

Questão	1	2	3	4	5	Total
Valor	2	2	2	2	2	10,0
Nota						

Nome: \_\_\_\_\_ NUSP: \_\_\_\_\_

### **Questão 1 (2 pontos):**

Supondo a seguinte prioridade de operadores nas expressões aritméticas (4 é a maior e 1 a menor):

-	+	/	*
1	2	3	4

Traduza as seguintes expressões para a notação pós-fixa:

a)  $A - B + C / D * E$

**A B C D E \* / + -**

b)  $A / (B + C) * (D + C / E * F)$

**A B C + D C E F \* / + \* /**

c)  $A * (B - C + D) / (E - F + G)$

**A B C D + - \* E F G + - /**

d)  $(A - B + C) / (A + B - C) * (A + B + C)$

**A B C + - A B + C - A B + C + \* /**

Traduza as mesmas expressões supondo todas as operações com a mesma prioridade:

a)  $A - B + C / D * E$

**A B - C + D / E \***

b)  $A / (B + C) * (D + C / E * F)$

**A B C + / D C + E / F \* \***

c)  $A * (B - C + D) / (E - F + G)$

**A B C - D + \* E F - G + /**

d)  $(A - B + C) / (A + B - C) * (A + B + C)$

**A B - C + A B + C - / A B + C + \***

## Questão 2 (2 pontos):

Escreva uma função `int CalcValorExprPos(int exp[])` que calcula e devolve o valor da expressão aritmética em `exp[]`. A expressão já está em notação pós-fixa. O vetor `exp[]` contém os valores dos operandos que são todos maiores que zero. Os 4 operadores (+, -, \*, /) são codificados como números negativos com a seguinte convenção: -1 = +; -2 = -; -3 = \*; -4 = /. O número zero termina a expressão.

Exemplo - Considere a expressão:  $(1+2) / (3-4) * (5-6)$

Em notação pós-fixa fica: 1 2 + 3 4 - / 5 6 - \*

No vetor `exp[]` ficará armazenada na seguinte forma:

i	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
exp	1	2	-1	3	4	-2	-4	5	6	-2	-3	0

```
int CalcPos(int exp[]) {
    int pilha[100], topo = -1, i = 0;
    while (exp[i] != 0) {
        if (exp[i] > 0) pilha[++topo] = exp[i];
        else { /* verifique qual o operador e faça a operação */
            switch (exp[i]) {
                case -1: pilha[topo - 1] = pilha[topo - 1] + pilha[topo]; break;
                case -2: pilha[topo - 1] = pilha[topo - 1] - pilha[topo]; break;
                case -3: pilha[topo - 1] = pilha[topo - 1] * pilha[topo]; break;
                case -4: pilha[topo - 1] = pilha[topo - 1] / pilha[topo]; break;
            }
            topo--;
        }
        i++;
    }
    return pilha[0];
}
```

### Questão 3: (2 pontos)

Um polinômio pode ser representado em um vetor **double**, de **MX** elementos, onde o *i*-ésimo elemento do vetor é o coeficiente de  $x^i$ . Exemplo: O polinômio  $2 - 0.12x^2 + x^4$ :

0	1	2	3	4	5	6	7	8	...	MX-1
2.0	0.0	-0.12	0.0	1.0	0.0	0.0	0.0	0.0	...	0.0

O tipo **Polinomio** é um ponteiro para um vetor de **double**. Supor também o **#define** abaixo para o valor de **MX**.

```
#define MX 1000
typedef double * Polinomio;
```

- a) Escreva uma função **Polinomio IniciaPol()** que aloca memória para um polinômio e o devolve com todos os coeficientes nulos.

```
Polinomio IniciaPol() {
    int i;
    Polinomio t = malloc (MX * sizeof(double));
    /* Zera tudo */
    for(i = 0; i < MX; i++) t[i]=0;
    return t;
}
```

- b) Escreva uma função **Polinomio SomaPol(Polinomio A, Polinomio B)** que devolve a soma dos polinômios **A** e **B**.

```
Polinomio SomaPol(Polinomio A, Polinomio B) {
    int i;
    /* Cria polinomio */
    Polinomio s = IniciaPol();
    /* soma os coeficientes de A e B */
    for(i = 0; i < MX; i++) s[i] = A[i] + B[i];
    return s;
}
```

- c) Escreva uma função **Polinomio MultPol(Polinomio A, Polinomio B)** que devolve a multiplicação dos polinômios **A** e **B**. Pode supor que o grau do polinômio produto é menor que **MX**.

```
Polinomio MultPol(Polinomio A, Polinomio B) {
    int i, j, gA, gB;
    /* Cria polinomio */
    Polinomio s = IniciaPol();
    /* descobre graus de A e B para não multiplicar todos */
    for (i = MX - 1; i >= 0; i--)
        if (A[i] != 0) {gA = i; break;}
    for (i = MX - 1; i >= 0; i--)
        if (B[i] != 0) {gB = i; break;}
    /* multiplica cada elemento de A por todos de B */
}
```

```
for(i = 0; i <= gA; i++)
    for (j = 0; j <= gB; j++)
        s[i+j] = s[i+j] + A[i] * B[j];
return s;
}
```

#### Questão 4 (2 pontos):

Considere uma lista ligada, na qual os elementos têm a seguinte definição:

```
typedef struct elem * link;
struct elem {
    int info;
    link prox;
};
```

- a) Escreva uma função **link ClassificadaLL (link p)** verifica se os elementos da lista ligada, apontada por **p**, estão em ordem crescente. Ou seja, se o campo **info** de cada elemento é menor ou igual ao campo **info** do elemento seguinte. Retorna **NULL** se está classificada. Se não estiver, retorna ponteiro para o primeiro elemento encontrado fora de ordem. Use um algoritmo não recursivo.

```
link ClassificadaLL(link p) {
    link t = p, s;
    /* verifica os casos particulares
       lista vazia ou com um só elemento */
    if (t == NULL) return NULL;
    if (t -> prox == NULL) return NULL;
    /* A lista tem pelo menos 2 elementos */
    s = t -> prox; /* s indica o segundo elemento */
    /* percorre a lista até o final */
    t = elemento atual e s = próximo elemento */
    while (s != NULL)
        if (t->info <= s -> info) {
            /* continua a verificação */
            t = t -> prox; s = s -> prox;
        }
        else return s; /* encontrou um fora de ordem */

    /* chegou ao fim da lista */
    return NULL;
}
```

- b) Idem usando um algoritmo recursivo.

```
link ClassificadaLL(link p) {
    link t = p, s;
    /* verifica os casos particulares
       lista vazia ou com um só elemento */
    if (t == NULL) return NULL;
    if (t -> prox == NULL) return NULL;
    /* A lista tem pelo menos 2 elementos */
    s = t -> prox; /* s indica o segundo elemento */
    /* compara os 2 elementos */
    if (t->info <= s -> info)
        /* recursão no resto da lista */
        return ClassificadaLL (t -> prox);
}
```

```
    return s;  /* encontrou um fora de ordem */  
}
```

**Questão 5 (2 pontos):**

Escreva uma função recursiva `int Conta(int A[], int X, int N)` que calcula e devolve quantos elementos iguais a **X** existem no vetor **A** de **N** elementos (**A[0]** ... **A[N-1]**).

```
int Conta(int A[], int X, int N) {
    int k;
    /* verifica se chegou ao fim da tabela */
    if (N < 0) return 0;
    /* conta mais 1 se é igual a X */
    if (A[N - 1] == X) k = 1 else k = 0;
    return k + Conta(A, X, N - 1);
}
```