## 1 Procedure da fare

- 1. Scrivere tre procedure per il calcolo di  $R_x(\theta)$ ,  $R_y(\theta)$ ,  $R_z(\theta)$
- 2. Scrivere una procedura per il calcolo di  $R_a(\theta)$ , dove  $a \in \{x, y, z\}$
- 3. Dimostrare che  $R_x(\alpha).R_y(\beta) \neq R_y(\alpha).R_x(\beta)$ , per valori generici di  $\alpha, \beta$
- 4. Dimostrare che  $R_z(\gamma) = R_x(\pm \frac{\pi}{2}) . R_y(\gamma) . R_x(\mp \frac{\pi}{2}), \forall \gamma$
- 5. Scrivere una procedura che utilizzando la trasformata di Laplace calcoli la matrice di rotazione intorno all'asse rappresentata dal versore v, di un angolo  $\theta$

$$R_v(\theta) = e^{S(v)\theta}$$

6. Scrivere una procedura che utilizzando gli autovalori/autovettori calcoli la matrice di rotazione intorno all'asse rappresentata dal versore v, di un angolo  $\theta$ 

$$S(v) = V.\Lambda.V^{-1}$$
  

$$R_v(\theta) = V.e^{\Lambda\theta}.V^{-1}$$

7. Scrivere una procedura che calcoli il prodotto vettoriale  $v \times w$  come prodotto matriciale

$$v \times w = S(v).w$$

- 8. Scrivere una procedura che implementi la formula di Rodrigues
- 9. Utilizzando la formula di Rodrigues, calcolare asse ed angolo
- 10. Scrivere una procedura che implementi la parametrizzazione di Cayley
- 11. Utilizzare le procedure 8 e 9 in cascata
- 12. Verificare in Maxima i conti della cinematica nel piano fatti a lezione
- 13. Scrivere una procedura che, dati asse, angolo, spostamento, generi la corrispondente matrice di avvitamento
- 14. Utilizzando la procedura precedente, calcolare  $\operatorname{Av}(z,\theta,d)$  e  $\operatorname{Av}(x,\alpha,a)$
- 15. Utilizzando la procedura precedente, calcolare  $Q_{i-1,i} = \text{Av}(z, \theta_i, d_i).\text{Av}(x, \alpha_i, a_i)$
- 16. Calcolare la cinematica diretta dei robot seguenti:

2 DOF planare

Cartesiano

Cilindrico

**SCARA** 

Sferico di primo tipo

Sferico di Stanford

Antropomorfo

Polso sferico

**PUMA** 

Manipolatore completo di Stanford