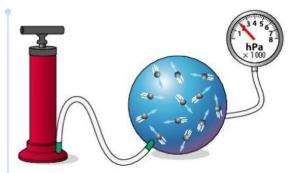
#### Chapitre 15 - Modèle du gaz parfait -

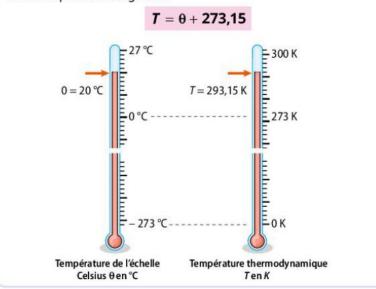
### 1 Description d'un gaz



masse volumique p : plus les molécules sont dispersées et/ou plus leur masse est faible, plus la valeur mesurée de la masse volumique est faible.

**pression** *P* : plus les chocs des molécules sur les parois sont fréquents, plus la valeur mesurée de la pression est élevée.

**température thermodynamique** *T* : plus l'agitation microscopique croit, plus la vitesse des particules augmente, plus la valeur mesurée de la température est grande.



### 2 Le modèle du gaz parfait

#### Équation d'état du gaz parfait

constante du gaz parfait R = 8,31 ( $\mathbf{J} \cdot \mathbf{K}^{-1} \cdot \mathbf{mol}^{-1}$ )

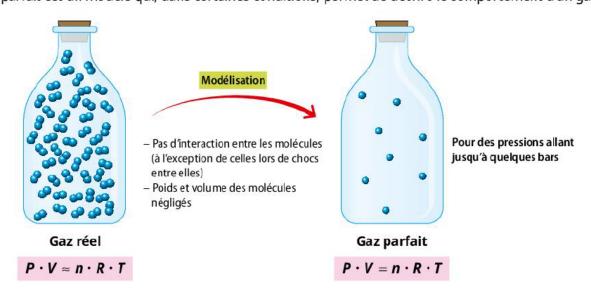
pression  $P \cdot V = \mathbf{n} \cdot \mathbf{R} \cdot \mathbf{7} \quad \text{température thermodynamique}$ (en  $\mathbf{R}$ )

volume (en  $\mathbf{m}^3$ ) quantité de matière (en  $\mathbf{mol}$ )

Un gaz pour lequel l'équation d'état du gaz parfait est exactement vérifiée est un gaz parfait.

#### Limites du modèle

Le gaz parfait est un modèle qui, dans certaines conditions, permet de décrire le comportement d'un gaz réel.



# 1 Description d'un gaz

	A	В	C
À l'échelle microscopique, la valeur de la pression mesurée d'un gaz dans un récipient est liée :	au degré d'agitation des molécules qui le constituent.	à la fréquence des chocs des molécules sur les parois du récipient.	au nombre et à la masse des molécules qui le constituent.
L'échantillon de gaz qui a la valeur de la pression mesurée la plus faible est :	8-2-8		<b>3 1 7</b>
3 La température thermodynamique <i>T</i> :	traduit le degré d'agitation des molécules d'un système.	est liée à la fréquence des chocs des molécules sur les parois d'un récipient.	s'exprime en ℃.
L'échantillon qui possède la valeur de la masse volumique la plus grande est :	40 mL helium emprisonné	diazote emprisonné	diazote emprisonné

# 2 Le modèle du gaz parfait

	A	В	С
Dans l'équation d'état du gaz parfait $PV = n \cdot R \cdot T$ , $P$ et $V$ désignent respectivement :	le poids et la vitesse des molécules.	la pression mesurée et la vitesse des molécules.	la pression et le volume mesurés.
Dans l'équation d'état du gaz parfait, les unités à utiliser pour exprimer les valeurs des grandeurs P, V et T sont :	• <i>P</i> en Pa • <i>V</i> en L • <i>T</i> en °C	• <i>P</i> en bar • <i>V</i> en m <sup>3</sup> • <i>T</i> en K	• <i>P</i> en Pa • <i>V</i> en m <sup>3</sup> • <i>T</i> en K
Pour une quantité de gaz donné à température constante, l'équation d'état du gaz parfait :	s'écrit : $\frac{P}{T} = \text{constante.}$	s'écrit : P · V = constante.	est nommée loi de Mariotte.
B Le modèle du gaz parfait est :	toujours applicable aux gaz réels.	applicable aux gaz réels seulement pour des pressions inférieures à quelques bars.	applicable aux gaz réels quelle que soit la température du système.
À l'échelle microscopique, dans le modèle du gaz parfait :	les molécules sont très éloignées les unes des autres.	il n'y a aucune interaction entre les molécules.	les molécules sont ponctuelles (leur volume est négligeable devant celui du gaz).
À l'échelle microscopique, le gaz parfait est représenté par :			

#### 11 Du microscopique au macroscopique

- 1. À l'échelle microscopique, à quelle propriété d'un gaz est liée la valeur de :
- a. la température
- b. la pression
- c. la masse volumique
- 2. La modification de la vitesse des constituants microscopiques d'un volume de gaz donné conduit au changement de la valeur de :
- a. la température mesurée
- b. la pression mesurée
- c. la masse volumique mesurée
- 3. On considère un volume constant de gaz. Initialement  $\theta = 20$  °C, P = 1 013 hPa et  $\rho = 1,2$  kg · m<sup>-3</sup>.

Trois scénarios sont envisagés:

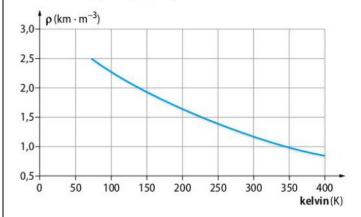
- a. les molécules se déplacent moins vite
- b. les molécules sont plus nombreuses.
- c. les molécules sont remplacées par des particules de masse plus faible.

Associer à chaque scénario, les valeurs des grandeurs macroscopiques mesurées adaptées :

- d.  $\theta = 20$  °C, P = 1025 hPa,  $\rho = 1.5$  kg · m<sup>-3</sup>
- e.  $\theta = 20$  °C, P = 1013 hPa,  $\rho = 1.0$  kg · m<sup>-3</sup>
- f.  $\theta = 18$  °C, P = 1005 hPa,  $\rho = 1.2$  kg · m<sup>-3</sup>

## Masse volumique de l'air

Pour de l'air sec sous pression atmosphérique normale (1 013 hPa), la température de fusion  $\theta_{fusion} = -216,2\,^{\circ}\text{C}$ , la température d'ébullition  $\theta_{ebullition} = -194,3\,^{\circ}\text{C}$  et l'évolution de la masse volumique en fonction de la température est modélisée par le graphique suivant.



- 1. a. Déterminer graphiquement la valeur de la masse volumique de l'air à 20 °C.
- b. Pourquoi la courbe ne débute qu'à partir de 78,9 K?
- À l'aide d'un raisonnement à l'échelle microscopique :
- a. expliquer pourquoi l'axe des abcisses ne possède aucune graduation de valeur négative.
- justifier la diminution de la valeur de la masse volumique de l'air en fonction de la température.

```
DONNÉES

M<sub>air</sub> = 28,9 g · mol<sup>-1</sup>; R = 8,314 J · K<sup>-1</sup> · mol<sup>-1</sup>; N_A = 6,02 \times 1023 mol<sup>-1</sup>; 1 atm = 1013 hPa.
```

#### 🔞 Ballon de baudruche

On introduit dans un ballon de baudruche 2,0 L d'hélium à 25 ℃ et à une pression de 1,1 bar.

- 1. Quelle est la quantité de matière d'hélium dans le ballon?
- Le ballon éclate lorsque son volume devient supérieur à 3,0 L.
- a. Placé sous une cloche à vide reliée à une pompe, quelle sera la valeur de la pression mesurée au moment où le ballon éclate ?



- b. À la pression de 1,1 bar, quelle serait la valeur de la température mesurée au moment où le ballon éclate?
- c. Quelle masse d'hélium, à 25 °C et 1,1 bar, faut-il ajouter au ballon pour atteindre ce volume ?

#### 199 Gaz réel – gaz parfait

- 1. Calculer la quantité de matière de diazote contenue dans un récipient d'un litre à la pression de 1,1 bar et à la température de 25 °C.
- 2. En déduire le nombre de molécules puis le volume propre des molécules (le volume d'une molécule de diazote est estimé à  $7.0 \times 10^{-28}$  L).
- 3. Comparer le volume occupé par les molécules à celui occupé par le gaz. Dans ces conditions, le diazote peut-il être assimilé à un gaz parfait ?

### Masse volumique d'un gaz parfait

Une masse m d'un gaz parfait de masse molaire M est enfermée à la température T et à la pression P dans un récipient de volume V.

- 1. a. Exprimer la masse volumique  $\rho$  du gaz parfait en fonction de M, P et T.
- b. Comment évolue la valeur de la masse volumique d'un gaz parfait lorsque sa température augmente (à pression constante)? lorsque sa pression augmente (à température constante)?
- c. Interpréter ces évolutions à partir des propriétés du gaz à l'échelle microscopique.



- 2. Calculer la valeur de la masse volumique de l'air :
- a. à 20 °C et sous une pression égale à 1,0 bar ;
- au sommet de l'Everest sous 0,3 bar et 40°C.
- 3. Comparer, dans les mêmes conditions de température et de pression, les valeurs de la masse volumique de l'air et de l'hélium.

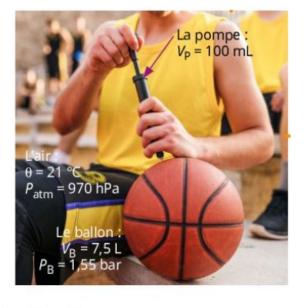
## Gonflage d'un ballon de basket-ball

Au basket-ball, à la température habituelle, la pression de l'air dans le ballon doit être comprise entre 1,52 et 1,59 bar.

On souhaite gonfler un ballon de basket-ball à l'aide d'une petite pompe manuelle (figure ci-contre). L'air est assimilé à un gaz parfait.

Données:  $R = 8,31 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$  et Le zéro absolu correspond à 0 K et -273,15 °C.

- 1. a. Comparer les propriétés de l'air contenu dans le ballon et dans le corps de la pompe à l'échelle microscopique.
- **b. Expliquer** pourquoi l'air peut être assimilé à un gaz parfait.



- 2. a. Calculer la quantité de matière d'air qu'il contient.
- b. En déduire le nombre de coups de pompe nécessaire au gonflage.
- 3. L'échauffement du corps de la pompe conduit progressivement à une augmentation de la température de l'air expulsé. Expliquer qualitativement l'effet sur la quantité de matière de gaz contenu dans le volume de la pompe.

## **24** Réaction explosive

La décomposition explosive de la trinitroglycérine selon l'équation :

 $4 C_3 H_5 N_3 O_9(I) \rightarrow 12 CO_2(g) + 10 H_2 O(g) + 6 N_2(g) + O_2(g)$ 

produit une quantité de matière de gaz 7 fois plus importante que celle du réactif consommé. On considère la décomposition à 20 °C d'un volume de 10,0 mL de trinitroglycérine constitué de  $7,0 \times 10^{-2}$  mol. Le mélange de gaz formé est assimilé à un gaz parfait.

Données :  $R = 8,31 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$ .  $P_{atm} = 1013 \text{ hPa}$ . Le zéro absolu correspond à 0 K et -273,15 °C.

- **1. a.** En considérant la réaction athermique, calculer la valeur de la pression du mélange de gaz produit et confiné dans le volume initial.
- Expliquer l'effet de la variation de pression sur la température du gaz.
- 2. À la pression atmosphérique normale, l'explosion s'accompagne d'une détente du système.
- a. Calculer la valeur du volume total occupé par le mélange gazeux à la pression atmosphérique. La comparer à sa valeur initiale.
- b. Expliquer qualitativement cette variation à l'échelle microscopique.



**Danger**