

# Graphentheorie

Graph:  $G = (V, E)$

Baum:  $|E| = |V| - 1$

Bipartit:  $G = (V_1 \cup V_2, E)$ ,  $G$  ist bipartit  $\Leftrightarrow G$  enthält keinen Kreis gerader Länge

## Planarität

für ebene Darstellungen gelten:  $n - m + f = 2$ ,  $n$ =Knoten,  $m$ =Kanten,  $f$ =Flächen

if  $n \geq 3$   $3n - 6$  Kanten höchstens

if  $n \geq 3$  hat höchstens  $g \geq 3$ ,  $g$  = Umfang des Graphen  $max\{g(n-2)/(g-2), mn-1\}$  Kanten

ein Graph ist planar  $\Leftrightarrow$  kein subgraph von  $G$  ist homöomorph zu  $K_5, K_{3,3}$

## Datenstrukturen

Adjazenzmatrix,  $n \cdot n$ , immer symmetrisch

$a_{ij} = 1$  falls  $v_i v_j \in E$ , 0 sonst

Inzidenzmatrix,  $n \cdot m$ ,  $e_{ij} = 1$  wenn  $v_i$  mit  $e_j$  inzidiert, 0 sonst

spaltensumme immer 2, reihensumme = grad des Knoten

## Netzwerke

Floyd-Warshall (S.288)

Abstand für alle Knoten  $O(|V|^3)$

siehe auch Dijkstra (S.289)

for  $k=1$  to  $n$  do:  $d(u, w) = \min(d^{k-1}(u, w), d^{k-1}(u, v_k) + d^{k-1}(v_k, w))$

Mit jeder Iteration gucken ob es einen kürzeren Weg über den Knoten  $v_k$  gibt

Kruskal (S.291)

min. Spannbäume

Ford-Fulkerson (S.293)