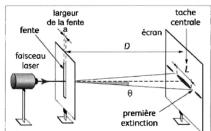
Révision 23-24 Mars 2025 - Corrigé

1- 24-PYCJ1G11

EXERCICE 2: utilisation d'un laser comme instrument de mesure (6 points) Jour 1

1. Vérification de la longueur d'onde d'un laser

Q.1. Exprimer, à l'aide de la figure 1, l'angle de diffraction θ en fonction de la largeur L de la tache centrale et de la distance D.



D'après la figure 1, on a :

$$\tan \theta = \frac{opp.}{adj.} = \frac{L/2}{D} = \frac{L}{2D}.$$

Approximation des petits angles : tan $\theta \approx \theta$.

Finalement : $\theta \approx$

Figure 1: montage de diffraction

Q.2. Déduire des informations précédentes la valeur de la longueur d'onde \(\lambda_{\text{laser}}\) du laser utilisé. Justifier.

Théorie de la diffraction : $\theta = \frac{\lambda_{\text{paser}}}{1}$

Le graphe $\theta = f(1/a)$ est une droite qui passe par l'origine.

On peut modéliser le graphe par une fonction linéaire de la forme : $\theta = k \times \frac{1}{2}$ avec $k = 6.41 \times 10^{-7}$ m.

En égalant les deux expressions de θ , on a : $\lambda_{laser} = k$ soit $\lambda_{laser} = 6.41 \times 10^{-7} \text{ m} = 641 \times 10^{-2} \times 10^{-7} = 641 \times 10^{-9} \text{ m} = 641 \text{ nm}$.

Q.3. Indiquer si la valeur mesurée est en accord avec la longueur d'onde $\lambda_{réf}$ = 650 nm indiquée sur la notice par le constructeur.

8

Calculons le quotient : $z = \left[\frac{\lambda_{\text{laser}} - \lambda_{\text{réf}}}{u(\lambda_{\text{laser}})}\right]$.

Comme $\lambda_{\text{laser}} = k$ alors $u(\lambda_{\text{laser}}) = u(k) = 5,7 \times 10^{-9} \text{ m} = 5,7 \text{ nm}$ (Valeur lue sur la figure 3).

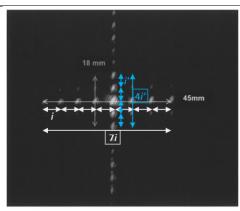
$$\left|\frac{\lambda_{\text{laser}} - \lambda_{\text{r\'ef}}}{u(\lambda_{\text{laser}})}\right| = \left|\frac{641 - 650}{5.7}\right| \approx 1.6 < 2 \text{ en conservant deux chiffres significatifs.}$$

L'écart entre la valeur de la longueur du laser mesurée et la valeur de la longueur d'onde de référence est inférieure à deux fois l'incertitude-type. La valeur de la longueur du laser mesurée est en accord avec la valeur de la longueur d'onde de référence indiquée sur la notice par le constructeur.

2. Mesure de la taille d'une maille rectangulaire d'un voile polyester

Q.4. Évaluer les valeurs des interfranges, i et i, à l'aide des dimensions figurant sur la figure 6.

L'interfrange i est la distance séparant les centres de deux franges brillantes ou sombres consécutives.



Sur l'axe horizontal, on mesure 45 mm pour 7 interfranges soit : 7i = 45 mm.

$$i = \frac{45 \text{ mm}}{7} \approx 6.4 \text{ mm} \text{ en conservant}$$

deux chiffres significatifs.

Sur l'axe vertical, on mesure 18 mm pour 4 interfranges soit : 4i' = 18 mm.

$$i' = \frac{18 \ mm}{4} = 4,5 \ mm.$$

6.238555556E-4

8.912222222E-4

Figure 6 : interférences obtenues avec le voile

Q.5. En déduire les valeurs des dimensions b et b' du voile utilisé, ainsi que leurs incertitudes associées, en considérant les incertitudes-types sur i et i': u(i) = u(i') = 0,1 mm. Écrire les résultats avec un nombre adapté de chiffres significatifs.

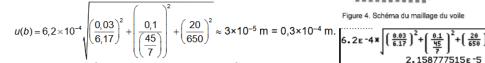
resultats avec un nombre adapté de chiffres significatifs.

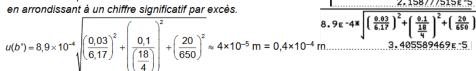
$$i = \frac{\lambda \times D'}{b}$$
 donc $b = \frac{\lambda \times D'}{i}$ soit $b = \frac{650 \times 10^{-9} \times 6,17}{\left(\frac{45 \times 10^{-3}}{7}\right)}$ m = 6,2 ×10⁻⁴ m.
 $i' = \frac{\lambda \times D'}{b'}$ donc $b' = \frac{\lambda \times D'}{i'}$ soit $b' = \frac{650 \times 10^{-9} \times 6,17}{\left(\frac{18 \times 10^{-3}}{4}\right)}$ m = 8,9 ×10⁻⁴ m.

On remarque que b < b' ce que montre bien le schéma de la figure 4.

$$\frac{u(b)}{b} = \sqrt{\left(\frac{u(D')}{D'}\right)^2 + \left(\frac{u(i)}{i}\right)^2 + \left(\frac{u(\lambda)}{\lambda}\right)^2}$$

$$donc \ u(b) = b \times \sqrt{\left(\frac{u(D')}{D'}\right)^2 + \left(\frac{u(i)}{i}\right)^2 + \left(\frac{u(\lambda)}{\lambda}\right)^2}.$$





Finalement: $b = (6.2 \pm 0.3) \times 10^{-4} \text{ m}$ et $b' = (8.9 \pm 0.4) \times 10^{-4} \text{ m}$.

Q.6. Expliquer pourquoi la distance D utilisée dans le montage de la partie 1 a dû être remplacée par une distance D' pour effectuer la mesure de la partie 2.

Dans la partie 1, la distance D est la distance fente – écran.

Les fentes ont une largeur comprise entre 30 µm et 200 µm.

Dans la partie 2. la distance D' est la distance maille – écran.

Les mailles sont bien plus larges que les fentes précédentes, puisqu'elles mesurent $b = 6.2 \times 10^{-4} \text{ m} = 6.2 \times 10^{2} \mu\text{m} \text{ et } b' = 8.9 \times 10^{2} \mu\text{m}.$

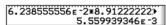
Ainsi les interfranges sont de plus petite dimension que les taches centrales précédentes.

Elles sont sans doute trop petites pour être mesurées correctement. En augmentant la distance, on augmente la largeur des interfranges et on améliore la précision relative de leur mesure.

Q.7. Estimer le nombre d'ouvertures par cm² du voile polyester testé. Indiquer s'il est utilisable comme moustiquaire anti-pollen selon l'ECARF.

Un moustiquaire anti-pollen doit comporter à minima : 3×50 = 150 ouvertures par cm².

Considérons la surface du cadre bleu, il contient une ouverture La surface du cadre bleu est $S = b \times b' = 6.2 \times 10^{-4} \text{ m} \times 8.9 \times 10^{-4} \text{ m}$ $S = 6.2 \times 10^{-2} \text{ cm} \times 8.9 \times 10^{-2} \text{ cm} = 5.6 \times 10^{-3} \text{ cm}^2$.



Ainsi:

1 ouverture \Leftrightarrow 5.6×10⁻³ cm². N ouvertures \Leftrightarrow 1 cm².

$$N = \frac{1}{5.6 \times 10^{-3}}$$
 = 180 ouvertures par cm².

N > 150 ouvertures par cm². Le polyester testé est utilisable comme moustiquaire anti-pollen.

Remarque : en tenant compte des incertitudes sur b et b', et en majorant ces valeurs :

$$b = (6.2 \pm 0.3) \times 10^{-4} \text{ m} \Rightarrow b_{\text{max}} = 6.5 \times 10^{-4} \text{ m} = 6.5 \times 10^{-2} \text{ cm}$$

 $b' = (8.9 \pm 0.4) \times 10^{-4} \text{ m} \Rightarrow b'_{\text{max}} = 9.3 \times 10^{-4} \text{ m} = 9.3 \times 10^{-2} \text{ cm}$
Ainsi:

1 ouverture \Leftrightarrow 6.5×10⁻² × 9.3×10⁻² cm².

N ouvertures \Leftrightarrow 1 cm².

$$N = \frac{1}{6.5 \times 10^{-2} \times 9.3 \times 10^{-2}}$$
 = 164 ouvertures par cm².

N > 150 ouvertures par cm². Même conclusion.

6.538555556 E -2*9.312222222 6.088848235E-3 1/6.088848235E-3 1.642346732E2

2- Extrait de Sujet -PYCJ2AN1 - 2024

3. Vitesse d'un coup droit smashé au tennis de table

Q.15. Expliquer pourquoi la situation illustre l'effet Doppler.

Le cinémomètre émet une onde électromagnétique qui va se réfléchir sur la balle.

La balle étant en mouvement, elle se comporte comme un émetteur qui se rapproche du récepteur. Dans cette situation, en raison de l'effet Doppler, la fréquence réfléchie par la balle sera modifiée.

Q.16. Déterminer le signe du décalage Doppler dans la situation où la balle smashée s'approche du cinémomètre.

On a en tête le son de la sirène d'une ambulance qui s'approche de nous. Elle nous paraît plus aigue à l'approche, donc sa fréquence est plus élevée.

Si on considère que le décalage Doppler est $\Delta f = f_R - f_0$, à l'approche on a $f_R > f_0$ donc $\Delta f > 0$.

Suite au smash réalisé par un joueur amateur, l'appareil mesure un décalage Doppler dont la valeur absolue est $|\Delta f|$ = 4470 Hz.

Q.17. Calculer la vitesse de ce smash.

$$|\Delta f| = 2 \times f_0 \times \frac{v}{c_{onde}}$$
 donc $v = \frac{|\Delta f| \times c_{onde}}{2 \times f_0}$

L'onde émise par le cinémomètre est une onde électromagnétique qui se déplace à la célérité de la lumière $c_{onde} = c = 3.0 \times 10^8 \text{ m.s}^{-1}$.

$$v = \frac{4470 \times 3,00 \times 10^8}{2 \times 24,125 \times 10^9} = 27,8 \text{ m.s}^{-1}$$

2*24.125E9 2.779274611E1

Le record du monde du smash le plus rapide a été établi en 2003 par Mark Brandt avec une vitesse atteinte de 112,5 km·h⁻¹.

Q.18. Indiquer, en justifiant, si la vitesse du smash du joueur amateur est du même ordre de grandeur que le record du monde.

On multiplie par 3,6 pour convertir la vitesse obtenue en km.h⁻¹

Rep*3.6 $v = 100 \text{ km.h}^{-1}$

L'ordre de grandeur d'un nombre est la puissance de 10 la plus proche de ce nombre.

Pour l'amateur v est de l'ordre de 10² km.h⁻¹

Pour le record du monde, on obtient le même ordre de grandeur.

Notre amateur est plutôt doué pour smasher.

3-24-PYCJ1ME1

EXERCICE 2 Observation d'un avion en vol

Q1.

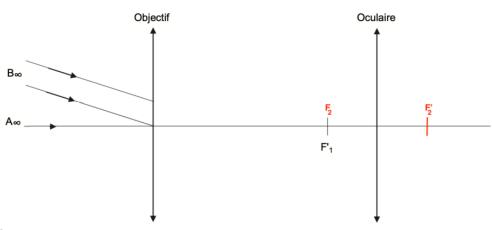
Un système optique est dit afocal s'il donne d'un objet à l'infini une image à l'infini.

Q2.

Pour que la lunette soit afocale, les deux foyers F_1^\prime et F_2 doivent être confondus.

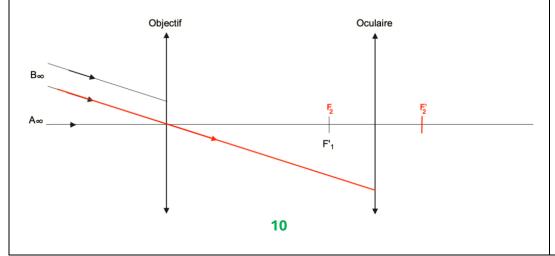
Comme la lunette est afocale, on place F_2 sur F'_1 .

La distance $\mathbf{OF}_2' = \mathbf{OF}_2$.

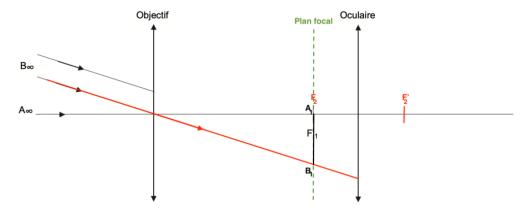


Q3.

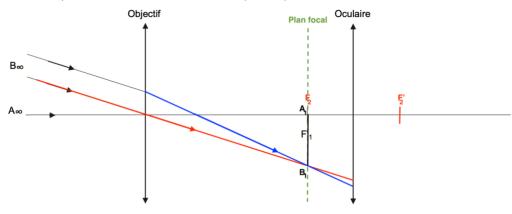
Le rayon lumineux issu de B pénétrant dans la lunette par le centre optique O_1 de la lentille L_1 n'est pas dévié.



Position de B_1 image intermédiaire de B: Comme l'objet $A_{\infty}B_{\infty}$ est à l'infini, son image A_1B_1 est dans le plan focal image de l'objectif L_1 .

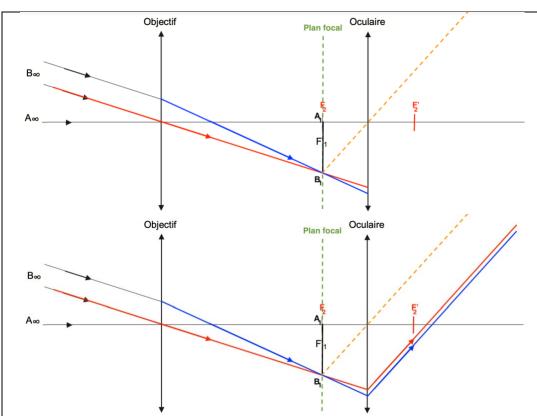


L'autre rayon lumineux issus de B, sort de L₁ en passant par B₁.



Pour le rayon émergeant de la lentille L₂ :

- ➤ On trace un rayon issu de B₁ passant par O₂. Ce rayon ne sera pas dévié.
- ➤ De plus nous savons que l'image d'un objet situé dans le plan focal objet d'une lentille se forme à l'infini. Ainsi les rayons émergeants de la lentille L₂ issue de B₁ seront parallèles à ce rayon tracé.



Q4.

Pour des angles très petits, exprimés en radian : tan $\alpha \approx \alpha$

$$\alpha \approx \tan \alpha = \frac{\text{opposé}}{\text{adjacent}}$$

adjacent

$$\alpha = \frac{L}{h}$$

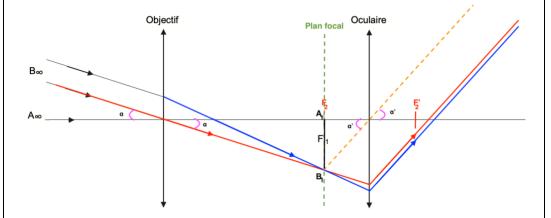
$$\alpha = \frac{44.5}{10.4 \times 10^3}$$

$$\alpha = 4.28 \times 10^{-3} \text{ rad}$$

D'après le sujet : « un observateur peut distinguer deux points différents si l'angle α sous lequel ces deux points sont vus depuis le point d'observation est supérieur ou égal à = 3,0 × 10⁻⁴ rad » α >3,0 × 10⁻⁴ rad : on peut distinguer, à l'œil nu, l'avant de l'avion et sa queue.

L'angle α est l'angle sous lequel est vu l'objet sans la lunette.

L'angle α' est l'angle sous lequel est vu l'objet avec la lunette.



Le grossissement G d'une lunette astronomique est défini par :

$$G = \frac{\alpha'}{\alpha}$$

Q6.

Calculons α :

Pour des angles très petits, exprimés en radian : tan $\alpha \approx \alpha$

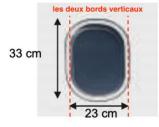
$$\alpha \approx \tan \alpha = \frac{\text{opposé}}{\text{adjacent}}$$

$$\alpha = \frac{l}{h}$$

avec I la distance entre les deux bords verticaux : I=23 cm

$$\alpha = \frac{23 \times 10^{-2}}{10.4 \times 10^{3}}$$

$$\alpha = 2.2 \times 10^{-5} \text{ rad}$$



Calculons le grossissement minimal pour voir les deux bords verticaux (avec $\alpha'=3.0 \times 10^{-4}$ rad,) :

$$G = \frac{\alpha'}{\alpha}$$

$$G = \frac{3.0 \times 10^{-4}}{2.2 \times 10^{-5}}$$

$$G = 14$$

Les valeurs du grossissement de la lunette astronomique utilisée sont comprises entre 16 et 48 : On peut distinguer les deux bords verticaux d'un hublot de l'avion à l'aide de la lunette astronomique utilisée.

2. Détermination de la vitesse d'un avion A312 en phase d'atterissage

07

Le phénomène mis en jeu dans cette expérience est l'effet Doppler.

Q8.

Faisons l'analyse dimensionnelle de la proposition A :

$$f_{A} = \frac{c}{c - v}$$

$$[f_{A}] = \frac{[c]}{[c] - [v]}$$

$$Hz = \frac{m. s^{-1}}{m. s^{-1} - m. s^{-1}}$$

$$Hz = \frac{m. s^{-1}}{m. s^{-1}}$$

Hz = sans unité : la relation est fausse.

$$\frac{c > c - v}{\frac{c}{c - v}} > 1$$

Ainsi, en multipliant par $\frac{c}{c-v}$, la fréquence augmente

$$\frac{c < c + v}{\frac{c}{c + v}} < 1$$

Ainsi, en multipliant par $\frac{c}{c+v}$, la fréquence diminue

Expérimentalement f_A>f_E

La proposition C donne f_A<f_E

La proposition D n'est pas symétrique du fait du coefficient 2 de la première formule par rapport à la deuxième.

Ainsi, nous choisissons la proposition B.

Q9.

$$f_A = f_0 \times \frac{c}{c - v}$$
Or
$$f_E = f_0 \times \frac{c}{c + v}$$

$$f_0 \times \frac{c}{c + v} = f_E$$

$$f_0 = f_E \times \frac{c + v}{c}$$

D'où

$$f_{A} = f_{E} \times \frac{c+v}{c} \times \frac{c}{c-v}$$

$$f_{A} = f_{E} \times \frac{c+v}{e} \times \frac{c}{c-v}$$

$$f_{A} = f_{E} \times \frac{c+v}{c-v}$$

$$f_{A} \times (c-v) = f_{E} \times (c+v)$$

$$\begin{aligned} f_{A} \times c - f_{A} \times v &= f_{E} \times c + f_{E} \times v \\ -f_{A} \times v - f_{E} \times v &= f_{E} \times c - f_{A} \times c \\ v \times (-f_{A} - f_{E}) &= c \times (f_{E} - f_{A}) \end{aligned}$$

$$v = c \times \frac{(f_{E} - f_{A})}{(-f_{A} - f_{E})}$$

$$v = 345 \times \frac{(1,5 \times 10^{3} - 2,2 \times 10^{3})}{(-2,2 \times 10^{3} - 1,5 \times 10^{3})}$$

$$v = 65 \text{ m. s}^{-1}$$

$$v = 65 \times 3,6$$

$$v = 235 \text{ km. h}^{-1}$$

12

La vitesse trouvée est inférieure à la vitesse de croisière de l'avion, c'est cohérent avec une vitesse atterrissage.

4-24-PYCJ2ME3

EXERCICE 1 - Vol en montgolfière

1. L'envol de la montgolfière

Q1.

D'après les données : « l'air, assimilé à un gaz parfait, est composé, en quantité de matière, de 80 % de diazote N₂ et de 20 %de dioxygène O₂; »

$$\begin{split} &M_{air} = \frac{80}{100} \times M_{N_2} + \frac{20}{100} \times M_{O_2} \\ &M_{air} = \frac{80}{100} \times 2 \times M_N + \frac{20}{100} \times 2 \times M_O \\ &M_{air} = \frac{80}{100} \times 2 \times 14 \times 10^{-3} + \frac{20}{100} \times 2 \times 16 \times 10^{-3} \\ &M_{air} = 2.9 \times 10^{-2} \text{ Kg} \cdot \text{mol}^{-1} \\ &M_{air} = 2.9 \times 10^{-3} \text{ Kg} \cdot \text{mol}^{-1} \end{split}$$

Ainsi, la valeur de la masse molaire Mair de l'air est voisine de 29×10⁻³ kg·mol⁻¹.

Q2.

$$p_{int} \times V = \frac{n_{int}}{n_{int}} \times R \times T_{int}$$

$$or n_{int} = \frac{m_{in}}{M_{ai}}$$

$$p_{int} \times V = \frac{m_{int}}{M_{air}} \times R \times T_{int}$$

$$\frac{m_{\rm int}}{M_{\rm air}} \times R \times T_{\rm int} = p_{\rm int} \times V$$

$$m_{int} = \frac{p_{int} \times V \times M_{air}}{R \times T_{int}}$$

Poids total du système {montgolfière + air intérieur} :

$$P_{total} = m_{total} \times g$$

$$m_{total} = m_{int} + m_{ens}$$

$$P_{\text{total}} = (m_{\text{int}} + m_{\text{ens}}) \times g$$

Q4.

$$\pi_A = \rho_{ext} \times V \times g$$

$$\pi_A = 1,2 \times 2,5 \times 10^3 \times 9,81$$

$$\pi_A = 2,9 \times 10^4 \text{ N}$$

Pour que la montgolfière puisse décoller il faut que la poussée d'Archimède soit supérieure au poids : $\pi_A \geq P$

Or (D'après la question Q3.)

$$P = (m_{int} + m_{ens}) \times g$$

D'ou

$$\pi_A \ge (m_{int} + m_{ens}) \times g$$

Or (D'après la question Q2.)

$$m_{int} = \frac{p_{int} \times V \times M_{air}}{R \times T_{int}}$$

$$\pi_{A} \ge \left(\frac{p_{int} \times V \times M_{air}}{R \times T_{int}} + m_{ens}\right) \times g$$

$$\frac{\pi_{A}}{g} \ge \left(\frac{p_{int} \times V \times M_{air}}{R \times T_{int}} + m_{ens}\right)$$

$$\frac{\pi_{A}}{g} \ge \left(\frac{p_{int} \times V \times M_{air}}{R \times T_{int}} + m_{ens}\right)$$

$$\frac{\pi_A}{g} - m_{ens} \ge \frac{p_{int} \times V \times M_{ain}}{R \times T_c}$$

$$\frac{\pi_{A}}{g} - m_{ens} \ge \frac{p_{int} \times V \times M_{air}}{R \times T_{int}}$$
$$\left(\frac{\pi_{A}}{g} - m_{ens}\right) \times T_{int} \ge \frac{p_{int} \times V \times M_{air}}{R}$$

$$T_{int} \ge \frac{p_{int} \times V \times M_{air}}{R \times \left(\frac{\pi_A}{g} - m_{ens}\right)}$$

Ainsi, la valeur de la température minimale T_{min} de l'air à l'intérieur de l'enveloppe pour que la montgolfière puisse décoller est :

$$T_{\min} = \frac{p_{\text{int}} \times V \times M_{\text{air}}}{R \times \left(\frac{\pi_{A}}{g} - m_{\text{ens}}\right)}$$

$$T_{\min} = \frac{1,0 \times 10^5 \times 2,5 \times 10^3 \times 29 \times 10^{-3}}{8,31 \times \left(\frac{2,9 \times 10^4}{9,81} - 500\right)}$$

$$T_{\min} = 355 \, \text{K}$$

$$T_{\min} = 355 - 273$$

$$T_{\min} = 82 \, ^{\circ}C$$

Q6.

Système {montgolfière + air intérieur} Référentiel terrestre supposé galiléen

D'après la deuxième loi de newton :

$$\Sigma \overrightarrow{F_{\text{ext}}} = m \vec{a}$$

$$\vec{P} + \vec{\pi}_A = \vec{m}\vec{a}$$

$$\vec{m} = \vec{P} + \vec{\pi}_A$$

$$\vec{a} = \frac{\vec{P} + \vec{\pi}_A}{\vec{P}}$$

13

$$\begin{aligned} a_z &= \frac{-P + \pi_A}{m} \\ a_z &= \frac{-m \times g + \pi_A}{m} \\ a_z &= \frac{-2.8 \times 10^3 \times 9.81 + 2.9 \times 10^4}{2.8 \times 10^3} \\ a_z &= 0.55 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2} \end{aligned}$$

$$a = \sqrt{a_z^2}$$

$$a = \sqrt{0.55^2}$$

$$a = 0.55 \,\mathrm{m} \cdot \mathrm{s}^{-2}$$

$$a_{z} = \frac{dv_{z(t)}}{dt}$$

On intègre l'accélération :

$$v_{z(t)} = 0.55 \times t + C_1$$

Pour trouver les constantes, on utilise la vitesse initiale. Or, d'après le sujet, un dispositif permet de lâcher sans vitesse initiale et simultanément la boule de bowling et la plume : $v_{\rm oz}=0$

Figure 1. Schéma de la montgolfière

à la date t = 0

$$v_{z(t)} = 0.55 \times t$$

Calculons la valeur de sa vitesse au bout de 10 s puis au bout de 1 minute d'ascension :

$$v_{z(t=10s)} = 0.55 \times 10$$

$$v_{z(t=10s)} = 5.5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

$$v_{z(t=1 \text{ min})} = 0.55 \times 1 \times 60$$

$$v_{z(t=1 \text{ min})} = 33 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

Q7

$$v_{z(t=10s)} = 5.5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1} = 5.5 \times 3.6 = 20 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$$

$$v_{z(t=1 \text{ min})} = 33 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1} = 33 \times 3.6 = 119 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1}$$

Les vitesses trouvées sont bien trop importantes pour une montgolfière.

Le modèle ne prend en compte que de la poussée d'Archimède et du poids pour étudier le mouvement du ballon. Il faut prendre en compte les forces de frottements.

2. Une enveloppe de montgolfière plus performante

Q8

Un transfert thermique se fait du corps chaud vers le corps froid.

 θ_{int} = 106 °C est supérieure à θ_{ext} = 21 °C : le sens du flux thermique à travers l'enveloppe simple couche du ballon se fait de l'intérieure vers l'extérieur.

Q9

$$\Phi_1 = \frac{\theta_{\text{int}} - \theta_{\text{ext}}}{R_{\text{th 1}}}$$

$$\Phi_1 = \frac{106 - 21}{3.0 \times 10^{-4}}$$

$$\Phi_1 = 2.8 \times 10^5 \,\mathrm{W}$$



$$\frac{\Phi_1}{\Phi_2} = \frac{2.8 \times 10^5}{165 \times 10^3}$$

$$\frac{\Phi_1}{\Phi_2} = 1.7$$

Le flux thermique ϕ_1 à travers une enveloppe simple couche est 1,7 fois plus grand que le flux thermique ϕ_2 à travers l'enveloppe à double paroi.

Le transfert thermique à travers l'enveloppe à double paroi est limité. La consommation de carburant est ainsi réduite.

3. Une gourde en aluminium à bord de la montgolfière

Q11.

$$\varphi = \frac{\Delta U}{\Delta t}$$

$$\frac{\Delta U}{\Delta t} = \phi$$

Or
$$\phi = h \cdot S \cdot (\theta_{ext} - \theta(t))$$

$$\frac{\Delta U}{\Delta t} = h \cdot S \cdot (\theta_{ext} - \theta(t))$$

0

$$\Delta U = C \times \Delta \theta$$

$$\Delta U = C \times (\theta(t + \Delta t) - \theta(t))$$

$$\frac{C \times \left(\theta(t + \Delta t) - \theta(t)\right)}{\Delta t} = h \cdot S \cdot \left(\theta_{ext} - \theta(t)\right)$$

Ainsi, la température du système vérifie la relation :

$$\theta(t + \Delta t) - \theta(t) = \frac{h \cdot S \cdot (\theta_{ext} - \theta(t)) \cdot \Delta t}{C}$$

012

$$\theta(t) = Ae^{-\frac{t}{\tau}} + B$$

Si on attend suffisamment longtemps (lorsque le temps tend vers l'infini), la température tend vers la valeur de la température extérieure $(\theta(t \to \infty) = \theta_{ext})$:

$$\theta(t \to \infty) = Ae^{-\frac{\infty}{\tau}} + B$$

$$\theta(t \to \infty) = A \times 0 + B$$

$$\theta(t \to \infty) = B$$

Or

$$\theta(t \to \infty) = \theta_{\text{ext}}$$

Ainsi

14

$$B = \theta_{ext}$$

$$B = 21^{\circ}C$$

Initialement (lorsque le temps est nul), la température à pour la valeur de la température initiale ($\theta(t=0)$

$$0) = \theta_0$$
):

$$\theta(t = 0) = Ae^{-\frac{0}{\tau}} + B$$

$$\theta(t = 0) = A \times 1 + B$$

$$\theta(t=0) = A + B$$

Or

$$\theta(t=0) = \theta_0$$

D'ou

$$A + B = \theta_0$$

$$A = \theta_0 - B$$

Or
$$B = \theta_{ext}$$

Ainsi

$$A = \theta_0 - \theta_{\text{ext}}$$

$$A = 48 - 21$$

$$A = 27$$
 °C

Ainsi:

$$\theta(t) = 27e^{-\frac{t}{\tau}} + 21$$

C'est en accord avec la Modélisation numérique :

$$\theta(t) = 27 \times e^{(-0.000196 \times t)} + 21$$

Q13.

$$\theta(t) = 27 \times e^{-\frac{t}{\tau}} + 21$$

Δt

$$\theta(t) = 27 \times e^{(-0,000196 \times t)} + 21$$

Par identification:

$$-\frac{t}{\tau} = -0,000196 \times t$$

$$\frac{t}{\tau} = 0,000196 \times t$$

$$\frac{1}{\tau} = 0,000196$$

$$1 = 0,000196 \times \tau$$

$$0,000196 \times \tau = 1$$

$$\tau = \frac{1}{0,000196}$$

$$\tau = 5,1 \times 10^{3} \text{ s}$$

Q14.

$$\tau = \frac{C}{h \cdot S}$$

$$\tau \times h = \frac{C}{S}$$

$$h = \frac{C}{\tau \times S}$$

$$h = \frac{2.1 \times 10^3}{5.1 \times 10^3 \times 0.042}$$

$$h = 9.8 \text{ W} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{m}^{-2}$$

 $5~W\cdot K^{-1}\cdot m^{-2} < h < 10~W\cdot K^{-1}\cdot m^{-2}$: les valeurs données dans le tableau nous indique que le coefficient d'échange thermique surfacique correspond à des conditions environnementales sans courant d'air.

Conditions environnementales	Coefficient d'échange thermique surfacique entre l'air et une paroi solide en W-K ⁻¹ ·m ⁻² .
Sans courant d'air	de 5 à 10
Avec courant d'air	de 10 à 500

D'après le cours de P.-Y. Lagrée, Coefficient d'échange, Ailettes

Q.1. Recopier sur la copie les formules de l'acide gallique et du gallate de propyle. Entourer les groupes caractéristiques modifiés lors de la transformation de l'acide gallique en gallate de propyle et nommer les familles fonctionnelles correspondantes.

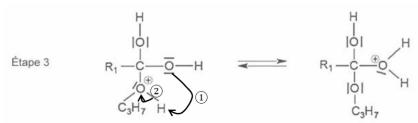


Le groupe caractéristique carboxyle a été transformé en un groupe ester.

Ainsi l'acide gallique de la famille des acides carboxyliques a été transformé en gallate de propyle de la famille des esters.

Le mécanisme réactionnel de la synthèse comporte cinq étapes, dont les étapes 3 et 4 sont représentées sur le document fourni en Annexe à rendre avec la copie.

Q.2. Représenter sur l'Annexe à rendre avec la copie les flèches courbes de l'acte élémentaire correspondant à l'étape 3 du mécanisme, en justifiant leur sens.



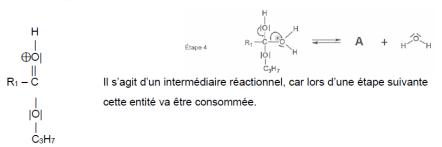
(1) Formation de la liaison : le doublet de l'atome d'oxygène est le site donneur, tandis que l'atome H est le site accepteur.

Non demandé car aucune indication sur les valeurs des électronégativités dans le sujet : l'atome d'hydrogène pauvre en électron, c'est un site accepteur, en effet la liaison O–H est polarisée, l'atome d'hydrogène porte une charge partielle positive δ^+ .

② Rupture de la liaison : le doublet liant entre H et $O \oplus$ est le site donneur et $O \oplus$ est le site accepteur de doublets.

Non demandé : le doublet liant entre H et O⊕ se déplace vers l'atome le plus électronégatif qu'est l'oxygène.

Q.3. Représenter le schéma de Lewis de l'espèce chimique A obtenue lors de l'étape 4. Justifier le qualificatif d'intermédiaire réactionnel donné à cette entité.



Q.4. Indiquer le rôle joué par les ions hydrogène H⁺ lors de cette transformation.

Les ions H⁺ n'apparaissent pas dans les réactifs, ni dans les produits de la réaction. Ils sont indiqués au-dessus de la flèche. Il s'agit d'un catalyseur qui permet d'augmenter la vitesse de réaction.

On utilise le gallate de propyle comme conservateur dans de l'huile d'olive alimentaire. On le synthétise en faisant réagir l'acide gallique avec un excès de propan-1-ol dans des conditions expérimentales où le rendement de la synthèse est de 60 %.

Q.5. Indiquer l'intérêt d'introduire en excès le propan-1-ol.

Cela permet d'augmenter le rendement de la transformation.

Q.6. Déterminer la masse d'acide gallique nécessaire pour obtenir 500 litres d'huile possédant la teneur maximale en conservateur autorisée par la réglementation. Commenter le résultat.

Le candidat est invité à prendre des initiatives et à présenter la démarche suivie, même si elle n'a pas abouti. La démarche est évaluée et doit être correctement présentée

La teneur maximale autorisée de gallate de propyle est de 200 mg par kilogramme d'aliment.

Déterminons la masse de 500 L d'huile d'olive.

$$\rho = \frac{m}{V}$$
 donc $m = \rho . V$
 $m = 0.91 \times 500 = 455 \text{ kg}$

On n'arrondit pas de résultat intermédiaire.

Déterminons la masse maximale de gallate de propyle.

 $m_{\text{galla}} = 455 \times 200 \text{ mg} = 91 000 \text{ mg} = 91 \text{ g}$ de gallate de propyle.

Déterminons la quantité de matière correspondant.

$$n_{galla} = \frac{m_{galla}}{M_2}$$

$$n_{galla} = \frac{91}{212.2} = 0.43 \text{ mol}$$

91/212.2 4.288407163E-1

D'après l'équation de la réaction, une mole d'acide gallique conduit à la formation d'une mole de gallate de propyle : n_{galli} consommée = n_{galla} formée

Mais en tenant compte du rendement de 60%, lorsque l'on consomme une mole d'acide gallique, on obtient seulement 0.60 mole de gallate de propyle.

1 mol d'acide gallique \rightarrow 0,60 mol de gallate de propyle n_{galli} ? mol d'acide gallique \rightarrow 0,43 mol //////////

 $n_{\text{galli}} = 1 \times 0.43 / 0.60 = 0.71 \text{ mol d'acide gallique consommée}$

4.288407163E-1 Rep/0.60 7.147345272E-1 Rep*170.1 1.215763431E2

On en déduit la masse d'acide gallique.

 $m_{\text{galli}} = n_{\text{galli}} \times M_1$

 $m_{\text{galli}} = 0.71 \times 170.1 = 1.2 \times 10^2 \text{ g} = 0.12 \text{ kg d'acide gallique}$

Commenter.

Il suffit d'une faible masse d'acide gallique pour assurer la conservation d'un grand volume d'huile d'olive.