

Universidade Federal Fluminense Faculdade Federal de Rio das Ostras Departamento de Ciência e Tecnologia (RCT) reposição $2^{\underline{a}}$ Prova — Cálculo IV — 04/11

Instruções:

- A interpretação das questões faz parte dos critérios de avaliação desta prova.
- Responda cada questão de maneira clara e organizada.
- Resultados apresentados sem justificativas do raciocínio não serão considerados.
- Uma questão com mais de uma resposta é considerada errada.
- Não é permitido o uso de laptops, palmtops, celulares, calculadoras hp, livros e/ou anotações.
- Junto com o aluno deve ficar somente borracha, lápis, lapiseira, caneta e calculadora científica.
- Qualquer aluno pego consultando alguma fonte ou colega terá, imediatamente, atribuído grau zero na prova. O mesmo ocorrerá com o aluno que facilitar a consulta do colega. Casos mais graves, envolvendo algum tipo de fraude, deverão ser punidos de forma bem mais rigorosa.

Questão 1 (4 pontos): Calcule $\int_C F \cdot dr$ onde $F(x,y,z) = (xy,x^2+z,y^2-x)$ e C é a curva obtida como interseção do cone $x^2+y^2=z^2,\,z\geq 0$, com o cilindro $x=y^2$ e (0,0,0) a $(1,1,\sqrt{2})$.

Questão 2 (3 pontos): Calcule $\oint_C (2x - y)dx + (x + 3y)dy$, onde C é a fronteira do pentágono.

Questão 3 (3 pontos): Calcule $\oint_C \frac{-y}{x^2 + y^2} dx + \frac{x}{x^2 + y^2} dy$, onde C é a curva $y^2 = 2(x + 2)$, $-2 \le x \le 2$, orientada no sentido decrescente de y.