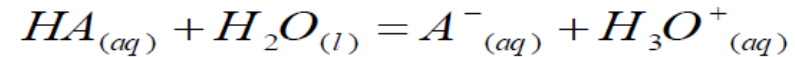


الموضوع 1

التمرين الأول: (06 نقاط)

أ- أكتب معادلة انحلال حمض الأسكوربيك في الماء:

ب- حساب الـ pH : $pH = 3 \Rightarrow \tau_f = 0,1 = \frac{10^{-pH}}{0,01}$ ج- المقارنة بين قوة الحمض HA وحمض الإيثانويك: $\tau'_f = \frac{10^{-3,4}}{0,01} = 0,039$ إذن: $\tau_f > \tau'_f$ ومنه حمض الأسكوربيك هو الأقوىد- إثبات أن: $\tau_f = \frac{Ka}{Ka + 10^{-pH}}$ لدينا $\tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{10^{-pH}}{C} \dots\dots\dots (1)$

$$k_a = \frac{[H_3O^+]_f [A^-]_f}{[AH]_f} \dots\dots\dots (2)$$

ولدينا من جدول التقدم: $[H_3O^+]_f = [A^-]_f = 10^{-pH}$ و:

$$[AH]_f = C - [H_3O^+]_f = C - 10^{-pH}$$

$$k_a = \frac{10^{-2pH}}{C - 10^{-pH}} \dots\dots\dots (3)$$

ومن العبارة (1) نجد: $10^{-pH} = \tau_f \cdot C \dots\dots\dots (4)$

$$k_a = \frac{\tau_f^2 \cdot C^2}{C - \tau_f \cdot C} = \frac{\tau_f^2 \cdot C}{1 - \tau_f}$$

بتعويض (4) في (3) نجد:

ومنه: $10^{-pH} = \tau_f \cdot C$ ولدينا من العلاقة (4): $k_a(1 - \tau_f) = \tau_f^2 \cdot C$

$$k_a(1 - \tau_f) = \tau_f \cdot 10^{-pH} \Rightarrow k_a - \tau_f k_a = \tau_f \cdot 10^{-pH}$$

ومنه: $\Rightarrow \tau_f (k_a + 10^{-pH}) = k_a \Rightarrow \tau_f = \frac{k_a}{k_a + 10^{-pH}}$ وهو المطلوب- استنتاج قيمة الـ pKa :

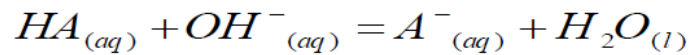
$$k_a = \frac{\tau_f^2 \cdot C}{1 - \tau_f} = \frac{(0,1)^2 \cdot 0,01}{1 - 0,1} = 1,11 \times 10^{-4} \Rightarrow pK_a = -\log k_a = 3,95$$

2- أ. البروتوكول التجريبي:

رسم تخطيطي:

- كأس بيشر، سحاحة، حامل، ماصة، محلول حمض الأسكوربيك، محلول ماءات الصوديوم، جهاز مغلط مغناطيسي، مقياس الـ pH .

ب- معادلة التفاعل الحادث:



مميزاته: تفاعل سريع وتام.

3- تعيين إحداثيات نقطة التكافؤ: $E(V_{be} = 14,1ml, PH_e = 8)$ - استنتاج التركيز C_a للحمض HA :

$$C_a V_a = C_b V_{be} \Rightarrow C_a = \frac{C_b V_{be}}{V_a} \Rightarrow C_a = \frac{0,02 \times 14,1}{20}$$

$$C_a = 1,4 \times 10^{-2} mol / l$$

4- عبارة كسر التفاعل النهائي Q_{rf} :

$$Q_{rf} = \frac{[A^-]_f}{[AH]_f [OH^-]_f} = \frac{[A^-]_f [H_3O^+]_f}{[AH]_f [OH^-]_f [H_3O^+]_f}$$

$$Q_{rf} = \frac{K_a}{K_e} = \frac{1,11 \times 10^{-4}}{10^{-14}} = 1,11 \times 10^{10}$$

5- حساب بـ (mg) كتلة الحمض HA الموجود في قرص الفيتامين (C) :

$$n_a = C_b V_{be} = 2,82 \times 10^{-4} mol \rightarrow 20ml$$

$$n_a \rightarrow 200ml$$

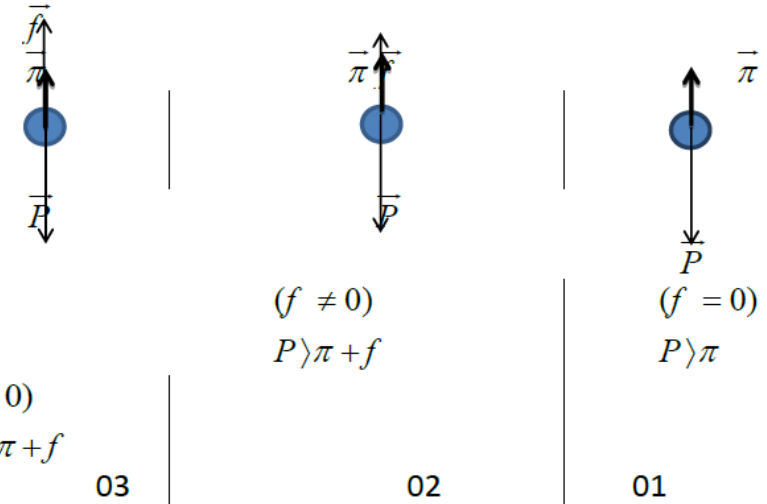
$$n_a = \frac{2,82 \times 10^{-4} \times 200}{20} = 2,82 \times 10^{-4} mol$$

$$n_a = \frac{m}{M} \Rightarrow m = 2,82 \times 10^{-3} \times 176 \Rightarrow m \approx 500mg$$

- وهي تتفق مع ما كتب على القرص في حدود تجريبية

التمرين الثاني: (04 نقطة)

1- أ- ترتيب القوى حسب التزايد الزمني:



ب- المقارنة:

$$\pi = \rho V \cdot g = \rho \frac{4}{3} \pi r^3 \cdot g = 1.3 \times \frac{3}{4} \times 3.14 \times 10 (1.9 \times 10^{-2})^3$$

$$\pi = 2.09 \times 10^{-4} N$$

$$P = m \cdot g = 2.3 \times 10^{-3} \times 10 = 2.3 \times 10^{-2} N$$

- $(\frac{\pi}{P} \simeq 0)$ ومنه الدافعة مهملة أمام النقل

2- أ- المعادلة التفاضلية:

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن نجد:

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}_G$$

$$\vec{P} + \vec{f} = m \vec{a}_G$$

بالإسقاط نجد:

$$P - f = m \cdot a_G$$

$$mg - Kv^2 = m \frac{dv}{dt} \Rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{K}{m} v^2 = g$$

- وهي معادلة تفاضلية لسرعة الكرة

ب- عند $(t = 0s)$ $v_0 = 0 m/s$

ب عند $(t = \infty)$ $v_{\infty} = \sqrt{\frac{mg}{K}} = C^{te}$

وهي متوافقة مع البيان ①

ج- من البيان:

$$V_{lim} = 4 \times 2 = 8 m/s$$

- ثابت الاحتكاك:

$$V_{lim} = \sqrt{\frac{mg}{K}} \Rightarrow K = \frac{mg}{V_{lim}^2} = \frac{2.3 \times 10^{-2}}{64} \Rightarrow K = 3.6 \times 10^{-4} SI$$

$$a_0 = 5 \times 2 = 10 m/s^2 \text{ : } (t=0)$$

$$5\tau = 7.5 \times 0.5 \Rightarrow \tau = 0.75s$$

3 - التسارع يتناقص تدريجيا إلى أن ينعدم عندما تصبح قيمة السرعة أعظمية (V_{lim}).

4 - اثبات العلاقة تجريبيا:

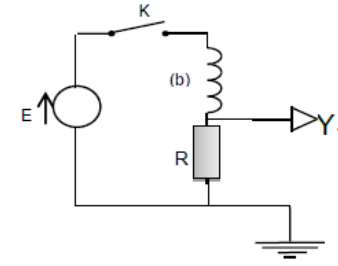
$$v^2 = \frac{mg}{K} - \frac{m}{k} \frac{dv}{dt} \Rightarrow v(t) = \sqrt{\frac{mg}{k} - \frac{m}{k} a(t)}$$

من المعادلة التفاضلية

بالتعويض نجد:

$$v(t) = \sqrt{\frac{2.3 \times 10^{-2}}{3.6 \times 10^{-4}} - \frac{3.2 \times 10^{-3}}{3.6 \times 10^{-4}} a(t)}$$

$$v(t) = \sqrt{63.8 - 6.38 a(t)}$$



1 - رسم الدارة:

2 - المعادلة التفاضلية:

ب. المعادلة التفاضلية لتطور التوتر $u_R(t)$:

بتطبيق قانون جمع التوترات نجد: $E = u_b + u_R = L \frac{di}{dt} + ri + u_R$ وبما أن:

$$u_R = R \cdot i \Rightarrow i = \frac{u_R}{R}$$

وعليه: $E = \frac{L}{R} \frac{du_R}{dt} + \frac{r}{R} u_R + u_R$ ومنه: $\frac{du_R}{dt} + \left(\frac{R+r}{L} \right) u_R = \frac{E \cdot R}{L}$ ج. عبارة الثابتان a و τ :

باشتقاق الحل نجد: $\frac{du_R}{dt} = \frac{a}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$ وبتعويض عبارة المشتق والحل في المعادلة التفاضلية نجد:

$$\frac{a}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \left(\frac{R+r}{L} \right) a \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) = \frac{E \cdot R}{L}$$

وعليه: $\left(\frac{1}{\tau} - \frac{R+r}{L} \right) a e^{-\frac{t}{\tau}} + \left(\frac{R+r}{L} \right) a - \frac{E \cdot R}{L} = 0$ نجد: $\tau = \frac{L}{R+r}$ و

$$a = u_0 = \frac{E \cdot R}{R+r}$$

د. قيمة u_0 و τ بيانيا:

من بيان الشكل 2 نجد: $u_0 = 10,4V$ و $\tau = 10ms$

هـ. استنتاج قيمة الذاتية L :

$$\frac{\tau}{u_0} = \frac{L}{E \cdot R} \text{ ومنه: } \frac{\tau}{u_0} = \frac{L}{R+r} \times \frac{R+r}{E \cdot R}$$

$$L = \frac{\tau \cdot E \cdot R}{u_0} = \frac{10 \times 10^{-3} \times 12 \times 52}{10,4} = 0,6H$$

وقيمة المقاومة r :

$$r = \frac{L}{\tau} - R = \frac{0,6}{10 \times 10^{-3}} - 52 = 8 \Omega \text{ ومنه: } \tau = \frac{L}{R+r}$$

القيمة R_0 و C :

البيان عبارة عن خط مستقيم معادلته هي: $u_{AB} = at + b$ حيث: $b = 2V$ و

$$a = 0,4V \cdot s^{-1}$$

$$u_{AB} = 0,4t + 2 \dots \dots \dots (1) \text{ إذن:}$$

بتطبيق قانون جمع التوترات نجد: $u_{AB} = u_C + u_{R_0} = \frac{q}{C} + R_0 I_0$ ولدينا:

$$I_0 = \frac{q}{t} \Rightarrow q = I_0 t$$

$$u_{AB} = \frac{I_0}{C} t + R_0 I_0 \dots \dots \dots (2) \text{ إذن:}$$

بالمطابقة بين العلاقتين (1) و (2) نجد: $R_0 I_0 = 2$ ومنه:

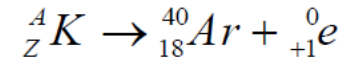
$$R_0 = \frac{2}{I_0} = \frac{2}{4 \times 10^{-6}} = 5 \times 10^5 \Omega$$

$$C = \frac{I_0}{0,4} = \frac{4 \times 10^{-6}}{0,4} = 10^{-5} \text{ ومنه: } \frac{I_0}{C} = 0,4 \text{ وكذلك:}$$

التمرين الرابع: (04 نقطة)

1. معادلة التفاعل:

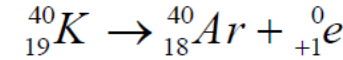
$$Ar \begin{cases} N = 22 \\ Z = A - N = 18 \end{cases} \Rightarrow {}^{40}_{18}Ar$$



ومنه المعادلة:

- بتطبيق قوانين الانحفاظ نجد:

$$\begin{cases} A = 40 + 0 \\ Z = 18 + 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} A = 40 \\ Z = 19 \end{cases} \Rightarrow {}^{40}_{19}K$$



- تصبح المعادلة:

$$2. \text{ عبارة النسبة } \left(\frac{N(Ar)}{N(k)} \right) \text{ بدلالة } \lambda \text{ و } t :$$

$$N(K) = N_0(k) e^{-\lambda t} \text{ : عدد الأنوية المتبقية:}$$

عدد الأنوية المتفككة يساوي عدد الأنوية الناتجة:

$$N(Ar) = \frac{N(k)}{e^{-\lambda t}} - N(k) = N_{0(k)}(e^{\lambda t} - 1)$$

$$\frac{N(Ar)}{N(k)} = \frac{N_0(K)(1 - e^{-\lambda t})}{N_0(K)e^{-\lambda t}} = e^{\lambda t} - 1 \dots \dots \dots (1) \text{ وعليه :}$$

3. أ- البيان المناسب هو البيان الثاني (2):

$$\begin{cases} \frac{N(Ar)}{N(k)} = 0 \\ \frac{N(Ar)}{N(k)} = \infty \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} t = 0 \\ t = \infty \end{cases} \text{ : التعليل} - \text{ وهي متوافقة مع البيان (2)}$$

ب- زمن نصف العمر ($t_{1/2}$) : هو الزمن اللازم لتفكك نصف عدد الأنوية الابتدائية N_0 $N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2}$

ج- استنتاج ($t_{1/2}$)

$$\text{لما } t = t_{1/2} \frac{N(Ar)}{N(k)} = e^{\lambda t} - 1$$

$$\text{فإن: } \frac{N(Ar)}{N(k)} = e^{\frac{\ln 2}{t_{1/2}} t_{1/2}} - 1 = 1 - \text{ من الوثيقة 2 نقرأ : } t_{1/2} = 1.3 \times 10^9 \text{ ans}$$

4. استنتاج عمر الصخور:

$$\frac{N(k)}{N(Ar)} = 0.1 \Rightarrow \frac{N(Ar)}{N(k)} = 10 - \text{ من الوثيقة 2 نقرأ : } t = 4.5 \times 10^9 \text{ ans}$$

الموضوع 2

التمرين الأول: (06 نقاط)

1- تصنيف التفاعل :

- بما أن الزمن المستغرق بالشواني (أكبر من 60 ثانية) فإن: التفاعل بطيء

2- استنتج المتفاعل المحد.

من البيان نجد أن كمية مادة كربونات الكالسيوم موجودة في نهاية التفاعل معناه أن المتفاعل المحد هو حمض كلور الماء

3- جدول تقدم .

معادلة التفاعل	التقدم	$CaCO_3 + 2H_3O^+ = Ca^{2+} + CO_2 + 3$			
الحالة الابتدائية	0	n_0	n_1	0	0
الحالة الانتقالية	X	$n_0 - X$	$n_1 - 2X$	X	X
الحالة النهائية	X_f	$n_0 - X_f$	$n_1 - 2X_f$	X_f	X_f

4- عبارة كتلة كربونات الكالسيوم المتبقية :

$$[Ca^{2+}] = \frac{x}{V} \Rightarrow x = [Ca^{2+}]V ; M_{CaCO_3} = 100g/mol \text{ لدينا}$$

ومن جدول التقدم نجد $n(t) = n_0 - x_{\max}$

$$\text{ومنه: } n(t) \cdot M_{CaCO_3} = n_0 \cdot M_{CaCO_3} - x_{\max} \cdot M_{CaCO_3}$$

$$m(t) = m_0 - M_{CaCO_3}V \cdot [Ca^{2+}]$$

$$m(t) = m_0 - 10 \cdot [Ca^{2+}] \dots\dots\dots 1$$

5-

أ- التقدم الأعظمي X_{\max}

$$m(\infty) = n_0 \cdot M_{CaCO_3} - X_{\max} \cdot M_{CaCO_3} \text{ لدينا}$$

ومنه :

$$X_{\max} = \frac{m_0 - m(\infty)}{M_{CaCO_3}} = \frac{1,5 - 1}{100}$$

$$X_{\max} = 5 \times 10^{-3} mol$$

ب- التركيز المولي C لحمض كلور الماء المستخدم:

$$[H_3O^+] = \frac{2 \times 5 \cdot 10^{-3}}{0,1} = 0,1 mol/l \Rightarrow [H_3O^+] = \frac{n_1}{V} = \frac{2X_{\max}}{V}$$

6- حساب سرعة تشكل Ca^{2+} عند اللحظتين $t_0 = 0s$; $t_1 = 20s$

$$V \cdot [Ca^{2+}] = n_0 - n(t) \text{ نجد :}$$

$$v_{Ca^{2+}} = V \cdot \frac{d[Ca^{2+}]}{dt} = -\frac{V}{10} \frac{dm(t)}{dt} \Rightarrow$$

$$v_{Ca^{2+}}(0) = -\frac{1}{100} \cdot \frac{1,5 - 0}{0 - 30} = 5 \cdot 10^{-4} mol \cdot s^{-1}$$

$$v_{Ca^{2+}}(20) = -\frac{1}{100} \cdot \frac{1,17 - 0,62}{0 - 80} = 6,87 \times 10^{-5} mol \cdot s^{-1}$$

7- استنتج السرعة الحجمية للتفاعل عند نفس الحظتين السابقتين

$$v_v = \frac{1}{V} \left(V \cdot \frac{d[Ca^{2+}]}{dt} \right) = -\frac{1}{10} \frac{dm(t)}{dt}$$

$$v_v(0) = 10 v_{Ca^{2+}}(0) = 5 \cdot 10^{-3} mol \cdot l^{-1} \cdot s^{-1}$$

$$v_v(20) = 10 v_{Ca^{2+}}(20) = 6,87 \times 10^{-4} mol \cdot l^{-1} \cdot s^{-1}$$

8-

تعريف $t_{1/2}$: هو المدة الزمنية اللازمة لإستهلاك نصف كمية المتفاعل المحد.

$$X_{t_{1/2}} = \frac{X_{\max}}{2} = V \cdot [Ca^{2+}]_{t_{1/2}} = 2,5 \times 10^{-3} mol \text{ قيمته :}$$

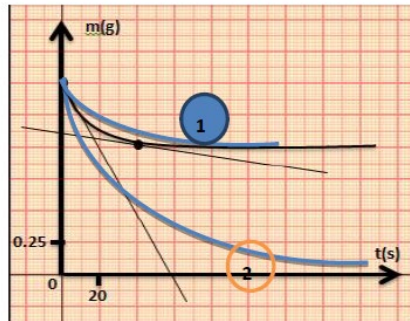
$$[Ca^{2+}]_{t_{1/2}} = \frac{X_{t_{1/2}}}{V} = 2,5 \times 10^{-2} mol/l$$

$$m(t_{1/2}) = m_0 - 10 \cdot [Ca^{2+}]_{t_{1/2}} = 1,5 - 0,25 = 1,25g$$

بالإسقاط على البيان نجد $t_{1/2} = 10s$

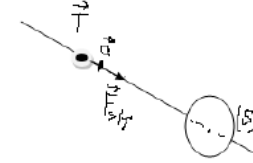
9- على نفس البيان السابق — أرسم شكل كيميائي للبيان في الحالتين

أ- التحول يحدث في درجة حرارة أقل (1) ب- حمض كلور الماء موجود بوفرة (2)



التمرين الثاني: (06 نقطة)

1. تمثيل القوى المؤثرة على تيتان:



• العبارة الشعاعية $\vec{F}_{S/T} = G \frac{M_S m_T}{R_T^2} \vec{\mu}$: $\vec{F}_{S/T}$

• العبارة الشعاعية للتسارع: $\vec{a} = G \frac{M_S}{R_T^2} \vec{\mu}$

• العبارة الحرفية لمركبتي شعاع التسارع: $a_t = \frac{dv}{dt}$ ، $a_n = \frac{v^2}{R_T}$

• إثبات أن الحركة دائرية منتظمة :

في المعلم المركزي الزحلي بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على تيتان أثناء حركته :

بإسقاط هذه العلاقة على المحور المماسي :

$$a_t = \frac{dv_t}{dt} = 0 \text{ m.s}^{-2}$$

بما أن المسار دائري و السرعة ثابتة إذن حركة التيتان حول زحل دائرية منتظمة .

• عبارة السرعة المدارية :

$$a_n = G \frac{M_S}{R_T^2} \rightarrow \frac{v_{orb}^2}{R_T} = G \frac{M_S}{R_T^2}$$

لدينا

$$v_{orb} = \sqrt{G \frac{M_S}{R_T}} \quad \text{ومنه نجد :}$$

2. * التعبير عن قانون كبلر الثالث بالنسبة لعمر "إنسيلاد":

النسبة بين مربع دور حركة إنسيلاد حول زحل إلى مكعب بعده المتوسط عن مركز زحل ثابتة أي :

$$K = \frac{T_E^2}{R_E^3} = C^{te}$$

• إيجاد R_E : لدينا حسب قانون كبلر الثالث :

$$\frac{T_E^2}{R_E^3} = \frac{T_T^2}{R_T^3}$$

$$R_E = \sqrt[3]{\frac{T_E^2 \cdot R_T^3}{T_T^2}} \rightarrow R_E = \sqrt[3]{\left(\frac{T_E}{T_T}\right)^2} \cdot R_T \dots \dots (*)$$

$$T_T = \frac{2\pi R_T}{v} = 2\pi \sqrt{\frac{R_T^3}{G \cdot M_S}} \quad \text{حيث :}$$

$$T_T = 2\pi \sqrt{\frac{(1,22 \cdot 10^9)^3}{6,67 \cdot 10^{-11} \cdot 5,69 \cdot 10^{26}}} \rightarrow T_T = 1,37 \cdot 10^6 \text{ (s)} = 15,89 \text{ jour}$$

نعوض قيمة الدور في العلاقة (*) نجد :

$$R_E = \sqrt[3]{\left(\frac{1,73}{15,89}\right)^2} \times 1,22 \times 10^6 = 2,38 \times 10^5 \text{ km}$$

3- الشروط التي يصبح من أجلها المسبار "كاسيني" مستقر بالنسبة لزحل :

- يدور في نفس جهة دوران زحل حول نفسه

- دور حركته يساوي دور حركة زحل حول نفسه $T_C = T_S$

- مساره دائري ويقع في مستوى خط الاستواء لزحل

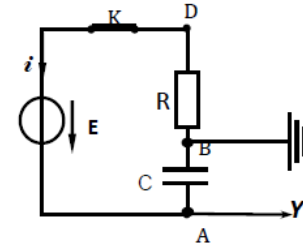
• اثبات أن : $h = \sqrt[3]{\frac{T_C^2 \cdot G \cdot M_S}{4\pi^2}} \cdot R_S$

$$\frac{T_C^2}{(h + R_S)^3} = \frac{4\pi^2}{G \cdot M_S} = k \quad \text{لدينا :}$$

$$(h + R_S)^3 = \frac{G \cdot M_S \cdot T_C^2}{4\pi^2} (h + R_S)^3 = G \frac{M_S \times T_C^2}{4\pi^2} \Rightarrow h = \sqrt[3]{G \frac{M_S \times T_C^2}{4\pi^2}} - R_S$$

$$h = \sqrt[3]{\frac{6,67 \cdot 10^{-11} \cdot 5,69 \cdot 10^{26} \cdot (38340)^2}{40}} - 6 \cdot 10^7 = 5,17 \cdot 10^7 \text{ (m)} \quad \text{حساب } h :$$

التمرين الثالث: (04 نقطة)



1- كيفية ربط راسم الامتزاز المهبطي :
 - المدخل Y_1 لراسم الامتزاز يربط بالنقطة A.
 - الأرضي يربط بالنقطة B.

2- تعيين قيمة τ والقيمة I_0

من البيان نجد: $\tau = 50ms$; $I_0 = 6 \times 20 = 120mA$

ب- استنتج قيمة كل من R و C

$$E = R I_0 \Rightarrow R = \frac{E}{I_0} = \frac{12}{0.12} = 100\Omega$$

$$\tau = RC \Rightarrow C = \frac{\tau}{R} = \frac{50 \times 10^{-3}}{100} \Rightarrow C = 500\mu F$$

3- المعادلة التفاضلية:

$$E = U_R + U_C \quad \begin{cases} U_R = R i = R \frac{dq}{dt} \\ U_C = \frac{q}{C} \end{cases} \quad \text{بتطبيق قانون جمع التوترات نجد:}$$

$$R \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = E \Rightarrow \frac{dq(t)}{dt} + \frac{1}{RC} q(t) = \frac{E}{RC} \quad \text{ومنه:}$$

ب- عبارة الحل:

$$\begin{cases} q(t) = A \left(1 - e^{-t/\alpha}\right) \\ \frac{dq(t)}{dt} = \frac{A}{\alpha} e^{-t/\alpha} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{A}{\alpha} \left(e^{-t/\alpha}\right) + \frac{A}{RC} \left(1 - e^{-t/\alpha}\right) = \frac{E}{RC} \\ \left(\frac{A}{\alpha} - \frac{A}{RC}\right) e^{-t/\alpha} + \left(\frac{A}{RC} - \frac{E}{RC}\right) = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \alpha = RC \\ A = C E \end{cases}$$

$$q(t) = CE \left(1 - e^{-\frac{t}{RC}}\right)$$

ج- المدلول الفيزيائي لـ α

- هي الثابت الزمني τ المميز للدائرة RC

د- حساب الشحنة q_0

$$q_0 = C E = 5 \times 10^{-4} \times 12 \Rightarrow q_0 = 6 \times 10^{-3} C$$

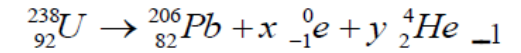
هـ- حساب شدة التيار الكهربائي المار في الدارة عندما تكون: $\frac{q_0}{4}$

$$q(t) = \frac{q_0}{4} = q_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right) \Rightarrow e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{3}{4} \Rightarrow t = -\frac{\ln \frac{3}{4}}{\tau} = 5,7 \times 10^{-3}$$

$$i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right) = 12 \left(1 - e^{-\frac{5,7 \times 10^{-3}}{50}}\right) = 1,38 \times 10^{-3} mA$$

التمرين الرابع: (04 نقطة)

يوجد الرصاص و اليورانيوم في الصخور بنسبة مختلفة حسب تاريخ تكونها، نعتبر أن الرصاص ^{238}U متواجد في بعض الصخور نتيجة تفكك أنوية اليورانيوم

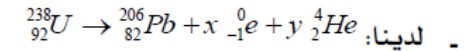


لـ تعريف: النشاط الإشعاعي: هو تحول نووي تلقائي يحدث على مستوى الأنوية ويكون مرفوقا بانبعاثات إشعاعية. يقابل تفكك نواة واحدة خلال كل ثانية

بـ خصائص النشاط الإشعاعي:

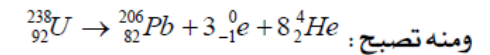
- عشوائي، تلقائي، حتمي، مستقل عن التركيب الكيميائي مستقل عن عاملي الضغط ودرجة الحرارة

بـ اوجد قيمة العددين x و y



- باستعمال قوانين الانحفاظ نجد:

$$\begin{cases} 238 = 206 + 4y \\ 92 = 82 - x + 2y \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = 8 \\ x = 3 \end{cases}$$



جـ تركيب نواتي اليورانيوم ^{238}U والرصاص ^{206}Pb

- تتكون نواة اليورانيوم $^{238}_{92}\text{U}$: 92 بروتون و 146 نوترون

- تتكون نواة الرصاص $^{206}_{82}\text{Pb}$: 82 بروتون و 124 نوترون

دـ حساب طاقة الربط:

$$E_l = \Delta m c^2 = \left[Z m_p + (A - Z) m_n - m(^{238}_{92}\text{U}) \right] \times c^2 \quad \text{لدينا}$$

$$E_l(\text{U}) = [92 \times 1,00728 + 146 \times 1,00866 - 238,00018] \cdot 931.5 \text{ MeV} \quad \text{لنواة } ^{238}_{92}\text{U}$$

$$E_l(\text{U}) = 1801,465 \text{ U}$$

$$E_l(\text{Pb}) = [82 \times 1,00728 + 124 \times 1,00866 - 205,97445] \cdot 931.5 \text{ MeV} \quad \text{لنواة } ^{206}_{82}\text{Pb}$$

$$E_l(\text{Pb}) = 1580.15 \text{ MeV}$$

هـ- إستنتج النواة الأكثر استقرارا.

$$\text{ومنه: نواة الرصاص } ^{206}_{82}\text{Pb} \text{ أكثر استقرارا من نواة اليورانيوم } ^{238}_{92}\text{U} \begin{cases} \frac{E_l}{A}(\text{U}) = 7,5691 \text{ MeV / nécleon} \\ \frac{E_l}{A}(\text{Pb}) = 7,6706 \text{ MeV / nécleon} \end{cases}$$

2

أ- إثبات عبارة عمر الأرض:

$$t = -\frac{1}{\lambda} \cdot \ln \left[\frac{N(\text{U})}{N_0} \right] \quad ; \quad t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} \quad ; \quad N(\text{U}) = N_0 - N(\text{Pb})$$

بالتعويض نجد:

$$t = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \cdot \ln \left[\frac{N_0}{N(\text{U})} \right] = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \cdot \ln \left[\frac{N_0}{N_0 - N(\text{Pb})} \right]$$

$$t = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \cdot \ln \left[1 + \frac{M(\text{U}) \cdot m(\text{Pb})}{m(\text{U}) \cdot M(\text{Pb})} \right]$$

$$t = \frac{4,5 \times 10^9}{0,69} \cdot \ln \left[1 + \frac{238 \times 865}{1 \times 206} \right] \Rightarrow t = 4.48 \times 10^{10} \text{ ans} \quad \text{بـ حساب عمر الأرض:}$$