Universidade Federal Fluminense Faculdade Federal de Rio das Ostras

DEPARTAMENTO DE CIÊNCIA E TECNOLOGIA (RCT)

 $2^{\underline{a}}$ Prova – Cálculo IV – 09/05 – 11:00 - 13:00

Instruções:

- A interpretação das questões faz parte dos critérios de avaliação desta prova.
- Responda cada questão de maneira clara e organizada.
- Resultados apresentados sem justificativas do raciocínio não serão considerados.
- Uma questão com mais de uma resposta é considerada errada.
- Não é permitido o uso de laptops, palmtops, celulares, calculadoras hp, livros e/ou anotações.
- Junto com o aluno deve ficar somente borracha, lápis, lapiseira, caneta e calculadora científica.
- Qualquer aluno pego consultando alguma fonte ou colega terá, imediatamente, atribuído grau zero na prova. O mesmo ocorrerá com o aluno que facilitar a consulta do colega. Casos mais graves, envolvendo algum tipo de fraude, deverão ser punidos de forma bem mais rigorosa.

Questão 1 (4 pontos): Calcule a massa do arame que tem a forma da curva obtida como a interseção do semiplano $x = y, y \ge 0$, com o parabolóide $z = x^2 + y^2, z \le 2$. Sabendo-se que a função densidade de massa é f(x, y, z) = x + y.

Questão 2 (3 pontos): Calcule o trabalho realizado pelo campo $F(x,y) = (xy,\cos y^2 + x)$ ao longo do quadrado de vértices vértices (1,1), (-1,1), (1,-1) e (-1,-1) no sentido anti-horário.

Questão 3 (3 pontos): Calcule a integral de linha do campo

$$F(x,y) = \left(2xy^3 - y^2\cos x, 1 - 2y\sin x + 3x^2y^2 + e^{y^2}\right)$$

sobre a curva C que é o arco da parábola $y=-x^2+\frac{\pi}{2}x$ entre x=0 e $x=\frac{\pi}{2}$.