

Programme de Colles

du 7 Mars au 11 Mars

Questions de Cours

1. Réaliser un bilan de charge à 1D et en déduire l'équation aux dérivées partielles reliant densités volumiques de charge et de courant.
Généraliser cette équation en 3D.
2. Énoncer les quatre équations de Maxwell.
Retrouver le théorème de Gauss, la conservation du flux du champ magnétique et la loi de Faraday.
Dans une région vide, sachant que $\overrightarrow{\text{rot}}(\overrightarrow{\text{rot}}(\vec{v})) = \overrightarrow{\text{grad}}(\text{div}(\vec{v})) - \Delta\vec{v}$ retrouver l'équation de d'Alembert.
3. Comment sont modifiées les quatre équations de Maxwell dans le cadre d'un régime statique.
Quels théorèmes retrouve-t-on ?
En régime statique établir l'équation de Poisson.
4. Donner l'expression de la force volumique exercée par le champ (\vec{E}, \vec{B}) sur une distribution volumique (ρ, \vec{j}) .
Calculer la puissance volumique reçue par les porteurs de charges d'une distribution volumique soumise à un champ (\vec{E}, \vec{B}) .
Donner sans démonstration la loi d'Ohm locale. En déduire qu'un conducteur ohmique calorifugé subit systématiquement une élévation de température lorsqu'il est soumis à un champ (\vec{E}, \vec{B}) .
5. Donner sans démonstration l'expression de l'énergie volumique du champ électro-magnétique.
A l'aide de la relation $\vec{B}.\overrightarrow{\text{rot}}(\vec{E}) - \vec{E}.\overrightarrow{\text{rot}}(\vec{B}) = \text{div}(\vec{E} \wedge \vec{B})$, déduire de l'expression de l'énergie volumique, l'équation locale de Poynting.
A l'aide du théorème de Green-Ostrogradski $\iiint_V \text{div}(\vec{A})dV = \int_S \vec{A}.d\vec{S}_{ext}$ avec S la surface de V , établir la forme intégrée de l'équation locale de Poynting et interpréter chaque terme.

6. Pour une onde plane progressive monochromatique dans le vide, donner les équations de Maxwell en notation complexe.
Retrouver à l'aide des équations de Maxwell en notation complexe la structure de l'onde.
Réécrire l'équation de d'Alembert en notation complexe. En déduire la relation de dispersion dans le vide.