Universidade Federal Fluminense Faculdade Federal de Rio das Ostras Departamento de Ciência e Tecnologia (RCT)  $3^{\underline{a}}$  Prova — Cálculo III — 09/07 — 14:00 - 16:00

## Instruções:

- A interpretação das questões faz parte dos critérios desta prova
- Responda cada questão de maneira clara e organizada.
- Resultados apresentados sem justificativas do raciocínio não serão considerados.
- Uma questão com mais de uma resposta é considerada errada.
- Não é permitido o uso de calculadoras, laptops, palmtops, celulares, livros e/ou anotações.
- Junto com o aluno deve ficar somente borracha, lápis, lapiseira e caneta.
- Não é permitido compartilhar objetos.
- Qualquer aluno pego consultando alguma fonte ou colega terá, imediatamente, atribuído grau zero na prova. O mesmo ocorrerá com o aluno que facilitar a consulta do colega. Casos mais graves, envolvendo algum tipo de fraude, deverão ser punidos de forma bem mais rigorosa.

Questão 1 (4 pontos): Considere  $f(x,y) = 4x\cos(xy)$  e faça o que se pede:

- a) Encontre a derivada direcional de f no ponto  $(2,\pi)$  com relação ao vetor  $u=\left(\frac{\sqrt{3}}{2},\frac{-1}{2}\right)$ ;
- b) Qual é a maior taxa de variação da função f no ponto  $(2,\pi)$ ? Em que direção e sentido esta ocorre?
- c) Dadas as funções  $x(s,t) = s^2 + t$  e  $y(s,t) = \pi st$ , use a regra da cadeia para calcular  $\frac{\partial f}{\partial s}(1,1)$ .

Questão 2 (3 pontos): Considere a superfície dada por  $5xz + y^2z^2 + 6xy = 0$ . Mostre que z é definido implicitamente como função de x e de y próximo do ponto P = (1, 1, -3) e calcule  $\frac{dz}{dx}(1, 1)$ .

Questão 3 (3 pontos): Sejam  $f(x,y) = x^2 + 2y^2 - x$  e  $D = \{(x,y); x^2 + y^2 \le 1\}$ .

- a) Determine e classifique os pontos críticos de f no interior de D;
- b) Esta função possui máximo e mínimo absolutos? Justifique e em caso afirmativo, determine-os.