Universidade Federal Fluminense Faculdade Federal de Rio das Ostras

DEPARTAMENTO DE CIÊNCIA E TECNOLOGIA (RCT)

 $3^{\underline{a}}$  Prova – Cálculo IV – 10/07 – 11:00 - 13:00

## Instruções:

- A interpretação das questões faz parte dos critérios de avaliação desta prova.
- Responda cada questão de maneira clara e organizada.
- Resultados apresentados sem justificativas do raciocínio não serão considerados.
- Uma questão com mais de uma resposta é considerada errada.
- Não é permitido o uso de laptops, palmtops, celulares, calculadoras hp, livros e/ou anotações.
- Junto com o aluno deve ficar somente borracha, lápis, lapiseira, caneta e calculadora científica.
- Qualquer aluno pego consultando alguma fonte ou colega terá, imediatamente, atribuído grau zero na prova. O mesmo ocorrerá com o aluno que facilitar a consulta do colega. Casos mais graves, envolvendo algum tipo de fraude, deverão ser punidos de forma bem mais rigorosa.

Questão 1 (4 pontos): Seja S a superfície de revolução obtida girando-se, em torno do eixo z, a curva  $z=x^2$ ,  $0 \le x \le 1$ . Se  $\rho(x,y,z) = \frac{1}{\sqrt{x^2+y^2+4z^2}}$  é a função densidade de massa em cada ponto (x,y,z) de S, calcule a massa de S.

Questão 2 (4 pontos): Calcule o fluxo  $\iint_S (F \cdot n) dS$ , onde

$$F(x, y, z) = (z^{2}x, \frac{y^{3}}{3} + \cos(z), x^{2}z + y^{2})$$

e S é a esfera  $x^2 + y^2 + z^2 = 4$ .

Questão 3 (2 pontos): Calcule o trabalho realizado pelo campo

$$F(x,y,z) = \left(2xz + y^2, 2xy + 3y^2, e^{z^2} + x^2\right)$$

sobre a curva parametrizada por  $\alpha(t)=((\operatorname{sen} t)^3,t,e^{t^2}\operatorname{sen} t),\,0\leq t\leq\pi.$