

Lista de conceitos preliminares: Exercício 9

Prove que , para qualquer inteiro x se x é ímpar , então existe um inteiro y tal que $x^2 = 8y + 1$

Solution

Suponha que x é ímpar. Então, existe um inteiro z tal que, $x = 2z + 1$.

Daí,

$$\begin{aligned} x^2 &= (2z + 1)^2 \\ &= 4z^2 + 4z + 1 \\ &= 4z \times (z + 1) + 1 \end{aligned}$$

Se z é ímpar, então existe um inteiro t tal que $z + 1 = 2t$ e assim,

$$\begin{aligned} x^2 &= 4z \times 2t + 1 \\ &= 8y + 1 \\ \text{onde } y &= zt \end{aligned}$$

Se z é par , então existe um inteiro t tal que $z = 2t$ e assim ,

$$\begin{aligned} x^2 &= 4 \times 2t \times (2t + 1) \\ &= 8y + 1 \text{ onde} \\ y &= t \times (2t + 1) \end{aligned}$$

Portanto, se x é ímpar, sempre existe um inteiro y tal que $x^2 = 8y + 1$ ■.

Lista de Maquina de Turing e decidibilidade Exercício 8

Demonstre que se L é uma linguagem Turing Decidível, então também é \bar{L} .

Solution

Suponha que $L = \{w \in \{0,1\}^* \mid w \text{ é par} \}$
então $\bar{L} = \{w \in \{0,1\}^* \mid w \text{ não é par} \}$

Dado que L só aceita numeros que sejam pares. Então L é decidivel , pois a maquina decide se aceita ou rejeita.

Portanto L é decidivel . Ademais \bar{L} só aceita numeros que não são pares. Entao L decidir
Portanto \bar{L} é decidivel pois a maquina decide se aceita o rejeita. ■

Lista de Maquina de Turing e decidibilidade Exercício 9

Demonste que se L é uma linguagem Turing-reconheciveis , mas não Turing decidível , \bar{L} não pode ser Turing-decidível.

Solution

Suponha que $L = \{p \mid p \text{ é um polinomio com raiz inteira} \}$ Logo L é reconhecivel mas não decidível .

Dai \bar{L} seria qualquer polinômio que não admite inteiro ou qualquer outro entrada que sequer seja um polinômio.

Logo \bar{L} não é turing decidivel , pois não existir uma maquina que decide a linguagem. Portanto \bar{L} é indecidivel.

■

Lista de Máquina de Turing e decidibilidade Exercício 6 M

(m) $L = \{ w = a^i b^j c^i \mid w \in \{a, b, c\}^* \wedge k = i \cdot j \}$

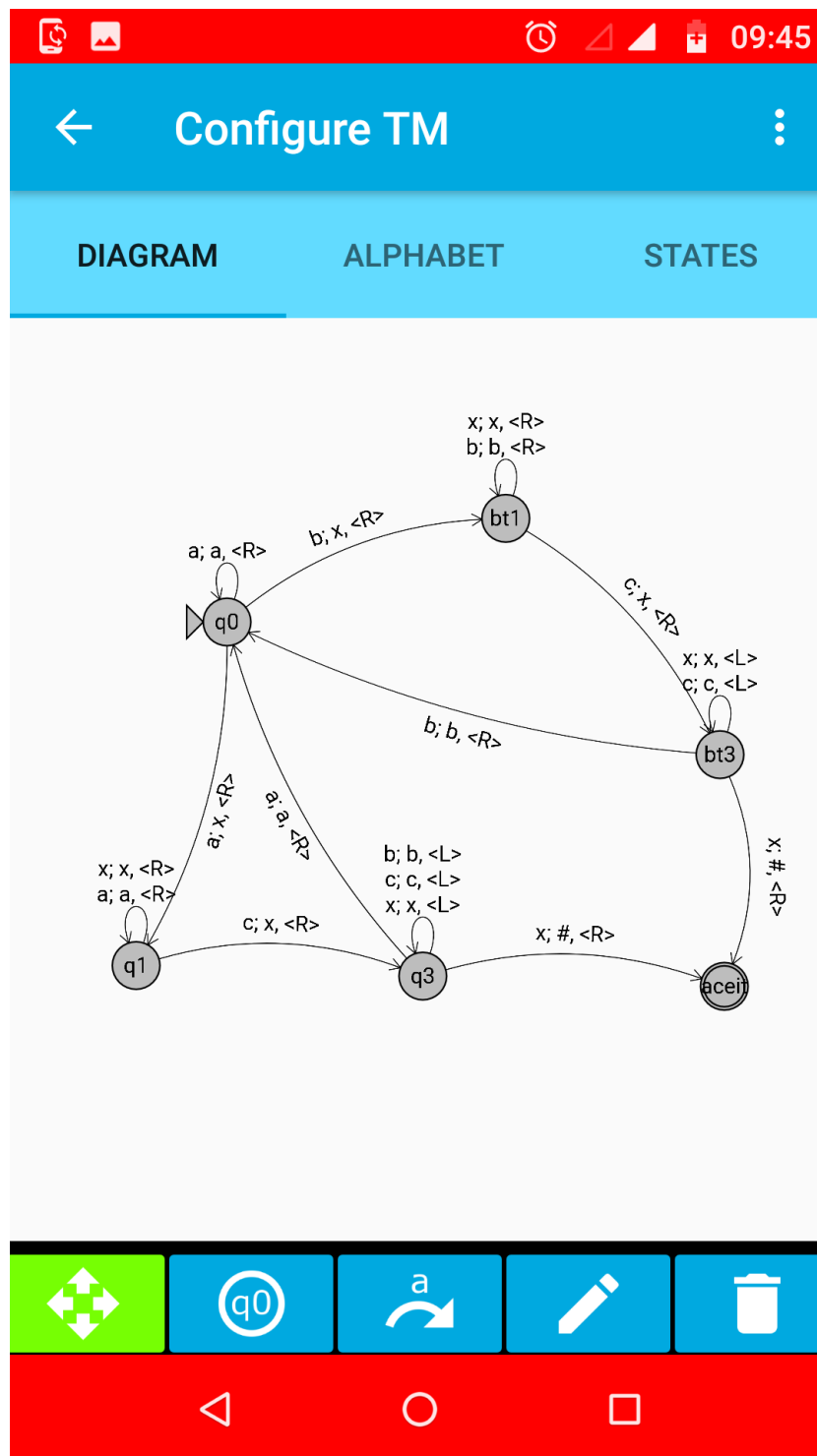


Figura 1 da 6 M