

**Passo 1)** Individuare gli assi dei giunti: questi assi sono proprio gli assi  $z_0, z_1, \dots, z_{n-1}$ .

**Passo 2)** Definire il sistema di riferimento  $\mathcal{R}_0$ : la sua origine deve cadere sull'asse  $z_0$  che è stato già definito al Passo 1), mentre gli assi  $x_0$  e  $y_0$  posso essere definiti a piacere, con l'unico vincolo di costituire un sistema di riferimento destro.

**Passo 3)** Porre  $i = 1$ .

**Passo 4)** Se gli assi  $z_i$  e  $z_{i-1}$  sono paralleli, definire l'origine del sistema di riferimento  $i$ -esimo proprio in corrispondenza del giunto  $i$ -esimo. Se gli assi  $z_i$  e  $z_{i-1}$  non sono paralleli, e l'asse  $z_i$  interseca l'asse  $z_{i-1}$ , definire l'origine del sistema di riferimento  $i$ -esimo proprio in corrispondenza del punto di intersezione. In tutti gli altri casi, identificare quell'unica retta che è ortogonale sia a  $z_i$  sia a  $z_{i-1}$ ; definire l'origine del sistema di riferimento  $i$ -esimo in corrispondenza del punto di intersezione di tale retta con l'asse  $z_i$ .

**Passo 5)** Se l'asse  $z_i$  interseca l'asse  $z_{i-1}$ , definire l'asse  $x_i$  passante per l'origine del sistema di riferimento  $i$ -esimo e perpendicolare al piano formato da  $z_{i-1}$  e  $z_i$  (ossia, tenendo conto dell'arbitrarietà del verso, porre  $x_i = \pm(z_{i-1} \times z_i) / \|z_{i-1} \times z_i\|$ ). In tutti gli altri casi, definire l'asse  $x_i$  passante per l'origine del sistema di riferimento  $i$ -esimo e normale sia a  $z_i$  sia a  $z_{i-1}$ .

**Passo 6)** Definire l'asse  $y_i$  in modo da completare la terna destra, ossia  $y_i = (z_i \times x_i) / \|z_i \times x_i\|$ .

**Passo 7)** Porre  $i = i + 1$ . Se  $i < n$ , andare al Passo 4), altrimenti andare al Passo 8).

**Passo 8)** Definire l'ultimo sistema di riferimento  $\mathcal{R}_n$ . Si assuma che l'ultimo giunto sia rotoidale. Definire  $z_n$  parallelo a  $z_{n-1}$ , definire l'origine sull'asse  $z_n$  (possibilmente localizzata al centro della pinza), e definire gli altri due assi a completamento della terna destra.

**Passo 9)** Per  $i = 1, 2, \dots, n$ , identificare i parametri di Denavit-Hartenberg nel modo seguente:

- $d_i$  = distanza **lungo l'asse**  $z_{i-1}$  dall'origine  $o_{i-1}$  fino al punto d'intersezione degli assi  $x_i$  e  $z_{i-1}$ .
- $a_i$  = distanza **lungo l'asse**  $x_i$  dal punto d'intersezione degli assi  $x_i$  e  $z_{i-1}$  fino all'origine  $o_i$ .
- $\theta_i$  = l'angolo in senso antiorario dall'asse  $x_{i-1}$  all'asse  $x_i$ , misurato intorno all'asse  $z_{i-1}$ .
- $\alpha_i$  = l'angolo in senso antiorario dall'asse  $z_{i-1}$  all'asse  $z_i$ , misurato intorno all'asse  $x_i$ .

**Passo 10)** Calcolare le matrici di trasformazione omogenea  $\mathbf{Q}_{i-1,i}$ .

Tabella 5.1: Procedura per definire i sistemi di riferimento in accordo alla convenzione di Denavit-Hartenberg.