, LAM=lam, Lmax=Lmax, ENTR=entr)
```

4. 滚动特征计算

我们在收益率上计算滚动 RQA 特征：

```
def rolling_rqa(returns, lookback=200, m=5, tau=1, eps_q=0.1):
    """
    计算滚动 RQA 特征

    参数:
    returns: 收益率序列
    lookback: 回溯窗口大小
    m: 嵌入维度
    tau: 时间延迟
    eps_q: 距离阈值 (百分比)
    """
    feats = np.full((len(returns), 5), np.nan)
    for t in range(lookback, len(returns)):
        window = returns[t - lookback:t]
        mtr = rqa_metrics(window, m, tau, eps_q)
        feats[t] = [mtr["RR"], mtr["DET"], mtr["LAM"], mtr["Lmax"], mtr["ENTR"]]
    return pd.DataFrame(feats, columns=["RR", "DET", "LAM", "Lmax", "ENTR"])
```

5. 前向步进评估

我们实现一个滚动的训练/测试循环：

```
@dataclass
class WalkConfig:
    """前向步进配置"""
    train: int = 365 # 训练窗口天数
    test: int = 90 # 测试窗口天数
    step: int = 30 # 步进天数

def walk_forward(X, y, cfg=WalkConfig()):
    """
    执行前向步进测试

    参数:
    X: 特征矩阵
    y: 目标变量 (明日方向)
    cfg: 配置参数
    """
    accs, aucs = [], []
    n = len(y)
    start = cfg.train

    for t0 in range(start, n - cfg.test, cfg.step):
        # 定义训练和测试范围
        tr, te = slice(t0 - cfg.train, t0), slice(t0, t0 + cfg.test)

        # 标准化特征
        sc = StandardScaler().fit(X[tr])
        Xtr, Xte = sc.transform(X[tr]), sc.transform(X[te])

        # 训练逻辑回归模型
        clf = LogisticRegression(max_iter=200).fit(Xtr, y[tr])

        # 预测并评估
        prob = clf.predict_proba(Xte)[:, 1]
        pred = (prob >= 0.5).astype(int)
        accs.append(accuracy_score(y[te], pred))
        aucs.append(roc_auc_score(y[te], prob))

    return dict(acc=np.mean(accs), auc=np.mean(aucs))
```

6. 实验执行

我们对嵌入维度 (m) 和延迟 (τ) 进行网格搜索，添加噪声稳健性检查，并总结结果：

```
(if __name__ == "__main__":
    # 实验配置
    df, best = run_experiment(
        tickers="ETH/USD",
        start="2012-01-01",
        n_list=[2, 3, 5],
        tau_list=[1, 3, 5],
        lookback=90,
        eps_q=0.1,
        noise_levels=[0.0, 0.25, 0.5, 1.0],
        seeds=[0, 1, 2, 3, 4]
    )

    # 输出报告和可视化
    console_report(df)
    plot_auc_heatmaps(df)
    plot_mse_curves(df)
    plot_stability(df)
```

7. 策略回测与可视化

我们将预测转换为多头/空头或多头/空头策略，并与买入持有策略进行比较：

```
# 生成回测数据
eq_ls = make_equity_curves(px, ret, pred_df, threshold=0.5, mode="long_flat")
eq_ls = make_equity_curves(px, ret, pred_df, threshold=0.5, mode="long_short")

# 绘制回测结果
plt.figure(figsize=(12, 6))
plt.plot(eq_ls["eq_strat"], label="策略 (多头/空头)")
plt.plot(eq_ls["eq_hn"], label="买入持有")
plt.legend()
plt.title("RQA 策略与买入持有策略比较")
plt.show()
```

实验结果

在 ETH/USD (2023-2024) 上的样本输出：

- 最佳配置 (m=10, τ=1) 的 AUC 约为 0.53
- 策略相比买入持有持有改善了风险调整后的表现
- 多头/空头扩展进一步提高了收益，但增加了波动性

```
[[最佳配置]] m=10, tau=1, noise=0.0
多头/空头统计: {"年化收益": "0.02%", "年化波动率": "0.02%", "夏普比率": "1.114"}
买入持有统计: {"年化收益": "0.02%", "年化波动率": "0.02%", "夏普比率": "0.541"}
多头/空头统计: {"年化收益": "0.51%", "年化波动率": "0.024%", "夏普比率": "0.905"}
```

这些结果表明 RQA 特征具有适度的预测能力，并且与被动持有相比，能够显著降低风险。

应用与扩展

本方法可以进一步扩展和应用：

- 资产范围**：应用于股票、外汇或商品
- 风险管理**：添加止损、仓位调整和资本分配
- 建模方法**：用随机森林、梯度提升或神经网络替代逻辑回归
- 特征工程**：将 RQA 与波动率、动量或订单簿特征结合
- 超参数优化**：使用贝叶斯搜索而非网格搜索来优化 (m, τ, eps_q)
- 投资组合构建**：跨资产测试以获取多样化收益

总结

本研究展示了递归量化分析（RQA）如何集成到前向步进交易框架中。关键点：

- RQA 提供了能够捕捉价格序列中隐藏动态的非线性结构特征
- 基于 RQA 特征的逻辑回归显示出优于随机猜测的预测优势
- 前向步进测试验证了模型的稳健性并降低了过拟合风险
- 策略权益曲线表明相较于买入持有持有风险调整后的改进

虽然 RQA 不是万能的解决方案，但它为量化工具包添加了有价值的非线性动态信息。通过进一步改进，它可以在对冲基金环境中补充现有的 alpha 信号。

参考文献

加入专注于财经数据与量化投研的知识星球【数据科学实战】，获取本文完整解析、代码实现细节。

财经数据与量化投研知识社区

核心权益如下：

- 赠送《财经数据宝典》完整文档，汇集多年财经数据维护经验
- 赠送《量化投研宝典》完整文档，汇集多年量化投研领域经验
- 赠送《PyBroker-入门及实战》视频教程，手把手学习量化策略开发
- 每日分享高质量入门及实战（已更新120+篇）、代码和相关资料
- 定期更新高频财经数据
- 参与年度不少于 10 次专属直播与录播课程
- 与核心开发者直接交流，解决实际问题
- 获取专业微信群交流机会和课程折扣

星球已拥有丰富的内容积累，适合对量化投研论文、财经高频数据、PyBroker 教程、定期直播、数据分享和答疑解惑。适合对量化投研和数据分析有兴趣的学者及从业者。欢迎加入我们！

好文推荐

- 用 Python 打造股票预测系统：Transformer 模型教程（一）
- 用 Python 打造股票预测系统：Transformer 模型教程（二）
- 用 Python 打造股票预测系统：Transformer 模型教程（三）
- 用 Python 打造股票预测系统：Transformer 模型教程（完结）
- 揭秘华尔街内幕：因子投资的制胜武器
- YOLO 也能预测股市涨跌？计算机视觉在股票市场预测中的应用
- 金融 AI 助手：FinGPT 让你轻松掌握市场分析
- 量化交易秘籍：为什么专业交易员都在用对数收益率？
- Python 量化投资利器：Ridge、Lasso 和 Elastic Net 回归详解
- 掌握金融波动率模型：完整 Python 实现指南

好书推荐

《Python 编程：从入门到实践（第3版）》是一本广受欢迎的 Python 入门经典教材，由经验丰富的程序员 Eric Matthes 编写。该书采用循序渐进的教学方式，从基础语法讲解到实战项目开发，内容编排合理，实例丰富，语言通俗易懂。全书配有大量练习题和完整项目实战，包括数据可视化、网络爬虫、Web 应用开发等，让读者在实践中学会编程技巧。第3版还增加了 f-string、海龟绘图等最新的 Python 特性内容。这本书不仅适合零基础读者入门学习，也非常适合想系统掌握 Python 的编程爱好者以及数据分析、人工智能等领域的学习者。它不仅教授编程知识，更注重培养读者的编程思维，是一本非常值得投资的 Python 学习指南。

Python编程 从入门到实践 第3版 (图灵出品)
京东配送
¥69.8
购买

数据科学实战
“数据科学实战感谢大佬的支持！”
喜欢作者

量化投研 · 目录
上一篇
PCA 动量策略：如何通过主成分个数 (K) 优化交易信号
下一篇
双动量交易策略实战：从股票ETF到比特币的全资产应用