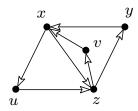
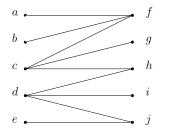
Diskretna matematika II - 2018/19

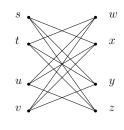
11. vaje - 7. maj 2019

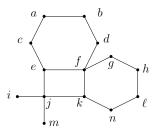
1. Oglejmo si dan digraf D.



- (a) Ali je D šibko povezan?
- (b) Ali je *D* krepko povezan?
- (c) Ali lahko v D najdemo sklenjen sprehod, ki vsebuje vse povezave?
- (d) Ali je D Eulerjev?
- (e) Ali je *D* hamiltonski?
- 2. Pokažite, da je digraf D, v katerem imajo vse točke vhodno stopnjo enako izhodni stopnji, krepko povezan natanko tedaj ko je šibko povezan.
- 3. Naj bo G=(V,E) multigraf, v katerem so vse točke sode stopnje. Pokažite, da lahko povezave grafa G usmerimo (to pomeni, da nadomestimo vsak neurejen par točk $\{x,y\}$ z urejenim parom (x,y) ali (y,x)) na tak način, da je vhodna stopnja poljubne točke enaka njeni izhodni stopnji.
- 4. Naj bo T drevo. Pokažite, da lahko povezave drevesa T usmerimo tako, da v usmerjenem grafu za vsako točko velja, da se vhodna in izhodna stopnja razlikujeta za največ ena.
- 5. Za naslednje grafe določite







- (a) ali obstaja prirejanje, ki zasiči en del biparticije?
- (b) ali obstaja prirejanje, ki zasiči oba dela biparticije?
- 6. Dokažite, da je graf ${\cal G}$ dvodelen natanko tedaj, ko je vsak cikel v grafu ${\cal G}$ sode dolžine.

- 7. (a) Poiščite SRP za naslednje množice $\{1,3,5\}, \{1,4,5\}, \{2,3,4\}, \{1,2,4\}.$
 - (b) Utemeljite, zakaj družina mnozic $\{1,2,3,4\},\{2,5,6\},\{1,4,5\},\{2,6\},\{5,8\},\{1,4,7\},\{2,5\},\{5,6\}$ nima SRP-ja.
 - (c) Ali ima naslednja družina množic $\{1,2\},\{2,3\},\{3,4,5\},\{1,3\},\{1,2,3\}$ SRP?
- 8. Razširite latinski pravokotnik $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 4 & 3 & 1 & 5 & 2 \end{bmatrix}$ do latinskega kvadrata reda 5.