

Matrizen über K

Eine Matrix A über K ist eine Abbildung.

$$A: \{1, \dots, m\} \times \{1, \dots, n\} \Rightarrow K: \{i, j\} \mapsto a_{ij}$$

Dabei ist die Zeile der Matrix i und die Spalte j entsprechend. Das Element in Zeile i und Spalte j ist demnach a_{ij} .

$$A_{m \times n} = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn} \end{pmatrix}_{m \times n} = (a_{ij})_{m \times n}$$

Spezielle Matrizen:

- Nullmatrix: $a_{ij} = 0$ für alle ij, Bezeichnung: $0_{m \times n}$
- Quadratische Matrix: $m=n$, die Diagonale mit den Elementen a_{ij} , mit $i=j$, heißt dabei Hauptdiagonale.
- Diagonalmatrizen: Quadratische Matrizen mit $a_{ij} = 0$, solange $i \neq j$.
- Einheitsmatrix: Quadratische Matrix mit $a_{ij} = 0$, solange $i \neq j$, und $a_{ij} = 1$, wenn $i=j$.