FACULDADE FEDERAL DE RIO DAS OSTRAS

DEPARTAMENTO DE CIÊNCIA E TECNOLOGIA (RCT)

Verificação Suplementar – Cálculo IV – 14/07 – 11:00 - 13:00

Instruções:

- A interpretação das questões faz parte dos critérios de avaliação desta prova.
- Responda cada questão de maneira clara e organizada.
- Resultados apresentados sem justificativas do raciocínio não serão considerados.
- Uma questão com mais de uma resposta é considerada errada.
- Não é permitido o uso de laptops, palmtops, celulares, calculadoras hp, livros e/ou anotações.
- Junto com o aluno deve ficar somente borracha, lápis, lapiseira, caneta e calculadora científica.
- Qualquer aluno pego consultando alguma fonte ou colega terá, imediatamente, atribuído grau zero na prova. O mesmo ocorrerá com o aluno que facilitar a consulta do colega. Casos mais graves, envolvendo algum tipo de fraude, deverão ser punidos de forma bem mais rigorosa.

Questão 1 (4 pontos): Calcule o volume do sólido W limitado pelas superfícies

$$z = \sqrt{x^2 + y^2}, z = \sqrt{3(x^2 + y^2)} e x^2 + y^2 + z^2 = 4.$$

Questão 2 (3 pontos): Seja $F(x, y, z) = (2xz + y^2, 2xy + 3y^2, e^z + x^2)$.

- a) F é um campo conservativo? Justifique.
- b) Seja C a curva obtida como interseção da superfície de equação $z=9-x^2-y^2, z\geq -4$ com o plano y=2. Calcule $\int_C F\cdot dr$, especificando a orientação escolhida.

Questão 3 (3 pontos): Calcule $\iint_S (\operatorname{rot} F \cdot n) dS$, onde $F(x, y, z) = (4z, 2x, y^2 + y)$ e S é a parte da esfera $x^2 + y^2 + (z - 1)^2 = 1$ situada abaixo do plano y + z = 1, orientada positivamente com a normal exterior.