

RSA

1. Schlüssel anlegen

Bob wählt zwei große Primzahlen p und q .

Berechnet $n := p \cdot q$

Wähle eine von $\phi(n)$ teilerfremde Zahl d . ($\phi(n) = (p-1) \cdot (q-1)$)

\Rightarrow Es gibt ein Inverses i von d in $|\mathbb{Z}_n^*|$

$d \cdot i \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$

Anmerkung: i kann mit dem erweiterten euklidischen Algorithmus errechnet werden.

n, i werden öffentlich bekannt gegeben.

2. Alice: $m \in$

\mathbb{Z}_n Nachricht

$c := m^i \pmod{n}$ (Al Kaschi)

c wird an Bob geschickt.

3. Entschlüsseln: Bob berechnet $c^d \pmod{n}$

Behauptung: $m \equiv c^d \pmod{n}$

$c^d = (m^i)^d = m^{i \cdot d} \equiv m^{1+n \cdot \phi(n)} \pmod{n}$

$i \cdot d \equiv 1 \pmod{\phi(n)}, m^{\phi(n)} \equiv 1 \pmod{n}$