| Nom:  |          | DS2 |          |     |     |     |  |
|---|----------|-----|----------|-----|-----|-----|--|
| Prénom:   | APP      | ANA | REA      | VAL | СОМ | RCO |  |
| Exercice 1 – Guirlandes électriques   |          |     |          |     |     |     |  |
| 1. $\mathcal{P}_J = RI^2$ : la puissance reçue est $\mathcal{P} = UI$ avec $U = RI$ d'où $\mathcal{P}_J = RI^2$ .   |          |     |          |     |     | ••• |  |
| 2. $I_o = \frac{E}{R+r}$ , d'où $\mathcal{P}_{1,o} = \frac{RE^2}{(R+r)^2} = 8.0 \text{ W. } \mathcal{P}_{2,o} = 0.$   |          |     | •••      |     |     |     |  |
| 3. $I_f = \frac{2E}{R+r}$ , d'où $I_{1,f} = I_{2,f} = \frac{E}{R+2r}$ .   |          |     | ••       |     |     |     |  |
| 4. $\mathcal{P}_{1,f} = \frac{RE^2}{(R+2r)^2} = 4.5 \text{W}.$  |          |     | •        |     |     |     |  |
| 5. $\mathcal{P}_{1,o} > \mathcal{P}_{1,f}$ . Même si elle ne s'éteint jamais, la guirlande 1 semble clignoter.  |          | •   |          | •   |     |     |  |
| 6. Si $r \ll R$ , $\mathcal{P}_{1,o} \approx \mathcal{P}_{1,f}$ : le générateur peut alors être considéré comme une source idéale de tension.   |          | ••  |          |     |     |     |  |
| 7. En régime permanent, la bobine est équivalente à un fil, on retrouve alors le même circuit que précédemment.   |          |     |          |     | ••  |     |  |
| 8. $\frac{E}{R+r} = i_1 + \tau_1 \frac{di_1}{dt}$ , avec $\tau_1 = \frac{L}{R+r}$ .   |          |     | ••       |     |     |     |  |
| 9. En régime permanent : $0 + \frac{i_1}{\tau_2} = \frac{E}{L(1+\frac{r}{R})}$ , d'où $i_1 = \frac{E}{R+2r}$ .  |          |     | ••       |     |     |     |  |
| 10. $L_1 < L_2$ . On mesure $\tau_2 \approx 37.5$ ms, d'où $L_1 \approx 0.1$ H.   |          |     |          |     |     |     |  |
| 11. $i_1$ est quasi-constante avec l'inductance $L_2$ .   |          |     |          |     |     |     |  |
| 12. $\Delta t \approx 4.8  \text{h}$ et $\eta \approx 56  \%$ .   |          |     |          | •   |     |     |  |
| EXERCICE 2 – Annulation d'une surtension  |          |     |          |     |     |     |  |
| 1. $U = E - rI$ , démo et unités.   |          |     |          |     |     | ••• |  |
| 2. GBF: $r = 50 \Omega$ . Générateur de tension continue: $r \approx 1 \Omega$ . $r \ll R_1$ et $R_2$ .   |          |     |          |     |     | •   |  |
| 3. $i(t=0^-)=\frac{E}{R_1+R_2}$ .   |          |     | ••       |     |     |     |  |
| 4. Pour $t > 0$ , $u(t) = 0$ et $i_1(t) = 0$ .  |          | ••  |          |     |     |     |  |
| 5. $i_{\infty} = \frac{E}{R_2}$ .   |          |     | ••       |     |     |     |  |
| 6. $\frac{E}{L} = \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} + \frac{i}{\tau}$ avec $\tau = \frac{L}{R_2}$ . On retrouve bien $i_{\infty} = \frac{E}{R_2}$ .   |          |     | ••       | •   |     |     |  |
| 7. $i(t) = \frac{E}{R_2} \left( 1 - \frac{R_1}{R_1 + R_2} e^{-t/\tau} \right)$ , avec $\tau = \frac{L}{R_2}$ . On retrouve $i_{\infty} = \frac{E}{R_2}$ .   |          |     | ••       | •   |     |     |  |
| 8. Représentation graphique : cf. correction détaillée.   |          |     |          |     |     |     |  |
| 9. $u_{k+1} = u_k + \frac{\delta t}{\tau_1}(u_\infty - u_k)$ .  |          |     | ••       |     |     |     |  |
| 10. $u[k+1] = u[k] + dt / tau1 * (uinf - u[k]).$  |          |     |          |     |     |     |  |
| 11. $\tau_1 = 67  \mu s$ . Pour $\delta t > \tau_1$ , la résolution numérique présente des oscillations   |          |     |          | •   |     |     |  |
| incompatible avec un régime transitoire d'ordre 1.  |          |     |          |     |     |     |  |
| 12. Durée du régime transitoire $\sim 5\tau_1$ .  |          |     |          |     |     | •   |  |
| 13. Graphiquement ou avec la valeur de $\tau_1:0.3\mathrm{ms}$ .  | ••       |     |          |     |     |     |  |
| 14. Schéma et $i = C \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}t}$ .   |          |     |          |     |     | ••  |  |
| 15. Le condensateur est équivalent à un interrupteur ouvert en régime permanent, on retrouve le montage précédent.  |          |     |          |     | ••  |     |  |
| 16. $\mathcal{E}_C = \frac{1}{2}Cu^2$ et démo.  |          |     |          |     |     | ••• |  |
| 17. $u(t=0^+)=0$ et $\frac{du}{dt}(t=0^+)=\frac{E}{R_2C}$ .   |          | ••  | •        |     |     | ·   |  |
| 18. $\frac{d^2 u}{dt^2} + \frac{\omega_0}{Q} \frac{du}{dt} + \omega_0^2 u = \frac{E}{LC}$ avec $\omega_0 = \sqrt{\frac{R_1 + R_2}{R_1 LC}}$ et $\frac{\omega_0}{Q} = \frac{R_2}{L} + \frac{1}{R_1 C}$ . |          | ••• |          |     |     |     |  |
| 19. $\omega_0 \approx \frac{1}{\sqrt{LC}}$ et $Q \approx \frac{1}{R_2} \sqrt{\frac{L}{C}}$ .  |          |     |          | •   |     |     |  |
| <b>20.</b> $Q < \frac{1}{2}$ : apériodique, $Q = \frac{1}{2}$ : critique et $Q > \frac{1}{2}$ : pseudo-périodique.  |          |     |          |     |     | ••• |  |
| 21. $C = 4\frac{L}{R_2^2} = 1.6 \times 10^{-7} \mathrm{F}.$   |          |     | •        |     |     |     |  |
| <b>22.</b> $u(t) = \tilde{E} - E\left(1 + \frac{\omega_0}{2}t\right)e^{-\omega_0 t}$ .  |          | ••  |          |     |     | •   |  |
| 23. $\Delta t = 5\sqrt{LC} = 2 \text{ms}.$  |          |     | ••       |     |     |     |  |
| 24. Représentation graphique : cf correction détaillée.   |          |     |          |     | ••  |     |  |
| Présentation de la copie  |          |     |          |     | ••  |     |  |
| Total   | APP      | ANA | REA      | VAL | сом | RCO |  |
| Nombre total de points  | 6        | 16  | 25       | 6   | 12  | 17  |  |
| Nombre de points obtenus  |          |     |          |     |     |     |  |
| Commentaires:   | $\eta =$ | %;  | $\tau =$ | %;  |     | /82 |  |