Écoulement d'un fluide-Correction OCM

La proposition A n'est pas une bonne réponse car la poussée d'Archimède est une force qui modélise la résultante des actions exercées par un fluide sur un objet immergé. Le poids d'un corps modélise l'action attractive de la Terre qu'il subit.

La proposition B est une bonne réponse car la poussée d'Archimède modélise la résultante des actions exercées par un fluide sur un objet immergé. Elle a pour origine les variations de la pression selon la profondeur au sein d'un fluide.

La proposition C n'est pas une bonne réponse car les frottements d'un fluide sur un corps existent lorsque celui-ci est en mouvement. Tout corps immergé, même au repos, subit la poussée d'Archimède.

La proposition A n'est pas une bonne réponse car d'après son expression vectorielle $(\vec{\pi} = -\rho_f \cdot V \cdot \vec{g})$, cette force est toujours verticale mais dirigée vers le haut.

La proposition $\vec{\bf B}$ est une bonne réponse car son expression vectorielle s'écrit $\vec{\pi} = - \rho_{\rm f} \cdot {\bf V} \cdot \vec{\bf g}$. Elle est de sens opposé à $\vec{\bf g}$ et de même direction.

La proposition C n'est pas une bonne réponse car la valeur de cette force dépend de la masse volumique du fluide, et non pas de celle du corps immergé.

la proposition A n'est pas une bonne réponse car la valeur de la poussée d'Archimède dépend de la masse volumique du fluide, et non pas de celle du corps immergé.

La proposition B n'est pas une bonne réponse car la poussée d'Archimède est toujours verticale mais dirigée vers le haut donc de sens opposé à \vec{g} .

La proposition C est une bonne réponse car la poussée d'Archimède est une force verticale orientée vers le haut, donc de sens opposé à celui du champ de pesanteur \vec{g} et dont la valeur dépend de la masse volumique du fluide déplacé.

La proposition A n'est pas une bonne réponse car le débit volumique Q est inversement propor-

tionnel à la durée Δt de l'écoulement : $Q = \frac{V}{\Delta t}$.

La proposition B est une bonne réponse car le débit volumique Q est proportionnel à la vitesse v de l'écoulement : $Q = v \cdot S$.

La proposition C est une bonne réponse car le débit volumique Q est proportionnel à l'aire S de la section du conduit : $Q = v \cdot S$.

La proposition A n'est pas une bonne réponse car, par définition, en régime permanent, le débit volumique Q d'un fluide traversant la section S d'un conduit est constant au cours du temps. Néanmoins, si l'aire S de la section est amenée à varier, alors c'est la valeur de la vitesse d'écoulement qui sera modifiée pour que la valeur de Q reste constante : $Q = v \cdot S$.

La proposition B est une bonne réponse car, par définition, en régime permanent, le débit volumique Q d'un fluide traversant la section S d'un conduit est constant au cours du temps. Si l'aire S de la section est amenée à varier, alors la vitesse d'écoulement sera modifiée pour que la valeur de Q reste constante : $Q = v \cdot S$.

La proposition C n'est pas une bonne réponse car, par définition, en régime permanent, le débit volumique Q d'un fluide traversant la section S d'un conduit est constant au cours du temps.

La proposition A n'est pas une bonne réponse car, en régime permanent, le débit volumique Q d'un fluide est constant au cours du temps : $Q_{(A)} = Q_{(B)}$.

La proposition B n'est pas une bonne réponse car, en régime permanent, la conservation du débit volumique Q d'un fluide s'écrit : $Q_{(A)} = Q_{(B)}$ soit $v_A \cdot S_A = v_B \cdot S_B$. Si l'aire S de la section est amenée à varier, alors c'est la valeur de la vitesse d'écoulement qui sera modifiée : si $S_A \neq S_B$, alors $v_A \neq v_B$. La proposition C est une bonne réponse car, en régime permanent, la vitesse v du fluide et l'aire S de la section traversée sont deux grandeurs inversement proportionnelles : si $S_A > S_B$, alors $v_A < v_B$.

La proposition A n'est pas une bonne réponse car, dans la relation de Bernoulli $P + \frac{1}{2}\rho \cdot v^2 + \rho \cdot g \cdot z =$ constante, v désigne la vitesse du fluide en écoulement et non son volume.

La proposition B est une bonne réponse car dans la relation de Bernoulli :

 $P + \frac{1}{2}\rho \cdot v^2 + \rho \cdot g \cdot z = \text{constante}, P \text{ désigne la pression du fluide}, v la vitesse de son écoulement et z l'altitude.$

La proposition C n'est pas une bonne réponse car dans la relation de Bernoulli :

 $P + \frac{1}{2}\rho \cdot v^2 + \rho \cdot g \cdot z = \text{constante}, P \text{ désigne la pression du fluide en écoulement et non son poids.}$

8 La proposition A est une bonne réponse car, dans le cas d'un conduit horizontal, l'altitude z est constante et la relation de Bernoulli s'écrit :

$$P + \frac{1}{2}\rho \cdot v^2 = \text{constante. Ainsi, si } v \text{ augmente, alors } P$$

diminue de manière à ce que la relation précédente reste vérifiée. Ainsi, pour deux points A et B situés sur la même ligne de courant, si $v_{\rm A} < v_{\rm B}$ alors $P_{\rm A} > P_{\rm B}$: il s'agit de l'effet Venturi.

La proposition B est une bonne réponse car, dans le cas d'un conduit horizontal, l'altitude z est constante et la relation de Bernoulli s'écrit :

$$P + \frac{1}{2}\rho \cdot v^2 = \text{constante}.$$

La proposition C n'est pas une bonne réponse car, dans le cas d'un conduit horizontal, $z_A = z_B$ et la relation de Bernoulli s'écrit :

$$P_A + \frac{1}{2}\rho \cdot v_A^2 = P_B + \frac{1}{2}\rho \cdot v_B^2$$
. Il vient alors :

$$(P_{A} - P_{B}) = \frac{1}{2} \rho \cdot (v_{B}^{2} - v_{A}^{2}).$$

2 La proposition A n'est pas une bonne réponse car, d'après le principe de Venturi pour deux points A et B situés sur la même ligne de courant, si $v_{\rm A} > v_{\rm B}$ alors $P_{\rm A} < P_{\rm B}$.

La proposition B n'est pas une bonne réponse car, d'après la conservation du débit volumique Q d'un fluide : $Q_{(A)} = Q_{(B)}$, soit $v_A \cdot S_A = v_B \cdot S_B$. Ainsi, si $S_A \neq S_B$ alors $v_A \neq v_B$.

La proposition C est une bonne réponse car, pour un écoulement en régime permanent, la pression *P* d'un fluide diminue lorsque sa vitesse *v* augmente (et inversement).

111 1. La poussée d'Archimède $\vec{\pi}$ est la résultante des forces pressantes \vec{F} qui modélisent les actions mécaniques du fluide sur la surface d'un objet immergé. Ses caractéristiques sont sa direction verticale, son sens dirigé vers le haut et sa valeur π égale au poids du volume de fluide déplacé : $\pi = \rho_f \cdot V \cdot g$, où ρ_f désigne la masse volumique du fluide, V le volume de fluide déplacé (c'est-à-dire le volume du corps immergé) et g la valeur du champ de pesanteur terrestre.

2. Première manière : on utilise la relation $\pi = \rho_f \cdot V \cdot g$.

AN:
$$\pi = 45,9 \times 10^{-3} \times 9,81 = 4,50 \times 10^{-1}$$
 N.

Seconde manière : à l'équilibre, lorsque le corps est immergé, il vient la relation :

$$\vec{P}_1 + \vec{\pi} + \vec{T} = \vec{0}$$

où $\vec{P_1}$, \vec{T} et $\vec{P_2}$ désignent respectivement le poids du corps non immergé, la tension du dynamomètre lorsque le corps est immergé et le poids apparent du corps immergé.

Or
$$\vec{T} = -\vec{P}_2$$
 donc $\vec{P}_1 + \vec{\pi} = \vec{P}_2$.

Par projection sur un axe (Oz) vertical orienté vers le haut :

$$-P_1 + \pi = -P_2$$
 soit $\pi = P_1 - P_2$.

AN:
$$\pi = 1,97 - 1,52 = 4,50 \times 10^{-1} \text{ N}$$

12 1.
$$P_1 = m \cdot g$$
 et $\pi = \rho_f \cdot g \cdot V$.

AN:
$$P_1 = 200 \times 9,81 = 1,96 \times 10^3 \text{ N}$$

$$\pi = 1,0 \times 10^3 \times 9,81 \times 0,19 = 1,9 \times 10^3 \text{ N}$$

2. Échelle de représentation : 1 cm pour 10³ N.



3.
$$P_2 = P_1 - \pi$$
.

AN:
$$P_2 = 1.96 \times 10^3 - 1.9 \times 10^3 = 9.8 \times 10^2 \text{ N}.$$

$$m = \frac{P_2}{q}$$

AN:
$$m = 10 \text{ kg}$$

13 1.
$$\vec{\pi} = -\rho_f \cdot V \cdot \vec{g}$$

 π : valeur de la poussée d'Archimède en N ; ρ_f : masse volumique du fluide en kg \cdot m $^{-3}$;

V: volume du fluide déplacé en m³;

g : intensité du champ de pesanteur terrestre en N · kg $^{-1}$ ou m · s $^{-2}$.

2.
$$P_A = 91.8 \times 10^{-3} \times 9.81 = 9.01 \times 10^{-1} \text{ N}$$

$$P_{A'} = 135 \times 10^{-3} \times 9,81 = 1,32 \text{ N}$$

$$P_{\rm B} = 267 \times 10^{-3} \times 9,81 = 2,62 \text{ N}$$

3. • Expériences 1 et 2:

a. Paramètre mis en jeu : volume du corps immergé.

b. Influence : $\pi_1 = 0.901 - 0.57 = 0.33 \text{ N}$

$$\pi_2 = 1.32 - 0.83 = 0.49 \text{ N}$$

Lorsque le volume du corps immergé augmente, la valeur de la poussée d'Archimède augmente.

- Expériences 1 et 3:
- a. Paramètre mis en jeu : profondeur d'immersion.

b. Influence : $\pi_1 = \pi_3 = 0.901 - 0.57 = 0.33$ N La profondeur d'immersion n'a pas d'influence sur la valeur de la poussée d'Archimède.

- Expériences 1 et 4 :
- a. Paramètre mis en jeu: masse volumique du corps immergé.
- b. Influence:

$$\pi_1 = 0,901 - 0,57 = 0,33 \text{ N}$$

$$\pi_4 = 2,62 - 2,3 = 0,32 \text{ N}$$

La masse volumique du corps immergé n'a pas d'influence sur la valeur de la poussée d'Archimède.

- Expériences 1 et 5 :
- **a.** Paramètre mis en jeu: masse volumique du fluide.
- b. Influence:

$$\pi_1 = 0.901 - 0.57 = 0.33 \text{ N}$$

$$\pi_5 = 0.91 - 0.64 = 0.27 \text{ N}$$

Lorsque la masse volumique du fluide déplacé diminue, la valeur de la poussée d'Archimède diminue.

- **c.** Ces résultats valident l'expression de la poussée d'Archimède. π dépend du volume de fluide déplacé et de sa masse volumique : $\pi = \rho_f \cdot V \cdot g$.
- **14 1. a.** Pour faire un plein de 50 L, la durée est $\Delta t \approx 5$ min.
- **b.** Débit volumique : $Q = \frac{V}{\Delta t}$.

AN:
$$Q = \frac{50}{5} = 10 \text{ L} \cdot \text{min}^{-1}$$

c. $Q = 10 \text{ L} \cdot \text{min}^{-1} = 1,7 \times 10^{-4} \text{ m}^3 \cdot \text{s}^{-1}$. Le résultat obtenu est cohérent. L'estimation faite en **1**. **a**. est correcte.

2. a.
$$S = \pi \frac{D^2}{4}$$
.

AN:
$$S = 2.0 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

b.
$$Q = v \cdot S$$
 soit $v = \frac{Q}{S}$.

AN:
$$v = \frac{4.0 \times 10^{-4}}{2.0 \times 10^{-4}} = 2.0 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}.$$

15 1. a. Le débit volumique *Q* d'un fluide représente le volume de fluide qui traverse une section *S*

du conduit par unité de temps : $Q = \frac{V}{\Delta t}$.

b.
$$Q = 5 \text{ L} \cdot \text{min}^{-1} = 8,3 \times 10^{-5} \text{ m}^3 \cdot \text{s}^{-1}$$

2. a.
$$Q = \frac{V}{\Delta t}$$
 donc $V = Q \cdot \Delta t$.

AN: $V = 8.3 \times 10^{-5} \times 1.0 = 8.3 \times 10^{-5} \text{ m}^3 = 83 \text{ mL}$ de sang chaque seconde.

b.
$$Q = v \cdot S$$
 donc $v = \frac{Q}{S}$.

AN:
$$v = \frac{8,3 \times 10^{-5}}{2.5 \times 10^{-4}} = 3,3 \times 10^{-1} \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

- **3. a.** Lorsque l'aire de la section traversée diminue, le débit volumique sanguin conserve la même valeur : $5 \text{ L} \cdot \text{min}^{-1}$.
- **b.** La vitesse du sang est alors plus importante que dans une artère saine. Si S diminue, alors V augmente pour conserver Q constant ($Q = V \cdot S$).

17 **1.**
$$Q = v_A \cdot S_A \text{ donc } S_A = \frac{Q}{v_A}$$
.

AN:
$$S_A = \frac{900}{3600 \times 10^3 \times 125} = 2,0 \times 10^{-6} \text{ m}^2$$

2. a.
$$Q = v_A \cdot S_A = v_B \cdot S_B$$

$$\mathbf{b.} \, \mathbf{v}_{\mathrm{B}} = \frac{\mathbf{v}_{\mathrm{A}} \cdot \mathsf{S}_{\mathrm{A}}}{\mathsf{S}_{\mathrm{B}}}$$

AN:
$$v_B = \frac{125 \times 2,0 \times 10^{-6}}{\pi \times \frac{(13 \times 10^{-3})^2}{4}} = 1,9 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}.$$

19 1. Les deux points situés sur la même ligne de courant sont notés 1 et 2. La relation de Bernoulli s'écrit donc :

$$P_1 + \frac{1}{2}\rho \cdot v_1^2 + \rho \cdot g \cdot z_1 = P_2 + \frac{1}{2}\rho \cdot v_2^2 + \rho \cdot g \cdot z_2$$

2. À partir de l'égalité précédente, il vient :

$$P_1 + \frac{1}{2}\rho \cdot v_1^2 + \rho \cdot g \cdot z_1 - \frac{1}{2}\rho \cdot v_2^2 - \rho \cdot g \cdot z_2 = P_2$$

soit:
$$P_2 = P_1 + \frac{1}{2}\rho(v_1^2 - v_2^2) + \rho \cdot g(z_1 - z_2)$$

Les données P_1 , ρ_{eau} , v_1 , v_2 , z_1 et z_2 sont fournies en données ou lues sur la figure.

AN:

$$P_2 = 1.0 \times 10^5 + \frac{1}{2} \times 1.0 \times 10^3 \times (1.0^2 - (4.5 \times 10^{-1})^2)$$

$$+ 1.0 \times 10^3 \times 9.81 \times (6.5 - 3.0)$$

$$= 1.3 \times 10^5 \text{ Pa}$$

21 $v = \frac{Q}{S}$. Si Q et S sont constants, alors v est constant. Ainsi, ici, $v_A = v_B$.

$$P_{\rm B} = P_{\rm A} + \frac{1}{2}\rho(v_{\rm A}^2 - v_{\rm B}^2) + \rho \cdot g(z_{\rm A} - z_{\rm B})$$

= $P_{\rm A} + \rho \cdot g(z_{\rm A} - z_{\rm B})$

$$P_{\rm B} = 3.5 \times 10^5 + 784 \times 9.81 \times (0.5 - 4.5)$$

= 3.2 × 10⁵ Pa = 3.2 bar

- **1.** D'après le principe de Venturi, pour un écoulement en régime permanent, la pression P d'un fluide diminue lorsque sa vitesse v augmente : puisque $P_{\rm B} < P_{\rm A}$ (d'après les valeurs fournies dans l'énoncé), on en déduit que $v_{\rm B} > v_{\rm A}$. C'est donc à travers la section $S_{\rm B}$ que la vitesse est la plus élevée.
- **2. a.** Les deux points notés A et B sont situés sur la même ligne de courant et possèdent la même altitude $z_A = z_B$. La relation de Bernoulli :

$$P_A + \frac{1}{2}\rho \cdot v_A^2 + \rho \cdot g \cdot z_A = P_B + \frac{1}{2}\rho \cdot v_B^2 + \rho \cdot g \cdot z_B$$

s'écrit donc:

$$P_{A} + \frac{1}{2}\rho \cdot v_{A}^{2} = P_{B} + \frac{1}{2}\rho \cdot v_{B}^{2}.$$

b. D'après la relation précédente,

$$v_{\rm B} = \sqrt{\frac{2(P_{\rm A} - P_{\rm B})}{\rho} + v_{\rm A}^2} \,. \label{eq:vb}$$

AN:

$$v_B = \sqrt{\frac{2 \times (1.002 \times 10^2 - 987 \times 10^2)}{825} + 4,5^2}$$

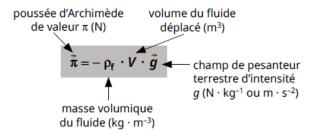
Ce résultat valide la réponse à la question **1** : $v_B > v_A$.

Faire le point avant d'aller plus loin

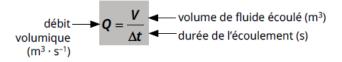
▶ Expliquer qualitativement l'origine de la poussée d'Archimède.

Les forces pressantes qui modélisent les actions mécaniques d'un fluide sur la surface d'un objet immergé ne se compensent pas parfaitement : elles sont plus intenses sur le bas de l'objet que sur le haut. Il en résulte une action mécanique modélisée par une force verticale et orientée vers le haut : la poussée d'Archimède $\hat{\pi}$.

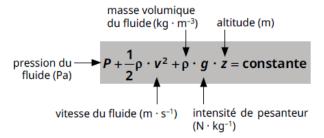
▶ Écrire l'expression de la poussée d'Archimède en explicitant chaque grandeur et son unité.



Définir le débit volumique d'un fluide en régime permanent.



Nommer chaque grandeur de la relation de Bernoulli $P + \frac{1}{2}\rho \cdot v^2 + \rho \cdot g \cdot z = constante$ et donner son unité.



▶ Écrire la relation liant le débit volumique d'un fluide et sa vitesse d'écoulement en explicitant chaque grandeur et son unité.

débit volumique
$$Q = v \cdot S$$
 aire de la section du conduit (m²) vitesse du fluide (m · s-1)

▶ Effectuer le bilan des actions mécaniques qui agissent sur un corps immobile immergé dans un fluide.

Un corps immergé dans un fluide est soumis à l'action de la Terre et celle du fluide modélisées respectivement par le poids \vec{P} du corps et la poussée d'Archimède $\vec{\pi}$ du fluide. \vec{P} est vertical et dirigé vers

la Terre ; la poussée d'Archimède $\hat{\pi}$ est verticale orientée vers le haut.

▶ Expliquer comment déterminer la vitesse d'un fluide à partir de la conservation du débit volumique en régime permanent.

En régime permanent, il y a conservation du débit volumique Q d'un fluide incompressible le long d'un écoulement donc, en tous points A et B d'un écoulement, on a $Q_{(A)} = Q_{(B)}$ soit :

$$v_A \cdot S_A = v_B \cdot S_B$$
 et $v_B = \frac{S_A}{S_B} \cdot v_A$

) Expliquer pourquoi, lors de l'écoulement d'un fluide en régime permanent, si $S_B < S_A$, alors $V_B > V_A$.

Il y a conservation du débit volumique Q d'un fluide incompressible le long d'un écoulement donc, en tous points A et B d'un écoulement, on a $Q_{(A)} = Q_{(B)}$ soit $v_A \cdot S_A = v_B \cdot S_B$.

La vitesse v du fluide et l'aire S de la section traversée sont deux grandeurs inversement proportion-

nelles:
$$\frac{v_B}{v_A} = \frac{S_A}{S_B}$$
.

Si $S_A > S_B$, alors $v_B > v_A$. La vitesse du fluide augmente lorsque la section du conduit rétrécit.

1. a. La densité de l'air diminuant avec l'altitude, l'action de l'air sur le ballon est plus intense sur le bas de l'enveloppe que sur le haut. Il en résulte une action mécanique modélisée par une force verticale et dirigée vers le haut : la poussée d'Archimède $\hat{\pi}$.



2. a. Le ballon peut décoller si la poussée d'Archimède prédomine sur la force poids: $P = m_{\text{système}} \cdot g$ et $\pi = \rho_{\text{air}} \cdot V_{\text{ballon}} \cdot g$

AN:
$$P = 3 \times 10^3 \times 9,81 = 2,94 \times 10^4 \text{ N} \approx 3 \times 10^4 \text{ N}$$

et
$$\pi = 1.2 \times 5100 \times 9.81 = 6.1 \times 10^4 \text{ N}.$$

On constate que $\pi > P$, ainsi le ballon peut décoller.

b. En sustentation, le ballon est immobile et les actions se compensent :

$$\pi = P \text{ donc } \rho_{\text{air}} \cdot V_{\text{ballon}} \cdot g = m_{\text{système}} \cdot g \text{ soit } V_{\text{ballon}} = \frac{m_{\text{système}}}{\rho_{\text{air}}}$$

AN: $V_{ballon} = \frac{3 \times 10^3}{1.2} = 2500 \text{ m}^3$, valeur près de deux fois plus faible que 5 100 m³.

QUELQUES CONSEILS

- 1. b. Penser que la nature d'un mouvement informe sur les forces exercées.
- 2. a. La masse du système est donnée en tonnes et avec un seul chiffre significatif.

b. Simplifier l'expression littérale du volume V_{ballon} du ballon donne accès à un calcul simple.

28 Lance à incendie

1. a.
$$Q = 60 \text{ m}^3 \cdot \text{h}^{-1} = 1.7 \times 10^{-2} \text{ m}^3 \cdot \text{s}^{-1} \text{ et } S_B = \pi \cdot \frac{0.110^2}{4} = 9.5 \times 10^{-3} \text{ m}^2$$
.

$$Q = v_{\rm B} \cdot S_{\rm B} \text{ soit } v_{\rm B} = \frac{Q}{S_{\rm B}}. \text{ AN}: v_{\rm B} = \frac{1,7 \times 10^{-2}}{9,5 \times 10^{-3}} = 1,8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}.$$

b.
$$v_A \cdot S_A = v_B \cdot S_B$$
 soit $v_A = v_B \cdot \frac{S_B}{S_A}$. **AN** : $v_A = 1.8 \times \frac{9.5 \times 10^{-3}}{\pi \cdot \frac{0.025^2}{4}} = 35 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$.

2. a. $P_B + \frac{1}{2} \rho \cdot v_B^2 + \rho \cdot g \cdot z_B = P_A + \frac{1}{2} \rho \cdot v_A^2 + \rho \cdot g \cdot z_A$.

2. a.
$$P_{B} + \frac{1}{2} \rho \cdot v_{B}^{2} + \rho \cdot g \cdot z_{B} = P_{A} + \frac{1}{2} \rho \cdot v_{A}^{2} + \rho \cdot g \cdot z_{A}$$
.

 $P_{A} = P_{atm}$ et $z_{B} = z_{A}$ donc la relation de Bernoulli s'écrit :

$$P_{\rm B} + \frac{1}{2} \rho_{\rm eau} \cdot v_{\rm B}^2 = P_{\rm atm} + \frac{1}{2} \rho_{\rm eau} \cdot v_{\rm A}^2$$

b.
$$P_{\rm B} = P_{\rm atm} + \frac{1}{2} \rho_{\rm eau} \cdot (v_{\rm A}^2 - v_{\rm B}^2)$$

AN:
$$P_B = 1,013 \times 10^5 + \frac{1}{2} \times 1000 \times (35^2 - 1,8^2) = 7,1 \times 10^5 \text{ Pa} \approx 7 \text{ bar}$$

38 > Questions préliminaires

1. D'après le doc. 1, le rayon moyen de la montgolfière peut être estimé à 8 m (d'après la taille d'une personne dans la nacelle estimée à 1,8 m):

$$V_{\text{montgolfière}} = \frac{4}{3} \times \pi \times 8^3 = 2,1 \times 10^3 \text{ m}^3$$

2.



3. D'après le doc. 2, par lecture graphique, à 15 °C (soit 288 K), $\rho_{air} = 1.21 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$.

) Le problème à résoudre

Une montgolfière aura un mouvement vertical dirigé vers le haut dès lors que l'action mécanique de l'air atmosphérique modélisée par la poussée d'Archimède $\vec{\pi}$ devient supérieure à l'action mécanique de la Terre modélisée par le poids \hat{P} de la montgolfière.

À l'équilibre : $\vec{\pi} + \vec{P} = 0$.

Sur un axe vertical dirigé vers le haut : $\pi - P = 0$.

 $\rho_{\text{air atmosphérique}} \cdot V_{\text{b}} \cdot g$

$$-(m_{\rm m} + m_{\rm passagers} + \rho_{\rm air\, chaud} \cdot V_{\rm b}) \cdot g = 0$$

 $\rho_{\text{air chaud}} = \rho_{\text{air atmosphérique}} - \frac{m_{\text{m}} + m_{\text{passagers}}}{V.}$

$$\rho_{air\,chaud} = 1{,}21 - \frac{300 + 3 \times 75}{2\ 100} = 0{,}96\ kg\cdot m^{-3}$$

Par lecture graphique : $\rho_{air chaud} = 0.96 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$ à une température $\theta \approx 360 \text{ K, soit } T \approx 87 \text{ °C}$;



Mobiliser et organiser ses connaissances ; effectuer des calculs ; rédiger une argumentation.

Les parties I et II sont indépendantes.

Partiel La stabilité est de rigueur

Au cours d'une plongée, un plongeur cherche à se stabiliser afin de rester à une profondeur constante. Pour cela, il dispose d'un gilet de stabilisation et d'un ordinateur de plongée.



A Le gilet de stabilisation

Le gilet de stabilisation est un dispositif dont on peut faire varier le volume en injectant ou en évacuant de l'air. La valeur de la poussée d'Archimède exercée par l'eau est alors modifiée, de façon à ce qu'elle compense exactement le poids du plongeur équipé.

L'air injecté provient de la bouteille d'air comprimé qui fait partie de l'équipement du plongeur ; cette injection d'air n'a donc aucune incidence sur la masse m du système {plongeur équipé}.

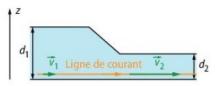
Lors de l'évacuation de l'air, on considère que la masse d'air expulsé est négligeable devant celle du système.

Le plongeur équipé, situé à une profondeur de 20 m en Méditerranée occupe un volume $V = 0,088 \,\mathrm{m}^3$. On suppose qu'il ne fait aucun geste.

- 1. Calculer la valeur de la poussée d'Archimède exercée par l'eau sur le plongeur équipé.
- 2. Qu'arrive-t-il au plongeur équipé à la profondeur de 20 m s'il n'agit pas sur le gilet stabilisateur?
- 3. Pour répondre à la question 2, il suffit de comparer les masses volumiques du plongeur équipé et de l'eau salée. Justifier cette affirmation.
- 4. Quel volume d'air le plongeur doit-il injecter dans son gilet ou évacuer afin d'être stabilisé ?

Partie II Les courants sous-marins et les ordinateurs de plongée

Le plongeur équipé entre dans une cavité modélisable par un cylindre de diamètre $d_1=6.0\,\mathrm{m}$, dans laquelle l'eau se déplace à une vitesse de valeur $v_1=0.30\,\mathrm{m\cdot s^{-1}}$. La cavité est prolongée par un passage également cylindrique de diamètre $d_2=3.0\,\mathrm{m}$. La situation est schématisée ci-dessous :



On suppose que le volume du plongeur est négligeable devant celui de la cavité. L'eau est considérée comme un fluide incompressible qui s'écoule en régime permanent indépendant du temps.

- 1. Quelle est la valeur v_2 de la vitesse de l'eau dans le passage de diamètre d_2 ?
- **2.** Calculer la différence de pression $\Delta P = P_2 P_1$ entre les deux passages cylindriques de la cavité.
- 3. L'ordinateur de plongée indique notamment la profondeur à laquelle se trouve le plongeur. Il la calcule en fonction de la pression locale qu'il mesure, en appliquant la relation fondamentale de la statique des fluides selon laquelle la pression dans l'eau augmente de 1 bar lorsque la profondeur augmente de 10 m.

Quelle différence de profondeur, entre les deux passages cylindriques de la cavité, l'ordinateur va-t-il indiquer alors que le plongeur se déplace horizontalement ?

Données

 On considère que la relation de Bernoulli peut s'appliquer le long d'une ligne de courant d'un fluide incompressible en écoulement permanent indépendant du temps.
 Elle s'écrit :

$$\frac{1}{2}\rho \times v^2 + \rho \times g \times z + P = \text{constante}$$

- Masse volumique de l'eau en mer Méditerranée : $\rho_{eau \text{ salée}} = 1,03 \times 10^3 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$.
- Intensité de la pesanteur : g = 9,8 N · kg⁻¹.
- Pression atmosphérique : $P_{\text{atm}} = 1,013 \times 10^5 \text{ Pa.}$
- 1 bar = 1×10^5 Pa.
- Masse du plongeur équipé : m = 92 kg.