$$x \xrightarrow{a^* t \quad a} y \qquad \xrightarrow{\text{hom}} \qquad x \xrightarrow{a^* \quad x} y$$

$$\rho(x, y) \qquad \qquad \alpha(x, y)$$