# Exercice 01 : La plongée sous-marine en fosse (10 points)

### 1 1.1

D'après la loi fondamentale de la statique des fluides :  $P_B - P_A = \rho \times g \times (z_A - z_B)$ 

$$-P_A = \rho \times g \times (z_A - z_B) - P_B$$
  

$$P_A = -\rho \times g \times (z_A - z_B) + P_B$$

$$\begin{aligned} &\text{Or} \quad z_{\text{A}} \!\!<\! z_{\text{B}} \\ &\text{d'ou} \; (z_{\text{A}} - z_{\text{B}}) < 0 \\ &\rho \times g \times (z_{\text{A}} - z_{\text{B}}) < 0 \\ &- \rho \times g \times (z_{\text{A}} - z_{\text{B}}) > 0 \end{aligned}$$

d'ou 
$$P_A > P_B$$

La pression augmente lorsque le plongeur descend dans la fosse de plongée

### 1.2

$$\begin{split} P_B - P_A &= \rho \times g \times (z_A - z_B) \\ P_A &= -\rho \times g \times (z_A - z_B) + P_B \\ P_A &= -1.0 \cdot 10^3 \times 9.81 \times (0 - 20) + 1.0 \cdot 10^5 \\ P_A &= 3.0 \cdot 10^5 \text{ Pa} \end{split}$$

Or 
$$P_B = 1.0.10^5 \text{ Pa donc } P_A = 3P_B$$

### 1.3

$$\begin{array}{l} P \ = \ 9,771 \times 10^3 \times \ h \ + \ 101,3 \times 10^3 \\ P_0 \ = \ P_{(h=0)} \ = \ 9,771 \times 10^3 \times \ 0 \ + \ 101,3 \times 10^3 \\ P_0 \ = \ 101,3 \times 10^3 \ = \ 1,013.10^5 Pa \\ P_0 \ \text{représente la pression atmosphérique} \end{array}$$

### 1 4

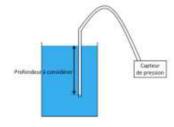
Loi fondamentale de la statique des fluides : 
$$P_B-P_A=\rho\times g\times (z_A-z_B)$$
  $P_B-P_A=\rho\times g\times h$ 

L'équation mathématique obtenue est compatible avec la loi fondamentale de la statique des fluides

## 1.5

Sources d'erreurs possibles dans ce protocole expérimental :

- Incertitude sur la mesure de P
- Incertitude sur la mesure de h
- Erreur de lecture de h ; il faut considérer la colonne d'air dans le tube sous le niveau de l'eau et non la longueur du tube immergé



# 2.

### 2.1

Loi de Mariotte : 
$$P \times V = Constante$$
  
 $P_1 \times V_1 = P_2 \times V_2$ 

#### 2.2

Lorsque la profondeur augmente, la pression augmente (voir question 1.1)

$$V_2 = \frac{P_1 \times V_1}{P_2}$$

V2 est inversement proportionnel à P2. Ainsi lorsque la pression augmente le volume V2 diminue.

On en déduit que l'autonomie du plongeur diminue avec la profondeur.

### 2.3

#### Soit:

 $P_1$  la pression dans la bouteille :  $P_1 = 200 \text{ bar}$ 

 $V_1$  le volume de la bouteille :  $V_1 = 12 L$ 

 $P_2$  la pression à 20m de profondeur :  $P_2 = 3.0.10^5$  Pa (voir question 1.2)

$$\begin{split} &P_1 \times V_1 = P_2 \times V_2 \\ &V_2 = \frac{P_1 \times V_1}{P_2} \\ &V_2 = \frac{200 \times 1, 0.10^5 \times 12}{3, 0.10^5} = 800 \text{ L} \end{split}$$

Or il consomme 15L par minutes. Il dispose de :

$$t = \frac{800}{15} = 53 \text{ min}$$

#### 2 4

Le temps de plongée est proportionnel au volume disponible. La prise en compte de la « réserve » diminue le volume disponible.

Ainsi, la prise en compte de cette réserve diminue la durée de la plongée.

# 3.

3.1

 $F = P \times S$ 

# 3.2

$$F = P \times S$$
  
 $F = 1.0.10^5 \times 70 \times (10^{-3})^2$   
 $F = 7.0 \text{ N}$ 

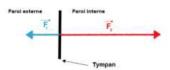
### 3.3

### Pas de question dans le sujet !!!

### 3.4

Échelle: 1 cm pour 7 N.

Pour  $\overrightarrow{F_1}$ , on représente la force par un vecteur de 1 cm Pour  $\overrightarrow{F_2}$ , on représente la force par un vecteur de 3 cm



Les forces exercées sur la paroi du tympan ne s'annulent pas.

C'est pourquoi le plongeur ressent une vive douleur lors de la descente.

### 3.5

« La manœuvre de Vasalva consiste à souffler par le nez, bouche fermée et nez pincé afin de faire pénétrer de l'air dans l'oreille moyenne. »

Cette manœuvre permet d'augmenter le nombre de molécule d'air pour un même volume et donc augmente la pression intérieure :  $\overrightarrow{F_1}$  augmente.

La différence de force exercée sur la paroi diminue.

Ainsi, la manœuvre de Vasalva permet de compenser la pression de l'eau introduite dans le conduit auditif.

# Exercice 02 : Étude de différents carburants – ( 10 points )

### La combustion des carburants

1.

Équation de la réaction modélisant la combustion complète de l'essence SP95, qu'on assimile à de l'octane  $C_8H_{18}(I)$ , dans le dioxygène  $O_2(g)$  de l'air :

$$C_8H_{18}(l) + \frac{25}{2}O_2(g) \rightarrow 8CO_2(g) + 9H_2O(g)$$

2.

Demi-équation électronique associée au couple :  $CO_2(g) / C_2H_6O(I)$ .

$$2CO_2(aq) + 12H^+(aq) + 12e^- = C_2H_6O(l) + 3H_2O(l)$$

3.

Le couple :  $O_2(g) / H_2O(g)$ , associé à la demi-équation électronique :  $O_2(g) + 4H^+(aq) + 4e^- = 2H_2O(g)$ 

Équation de la réaction modélisant la combustion de l'éthanol  $C_2H_6O(l)$  dans le dioxygène de l'air  $O_2(g)$ :

$$C_2H_6O(l) + 3H_2O(l) = 2CO_2(aq) + 12H^+(aq) + 12e^-$$
  
3 ×  $O_2(g) + 4H^+(aq) + 4e^- = 2H_2O(g)$ 

$$C_2H_6O(l) + 3H_2O(l) + 3O_2(g) + 12H^+(aq) \rightarrow 2CO_2(aq) + 12H^+(aq) + 6H_2O(g)$$

On simplifie les  $\mathrm{H}^+$  et  $\mathrm{H}_2\mathrm{O}$  de part et d'autre de l'équation :

$$C_2H_6O(1) + 3O_2(g) \rightarrow 2CO_2(aq) + 3H_2O(g)$$

On retrouve bien l'équation de la réaction modélisant la combustion de l'éthanol dans le dioxygène.

4.

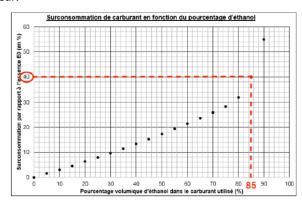
Un oxydant est une espèce capable de capter un ou plusieurs électrons. L'éthanol  $C_2H_6O(l)$  cède des électrons : c'est le réducteur.

# L'émission de CO<sub>2</sub> par le véhicule étudié

5.

Le E0 correspond à du SP95 contenant 0 % d'éthanol, donc du SP95 pur. On voit que sa surconsommation est naturellement de 0 %.

Le E85 correspond à du SP95 contenant 85 % d'éthanol. Graphiquement, sa surconsommation est de 40%.



Une consommation en carburants E0 : 8,28 L pour 100 km, calculons la consommation avec une surconsommation de 40% :

$$8,28 + \frac{40}{100} \times 8,28 = 11,6 L$$

Ainsi, les consommations données en carburants E0 (8,28 L pour 100 km) et E85 (11,6 L pour 100 km) sont cohérentes avec la surconsommation obtenue grâce au graphique.

# Émission de CO<sub>2</sub> liée à l'essence SP95 contenue dans le carburant E85

6.

Pour que le véhicule étudié parcourt 100 km, il faut 11,6 L de E85.

$$\begin{split} P_{E85} &= \frac{V_{ethanol}}{V_{E85}} \\ \frac{V_{ethanol}}{V_{E85}} &= P_{E85} \\ V_{ethanol} &= P_{E85} \times V_{E85} \\ V_{ethanol} &= \frac{85}{100} \times 11,6 \\ V_{ethanol} &= 9,86 \ L \end{split}$$

Or 
$$\begin{split} &V_{E85} = V_{ethanol} + V_{Essence SP95} \\ &V_{ethanol} + V_{Essence SP95} = V_{E85} \\ &V_{Essence SP95} = V_{E85} - V_{ethanol} \\ &V_{Essence SP95} = 11,6 - 9,86 \\ &V_{Essence SP95} = 1,74 \, L \end{split}$$

Un volume de 1,74 L d'essence SP95 est contenu dans le volume nécessaire de carburant E85 pour que le véhicule étudié parcourt 100 km.

### 7.

| 1 L d'essence SP95    | 2,09 kg de CO <sub>2</sub> |
|-----------------------|----------------------------|
| 1,74 L d'essence SP95 | m de CO <sub>2</sub>       |

$$m = \frac{1,74 \times 2,09}{1}$$

$$m = 3.64 \, ka$$

La combustion de l'essence SP95 contenu dans le carburant E85, pendant que le véhicule étudié parcourt 100 km produit 3,64 kg de CO<sub>2</sub>.

## Émission de CO2 liée à l'éthanol contenu dans le carburant E85

8.

Pour que le véhicule étudié parcourt 100 km, il faut 11,6 L de E85.

$$\begin{split} P_{E85} &= \frac{V_{ethanol}}{V_{E85}} \\ \frac{V_{ethanol}}{V_{E85}} &= P_{E85} \\ V_{ethanol} &= P_{E85} \times V_{E85} \\ V_{ethanol} &= \frac{85}{100} \times 11,6 \\ V_{ethanol} &= 9,86 \ L \end{split}$$

Lorsque le véhicule étudié parcourt 100 km avec le carburant E85, il consomme 9,86L d'éthanol.

### 9.

$$n_{ethanol} = \frac{m_{ethanol}}{M_{ethanol}}$$

$$\begin{split} \rho_{ethanol} &= \frac{m_{ethanol}}{V_{ethanol}} \\ \frac{m_{ethanol}}{V_{ethanol}} &= \rho_{ethanol} \\ m_{ethanol} &= \rho_{ethanol} \times V_{ethanol} \end{split}$$

### D'où

$$\begin{split} n_{ethanol} &= \frac{\rho_{ethanol} \times V_{ethanol}}{M_{ethanol}} \\ n_{ethanol} &= \frac{0.789 \times 10^3 \times 9.86}{2 \times 12.0 + 6 \times 1.0 + 16.0} \\ n_{ethanol} &= 169 \ mol \end{split}$$

### 10.

| Équatio            | n          | С Ц О(1)     | 20 (a)                | > 2CO (a)                          | 1 24 0(1)      |
|--------------------|------------|--------------|-----------------------|------------------------------------|----------------|
| État               | Avancement | $C_2H_6O(l)$ | + 30 <sub>2</sub> (g) | $\rightarrow$ 2CO <sub>2</sub> (g) | $+$ $3H_2U(t)$ |
| État initial       | x = 0      | 169          | Excès                 | 0                                  | 0              |
| État intermédiaire | x          | 169 – x      | Excès                 | 2x                                 | 3 <i>x</i>     |
| État final         | $x_f$      | $169 - x_f$  | Excès                 | $2x_{\rm f} = n_{CO_2}^{emis}$     | $3x_f$         |

La réaction est totale, le dioxygène de l'air est en excès. A la fin de la réaction il ne reste plus d'éthanol :

$$169 - x_f = 0$$
  
 $-x_f = -169$   
 $x_f = 169 \text{ mol}$ 

# La quantité de CO<sub>2</sub> émis :

$$\begin{array}{l} 2 \mathbf{x_f} = n_{CO_2}^{emis} \\ n_{CO_2}^{emis} = 2 \mathbf{x_f} \\ n_{CO_2}^{emis} = 2 \times 169 \\ n_{CO_2}^{emis} = 338 \ mol \end{array}$$

## Masse de CO<sub>2</sub> émise :

$$\begin{split} n_{CO_2} &= \frac{m_{CO_2}}{M_{CO_2}} \\ \frac{m_{CO_2}}{M_{CO_2}} &= n_{CO_2} \\ m_{CO_2} &= n_{CO_2} \times M_{CO_2} \\ m_{CO_2} &= 338 \times (12.0 + 2 \times 16.0) \\ m_{CO_2} &= 1.49 \times 10^4 \ g \\ m_{CO_2} &= 14.9 \times 10^3 \ g \\ m_{CO_2} &= 14.9 \ kg \end{split}$$

# 11.

Pour 100 km la masse totale de CO2 émis :

$$m_{CO_2}^{totale} = m_{CO_2}^{essence} + m_{CO_2}^{ethanol}$$
 $m_{CO_2}^{totale} = 3,64 + 14,9$ 
 $m_{CO_2}^{totale} = 18,5 \ kg$ 

| 100 km | 18,5 kg de CO <sub>2</sub> |
|--------|----------------------------|
| 1 km   | m de CO <sub>2</sub>       |

$$m = \frac{1 \times 18,5}{100}$$

$$m = 0,185 kg$$

$$m = 0,185 \times 10^{3} g$$

$$m = 185 g$$

Ainsi, la masse totale de CO<sub>2</sub> émis par la combustion du carburant E85 pour 1 km est de 185 g.

# Calcul du malus écologique

### **12**.

Un véhicule consommant de l'essence SP95 et émettant 173 g de  $CO_2$  émis par km.

Cette masse est supérieure à 168 g/km et inférieure à 178 g/km.

D'après le tableau, la taxe sur un véhicule s'élève à 1901 €.

| Taux d'émission de CO <sub>2</sub> | Montant |
|------------------------------------|---------|
| Inférieur à 138 g/km               | 0 €     |
| Supérieur à 138 g/km               | 50 €    |
| Supérieur à 148 g/km               | 260 €   |
| Supérieur à 158 g/km               | 818 €   |
| Supérieur à 168 g/km               | 1 901 € |
| Supérieur à 178 g/km               | 3 784 € |
| Supérieur à 188 g/km               | 6 724 € |

### 13.

Le véhicule étudié, consommant du carburant E85 bénéficie d'un abattement de 40 % sur les taux d'émission de CO<sub>2</sub> :

$$\frac{40}{100} \times 173 = 69 \, g$$

Le taux retenu pour calculer le malus vaut : 173 - 69 = 104 g/km.

Cette masse est inférieure à 138 g/km.

D'après le tableau, la taxe sur un véhicule s'élève à 0 €.

| Taux d'émission de CO <sub>2</sub> | Montant |
|------------------------------------|---------|
| Inférieur à 138 g/km               | 0 €     |
| Supérieur à 138 g/km               | 50 €    |
| Supérieur à 148 g/km               | 260 €   |
| Supérieur à 158 g/km               | 818 €   |
| Supérieur à 168 g/km               | 1 901 € |
| Supérieur à 178 g/km               | 3 784 € |
| Supérieur à 188 g/km               | 6 724 € |

Ainsi, le véhicule étudié, consommant du carburant E85, n'est pas soumis au malus écologique.

### 14.

D'après l'énoncé : Un véhicule neuf roulant au carburant E85 émet 180 g de CO₂ par km.

D'après la question 12 : Un véhicule consommant de l'essence SP95 et émettant 173 g de CO<sub>2</sub> émis par km.

Le véhicule roulant au carburant E85 émet donc une masse de CO<sub>2</sub> plus importante que celui consommant de l'essence SP95.

L'abattement sur les émissions de dioxyde de carbone pour les véhicules roulant au carburant E85, constitué de 85 % de bioéthanol ne semble pas justifié avec le critère de l'émission de  $CO_2$ .