



《数据结构与算法》第一次作业

一、选择题

1. 现有两个带头结点的双向循环链表，其头结点分别为 M 和 N，现将头结点为 N 的链表接到头结点为 M 的链表尾部，L 为 N 链表的最后一个结点，则相应的指针操作为 (C)

- A. $L \rightarrow next = M; M \rightarrow prior = L; M \rightarrow next \rightarrow next = N; N \rightarrow prior = M \rightarrow next;$
 B. $L \rightarrow next = M; M \rightarrow next \rightarrow next = N; N \rightarrow prior = M \rightarrow next; M \rightarrow prior = L;$
 C. $L \rightarrow next = M; M \rightarrow prior \rightarrow next = N; N \rightarrow prior = M \rightarrow prior; M \rightarrow prior = L;$
 D. $L \rightarrow next = M; M \rightarrow prior = L; M \rightarrow prior \rightarrow next = N; N \rightarrow prior = M \rightarrow prior;$

2. 设栈 S 和队列 Q 的初始状态均为空，元素 abcdefg 依次进入栈 S。若每个元素出栈后立即进入队列 Q，且 7 个元素出队的顺序是 bdcfeag，则栈 S 的容量至少是 (C)。

- A. 1 B. 2 C. 3 D. 4

3. 假设 a_1, a_2, \dots, a_n 依次入栈 (且 $a_1 \dots a_n$ 是 $1..n$ 的排列)，出栈为 $1, 2, \dots, n$ 。以下哪种说法正确？

- (A) $a_i \dots a_j \dots a_k \rightarrow a_k \dots a_j \dots a_i$
 A. 不存在 $i < j < k$ ，使得 $a_i < a_j < a_k$. B. 不存在 $i < j < k$ ，使得 $a_k < a_j < a_i$.
 C. 不存在 $i < j < k$ ，使得 $a_k < a_i < a_j$. D. 不存在 $i < j < k$ ，使得 $a_j < a_i < a_k$.

4. 若用一个大小为 6 的数组来实现循环队列，且当前 rear 和 front 的值分别为 0 和 3，当从队列中删除一个元素，再加入两个元素后，rear, front 的值分别为多少？ (C)

- A. 1 和 5
 B. 2 和 4
 C. 4 和 2
 D. 5 和 1

front rear
 3 0
 4 0
 4 1
 4 2

5. 设串 $s1 = \text{"ABCDEF G"}$, $s2 = \text{"PQRST"}$ 函数 $strconcat(s, t)$ 返回 s 和 t 串的连接串， $strsub(s, i, j)$ 返回串 s 中从第 i 个字符开始的、由连续 j 个字符组成的子串。 $strlen(s)$ 返回串 s 的长度。则 $strconcat(strsub(s1, 2, strlen(s2)), strsub(s1, strlen(s2), 2))$ 的结果串是 (D)。

- A. BCDEF B. BCDEFG C. BCPQRST D. BCDEFEF

6. 如果主串和模式串的长度分别为 n 和 m，预处理模式串的 failure function 需要 B 时间。

- A. $O(n)$ B. $O(m)$ C. $O(n+m)$ D. $O(nm)$

二、简答题

1. 请用递推计算串 "a b a a b a a b a b a" 的 failure function π 。

0 0 1 1 2 3 4 5 6 2 3

2. 已知线性表中的元素以值递增有序排列，并以单链表做存储结构。试写一高效的算法，

$a < < b$ 且递增，找到 a 的地址，再找到 $< b$ 部分

释放中间结点，连接，时间复杂度 $O(n)$

删除表中所有值大于 **a** 且小于 **b** 的元素（若存在），同时释放被删结点的空间，并分析时间复杂度（注意：**a** 和 **b** 是给定的两个参变量，它们的值可以和表中的元素相同，也可以不同）

3(Bonus 问题). 已知 Ackermann 函数定义如下:

$$\text{Ack}(m, n) = \begin{cases} n+1 & \text{当 } m=0 \text{ 时} \\ \text{Ack}(m-1, 1) & \text{当 } m \neq 0, n=0 \text{ 时} \\ \text{Ack}(m-1, \text{Ack}(m, n-1)) & \text{当 } m \neq 0, n \neq 0 \text{ 时} \end{cases}$$

- 1) 写出计算 $\text{Ack}(m, n)$ 的递归算法，并根据此算法给出 $\text{Ack}(2, 1)$ 的计算过程。
- 2) 写出计算 $\text{Ack}(m, n)$ 的非递归算法。

1) 见代码 $\text{Ack}(2, 1) \rightarrow \text{Ack}(1, \text{Ack}(2, 0)) \rightarrow \text{Ack}(1, 3) \rightarrow \text{Ack}(0, \text{Ack}(1, 2))$
 2) 见代码

提交时间 10 月 27 日 24 点前

提交地址: chenhd33@mail2.sysu.edu.cn

Handwritten calculation for $\text{Ack}(2, 1)$:

$$\begin{aligned} & \text{Ack}(2, 1) \xrightarrow{3} \text{Ack}(1, \text{Ack}(2, 0)) \xrightarrow{3} \text{Ack}(1, 3) \xrightarrow{4} \text{Ack}(0, \text{Ack}(1, 2)) \\ & \quad \downarrow \quad \quad \quad \downarrow \quad \quad \quad \downarrow \\ & \text{Ack}(1, 1) \xrightarrow{3} \text{Ack}(0, \text{Ack}(1, 0)) \xrightarrow{3} \text{Ack}(0, 2) \xrightarrow{3} 3 \\ & \quad \downarrow \quad \quad \quad \downarrow \quad \quad \quad \downarrow \\ & \text{Ack}(1, 0) \xrightarrow{2} \text{Ack}(0, 1) \xrightarrow{2} 2 \end{aligned}$$

Handwritten calculation for $\text{Ack}(1, 3)$:

$$\text{Ack}(1, 3) \xrightarrow{3} \text{Ack}(0, \text{Ack}(1, 2)) \xrightarrow{4} \text{Ack}(0, 4) \xrightarrow{5} 5$$