

DS 3 : Chimie & Lois du frottement solide
& Thermodynamique des systèmes ouvert
Éléments de correction

| N° | Elts de rép. | Pts | Note |
|-------|-----------------------|-----|------|
| 00-00 | Titre de l'exo | 0 | 0 |
| 0 | éléments de réponse | 0 | 0 |

| | | | |
|-------|---|---|--|
| 01-07 | Chimie | | |
| 01-03 | Structure du silicium | | |
| 1 | électron de cœur : $1s^2 2s^2 2p^6$ électron de valence : $3s^2 3p^2$ | 1 | |
| 2 | $n = 3$ donc 3ieme période, 4 électrons de valence donc colonne IV ou $4+10 = 14$ Le carbone C qui a 4 électron de valence. C est plus électronégatif car au dessus. | 1 | |
| 3 | le nombre d'oxydation est à chaque fois +IV | 1 | |
| 04-07 | Production du nitrure de silicium | | |
| 4 | $2N_2(g) + 3 Si(s) = Si_3N_4(s)$ | 1 | |
| 5 | Elles sont nulles car il s'agit de corps pur dans leur état standard de référence. On utilise la loi de Hess $\Delta_r H^\circ = \Delta_f H^\circ(Si_3N_4) - 2 \times 0 - 3 \times 0 = -744 \text{ kJ.K}^{-1}.\text{mol}^{-1}$ | 1 | |
| 6 | transformation adiabatique et isobare donc $\Delta H = 0$ donc $\xi_f \Delta_r H^\circ(T_i) + \sum_{\text{especes}} n_f c_p^\circ(T_f - T_i) = 0$ on fait un tableau d'avancement aux proportions stœchiométriques donc à l'état initial $n_i(N_2) = 2\xi_f$, $n_i(Si) = 3\xi_f$ et $n_i(Si_3N_4) = 0$, à l'état final $n_i(N_2) = 0$, $n_i(Si) = 0$ et $n_i(Si_3N_4) = \xi_f$. On en déduit $\xi_f \Delta_r H^\circ(T_i) + \xi_f c_p^\circ(Si_3N_4)(T_f - T_i) = 0$ donc $T_f = T_i - \frac{\Delta_r H^\circ}{c_p^\circ(Si_3N_4)} = 8130 \text{ K}$. Cette température ne peut être atteinte dans une enceinte car les matériaux fondent. | 1 | |

| | | | |
|---|---|---|--|
| 7 | On refait un tableau d'avancement avec $n_f(N_2) = 0,9n_i(N_2)$ donc $n_i(N_2) - 2\xi_f = 0,9n_i(N_2)$ d'où $n_f(N_2) = 0,9n_i(N_2) = 0,9 \times \frac{2}{0,1}\xi_f = 18\xi_f$ et on ajoute le réactif restant à la somme sur les espèces d'où $\xi_f \Delta_r H^\circ(T_i) + \xi_f c_p^\circ(Si_3N_4)(T_f - T_i) + 18\xi_f c_p^\circ(N_2)(T_f - T_i) = 0$ d'où $T_f = T_i - \frac{\Delta_r H^\circ}{c_p^\circ(Si_3N_4) + 18c_p^\circ(N_2)} = 1543 \text{ K}$ | 1 | |
|---|---|---|--|

| | | | |
|-------|---|---|--|
| 08-22 | Machine de Wehner et Schulze | | |
| 8 | Tracer de \vec{N} selon \vec{e}_z et \vec{T} selon $-\vec{e}_\theta$ | 1 | |
| 9 | lorsqu'il y a glissement $\vec{v}(2/1) \neq 0$ et $T = f_d N$, donc ici $\vec{T} = -f N \vec{e}_\theta$ | 1 | |
| 10 | On applique le PFD à l'ensemble de la tête $m\vec{a} = 3\vec{N} + 3\vec{T} + m\vec{g}$ on projette sur l'axe vertical et on obtient $0 = 3N - mg$ donc $N = \frac{mg}{3}$ donc $T = f_d \frac{mg}{3}$ | 1 | |
| 11 | $\vec{M}_{\vec{T}, Oz} = \vec{OC} \wedge \vec{T} = r_m \vec{e}_r \wedge -T \vec{e}_\theta = -r_m T \vec{e}_z$ donc $M_{\vec{T}, Oz} = -r_m f_d \frac{mg}{3}$ | 1 | |
| 12 | mouvement circulaire donc $v_{C,i} = r_m \omega_i$ donc $\omega_i = \frac{v_{C,i}}{r_m} = 309 \text{ rad.s}^{-1}$ | 1 | |
| 13 | On applique le théorème du moment cinétique à l'ensemble de la tête $\frac{\vec{L}_O}{dt} = \vec{M}_{O,\vec{p}} + \sum_{patins} \vec{M}_{O,\vec{N}} + \vec{M}_{O,\vec{T}}$ puis on projette sur \vec{e}_z il ne reste plus que le moment des 3 forces de frottement \vec{T} car les autres sont colinéaires à \vec{e}_z d'où $J \frac{\omega_1}{dt} = 0 + 3 \times 0 + 3M_{\vec{T}, Oz} = -r_m f_d mg$ | 1 | |
| 14 | on résout $\frac{\omega_1}{dt} = -\frac{r_m f_d mg}{J}$ donc $\omega_1(t) = \omega_1(0) - \frac{r_m f_d mg}{J} t = \omega_i - \frac{2r_m f_d g}{R^2} t$. On trace la droite d'équation donnée ci-dessus. | 1 | |
| 15 | La tête s'arrête quand $\omega_1(\tau) = 0$ donc $\omega_i - \frac{2r_m f_d g}{R^2} \tau = 0$ d'où $\tau = \frac{R^2 \omega_i}{2r_m f_d g}$. On remarque que la masse de la tête se simplifie entre mg et J donc ça n'en dépend pas, de même on remarque que le nombre de patin 3 se simplifie entre l'expression de T et le nombre de $M_{\vec{T}, Oz}$. On retrouve un résultat analogue au glissement sur un plan incliné qui ne dépend pas de la masse de l'objet posé ni de la surface de contact. | 1 | |

| | | | |
|----|---|---|--|
| 16 | $\tau = \frac{R^2 \omega_i}{2r_m f_d g}$ donc $f_d = \frac{R^2 \omega_i}{2r_m \tau g} = 0,4$. On obtient une valeur positive sans dimension dans les ordres de grandeur entre 0,1 et 1, donc le calcul est cohérent. De cette valeur est grande devant le coefficient de téflon/acier de l'ordre de 0,05, par contre on peut atteindre des adhérence plus élevées de l'ordre 0,9 pour des pneus. | 1 | |
| 17 | On est dans une situation d'équilibre donc on écrit le théorème des moments à l'équilibre $0 = M_0 + 3M_{\vec{T}, Oz}$ et $M_{\vec{T}, Oz} = -r_m f_s \frac{mg}{3}$ donc $f_s = \frac{M_0}{mgr_m}$ | 1 | |
| 18 | si $v < 20 \text{ km.h}^{-1}$ décroissance rapide de f , on passe de f_s à f_d si $20 \text{ km.h}^{-1} < v < 95 \text{ km.h}^{-1}$, on a un comportement affine de faible pente, c'est un modèle linéaire un peu plus précis que $f_d =$ cte vu en cours si $v > 95 \text{ km.h}^{-1}$, on a des grandes oscillations, à haute vitesse des effets non linéaire de modification de la structure du matériau. | 1 | |
| 19 | si f évolue de façon affine avec v alors avec ω_1 aussi donc on obtient une équation différentielle de la forme $\frac{d\omega_1}{dt} = -a\omega_1 + b$, on a une décroissance exponentielle. | 1 | |
| 20 | $\theta_p = \frac{b}{r_m} = 0,3 \text{ rad} = 19^\circ$, et $P_A = \frac{N}{S} = \frac{mg/3}{r_2^2 \theta_p / 2 - r_1^2 \theta_p / 2} = 2$ bar | 1 | |
| 21 | On découpe la surface du patin en élément de surface $dS = r dr d\theta$ puis on exprime $dT = f dN = f P_A dS$ donc $d\vec{T} = -f P_A r dr d\theta \vec{e}_\theta$ puis $d\vec{M}'_{\vec{T}, Oz} = \vec{OP} \wedge d\vec{T} = r \vec{e}_r \wedge (-f P_A r dr d\theta \vec{e}_\theta) = -f P_A r^2 dr d\theta \vec{e}_z$ donc $M'_{\vec{T}, Oz} = \int_0^{\theta_p} \int_{r_1}^{r_2} dM'_{\vec{T}, Oz} = -f P_A \int_0^{\theta_p} \int_{r_1}^{r_2} r^2 dr d\theta = -f P_A \theta_p \left(\frac{r_2^3}{3} - \frac{r_1^3}{3} \right)$ | 1 | |
| 22 | on calcule $\frac{M'_{\vec{T}, Oz} - M_{\vec{T}, Oz}}{M'_{\vec{T}, Oz}}$ et on en déduit si le modèle d'action ponctuelle est valable ou pas. | 1 | |

| | | | |
|-------|--|---|--|
| 23-30 | Propulsion par un réacteur d'avion | | |
| 23-25 | Premier principe pour un système ouvert | | |
| 23 | Σ système fermé donc sa masse se conserve $m_\Sigma(t+dt) = m_\Sigma(t)$, or t on remarque sur le schéma $m_\Sigma(t) = m_{pc}(t) + dm_e$ et à $t + dt$ on remarque que $m_\Sigma(t+dt) = m_{pc}(t+dt) + dm_s$, donc $m_{pc}(t+dt) + dm_s = m_{pc}(t) + dm_e$. Le régime est permanent donc $m_{pc}(t+dt) = m_{pc}(t)$ d'où $dm_e = dm_s$, on en déduit que $D_m = \frac{dm_e}{dt} = \frac{dm_s}{dt}$ | 1 | |

| | | | |
|-------|--|---|--|
| 24 | <p>On applique le premier principe au système fermé Σ entre t et $t + dt$ donc $dE_c + dU = W + Q$ devient $E_{c,\Sigma}(t + dt) - E_{c,\Sigma}(t) + U_{\Sigma}(t + dt) - U_{\Sigma}(t) = \delta W + \delta Q$.</p> <p>Puis on exprime les différents termes en fonction des entrées et sorties :</p> $E_{c,\Sigma}(t + dt) - E_{c,\Sigma}(t) = E_{c,pc} + \delta E_{c,s} - E_{c,pc} - \delta E_{c,e} = \delta E_{c,s} - \delta E_{c,e}$ <p>puis</p> $U_{\Sigma}(t + dt) - U_{\Sigma}(t) = U_{pc} + \delta U_s - U_{pc} - \delta U_e = \delta U_s - \delta U_e$ <p>puis $\delta Q = 0$ car les parois sont calorifugées puis</p> $\delta W = \delta W_p + \delta W_{fc} + \delta W_i$ <p>avec</p> $\delta W_{fc} = -E_{p,\Sigma}(t + dt) + E_{p,\Sigma}(t) = -E_{p,pc} - \delta E_{p,s} + E_{p,pc} + \delta E_{p,e} = -\delta E_{p,s} + \delta E_{p,e}$ <p>puis</p> $\delta W_p = -P_s S_s dl_s + P_e S_e dl_e$ <p>enfin</p> $(\delta E_{c,s} + \delta E_{p,s} + \delta U_s + P_s S_s dl_s) - (\delta E_{c,e} + \delta E_{p,e} + \delta U_e + P_e S_e dl_e) = \delta W_i$ | 1 | |
| 25 | <p>On exprime tout en grandeur massique</p> $(e_{c,s} \delta m_s + e_{p,s} \delta m_s + u_s \delta m_s + P_s v_s \delta m_s) - (e_{c,e} \delta m_e + e_{p,e} \delta m_e + u_e \delta m_e + P_e v_e \delta m_e) = \omega_i \delta m$ <p>on utilise $\delta m = \delta m_e = \delta m_s$</p> $(e_{c,s} + e_{p,s} + u_s + P_s v_s) - (e_{c,e} + e_{p,e} + u_e + P_e v_e) = \omega_i$ <p>puis on reconnait $h = u + Pv$, on a $e_c = \frac{1}{2} \frac{\delta m}{\delta m} c^2$, et on a seulement le poids comme énergie potentielle donc $e_p = \frac{\delta m}{\delta m} gz$ d'où</p> $\left(\frac{1}{2} c_s^2 + gz_s + h_s\right) - \left(\frac{1}{2} c_e^2 + gz_e + h_e\right) = \omega_i$ | 1 | |
| 26-30 | Force de poussée du réacteur - Étude de la tuyère | | |
| 26 | <p>l'air traversant la tuyère est un gaz parfait subissant une transformation adiabatique et réversible donc on peut utiliser la loi de Laplace $P_s^{1-\Gamma} T_s^\Gamma = P_e^{1-\Gamma} T_e^\Gamma$ donc $T_s = \left(\frac{P_e}{P_s}\right)^{(1-\Gamma)/\Gamma} \times T_e$ d'où</p> $\theta_s = \left(\frac{P_e}{P_s}\right)^{(1-\Gamma)/\Gamma} \times (\theta_e + 273) - 273 = 547 \text{ } ^\circ\text{C}$ | 1 | |
| 27 | <p>On applique le premier principe $\left(\frac{1}{2} c_s^2 + gz_s + h_s\right) - \left(\frac{1}{2} c_e^2 + gz_e + h_e\right) = \omega_i$,</p> <p>on remarque qu'il n'y a pas de travail $\omega_i = 0$, $z_s = z_e$, et $c_e = 0$ d'où</p> $\frac{1}{2} c_s^2 + h_s - h_e = 0 \text{ d'où } c_s = \sqrt{2(h_e - h_s)} = \sqrt{2c_p(T_e - T_s)} = \sqrt{2c_p(\theta_e - \theta_s)} = 841 \text{ m.s}^{-1}$ | 1 | |

| | | | |
|----|--|---|--|
| 28 | <p>On doit calculer une force donc on écrit la seconde loi de Newton au système fermé Σ, $\frac{d\vec{p}_\Sigma}{dt} = \vec{\Pi}_{\rightarrow\Sigma}$, avec \vec{p}_Σ la quantité de mouvement. On fait un bilan de quantité de mouvement avec cette équation comme on l'a fait pour l'énergie.</p> <p>on l'écrit comme un bilan entre t et $t + dt$</p> $\vec{p}_\Sigma(t + dt) - \vec{p}_\Sigma(t) = \vec{\Pi}_{\rightarrow\Sigma} dt$ <p>on décompose selon la partie commune et les entrées et sorties</p> $\vec{p}_{pc}(t + dt) + \delta\vec{p}_s - \vec{p}_{pc}(t) - \delta\vec{p}_e = \vec{\Pi}_{\rightarrow\Sigma} dt$ <p>on utilise le caractère permanent de l'écoulement $\vec{p}_{pc}(t + dt) = \vec{p}_{pc}(t)$ d'où</p> $\delta\vec{p}_s - \delta\vec{p}_e = \vec{\Pi}_{\rightarrow\Sigma} dt$ <p>puis on introduit les grandeurs massiques $\delta\vec{p} = \delta m \vec{c}$ et $dt = \frac{\delta m}{D_m}$</p> $\delta m_s \vec{c}_s - \delta m_e \vec{c}_e = \vec{\Pi} \frac{\delta m}{D_m}$ <p>puis la conservation de la masse $\delta m_s = \delta m_e = \delta m$ d'où</p> $\vec{\Pi}_{\rightarrow\Sigma} = D_m (\vec{c}_s - \vec{c}_e)$ <p>On vient d'exprimer la force de poussée sur le système fermé de gaz qui s'écoule à travers le réacteur, donc on vient de calculer la force exercée par le réacteur sur l'air. Mais ce qui nous intéresse $\vec{\Pi}$ c'est la force de l'air sur le réacteur, donc par principe de l'action et de la réaction (3ième loi de Newton)</p> $\vec{\Pi} = -\vec{\Pi}_{\rightarrow\Sigma} = D_m (\vec{c}_e - \vec{c}_s) \text{ et } \Pi = D_m c_s = 70 \text{ kN}$ | 1 | |
|----|--|---|--|

| | | | |
|----|--|---|--|
| 29 | $ma = \Pi$ donc $\frac{a}{g} = \frac{1}{mg}\Pi = \frac{D_m c_s}{mg} = 6$ | 1 | |
| 30 | L'accélération est constante donc $\ddot{x} = a$ donc $x(t) = \frac{a}{2}t^2 + \dot{x}(0)t + x(0)$, on prend $\dot{x}(0) = 0$ et $x(0) = 0$, donc $x(\tau) = l$ et $\tau = \sqrt{\frac{2l}{a}} = 3$ s | 1 | |