Réviser la physique de MP2I en 11 jours

Exercice 1 - Mouche trotteuse

- 1. Dans le référentiel terrestre, la trajectoire de la mouche est une spirale. Dans le référentiel lié à la trotteuse, son mouvement est rectiligne et uniforme.
- 2. Dans le référentiel terrestre, la vitesse angulaire de la mouche est celle de la trotteuse, soit $\omega_0 = 2\pi/60 = 0.10 \,\mathrm{rad} \cdot \mathrm{s}^{-1}$.
- 3. En coordonnées cylindriques, on a :

$$\overrightarrow{OM} = (r_0 - v_0 t) \overrightarrow{e_r}, \quad \overrightarrow{v} = -v_0 \overrightarrow{e_r} + (r_0 - v_0 t) \omega_0 \overrightarrow{e_\theta} \quad \text{et} \quad \overrightarrow{a} = -(r_0 - v_0 t) \omega_0^2 \overrightarrow{e_r} - 2v_0 \omega_0 \overrightarrow{e_\theta}.$$

4. Pour passer de r + dr à r, le travail élémentaire à fournir est

$$m(r_0-v_0t)\omega_0^2\mathrm{d}r.$$

qui varie comme (r_0-v_0t) , avec m la masse de la mouche. Elle doit dépenser plus d'énergie loin du centre pour maintenir sa vitesse uniforme.

Exercice 2 - Poursuite de mouche

En coordonnées polaires, entre t et t + dt, une mouche se déplace de $v_0 dt (-\vec{e_r} + \vec{e_\theta})/\sqrt{2}$.