

# Filtrage\_eleve

October 9, 2019

## 1 Librairie

```
[1]: import wave
import math
import binascii
import winsound
import struct
import os
import numpy as np
import scipy.io.wavfile
import scipy
import matplotlib.pyplot as plt
```

## 2 Signal d'entrée

### 2.1 définition des différents paramètres

$T_a$  > temps de réaction humain

$f_e \gg f_{\text{fréquence maximale audible}}$

$f_a$  et  $f_b$  deux sons composant le signal

#### 2.1.1 A vous choisissez $T_a$ , $f_e$ , $f_a$ , et $f_b$

```
[ ]: Ta = #durée d'acquisition en seconde du signal
Fe = #fréquence d'échantillonnage en Hz pour signaux audio
f_a = # fréquence en Hz de l'harmonique a présente dans le signal
f_b = # fréquence en Hz de l'harmonique b présente dans le signal
niveau = 1 # niveau sonore des hauts-parleur
nbCanal = 2 # stéréo
nbOctet = 1 # taille d'un échantillon : 1 octet = 8 bits
```

### 2.2 calculs du nombre d'échantillon, période d'échantillonnage, résolution spectrale

$N = T_a \times F_e$  relation nombre d'échantillon, durée d'acquisition, fréquence d'échantillonnage

$T_e = \frac{1}{f_e}$  définition période d'échantillonnage

$$\Delta f = \frac{1}{T_a} = \frac{f_e}{N} \text{ définition résolution spectrale}$$

**2.2.1 A vous: écrire un code ici qui calcule  $N$ ,  $T_e$ , et  $\Delta f$**

## 2.3 calcul trace temporelle et spectre du signal d'entrée

$t$  est une liste de date telle que  $t[i] = i \times T_e$

$$v_e = A \sin(2\pi f_a t) + A \sin(2\pi f_b t)$$

**2.3.1 A vous: écrire un code ici qui calcule  $v_e$**

la série de Fourier de  $v_e$  se calcule avec l'algorithme FFT de numpy `np.fft.fft`

**2.3.2 A vous: écrire un code ici qui calcule la transformée de Fourier de  $v_e$**

affichage du signal temporel entre  $T_{min}$  et  $T_{max}$ , et entre  $f_{min}$  et  $f_{max}$

**2.3.3 A vous: écrire un code ici qui affiche l'un en dessous de l'autre  $v_e(t)$  et son spectre**

## 2.4 encodage dans un fichier .wav

écriture dans le fichier son.wav

```
[ ]: NomFichier = 'son.wav'
Monson = wave.open(NomFichier, 'w')
parametres = (nbCanal, nbOctet, Fe, N, 'NONE', 'not compressed') # tuple
Monson.setparams(parametres) # création de l'en-tête (44 octets)
for i in range(0, N):
    # canal gauche
    # 127.5 + 0.5 pour arrondir à l'entier le plus proche
    valG = wave.struct.pack('B', int(128.0 + 127.5*0.5*ve[i]))
    # canal droit
    valD = wave.struct.pack('B', int(128.0 + 127.5*0.5*ve[i]))
    Monson.writeframes(valG + valD) # écriture frame

Monson.close()
```

visualisation de l'effet de quantification sur 1 octet = 8 bits

**2.4.1 A vous: choisissez  $T_{min}$  et  $T_{max}$  pour voir la solution**

```
[ ]: Tmin =
Tmax =

Se = np.zeros(N)
for i in range(0, N):
    Se[i] = int(128.0 + 127.5*0.5*ve[i])
vT = np.arange(N)*Te
plt.plot(vT[int(Tmin/Te):int(Tmax/Te)], Se[int(Tmin/Te):int(Tmax/Te)], '.')
plt.xlabel('t (s)')
```

```
plt.ylabel('$v_e$')
```

## 2.5 lecture du fichier son

```
[ ]: Fichier = open(NomFichier, 'rb')
data = Fichier.read()
tailleFichier = len(data)
print('\nTaille du fichier', NomFichier, ': ', tailleFichier, 'octets')
print("Lecture du contenu de l'en-tête (44 octets) :")
print(binascii.hexlify(data[0:44]))
print("Nombre d'octets de données :", tailleFichier - 44)
Fichier.close()
winsound.PlaySound('son.wav', winsound.SND_FILENAME)
```

## 3 Filtrage numérique passe-bas

### 3.1 paramètre d'un filtre passe-bas

$f_c$  fréquence de coupure en Hz

$$\omega_c = 2\pi f_c \text{ pulsation de coupure en rad.s}^{-1}$$

#### 3.1.1 A vous: définir $f_c$ et calculer $\omega_c$

### 3.2 établissement de la relation de récurrence du filtre numérique

fonction de transfert filtre RC:  $H = \frac{v_s}{v_e} = \frac{1}{1+j\frac{\omega}{\omega_c}}$

équation différentielle:  $\frac{1}{\omega_c} \frac{dv_s}{dt} + v_s = v_e$

intégration entre  $iT_e$  et  $(i+1)T_e$ :  $\frac{1}{\omega_c} \int_{iT_e}^{(i+1)T_e} \frac{dv_s}{dt} dt + \int_{iT_e}^{(i+1)T_e} v_s dt = \int_{iT_e}^{(i+1)T_e} v_e dt$

donc  $\frac{v_s((i+1)T_e) - v_s(iT_e)}{\omega_c} + \frac{v_s((i+1)T_e) + v_s(iT_e)}{2T_e} = \frac{v_e((i+1)T_e) + v_e(iT_e)}{2T_e}$

donc  $v_s((i+1)T_e) = Av_s(iT_e) + Bv_e(iT_e)$  avec  $A = \frac{2 - \omega_c T_e}{2 + \omega_c T_e}$  et  $B = \frac{\omega_c T_e}{2 + \omega_c T_e}$

#### 3.2.1 A vous: définir $A$ et $B$ et calculer $v_s$

## 4 Signal de sortie

### 4.1 trace temporelle et spectre du signal de sortie

#### 4.1.1 A vous: tracer $v_s(t)$ entre $T_{min}$ et $T_{max}$ et son spectre entre $f_{min}$ et $f_{max}$

### 4.2 encodage dans un fichier son.wav

écriture dans le fichier son.wav

```
[ ]: NomFichier = 'son.wav'
Monson = wave.open(NomFichier, 'w')
parametres = (nbCanal, nbOctet, Fe, N, 'NONE', 'not compressed') # tuple
Monson.setparams(parametres) # création de l'en-tête (44 octets)
for i in range(0, N):
```

```

# canal gauche
# 127.5 + 0.5 pour arrondir à l'entier le plus proche
valG = wave.struct.pack('B',int(128.0 + 127.5*0.5*vs[i]))
# canal droit
valD = wave.struct.pack('B',int(128.0 + 127.5*0.5*vs[i]))
Monson.writeframes(valG + valD) # écriture frame

Monson.close()

```

visualisation de l'effet de quantification sur 1 octet = 8 bits

#### 4.2.1 A vous: choisissez $T_{min}$ et $T_{max}$ pour voir la solution

```

[:]: Tmin =
    Tmax =

Se = np.zeros(N)
for i in range(0,N):
    Se[i] = int(128.0 + 127.5*0.5*vs[i])
vT = np.arange(N)*Te
plt.plot(vT[int(Tmin/Te):int(Tmax/Te)],Se[int(Tmin/Te):int(Tmax/Te)],'.')
plt.xlabel('t (s)')
plt.ylabel('$v_{e}$')

```

### 4.3 lecture du fichier son

```

[:]: Fichier = open(NomFichier,'rb')
data = Fichier.read()
tailleFichier = len(data)
print('\nTaille du fichier',NomFichier, ':', tailleFichier,'octets')
print("Lecture du contenu de l'en-tête (44 octets) :")
print(binascii.hexlify(data[0:44]))
print("Nombre d'octets de données :",tailleFichier - 44)
Fichier.close()
winsound.PlaySound('son.wav',winsound.SND_FILENAME)

```

## 5 Application à un enregistrement

### 5.0.1 A vous: télécharger sur internet (par exemple sonothèque) un fichier son .wav de quelques secondes (une ou deux) encodé sur 16 bits en mode stéréo et filtrons-le

```

[:]: Fe, data = scipy.io.wavfile.read('mon_fichier_avant.wav')
print('fréquence d'échantillonnage', Fe, 'Hz')
v_e = data[:,1]

```

5.0.2 A vous: avec l'attribut size des objets numpy array calculer  $N$  puis en déduire  $T_e$  et  $\Delta f$

5.0.3 A vous: calculer la fft du signal d'entrée avec la fonction numpy fft.fft

5.0.4 A vous: afficher le signal temporel et la transformée de Fourier du signal d'entrée

5.0.5 A vous: définir la fréquence de coupure de votre filtre numérique et calculer le signal de sortie

5.0.6 A vous: afficher le signal temporel et la transformée de Fourier du signal de sortie

5.0.7 A vous: encoder le signal de sortie dans un fichier .wav avec le code ci-dessous et écoutez-le avec le lecteur de votre ordinateur

```
[ ]: NomFichier = 'mon_fichier_apres.wav'
Monson = wave.open(NomFichier, 'w')
parametres = (nbCanal, nbOctet, Fe, N, 'NONE', 'not compressed') # tuple
Monson.setparams(parametres) # création de l'en-tête (44 octets)
for i in range(0, N):
    # canal gauche
    # 127.5 + 0.5 pour arrondir à l'entier le plus proche
    valGbis = wave.struct.pack('B', int(128.0 + 127.5*(2**(-16))*v_s[i]))
    # canal droit
    valDbis = valGbis
    Monson.writeframes(valGbis + valDbis) # écriture frame

Monson.close()
```