# МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) Кафедра МО ЭВМ

# ОТЧЕТ

# по лабораторной работе №1 по дисциплине «Построение и Анализ Алгоритмов» Тема: Поиск с возвратом

 Студент гр. 3343
 Поддубный В.А.

 Преподаватель
 Жангиров Т.Р.

Санкт-Петербург

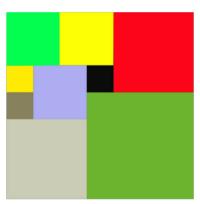
2025

# Цель работы.

Изучение алгоритма поиска с возвратом, реализация с его помощью программы, решающей задачу размещения квадратов на столе.

## Задание.

У Вовы много квадратных обрезков доски. Их стороны (размер) изменяются от 1 до N-1, и у него есть неограниченное число обрезков любого размера. Но ему очень хочется получить большую столешницу – квадрат размера N. Он может получить ее, собрав из уже имеющихся обрезков (квадратов). Например, столешница размера  $7 \times 7$  может быть построена из 9 обрезков



Pисунок 1 – пример размещения квадратов

Внутри столешницы не должно быть пустот, обрезки не должны выходить за пределы столешницы и не должны перекрываться. Кроме того, Вова хочет использовать минимально возможное число обрезков.

#### Входные данные

Размер столешницы - одно целое число N ( $2 \le N \le 20$ ).

#### Выходные данные

Одно число K, задающее минимальное количество обрезков(квадратов), из которых можно построить столешницу(квадрат) заданного размера N. Далее должны идти K строк, каждая из которых должна содержать три целых числа x,y и w, задающие координаты левого

верхнего угла (1  $\leq x,y \leq N$ ) и длину стороны соответствующего обрезка(квадрата).

# Пример входных данных

7

# Соответствующие выходные данные

9

112

132

3 1 1

4 1 1

3 2 2

5 1 3

444

153

3 4 1

Вар. 4р. Рекурсивный бэктрекинг. Расширение задачи на прямоугольные поля, рёбра квадратов меньше рёбер поля. Подсчёт количества вариантов покрытия минимальным числом квадратов.

# Основные теоретические положения.

Поиск с возвратом, backtracking — общий метод нахождения решений

задачи, в которой требуется полный перебор всех возможных вариантов в некотором множестве. Решение задачи методом поиска с возвратом сводится к последовательному расширению частичного решения. Если на очередном шаге такое расширение провести не удается, то возвращаются к более короткому частичному решению и продолжают поиск дальше.

Данный алгоритм позволяет найти все решения поставленной задачи, если они существуют.

## Выполнение работы.

## Описание реализованного алгоритма

Для решения задачи был использован рекурсивный бэктрекинг. Поиск осуществляется перебором вариантов расстановки очередного квадрата. Данный алгоритм основывается на поиске с возвратом (backtracking). Для каждого частичного решения перебираются все возможные расширения, которые затем проверяются на возможность их размещения на поле без перекрытия и выхода за его границы. Если размещение возможно, квадрат добавляется, и поиск продолжается. Если достигнуто полное покрытие, проверяется количество использованных квадратов. В случае нахождения более оптимального решения (меньшего количества квадратов), оно запоминается.

Алгоритм работает с экспоненциальной сложностью, так как количество вариантов размещения квадратов растёт с увеличением размеров поля. Однако применённые оптимизации позволяют сократить количество перебираемых вариантов и ускорить нахождение минимального разбиения.

#### Описание методов и структур данных

Для хранения информации о поле и размещенных квадратах используется класс Field, который содержит следующие данные:

- occupied матрица булевых значений, где true обозначает занятую клетку, а false свободную.
- bestSolution список, содержащий текущее наилучшее разбиение на квадраты.
- minSquares минимальное найденное количество квадратов.

- filledArea количество уже заполненных клеток.
   Mетоды класса Field:
- solve() запускает алгоритм поиска минимального разбиения и выводит лучшее найденное решение.
- backtrack(List<Square> placed, int count) основной метод рекурсивного поиска с возвратом. Проверяет текущую расстановку и пытается разместить следующий квадрат.
- findFirstEmpty() находит первую свободную клетку на поле, с которой начинается размещение нового квадрата.
- canPlace(int x, int y, int size) проверяет, возможно ли разместить квадрат заданного размера в указанной позиции.
- place(int x, int y, int size, boolean state) устанавливает или убирает квадрат с поля, обновляя соответствующую информацию.

Также используется вспомогательный класс Square, который хранит информацию о координатах и размере квадрата.

# Применённые оптимизации

- 1. **Жадный подход к размеру квадратов.** Сначала размещаются самые большие доступные квадраты, чтобы быстрее достичь конечного решения.
- 2. Ограничение на бесперспективные разбиения. Если текущее количество использованных квадратов уже превышает найденное минимальное, дальнейший перебор прекращается.
- 3. Ранний выход. Как только найдено разбиение с минимальным количеством квадратов, дальнейшие варианты не рассматриваются.
- 4. **Жадный выбор стартовой позиции.** Размещение всегда начинается с первой свободной клетки, что снижает количество симметричных вариантов.

# Тестирование.

Проверена корректность работы алгоритма бэктрекинга для всех возможных размеров из промежутка 2...5, 15...20.

Ввод	Вывод	Ожидаемый результат
2	4 1 1 1 1 2 1 2 1 1 2 2 1	Результат верный
3	6 112 131 231 311 321 331	Результат верный
4	4 002 022 202 222	Результат верный

5	8 113 142 342 412 431 531 541 551	Результат верный
15	6 1 1 10 1 11 5 6 11 5 11 1 5 11 6 5 11 11 5	Результат верный
16	4 118 198 918 998	Результат верный
17	12 1 1 8 1 9 9 9 1 4 9 5 3 9 8 1 10 8 2 10 10 8 12 5 1 12 6 4 13 1 5 16 6 2 16 8 2	Результат верный

18	4 1 1 9 1 10 9 10 1 9 10 10 9	Результат верный
19	13 1 1 13 1 14 6 7 14 6 13 14 2 13 16 4 14 1 6 14 7 6 14 13 1 15 13 3 17 16 1 17 17 3 18 13 2 18 15 2	Результат верный
20	4 1 1 10 1 11 10 11 1 10 11 11 10	Результат верный

# Выводы.

Разработанный алгоритм позволяет находить минимальное разбиение квадратного или прямоугольного поля на квадраты. Использование рекурсивного бэктрекинга с оптимизациями позволяет значительно уменьшить время перебора возможных решений.

# ПРИЛОЖЕНИЕ А ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

Название файла: Main.java

```
package com.rect;
  import org.apache.logging.log4j.LogManager;
  import org.apache.logging.log4j.Logger;
  import java.util.Scanner;
  public class Main {
      private static final Logger logger = LogManager.getLogger(Main.class);
      public static void main(String[] args) {
          Scanner sc = new Scanner(System.in);
          logger.info("Введите длину и ширину поля через пробел:");
          String[] input = sc.nextLine().split(" ");
          int length = Integer.parseInt(input[0]);
          int width = (input.length > 1) ? Integer.parseInt(input[1]) :
  length;
          logger.info("Создано поле размером {}x{}", length, width);
          Field field = new Field(length, width);
          long startTime = System.currentTimeMillis();
          field.solve();
          long endTime = System.currentTimeMillis();
          logger.info("Время выполнения: {} ms", endTime - startTime);
  }
      Название файла: Field.java
package com.rect;
```

```
import org.apache.logging.log4j.LogManager;
import org.apache.logging.log4j.Logger;
import java.util.ArrayList;
import java.util.List;
public class Field {
   private static final Logger logger = LogManager.getLogger(Field.class);
    private final int length;
    private int filledArea;
    private final int width;
    private final boolean[][] occupied;
    private List<Square> bestSolution = new ArrayList<>();
    private int minSquares = Integer.MAX VALUE;
    public Field(int length, int width) {
        this.length = length;
        this.width = width;
        this.occupied = new boolean[length][width];
        this.filledArea = 0;
    public void solve() {
```

```
logger.info("Начинаем поиск минимального количества квадратов...");
        backtrack(new ArrayList<>(), 0);
        logger.info("Минимальное количество квадратов: {}", minSquares);
        logger.info("Лучшее решение:");
        for (Square s : bestSolution) {
            logger.info(s.toString());
        System.out.println(minSquares);
        for (Square s : bestSolution) {
            System.out.println(s.getX() + " " + s.getY() + " " +
s.getLength());
        }
    private void backtrack(List<Square> placed, int count) {
        if (count >= minSquares) {
            logger.debug("Текущий путь не оптимален, возвращаемся.");
            return:
        }
        int[] pos = findFirstEmpty();
        if (pos == null) {
            if (count < minSquares) {</pre>
                logger.info("Найдено новое лучшее решение с {}
квадратами.", count);
                minSquares = count;
                bestSolution = new ArrayList<>(placed);
            return;
        }
        int x = pos[0], y = pos[1];
        int maxSize = Math.min(length - x, width - y);
        maxSize = Math.min(maxSize, Math.min(length, width) - 1);
        int remainingArea = length * width - filledArea;
        int maxPossibleSize = maxSize;
        int minRemaining = (int) Math.ceil((double) remainingArea /
(maxPossibleSize * maxPossibleSize));
        if (count + minRemaining >= minSquares) {
            return;
        logger.debug("Попытка разместить квадраты в позиции (\{\}, \{\})...", х
+ 1, y + 1);
        for (int size = maxSize; size >= 1; size--) {
            if (canPlace(x, y, size)) {
                logger.debug("Размещаем квадрат размером {}x{} в позиции
(\{\}, \{\})", size, size, x + 1, y + 1);
                place(x, y, size, true);
                placed.add(new Square(x + 1, y + 1, size));
                backtrack(placed, count + 1);
                placed.remove(placed.size() - 1);
                place(x, y, size, false);
                logger.debug("Убираем квадрат размером \{\}x\{\} из позиции
(\{\}, \{\})", size, size, x + 1, y + 1);
            } else {
                logger.debug("Квадрат размером {}x{} нельзя разместить в
позиции (\{\}, \{\})", size, size, x + 1, y + 1);
```

```
}
      }
   private int[] findFirstEmpty() {
       for (int i = 0; i < length; i++) {
           for (int j = 0; j < width; j++) {
                if (!occupied[i][j]) return new int[]{i, j};
       return null;
   private boolean canPlace(int x, int y, int size) {
       if (x + size > length || y + size > width) return false;
       for (int dx = 0; dx < size; dx++) {
           for (int dy = 0; dy < size; dy++) {
               if (occupied[x + dx][y + dy]) return false;
       return true;
   private void place(int x, int y, int size, boolean state) {
       for (int dx = 0; dx < size; dx++) {
           for (int dy = 0; dy < size; dy++) {
               occupied[x + dx][y + dy] = state;
       filledArea += (state ? size * size : -size * size);
}
```

#### Название файла: Square.java

```
package com.rect;
public class Square {
    private final int x;
    private final int y;
    private final int length;
    public Square(int x, int y, int length) {
        this.x = x;
        this.y = y;
        this.length = length;
    public int getX() {
        return x;
    public int getY() {
       return y;
    public int getLength() {
       return length;
    @Override
```

```
public String toString() {
    return "Квадрат: (" + x + ", " + y + "), Размер: " + length + "x" +
length;
    }
}
```