## Chapitre 06: Modélisation d'une action sur une système - Corrigé



1 A et B.

2 A.

**3** C.

4 B.

**5** B.

6 B et C.

**7** A, B et C.

8 C.

**9** B.

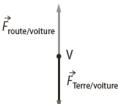
**10** A, B et C.

11 A et C.

**12** A et C.

- **15 1.** La voiture subit l'action à distance de la Terre et l'action de contact de la route.
- **2.** La voiture étant immobile, les forces se compensent (voir chapitre 8).

Représentation des forces modélisant les actions mécaniques :



- 16 La force modélisant l'action exercée par la main sur la corde doit être représentée au point C par un vecteur  $\vec{F}_{\text{main de l'archer/corde}}$  dont les caractéristiques sont :
- la direction : l'horizontale ;
- le sens : de la corde vers la main de l'archer ;
- la valeur : 225 N;
- la longueur  $\ell = \frac{225 \times 1,0}{100} = 2,3$  cm (2 chiffres significatifs).

main de l'archer 
$$\leftarrow$$
 C  $\overrightarrow{F}_{\text{main de l'archer/corde}}$  C

- **21 1.** L'interaction modélisée par la force représentée sur le schéma est l'action de Jupiter sur son satellite Io.
- **2.** L'expression vectorielle de cette force d'interaction  $\vec{F}_{\rm J/I}$  est :

$$\vec{F}_{J/I} = G \cdot \frac{M_J \cdot M_I}{d^2} \cdot \vec{u}_{IJ}$$

**1.** L'expression vectorielle de la force d'interaction  $\vec{F}_{1/1}$  est :

$$\vec{F}_{I/J} = -G \cdot \frac{M_I \cdot M_J}{d^2} \cdot \vec{u}_{IJ} \text{ ou } \vec{F}_{I/J} = G \cdot \frac{M_I \cdot M_J}{d^2} \cdot \vec{u}_{JI}$$

**2.** En convertissant la distance d en mètre, on a :  $d = 4.22 \times 10^5 \times 10^3 = 4.22 \times 10^8$  m La valeur de cette force est :

$$F_{\rm I/J} = 6,67 \times 10^{-11} \times \frac{8,93 \times 10^{22} \times 1,90 \times 10^{27}}{(4,22 \times 10^8)^2}$$

$$F_{\rm I/J} = 6.35 \times 10^{22} \text{ N}$$

**3.** Les données indiquent une échelle de 1,0 cm pour une valeur de force de  $3,00 \times 10^{22}$  N. Ainsi, la longueur  $\ell$  du vecteur est :

$$\ell = \frac{6,35 \times 10^{22} \times 1,0}{3,00 \times 10^{22}}$$
 soit  $\ell = 2,1$  cm.

Schéma



- **1.** D'après le tableau, l'intensité de pesanteur semble dépendre de la masse de la planète et, d'après l'énoncé (texte), de l'altitude à laquelle on se trouve.
- 2. D'après les expressions de ces forces :

$$\vec{P} = m \cdot \vec{g}$$

$$\vec{F}_{\text{astre/système}} = m \cdot \left(\frac{G \cdot m_{\text{A}}}{(R+h)^2}\right) \cdot \vec{u}_{\text{SA}}$$

on en déduit :

$$\vec{g} = \frac{G \cdot m_{A}}{(R+h)^2} \cdot \vec{u}_{SA}$$

L'intensité de pesanteur dépend bien de la masse de l'astre  $m_{\rm A}$  et de l'altitude h (ainsi que du rayon de l'astre R).

- **1.** Pour déterminer la valeur du poids, on a utilisé un dynamomètre.
- **2.** La longueur du vecteur représentant le poids est de 3,5 cm et l'échelle indique que 1,0 cm représente 5,0 N, donc :

 $P = 3.5 \times 5.0 = 17.5 \text{ N}$ 

P = 18 N (2 chiffres significatifs)

3. Comme  $P = m \cdot g$  alors  $m = \frac{P}{g}$ .  $m = \frac{18}{9.81} = 1.8 \text{ kg}$ 

# 17 On lit l'échelle : 0,4 cm représente 2 N.

Les vecteurs rouges mesurent 0,9 cm, donc  $F_1 = 0.9 \times \frac{2}{0.4} = 4.5 \text{ N}$ ;  $F_1 \approx 5 \text{ N}$ .

Les vecteurs verts mesurent 1,8 cm, donc  $F_2 = 1,8 \times \frac{2}{0,4} = 9$  N.

Tableau des caractéristiques des forces :

Cas A	Cas B	Cas C
$ \begin{array}{c} 2N \\ \hline \vec{F}_1 \end{array} $	$\vec{F}_1$ $\vec{F}_2$	$ \stackrel{\text{2 N}}{\longrightarrow} \vec{F}_1 $
<ul> <li>Les caractéristiques de la force F sont:</li> <li>la direction: l'horizontale;</li> <li>le sens: de la gauche vers la droite;</li> <li>la valeur: ≈ 5 N.</li> </ul>	<ul> <li>Les caractéristiques de la force F<sub>1</sub> sont :</li> <li>la direction : la verticale ;</li> <li>le sens : de bas en haut ;</li> <li>la valeur : ≈ 5 N.</li> </ul>	<ul> <li>Les caractéristiques de la force F  sont : - la direction : l'horizontale ; - le sens : de la droite vers la gauche ; - la valeur : ≈ 5 N.</li> </ul>
<ul> <li>Les caractéristiques de la force F<sub>2</sub> sont :</li> <li>la direction : l'horizontale ;</li> <li>le sens : de la gauche vers la droite ;</li> <li>la valeur : 9 N.</li> </ul>	• Les caractéristiques de la force $\vec{F}_2$ sont : - la direction : l'horizontale ; - le sens : de la gauche vers la droite ; - la valeur : 9 N.	• Les caractéristiques de la force $\vec{F}_2$ sont : - la direction : l'horizontale ; - le sens : de la gauche vers la droite ; - la valeur : 9 N.

# 30 La Station spatiale internationale ISS

#### 1. a. Schéma ci-contre:

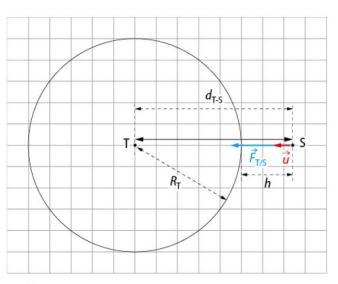
**b.** L'expression de la force  $\vec{F}_{T/S}$  est :

$$\vec{F}_{T/S} = G \cdot \frac{M_T \cdot m}{d^2} \cdot \vec{u}$$

Or la distance entre le centre de la Terre et l'ISS est  $d = R_T + h$ . Donc :

$$\vec{F}_{T/S} = G \cdot \frac{M_T \cdot m}{(R_T + h)^2} \cdot \vec{u}$$

2. On sait que  $M_T = 5.97 \times 10^{24}$  kg et m = 435 t =  $435 \times 10^3$  kg, alors :  $R_T = 6371$  km =  $6371 \times 10^3$  m et h = 400 km =  $400 \times 10^3$  m.



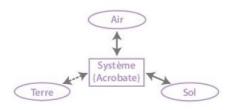
$$F_{\text{T/S}} = 6.67 \times 10^{-11} \times \frac{5.97 \times 10^{24} \times 435 \times 10^3}{(6.371 \times 10^3 + 400 \times 10^3)^2} \text{, donc } F_{\text{T/S}} = 3.78 \times 10^6 \text{ N}.$$

### QUELQUES CONSEILS

- 1. Il faut considérer la distance entre l'ISS (le point S) et le centre de la Terre (le point T), donc tenir compte à la fois du rayon de la Terre  $R_T$  et de l'altitude de l'ISS h.
- 2. Convertir les distances en mètre et les masses en kilogramme.

## DS (35 minutes) Équilibre

- 1. Le système étudié {acrobate} est soumis :
- à l'action de la Terre (action à distance);
- à l'action du sol (action de contact);
- à l'action de l'air (action de contact).



**2.** 
$$P = m_{\text{acrobate}} \times g$$
, soit  $P = 72 \text{ kg} \times 9.8 \text{ N} \cdot \text{kg}^{-1} = 7.0 \times 10^2 \text{ N}$ .

On a 
$$\frac{7.0 \times 10^2 \text{ N}}{200 \text{ N} \cdot \text{cm}^{-1}} = 3.5 \text{ cm}.$$

On modélise le poids  $\vec{P}$  par un segment fléché de longueur 3,5 cm, vertical et vers le bas représenté en un point matériel modélisant l'acrobate.



**3. a.** Le vecteur unitaire  $\vec{u}_{_{T\to a}}$  est dirigé vers le haut. La force est donc opposée à ce vecteur unitaire. L'expression vectorielle de cette force doit comporter un signe négatif.

$$\vec{F}_{\text{Terre/acrobate}} = -G \frac{m_{\text{T}} \times m_{\text{acrobate}}}{R_{\text{T}}^2} \vec{u}_{\text{T} \rightarrow \text{a}}.$$

**b.** 
$$F_{Terre/acrobate} = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-2} \times \frac{6,0 \times 10^{24} \text{ kg} \times 72 \text{ kg}}{(6,4 \times 10^6 \text{ m})^2}$$

$$F_{\text{Terre/acrobate}} = 7.0 \times 10^2 \text{ N}.$$

c. Ces deux forces ont la même valeur.

**4.** D'après le principe des actions réciproques,  $\vec{F}_{\text{acrobate/Terre}} = -\vec{F}_{\text{Terre/acrobate}}$ . Ces deux forces ont donc la même droite d'action, des sens opposés et la même valeur.

$$F_{\text{acrobate/Terre}} = 7.0 \times 10^2 \text{ N}.$$

**5. a.** Comme le système étudié n'est soumis qu'à son poids et à l'action du sol, et qu'il est immobile dans le référentiel lié au sol, alors les deux forces ont même droite d'action et sont telles que :  $\vec{R} = -\vec{F}_{\text{Terre/acrobate}}$  et donc  $R = 7.0 \times 10^2 \text{ N}$ .

**b.** On modélise la réaction du sol  $\vec{R}$  par un segment fléché de longueur 3,5 cm, vertical et vers le haut, représenté en un point matériel modélisant l'acrobate.

