

Les piles

September 11, 2020

1 Définition d'une pile

Cette partie s'intéresse à une structure de donnée linéaire Last In First Out (LIFO), les piles. Pour se représenter une pile on peut s'appuyer sur l'image d'une pile d'objet empilé les uns sur les autres.

```
[1]: from IPython.display import Image  
Image("img/pile_assiette.jpg")
```

[1]:



Par exemple l'image de cette pile d'assiettes constitue une pile.

Cette pile a pour propriété d'être une structure de donnée à une dimension, tous les objets sont rangés suivant le même axe vertical. On parle ainsi de structure de donnée linéaire.

Et on remarque que l'on a accès uniquement à l'assiette en haut de la pile, toutes les autres assiettes sont coincées dans la pile.

Enfin l'assiette à laquelle on a accès est la dernière assiette posée sur la pile, il s'agit d'un ordre "dernier arrivé, premier sortie" ou Last In, First Out (LIFO).

Ceci définit la structure de donnée de type pile pour tous les objets possibles.

```
[2]: from IPython.display import Image  
Image("img/pile_quelconque.jpg")
```

[2]:



De même en python on peut stocker dans une pile toute forme d'objet, par contre on doit garder la même structure de la base de données linéaire LIFO.

```
[3]: from IPython.display import Image  
Image("img/pile_python.jpg")
```

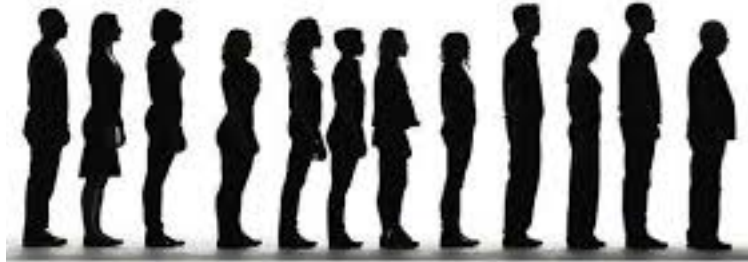
[3]:



D'autres structures de données linéaires existent, notamment des structures dites de file où comme dans une file d'attente c'est le premier arrivé qui est le premier sortit.

```
[4]: from IPython.display import Image
Image("img/file.jpg")
```

[4]:



Nous rencontrons ce type de structure de donnée dans différentes situations. De manière très régulière avec les fonctions “reculer d’une page” et “avancer d’une page” dans un navigateur ou avec les fonctions “annuler” et “rétablir” d’un logiciel. De manière indirecte lors de l’appel de fonction récursive que l’on étudiera par la suite.

- Justifier pourquoi les fonctions “reculer d’une page” et “avancer d’une page” constituent bien une pile.

réponse:

Quels sont les avantages et inconvénients de la pile ?

Avantages :

On veut stocker des éléments dont le nombre est variable et/ou inconnu à l’avance. On peut ou on doit se contenter de n’avoir accès qu’au dernier élément stocké

Inconvénients:

Si on veut pouvoir accéder à n’importe quel élément, il vaut mieux utiliser un tableau.

- Dans quel cas faut-il utiliser une pile, un tableau, une file, ...
 - Un répertoire téléphonique
 - L’historique des actions effectuées dans un logiciel
 - Comptabiliser les pièces ramassées et dépensées par un personnage
 - Ranger des dossiers à traiter

réponse:

2 Réalisation concrète d’une pile

Nous allons maintenant étudier les fonctions disponibles sur les piles.

En gardant la même image que pour une pile d'objet on peut :

- Créer une pile vide, on fait de la place sur une étagère pour y empiler des objets.
- Ajouter un élément, on empile un objet sur la pile existante, cette fonction est communément appelée "push".
- Retirer le premier élément de la pile si la pile n'est pas vide et le renvoyer, on dépile l'objet en haut de la pile, cette fonction est communément appelée "pop".
- Lire le sommet de la pile, identifier l'objet en haut de la pile sans le dépiler.
- Tester si la pile est vide, identifier s'il y a au moins un objet dans la pile.

Ces fonctions de base sont les seules disponibles pour manipuler ces structures de données.

2.1 Cas d'une pile de taille fixée

Commençons par écrire les fonctions de base pour une pile dont la taille maximale est fixée à sa création, on parle de pile bornée ou de capacité finie.

- écrire une fonction `creer_pile(c)` qui prend en argument la capacité `c` de la pile et qui retourne une pile vide de taille fixée et dont le premier élément indique la taille actuelle de la pile, ici 0. on pourra utiliser une liste de taille fixée `c+1` et dont les éléments vides d'indices 1 à `c` sont remplis par `None` et dont l'élément d'indice 0 indique la taille de la liste.

[]: *#réponse:*

- utiliser votre fonction pour créer une pile de taille 10 puis utiliser la fonction `print()` pour l'afficher

[]: *#réponse:*

- écrire une fonction `empiler(p, v)` qui prend en argument une pile `p` et un élément `v`, vérifie que la liste n'est pas pleine, actualise la taille de la pile, et empile l'élément `v` au sommet de la pile donc dans le premier espace vide disponible de la liste

[]: *#réponse:*

- empiler dans l'ordre les éléments suivant dans votre pile 3, 1, 'chat', [1, 2, 3] et afficher la pile obtenue

[]: *#réponse:*

- écrire une fonction `depiler(p)` qui prend en argument une pile `p`, vérifie que la pile n'est pas vide, actualise la taille de pile, retire l'élément au sommet de la pile, et le retourne

[]: *#réponse:*

- utiliser votre fonction pour dépiler un élément de votre pile et afficher l'élément retiré et la pile sans cet élément

[]: *#réponse:*

- écrire une fonction `taille(p)` qui prend en argument une pile `p`, et retourne la taille de la pile `p`

[]: *#réponse:*

- utiliser votre fonction pour connaître la taille actuelle de votre pile

[]: *#réponse:*

- écrire une fonction `est_vide(p)` qui prend en argument une pile `p`, et retourne un booléen VRAI si la pile est vide et FAUX si la pile n'est pas vide

[]: *#réponse:*

- tester si votre pile est vide

[]: *#réponse:*

- écrire une fonction `sommet(p)` qui prend en argument une pile `p`, vérifie si la pile est vide, et retourne l'élément au sommet de la pile sans le dépiler

[]: *#réponse:*

- utiliser cette fonction pour afficher le sommet de votre pile

[]: *#réponse:*

2.2 Cas de pile non bornées

Toutes les fonctions que nous avons définies impliquent de connaître à l'avance la capacité maximale de la pile dont nous aurons besoin, ce qui limite les possibilités d'utilisation de cette pile. L'objet liste `[..., ..., ...]` sous python possède en réalité toutes les méthodes pour réaliser les fonctions d'une pile sans prédéfinir sa capacité.

- sachant que la commande `[]` définit une liste vide, réécrire la fonction `creer_pile` et tester cette fonction

[]: *#réponse:*

- sachant que la méthode `p.append(v)` ajoute l'élément `v` à la fin de la liste `p`, réécrire et tester la fonction `empiler(p,v)`

[]: *#réponse:*

- sachant que la fonction `len(p)` retourne le nombre d'élément dans une liste, réécrire et tester la fonction `taille(p)` et `est_vide(p)`

[]: *#réponse:*

- sachant que la méthode `p.pop()` retire et retourne le dernier élément de la liste `p`, réécrire et tester la fonction `depiler(p)`

[]: *#réponse:*

- sachant que l'indice `-1` d'une liste est l'indice du dernier élément d'une liste, réécrire et tester la fonction `sommet(p)`

[]: *#réponse:*

3 Quelques fonctions manipulant des piles

En se basant uniquement sur les fonctions disponibles pour les piles nous allons programmer quelques fonctions qui manipulent les piles.

- écrire une fonction `renverser(p)` qui renverse une pile donnée

[]: *#réponse:*

- renverser la pile `[3, 1, 'chat', [1, 2, 3]]` en `[[1, 2, 3], 'chat', 1, 3]`

[]: *#réponse:*

- écrire une procédure `affichage(p)` d'affichage d'une pile qui affiche les éléments d'une pile en partant du fond jusqu'au sommet

[]: *#réponse:*

- tester la procédure d'affichage sur votre pile

[]: *#réponse:*

- écrire une fonction `superposer(p1,p2)` qui superpose la pile `p2` au-dessus de la pile `p1`

[]: *#réponse:*

- emplier la pile `['chat', [1, 2, 3]]` au-dessus de la pile `[3, 1]`

[]: #réponse:

4 Exercice: Traitement d'une expression parenthésée

Etant donnée une chaîne de caractères ne contenant que des caractères '(' et ')', déterminer s'il s'agit d'un mot bien parenthésé. Un mot bien parenthésé est soit le mot vide, soit la concaténation de deux mots bien parenthésés, soit un mot bien parenthésé mis entre parenthèses. Ainsi, les trois mots '', '()' et '()' sont bien parenthésés. À l'inverse, les mots '()', '()' ou encore '()' ne le sont pas. On se propose de plus d'indiquer, pour chaque parenthèse ouvrante, la position de la parenthèse fermante correspondante. Ainsi, pour le mot '()', on donnera les couples d'indices (0, 3), (1, 2) et (4, 5).

[]: #réponse:

[]: #réponse:

[]: #réponse:

[]: #réponse:

5 Exercice: Tour de magie de Gilbreath.

Écrire une fonction couper qui prend une pile et la coupe en enlevant de son sommet un certain nombre d'éléments (tiré au hasard) qui sont renvoyés dans une seconde pile. Exemple : si la pile initiale est [1, 2, 3, 4, 5] et si le nombre d'éléments retirés vaut 2, alors la pile ne contient plus que [1, 2, 3] et la pile renvoyée contient [5, 4].

[]: #réponse:

Écrire une fonction melange qui prend en arguments deux piles et qui mélange leurs éléments dans une troisième pile de la façon suivante : tant qu'une pile au moins n'est pas vide, on retire aléatoirement un élément au sommet d'une des deux piles et on l'empile sur la pile résultat. Exemple : un mélange possible des piles [1, 2, 3] et [5, 4] est [3, 2, 4, 1, 5]. Note : à l'issue du mélange, les deux piles de départ sont donc vides.

[]: #réponse:

Construire un paquet de cartes en empilant n fois les mêmes k cartes (par exemple, pour un paquet de 32 cartes, on empile n = 16 paquets de paires rouge/noir). Couper alors le paquet avec la fonction couper ci-dessus, puis mélanger les deux paquets obtenus à l'aide de la fonction melange. On observe alors que le paquet final contient toujours n blocs des mêmes k cartes (même si ces dernières peuvent apparaître dans un ordre différent au sein de chaque bloc). Sur l'exemple des 16 paquets rouge/noir, on obtient toujours 16 paquets rouge/noir ou noir/rouge.

[]: #réponse: