$$\Delta \mathbf{S}_n \longrightarrow \mathbf{H}_n^{-1} \Delta \mathbf{S}_n = \Delta \mathbf{W}_{S,n} + \mathbf{H}_n^{-1} \mathbf{N}_n$$