Evolúciós algoritmusok

Evolúció, mint kereső rendszer

- □ A problématérnek egyszerre több egyedét (a problémára adható lehetséges válaszokat) tároljuk az ún. populációban.
- □ Többnyire egy véletlen populációból indulunk ki, és ezt próbáljuk meg lépésről lépésre javítani azért, hogy abban megjelenjen egy célegyed vagy egy összeségében jó populációhoz jussunk.
- Az egyedeket egy ún. rátermettségi függvény segítségével hasonlítjuk össze. Minden lépésben a kevésbé rátermett egyedek egy részét a rátermettebbekhez hasonló egyedekre cseréljük le. Ez a változtatás visszavonhatatlan. Ez tehát egy nem-módosítható stratégiájú keresés.

Evolúciós operátorok és a terminálási feltétel

- Szelekció: Kiválaszt néhány (lehetőleg rátermett) egyedet.
- □ *Rekombináció* (*keresztezés*): A kiválasztott egyedekből, mint szülőkből olyan utódokat készít, amelyek örökölik a szülők tulajdonságait.
- Mutáció: Az utódok tulajdonságait kismértékben módosítja.
- □ *Visszahelyezés*: Új populációt alakít ki az utódokból és a régi populációból.
- □ Terminálási feltétel:
 - ha a célegyed megjelenik a populációban
 - ha a populáció egyesített rátermettségi függvény értéke egy ideje nem változik.

```
ADAT := kezdeti érték

while ¬ terminálási feltétel(ADAT) loop

SELECT SZ FROM alkalmazható szabályok

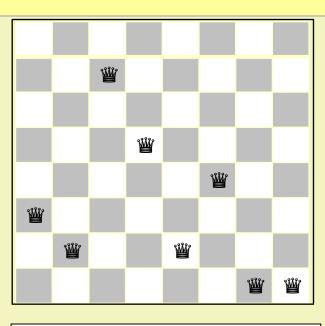
ADAT := SZ(ADAT)

endloop

Evolúció alapalgoritmusa
```

Procedure EA populáció := kezdeti populáció while terminálási feltétel nem igaz loop szülők := szelekció(populáció) utódok := rekombináció(szülők) ut'odok := mut'aci'o(ut'odok)populáció := visszahelyezés(populáció, utódok) endloop

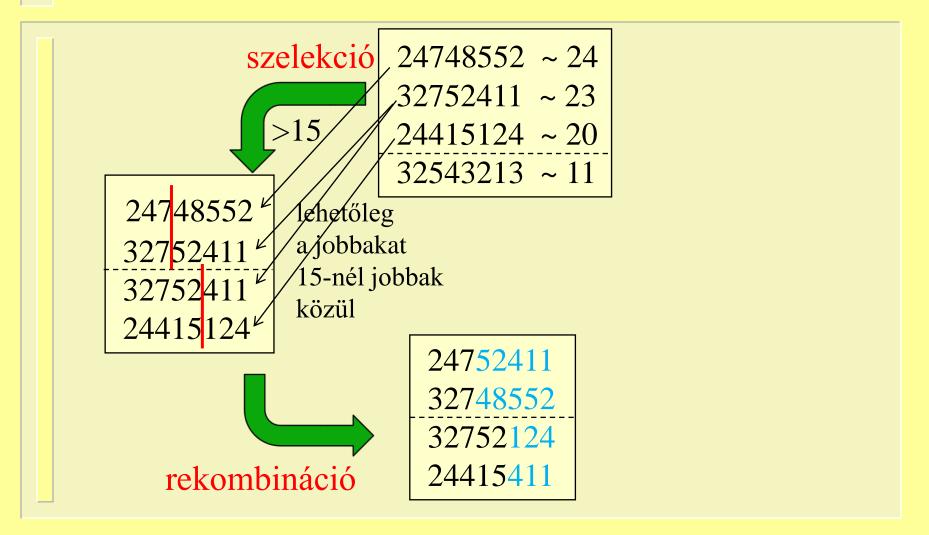
n-királynő probléma 1.

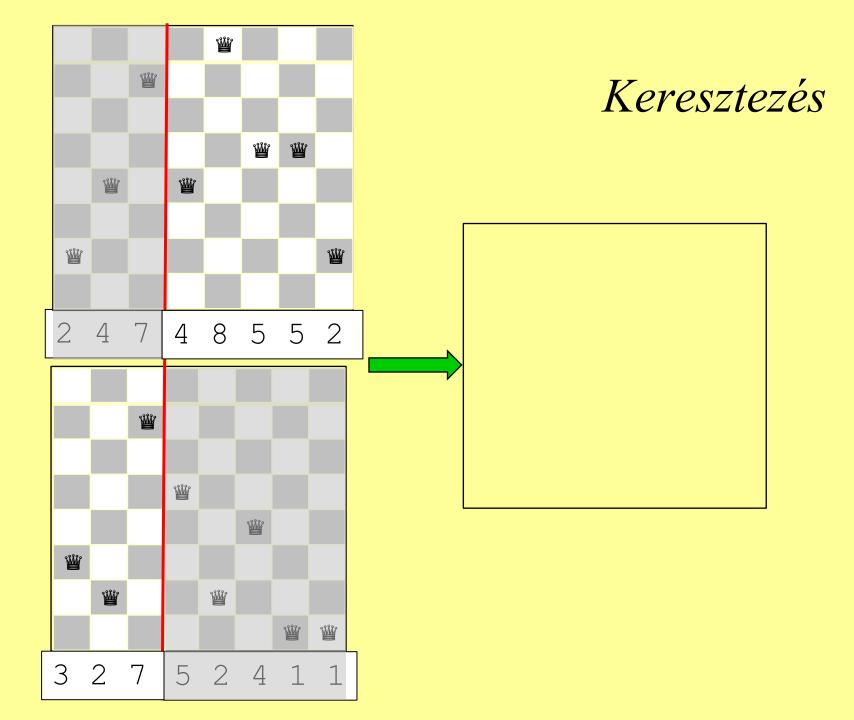


□ Egyed: a királynők olyan elrendezése, ahol minden oszlop pontosan egy királynőt tartalmaz

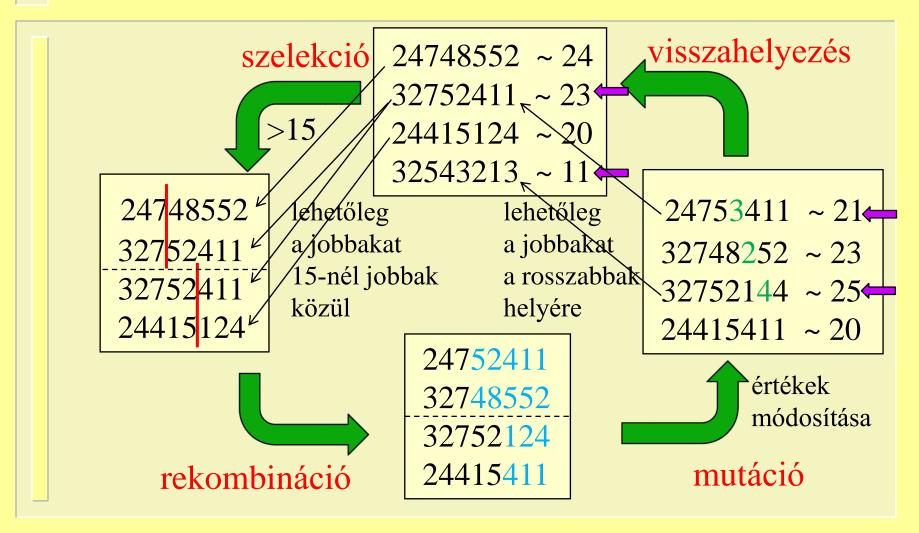
- □ Reprezentáció: oszloponként a királynők sorpozícióit tartalmazó sorozat
- rátermettségi érték: 23 Rátermettségi függvény: ütésben nem levő királynő párok száma

Evolúciós ciklus

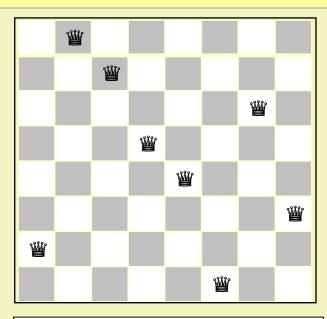




Evolúciós ciklus



n-királynő probléma 2.



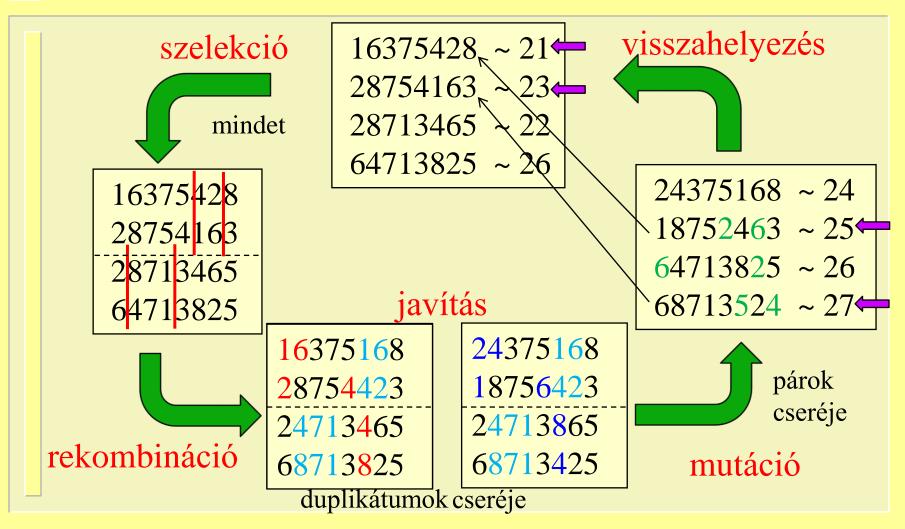
■ Egyed: a királynők olyan elrendezése, ahol minden sor és oszlop pontosan egy királynőt tartalmaz

2 8 7 5 4 1 6 3

rátermettségi érték: 23

Reprezentáció:
 oszloponként a királynők sorpozícióit tartalmazó permutáció
 Rátermettségi függvény: ütésben
 nem levő királynő párok száma

Evolúciós ciklus



Kielégíthetőségi probléma (SAT)

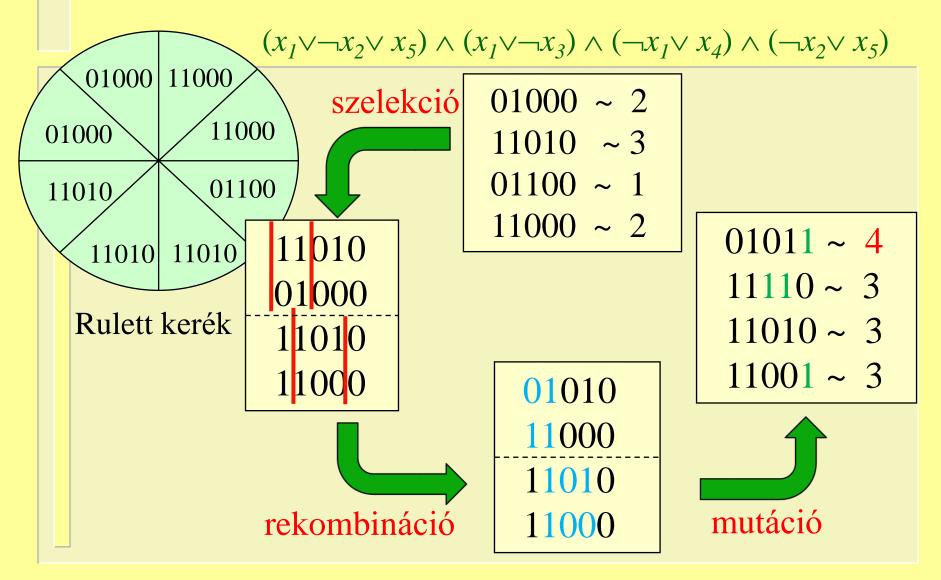
Adott egy n változós Boolean formula KNF alakban. A változók milyen igazság kiértékelése mellett lesz formula igaz?

E.g.:
$$(x_1 \lor \neg x_2 \lor x_5) \land (x_1 \lor \neg x_3) \land (\neg x_1 \lor x_4) \land (\neg x_2 \lor x_5)$$

egy megoldás: $x_1 = true, x_2 = false, x_3 = false, x_4 = true, x_5 = true$

- □ Egyed: egy lehetséges igazság kiértékelés
- □ Reprezentáció: logikai érték (bitek) sorozata
- <u>Rátermettségi függvény</u>: Az adott formula igazra értékelt klózainak száma

Evolúciós ciklus

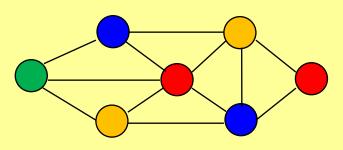


Evolúciós algoritmus tervezése

- problématér egyedeinek reprezentációja: kódolás
- □ rátermettségi függvény (fitnesz függvény)
 - kapcsolat a kódolással és a céllal
- evolúciós operátorok
 - szelekció, rekombináció, mutáció, visszahelyezés
- □ kezdő populáció, megállási feltétel (cél)
- □ stratégiai paraméterek
 - populáció mérete, mutáció valószínűsége, utódképzési ráta, visszahelyezési ráta, stb.

Kódolás

- □ Egy egyedet egy jelsorozattal (kromoszómával) kódolunk. A jelsorozatnak ki kell elégítenie a kód-invariánst.
- Az egyedeket az őket reprezentáló kódjukon keresztül változtatjuk meg. Egy jel vagy jelcsoport, azaz a gén írja le az egyed egy tulajdonságát (attribútum-érték párját).
 - Sokszor egy génnek a kódsorozatban elfoglalt pozíciója (lókusza) jelöli ki a gén által leírt attribútumot, amelynek értéke maga a gén (allél). A kód ekkor tulajdonságonként feldarabolható: egy rövid kódszakasz megváltoztatása kis mértékben változtat az egyeden.
- Gyakori megoldások:
 - Vektor: valós vagy egész számok rögzített hosszú tömbje
 - Bináris kód: bitek rögzített hosszú tömbje
 - Véges sok elem permutációja



Gráf színezési probléma

Adott egy véges egyszerű gráf, amelynek a csúcsait négy szín felhasználásával kell úgy kiszínezni, hogy a szomszédos csúcsok eltérő színűek legyenek.

Direkt kódolás



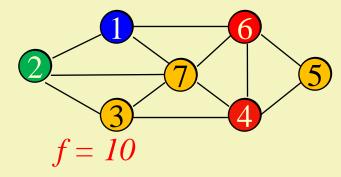
1. 2. 3. 4. 5. 6. 7.

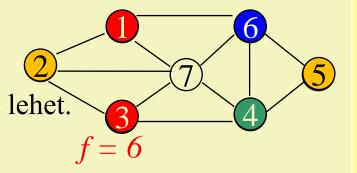
Az x[i] az i-dik csúcs színe.

f a jó élek száma.

Indirekt kódolás 2 5 1 3 4 6 7

Az i-dik lépésben az x[i]-dik csúcsot színezzük ki a lehető legvilágosabb színnel a szomszédjaihoz igazodva, ha lehet. f a kiszínezett csúcsok száma





A kő-papír-olló játék stratégiája

Alakítsunk ki jó stratégiát egy kő-papír-olló világbajnokságra!

- □ Olyan függvényre van szükségünk, amelyik a korábbi csaták kimenetele alapján javaslatot tesz a soron következő lépésünkre.
 - Például két korábbi csata alapján:

Előzmény: Én: K P Javaslat: K Ő: O O

• Ez még nem a teljes stratégia, mert nem csak a fenti előzményre, hanem az összes lehetséges előzményre kell soron következő lépést javasolni.

Kódolás

Egy stratégia (egyed) kódja: $\{0,1,2\}^{0..80}$

Az összes lehetséges stratégia száma: 381

Jelek

K ~ 0

 $P \sim 1$

0 ~ 2

Előzmény (ÉnŐÉnŐ)

KKKK ~ 0000 ~ 0

KKKP ~ 0001 ~ 1

KKKO ~ 0002 ~ 2

KKPK ~ 0010 ~ 3

•••

OOOP ~ 2221 ~ 79

0000 ~ 2222 ~ 80

Válasz

P ~ 1

0 ~ 2

K ~ 0

P ~ 1

• • •

0 ~ 2

K ~ (

A stratégia: 1201 ... 20

Rátermettség kiértékelése

Stratégia: 1201 ... 20

Minta:

Játékos: 0002221222001000

Ellenfél: 0102112220101011

 Jelek

 K ~ 0

 P ~ 1

 O ~ 2

$ Eset \rightarrow s$	Iavaslat	Ellenfél	Érték	
0001 →	2	0	vereség	-1
0001 →	2	1	győzelem	+1
0100 >	1	1	döntetlen	0
	•			
2221 →	2	1	győzelem	+1
2222 →	0	0	döntetlen	0

Szelekció

- □ **Célja**: a rátermett egyedek kiválasztása úgy, hogy a rosszabbak kiválasztása is kapjon esélyt.
 - Rátermettség arányos (rulett kerék algoritmus): minél jobb a rátermettségi függvényértéke egy elemnek, annál nagyobb valószínűséggel választja ki
 - Rangsorolásos: rátermettség alapján sorba rendezett egyedek közül a kisebb sorszámúakat nagyobb valószínűséggel választja ki
 - Versengő: véletlenül kiválasztott egyedcsoportok (pl. párok) legjobb egyedét választja ki.
 - Csonkolásos v. selejtezős: a rátermettség szerint legjobb (adott küszöbérték feletti) valahány egyedből véletlenszerűen választ néhányat.

Rekombináció

- □ A feladata az, hogy adott szülő-egyedekből olyan utódokat hozzon létre, amelyek a szüleik tulajdonságait "öröklik".
 - Keresztezés: véletlen kiválasztott pozíción jelcsoportok (gének) vagy jelek cseréje
 - Rekombináció: a szülő egyedek megfelelő jeleinek kombinálásával kapjuk az utód megfelelő jelét

Ügyelni kell a kód-invariáns megtartására: vizsgálni kell, hogy az új kód értelmes lesz-e (permutáció)

Keresztezés

■ Egy- illetve többpontos keresztezés

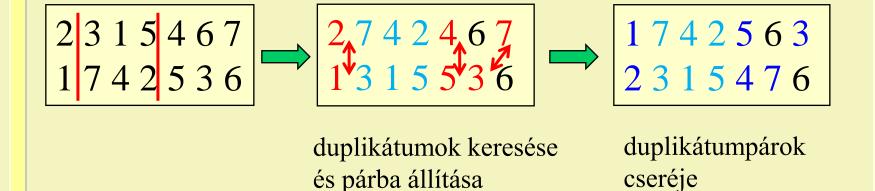
Kódszakaszokat cserélünk

- **Egyenletes keresztezés**
 - Jeleket cserélünk

Permutációk keresztezése 1.

□ Parciálisan illesztett keresztezés

 Egy szakasz cseréje után párba állítja és kicseréli azokat a szakaszon kívüli elemeket, amelyek megsértik a permutáció tulajdonságot.



Permutációk keresztezése 2.

□ Ciklikus keresztezés

- 1. Választ egy véletlen $i \in [1..length]$ -t
- 2. $a_i \leftrightarrow b_i$
- 3. Keres olyan $j \in [1..length]$ -t $(j \neq i)$, amelyre $a_i = a_i$,
- 4. Ha nem talál, akkor vége, különben i:=j
- 5. goto 2.

duplikátum keresése a felső utódban, majd csere azon a pozíción is

Rekombináció vektorokra

■ Köztes rekombináció

- A szülők $(\underline{x}, \underline{y})$ által kifeszített hipertégla környezetében lesz az utód (\underline{u}) .
- $\forall i=1...n$: $u_i = a_i x_i + (1-a_i) y_i$ $a_i \in [-h, 1+h]$ véletlen

□ Lineáris rekombináció

- A szülők (<u>x</u>, <u>y</u>) által kifeszített egyenesen a szülők környezetében vagy a szülők között lesz az utód (*u*).
- $\forall i=1...n: u_i = ax_i + (1-a)y_i \quad a \in [-h, 1+h] \text{ v\'eletlen}$

Mutáció

- □ A mutáció egy egyed (utód) kis mértékű véletlen változtatását végzi.
- □ Valós tömbbel való kódolásnál kis *p* valószínűséggel:
 - $\forall i=1...n: z_i = x_i \pm domain_i \cdot p$
- □ Bináris tömbbel való kódolásnál kis *p* valószínűséggel:
 - $\forall i=1...n: z_i = 1 x_i \text{ if } random[0..1] < p$
- □ Permutáció esetén
 - egy jelpár cseréje
 - egy kódszakaszon a jelek ciklikus léptetése vagy megfordítása vagy átrendezése.

Visszahelyezés

■ A visszahelyezés a populációnak az utódokkal történő frissítése: Kiválasztja a populációnak a lecserélendő egyedeit, és azok helyére a kiválasztott utódokat teszi.

két szelekció is kell

visszahelyezési ráta (v) = $\frac{\text{lecserélendő egyedek száma}}{\text{populáció száma}}$

ha u=v, akkor feltétlen cseréről van szó

további szelekció

ha u<v, akkor egy utód több példánya is bekerülhet

további szelekció

ha u>v, akkor az utódok közül szelektál