



# Instituto Politécnico Nacional Escuela Superior de Cómputo



Análisis de algoritmos, Sem: 2021-1, 3CV1, Práctica 5, 11/12/2020

## Práctica 5: Algoritmos Greedy

**Payán Téllez René**

*rpayant1500@alumno.ipn.mx*

**Resumen:** En esta practica se analizaran 2 algoritmos que utilizan la tecnica de divide y venceras para resolver un problema, uno de ellos el quick sort y otro el sub arreglo maximo.

**Palabras clave:** Huffman, Kruskal, Greedy, STL, C/C++

## 1 Introduccion

Los algoritmos glotones, son en su mayoría utilizados para resolver problemas extremadamente complejos de forma simple de programar, normalmente no es la mejor solución pero casi siempre bastante cercana y se programa de forma extremadamente rápida, sin mencionar que normalmente no toman mucha complejidad computacional. Por ello aprender respecto a estos algoritmos es extremadamente importante, inclusive de los 2 que vamos a hablar a continuación, ya que tienen usos tanto en redes (Huffman) como en proyectos (Kruskal).

## 2 Conceptos Basicos

### 2.1 Algoritmo

La palabra algoritmo proviene del sobrenombre de un matemático árabe del siglo IX, Al-Khwarizmi, que fue reconocido por enunciar paso a paso las reglas para las operaciones matemáticas básicas con decimales (suma, resta, multiplicación y división). Vemos definición de algoritmo como un grupo de órdenes consecutivas que presentan una solución a un problema o tarea. Algunos ejemplos de algoritmos los podemos encontrar en las matemáticas (como el algoritmo para resolver una multiplicación) y en los manuales de usuario de un aparato (como una lavadora o una impresora). Sin embargo, hoy en día se relaciona la palabra algoritmo con el mundo de la informática, más concretamente en la programación; los conocidos como algoritmos informáticos.[1]

### 2.2 Complejidad algorítmica

Así que, por su naturaleza, un problema tiene la capacidad de ser solucionado por uno o varios métodos, pero si bien es importante llegar a la respuesta, más importante es evaluar su viabilidad. Siempre que se analiza y evalúa adecuadamente la efectividad de una solución, disminuye drásticamente el costo que representa su producción y mantenimiento, pues los recursos que se invierten posteriormente en codificación, pruebas y revisión es mucho menor siempre (como el tiempo, dinero y talento humano). Entrando en materia, la complejidad algorítmica es una métrica teórica que nos ayuda a describir el comportamiento de un algoritmo en términos de tiempo de ejecución (tiempo que tarda un algoritmo en resolver un problema) y memoria requerida (cantidad de memoria necesaria para procesar las instrucciones que solucionan dicho problema). Esto nos ayuda a comparar entre la efectividad de un algoritmo y otro, y decidir cuál es el que nos conviene implementar.[2]

## 2.3 Algoritmos Greedy o glotones

Un algoritmo Greedy o gloton es un algoritmo muy util para encontrar soluciones aproximadas e inclusive la mas optima a problemas complejos, ya que las entregan en muy corto tiempo. Se llaman Greedy porque siempre "comen lo que tienen a la mano", no garantizan encontrar la mejor solución, pero si una aproximación bastante buena.[3] Estas son sus características principales:

- Se utilizan generalmente para resolver problemas de optimización (obtener el máximo o el mínimo).
- Toman decisiones en función de la información que está disponible en cada momento. está disponible en cada momento. está disponible en cada momento.
- Una vez tomada la decisión, ésta no vuelve a replantearse en el futuro.
- Suelen ser rápidos y fáciles de implementar.
- No siempre garantizan alcanzar la solución óptima[4]

## 2.4 Algoritmo de codificación de Huffman

El código de Huffman es un tipo particular de código de prefijo óptimo que se usa comúnmente para la compresión de datos sin pérdida. Comprime los datos de manera muy efectiva, ahorrando de 20% a 90% de memoria, dependiendo de las características de los datos comprimidos. Este algoritmo se aplica solo si se considera a la entrada como una cadena de caracteres, ya que es un algoritmo que utiliza una tabla que proporciona la frecuencia con la que aparece cada carácter (es decir, su frecuencia) para crear una forma óptima de representar cada carácter como una cadena binaria. Fue propuesto por David A. Huffman en 1951.[5]

---

**Algoritmo 1:** HuffmanTree(C)

---

**Data:** Entrada: C (Los caracteres de la cadena a codificar y su ocurrencia)

**Result:** Retorna el arbol de huffman de la cadena

```
n = C.size;
Q = priority_queue();
for  $i \leftarrow 0$  to  $i < n$  do
    n=node(C[i]);
    Q.push(n);
while  $Q.size() > 1$  do
    Z = new node();
    Z.left = x = Q.pop();
    Z.right = y = Q.pop();
    Z.frequency = x.frequency+y.frequency;
    Q.push(Z);
return Q;
```

---

---

**Algoritmo 2:** HuffmanDecompression(tree, S)

---

**Data:** Entrada: tree (El arbol de Huffman), S (la cadena binaria a descomprimir)

**Result:** Retorna una cadena de caracteres descomprimida

```
n = S.length;
retorno = "";
for  $i \leftarrow 0$  to  $i < n$  do
    current = root;
    while  $current.left \neq NULL$  and  $current.right \neq NULL$  do
        if  $S[i] == '0'$  then
            current = current.left;
        else
            current = current.right;
        i+=1;
    retorno+=current.symbol;
return retorno;
```

---

## 2.5 Algoritmos de Kruskal

El algoritmo de Kruskal es un algoritmo de la teoría de grafos para encontrar un árbol recubridor mínimo en un grafo conexo y ponderado. Es decir, busca un subconjunto de aristas que, formando un árbol, incluyen todos los vértices y donde el valor de la suma de todas las aristas del árbol es el mínimo. Si el grafo no es conexo, entonces busca un bosque expandido mínimo (un árbol expandido mínimo para cada componente conexa).[6]

Kruskal funciona de la siguiente forma:

1. Se selecciona, de entre todas las aristas restantes, la de menor peso siempre que no cree ningún ciclo.
2. Se repite el paso 1 hasta que se hayan seleccionado  $\|V\| - 1$  aristas.[7]





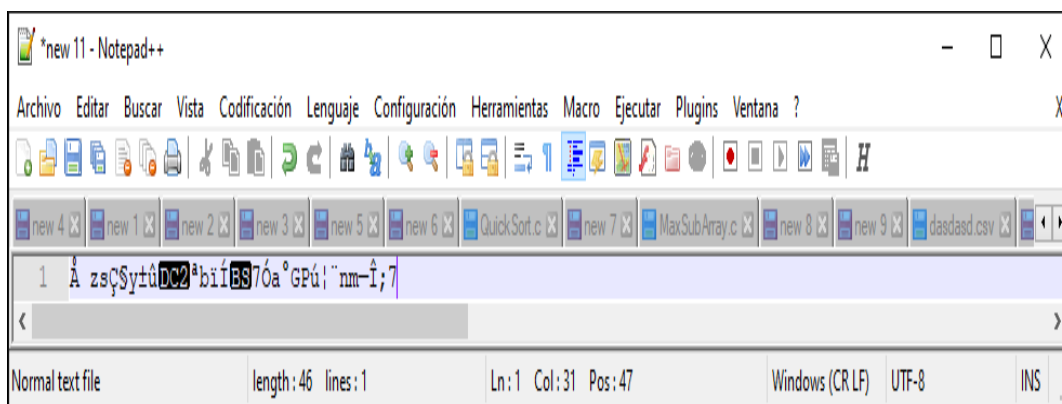


Figure 4: Conteo de caracteres de la salida

por ultimo, el binario de cada caracter asignado

T	Tiene 9 apariciones y su binario es: 111
,	Tiene 1 apariciones y su binario es: 100010
0	Tiene 1 apariciones y su binario es: 100011
2	Tiene 1 apariciones y su binario es: 110011
7	Tiene 2 apariciones y su binario es: 10111
H	Tiene 1 apariciones y su binario es: 110001
a	Tiene 5 apariciones y su binario es: 001
b	Tiene 2 apariciones y su binario es: 10101
c	Tiene 2 apariciones y su binario es: 11010
e	Tiene 6 apariciones y su binario es: 010
i	Tiene 1 apariciones y su binario es: 101000
k	Tiene 1 apariciones y su binario es: 110010
l	Tiene 2 apariciones y su binario es: 10000
m	Tiene 1 apariciones y su binario es: 110000
n	Tiene 2 apariciones y su binario es: 10110
o	Tiene 3 apariciones y su binario es: 0110
p	Tiene 3 apariciones y su binario es: 11011
q	Tiene 1 apariciones y su binario es: 011111
r	Tiene 5 apariciones y su binario es: 000
s	Tiene 2 apariciones y su binario es: 01110
t	Tiene 1 apariciones y su binario es: 011110
u	Tiene 4 apariciones y su binario es: 1001
y	Tiene 1 apariciones y su binario es: 101001

Figure 5: Asignacion de binario

A continuacion se probó con una cadena mas larga, un "Lorem Ipsum" de 1000 bytes: Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Integer porttitor turpis eget erat auctor varius. Vestibulum maximus scelerisque dui ac vulputate. Mauris eleifend mauris vel ex sodales, ut blandit odio dictum. Ut efficitur eu lectus nec ullamcorper. Integer hendrerit justo in augue consectetur, eget porttitor quam rutrum. Cras porta justo at fermentum condimentum. Nunc lacinia convallis tortor in tempor. Donec tincidunt tempor ipsum, sit amet aliquet justo semper at. Donec nibh urna, faucibus ac mauris eu, mattis imperdiet dolor. Nam et nulla at nisi efficitur efficitur. Morbi bibendum scelerisque risus, at sollicitudin ligula rutrum et. Cras sagittis eget velit aliquam cursus. Nunc magna metus, ullamcorper sed ante id, tincidunt ornare libero. Proin pharetra orci felis, eget

pellentesque nisi venenatis eget. Morbi tincidunt ut risus non iaculis. Proin id consectetur metus, sed placerat eros. Aenean cursus augue a ipsum tempor interdum. Vivamus viverra efficitur felis a aenean.

[illegible]

Figure 6: Compresión del lorem ipsum



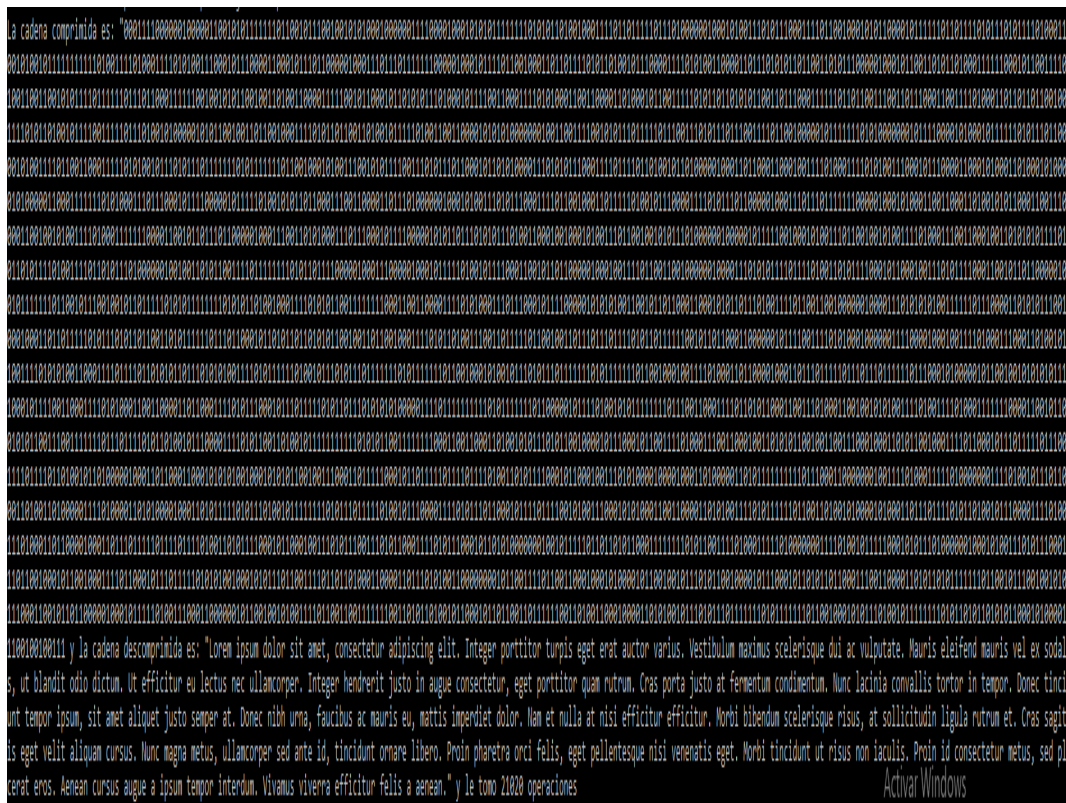


Figure 7: Descompresión del lorem ipsum

Finalmente se contaron los caracteres de la entrada y de la salida:

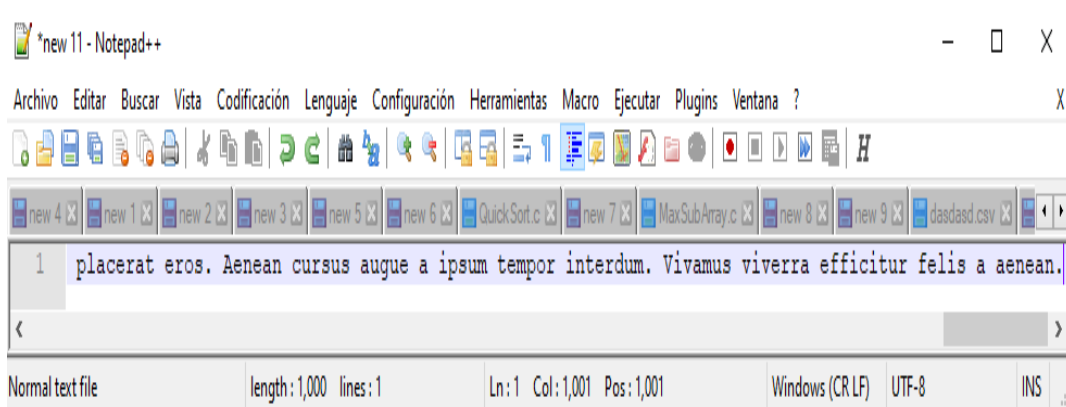


Figure 8: Conteo de caracteres de la entrada

y esta es la cantidad de caracteres de la salida:



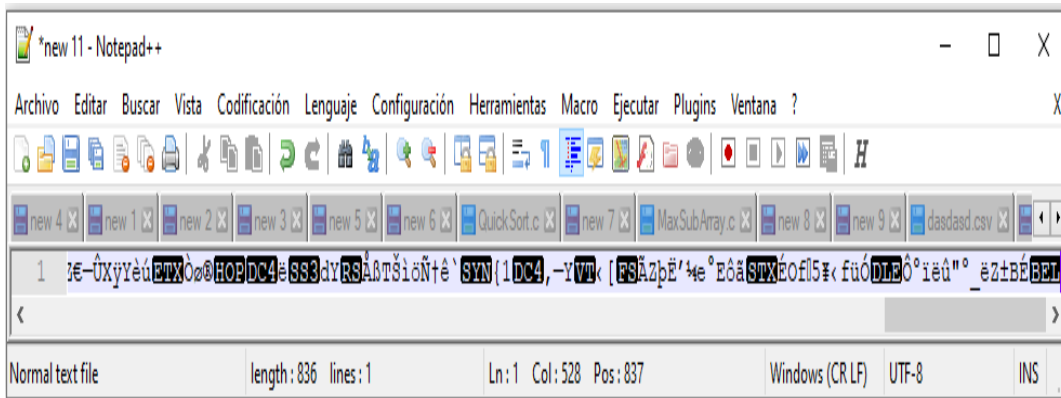


Figure 9: Conteo de caracteres de la salida

por ultimo, el binario de cada caracter asignado

```
Tiene 145 apariciones y su binario es: 101
, Tiene 11 apariciones y su binario es: 1101111
. Tiene 19 apariciones y su binario es: 100111
A Tiene 1 apariciones y su binario es: 1001100010
C Tiene 2 apariciones y su binario es: 000111111
D Tiene 2 apariciones y su binario es: 100110010
I Tiene 2 apariciones y su binario es: 000111101
L Tiene 1 apariciones y su binario es: 000111100
M Tiene 3 apariciones y su binario es: 00011011
N Tiene 3 apariciones y su binario es: 00011100
P Tiene 2 apariciones y su binario es: 000111110
U Tiene 1 apariciones y su binario es: 1001100011
V Tiene 2 apariciones y su binario es: 100110011
a Tiene 57 apariciones y su binario es: 0110
b Tiene 9 apariciones y su binario es: 1101110
c Tiene 38 apariciones y su binario es: 11010
d Tiene 22 apariciones y su binario es: 00010
e Tiene 94 apariciones y su binario es: 001
f Tiene 13 apariciones y su binario es: 011101
g Tiene 13 apariciones y su binario es: 011100
h Tiene 3 apariciones y su binario es: 00011010
i Tiene 83 apariciones y su binario es: 1111
j Tiene 3 apariciones y su binario es: 00011101
l Tiene 35 apariciones y su binario es: 01111
m Tiene 35 apariciones y su binario es: 10010
n Tiene 49 apariciones y su binario es: 0100
o Tiene 41 apariciones y su binario es: 0000
p Tiene 19 apariciones y su binario es: 110110
q Tiene 6 apariciones y su binario es: 0001100
r Tiene 66 apariciones y su binario es: 1000
s Tiene 56 apariciones y su binario es: 0101
t Tiene 82 apariciones y su binario es: 1110
u Tiene 72 apariciones y su binario es: 1100
v Tiene 9 apariciones y su binario es: 1001101
x Tiene 2 apariciones y su binario es: 100110000
```

Figure 10: Asignacion de binario

A continuación se comprimieron 10 archivos de texto con extensión .txt de distinto tamaño, se anexan las capturas del binario de cada caracter, del archivo de entrada, el archivo comprimido, el archivo descomprimido y el tamaño de ambos archivos.

#### Primer archivo

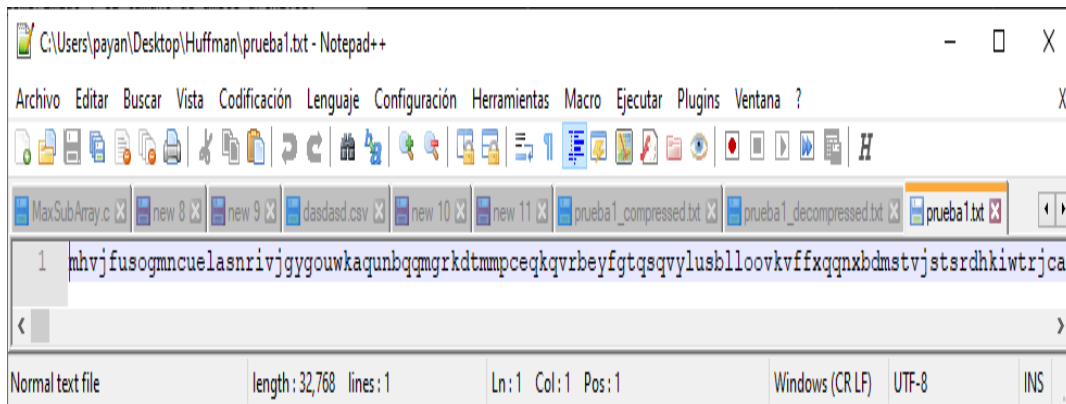


Figure 11: Archivo de entrada

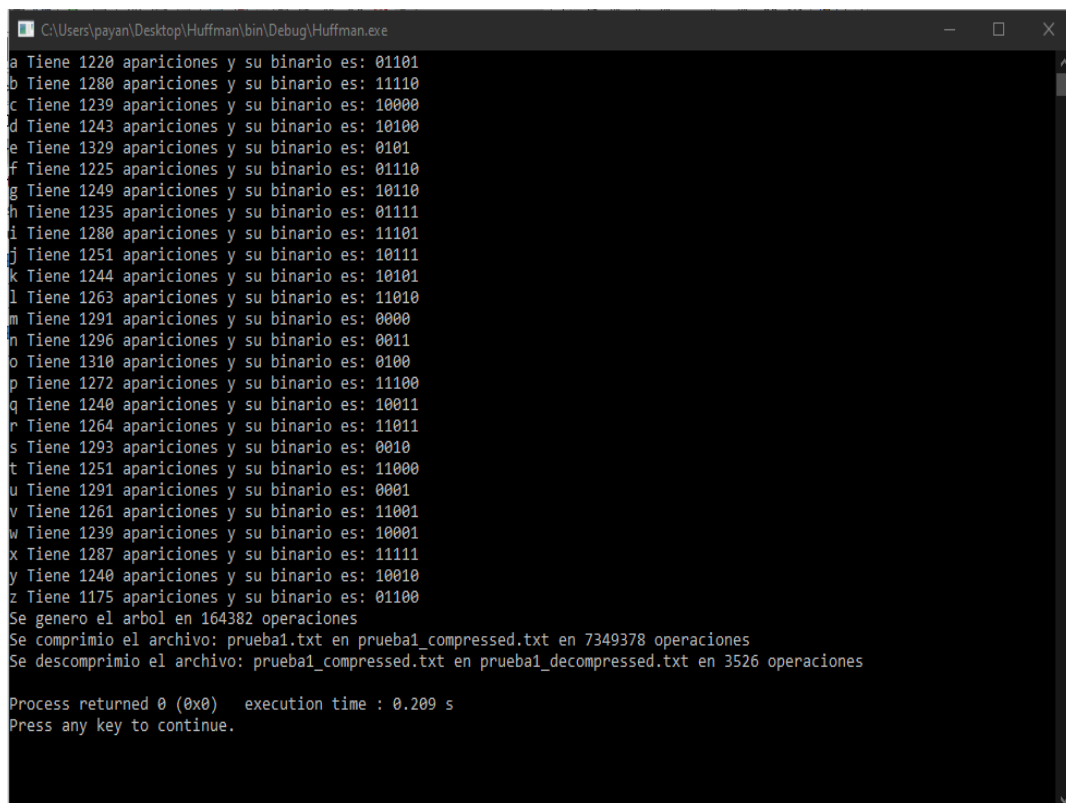


Figure 12: Ejecucion del programa

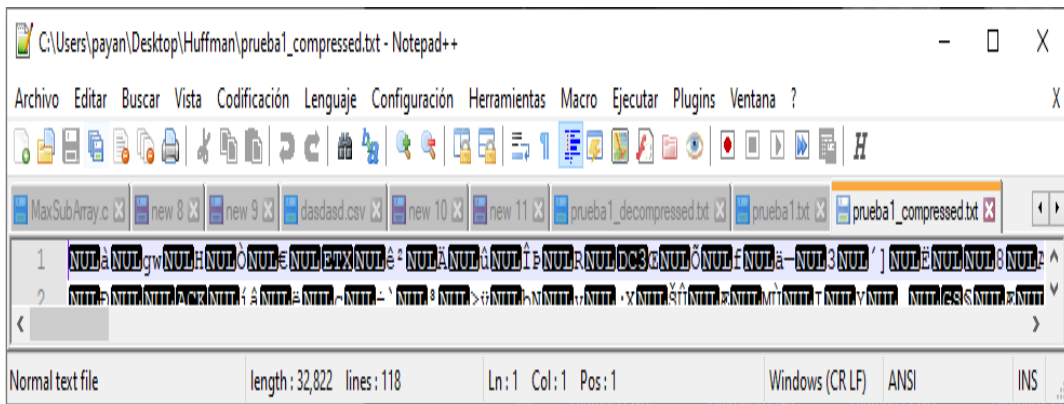


Figure 13: Archivo de salida

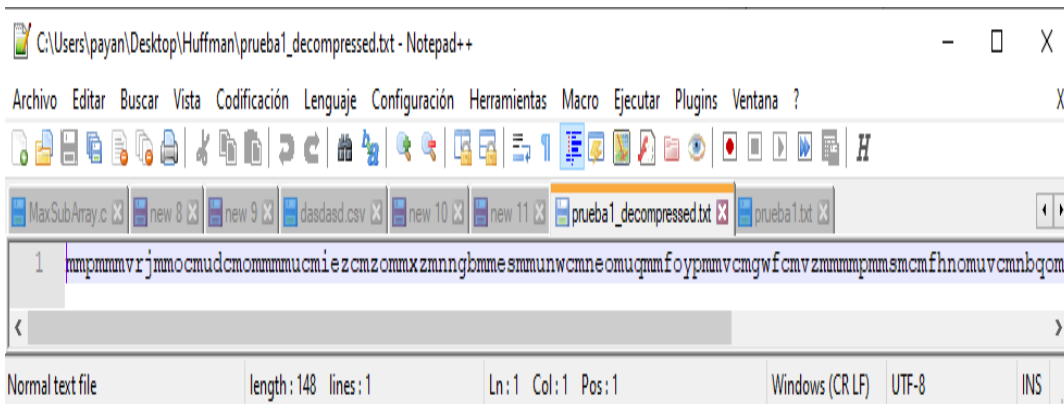


Figure 14: Archivo descomprimido

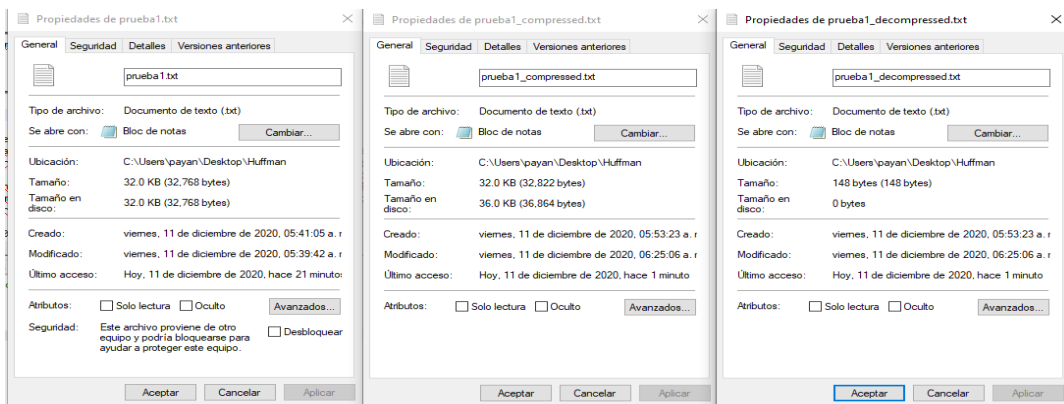


Figure 15: peso de los 3 archivos

## Segundo archivo

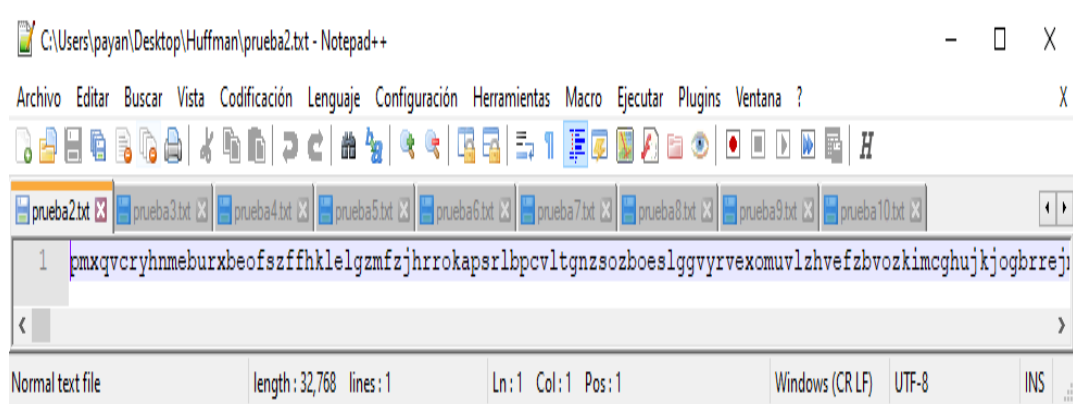


Figure 16: Archivo de entrada

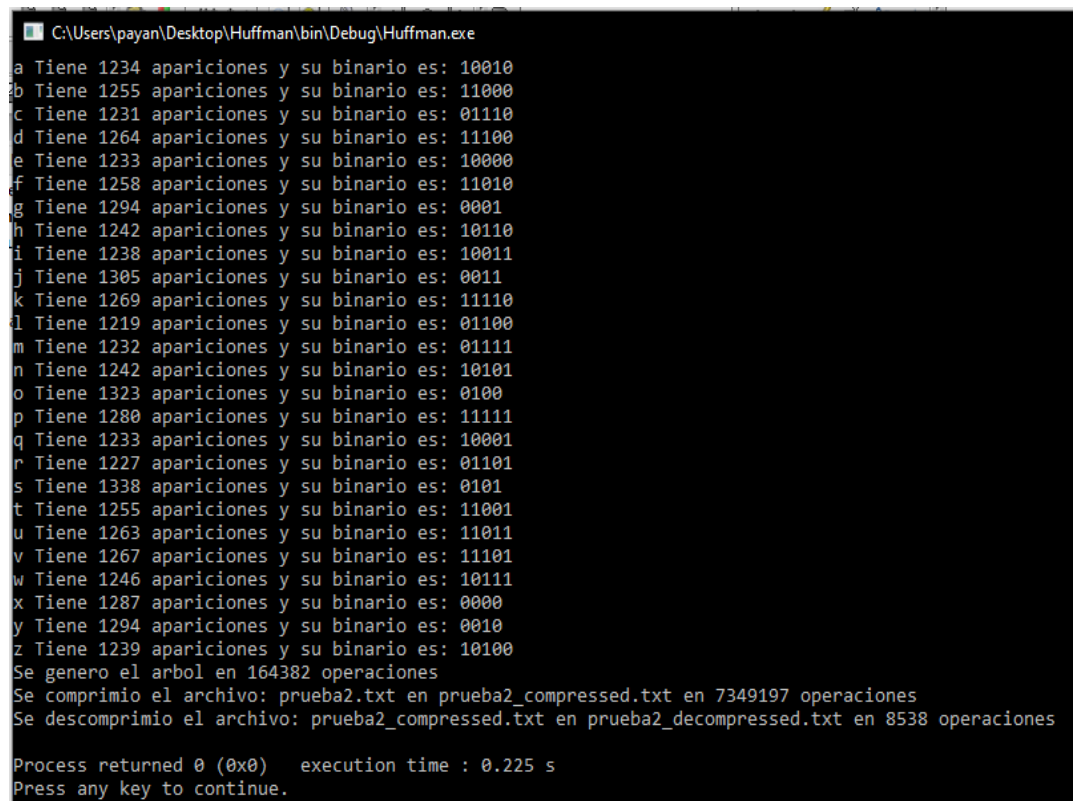


Figure 17: Ejecucion del programa

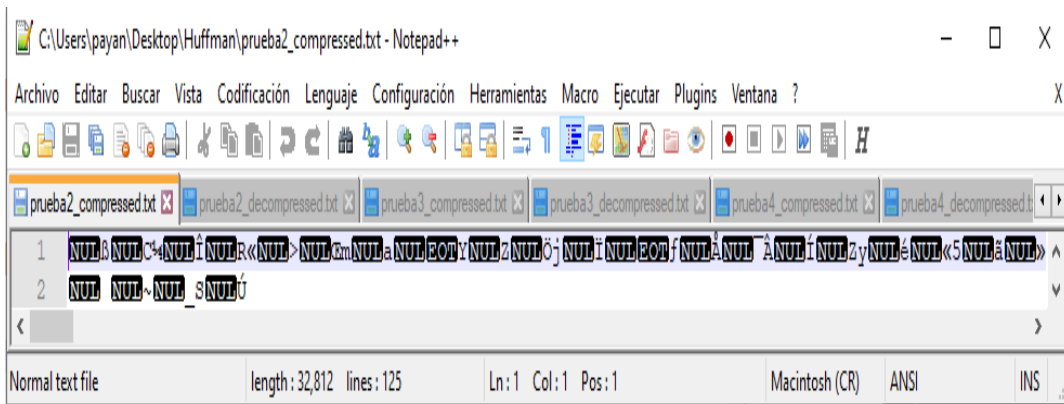


Figure 18: Archivo de salida

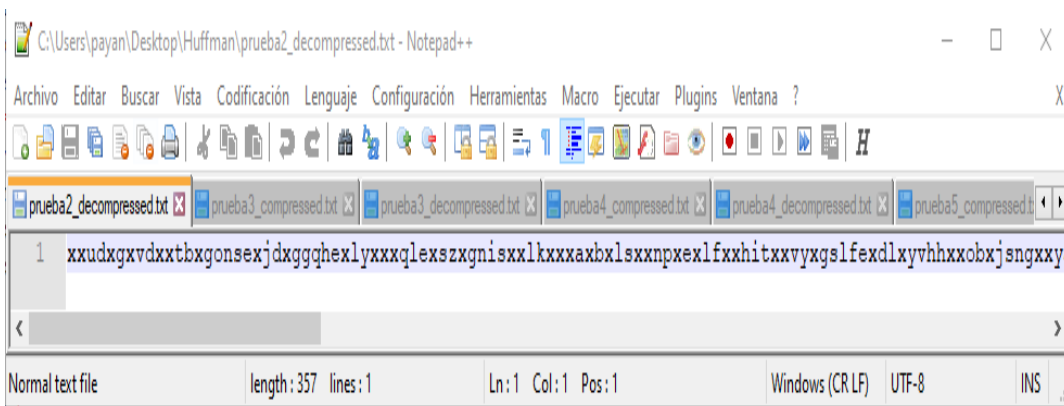


Figure 19: Archivo descomprimido

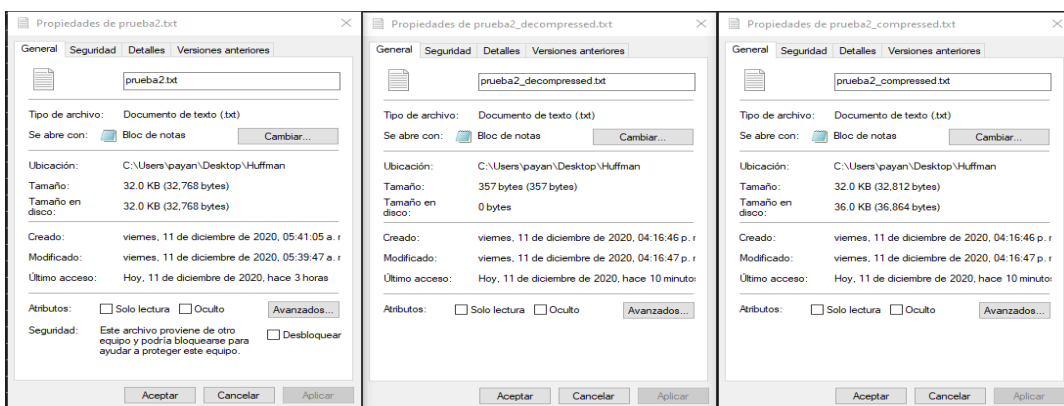


Figure 20: peso de los 3 archivos

### Tercer archivo

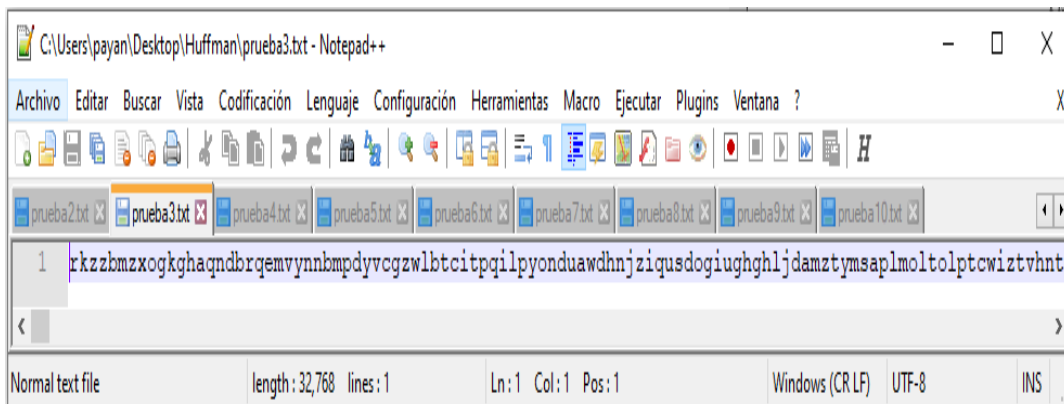


Figure 21: Archivo de entrada

```

C:\Users\payan\Desktop\Huffman\bin\Debug\Huffman.exe
a Tiene 1282 apariciones y su binario es: 0000
b Tiene 1275 apariciones y su binario es: 11110
c Tiene 1265 apariciones y su binario es: 11001
d Tiene 1232 apariciones y su binario es: 10000
e Tiene 1245 apariciones y su binario es: 10100
f Tiene 1238 apariciones y su binario es: 10001
g Tiene 1295 apariciones y su binario es: 0010
h Tiene 1210 apariciones y su binario es: 01101
i Tiene 1320 apariciones y su binario es: 0101
j Tiene 1239 apariciones y su binario es: 10010
k Tiene 1215 apariciones y su binario es: 01110
l Tiene 1285 apariciones y su binario es: 0001
m Tiene 1272 apariciones y su binario es: 11100
n Tiene 1270 apariciones y su binario es: 11010
o Tiene 1164 apariciones y su binario es: 01100
p Tiene 1231 apariciones y su binario es: 01111
q Tiene 1255 apariciones y su binario es: 10101
r Tiene 1281 apariciones y su binario es: 11111
s Tiene 1306 apariciones y su binario es: 0011
t Tiene 1263 apariciones y su binario es: 10111
u Tiene 1258 apariciones y su binario es: 10110
v Tiene 1244 apariciones y su binario es: 10011
w Tiene 1265 apariciones y su binario es: 11000
x Tiene 1274 apariciones y su binario es: 11101
y Tiene 1314 apariciones y su binario es: 0100
z Tiene 1270 apariciones y su binario es: 11011
Se genero el arbol en 164382 operaciones
Se comprimo el archivo: prueba3.txt en prueba3_compressed.txt en 7349424 operaciones
Se descomprimio el archivo: prueba3_compressed.txt en prueba3_decompressed.txt en 6986 operaciones

Process returned 0 (0x0)   execution time : 0.211 s
Press any key to continue.

```

Figure 22: Ejecucion del programa

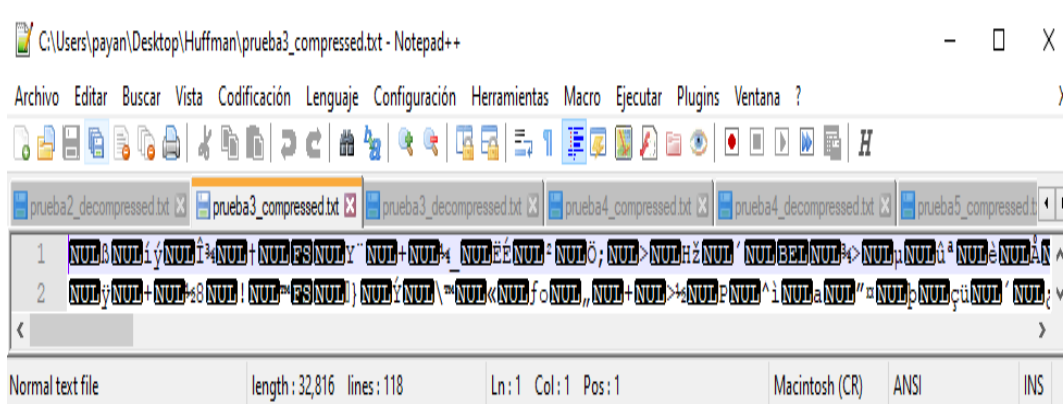


Figure 23: Archivo de salida

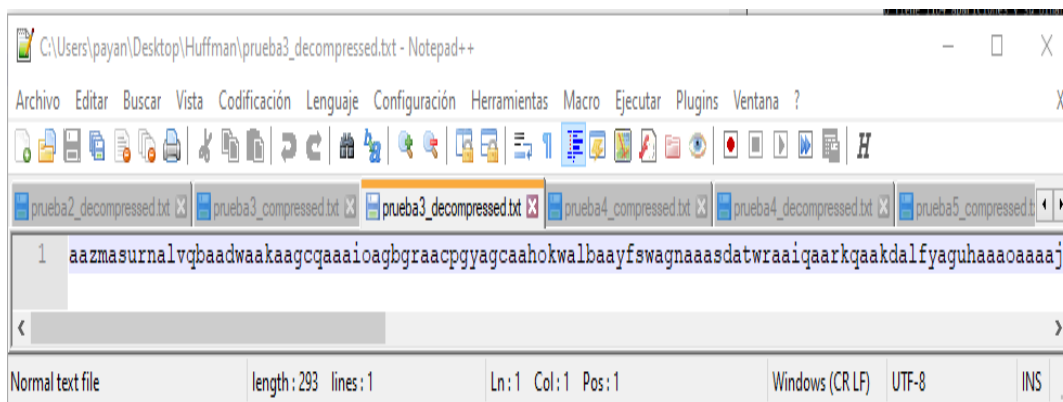


Figure 24: Archivo descomprimido

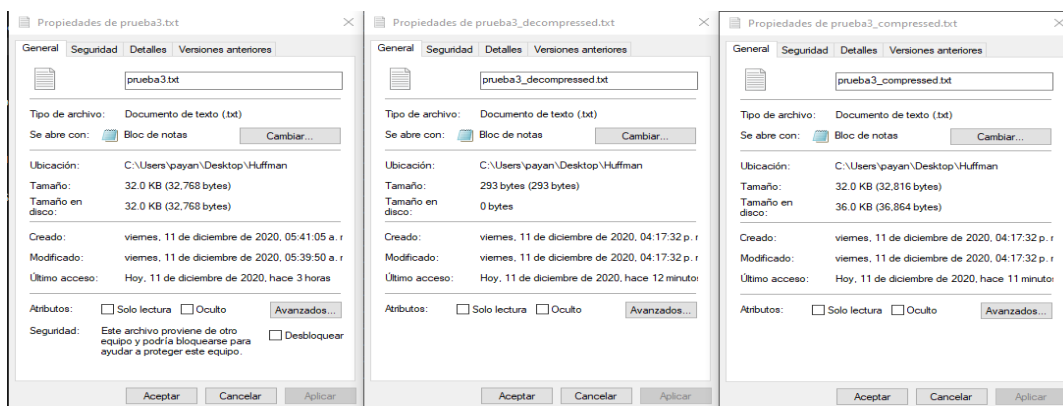


Figure 25: peso de los 3 archivos

## Cuarto archivo



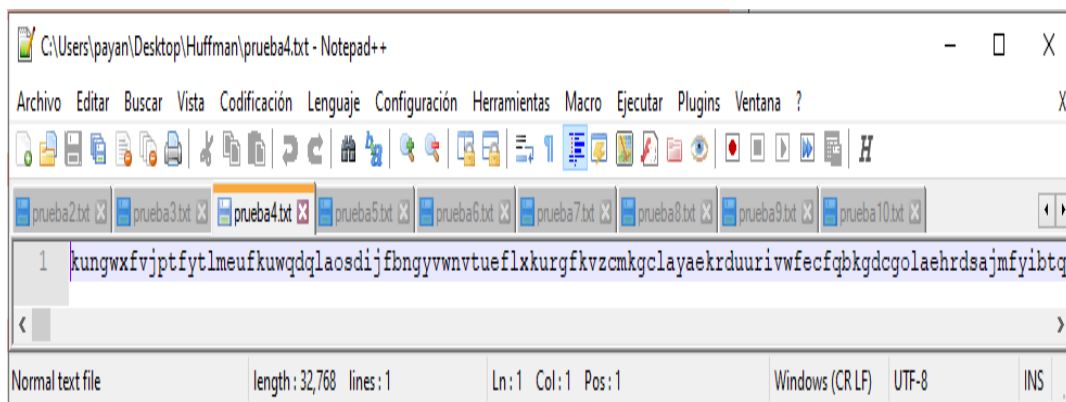


Figure 26: Archivo de entrada

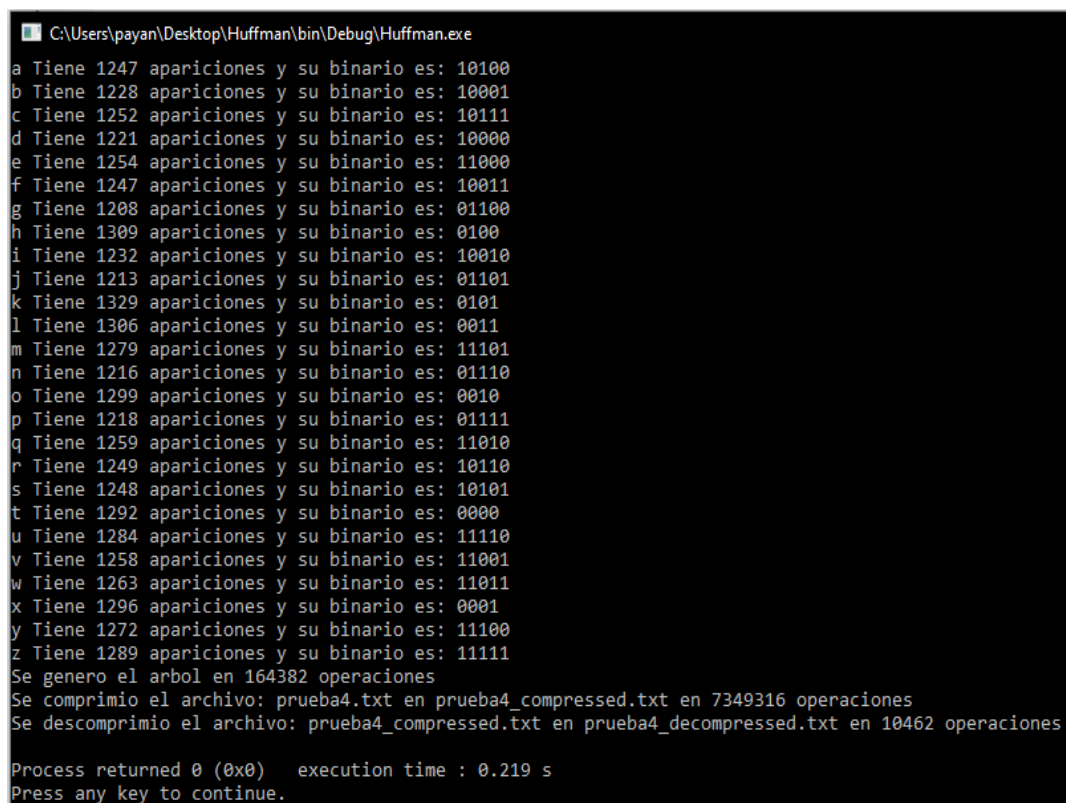


Figure 27: Ejecucion del programa

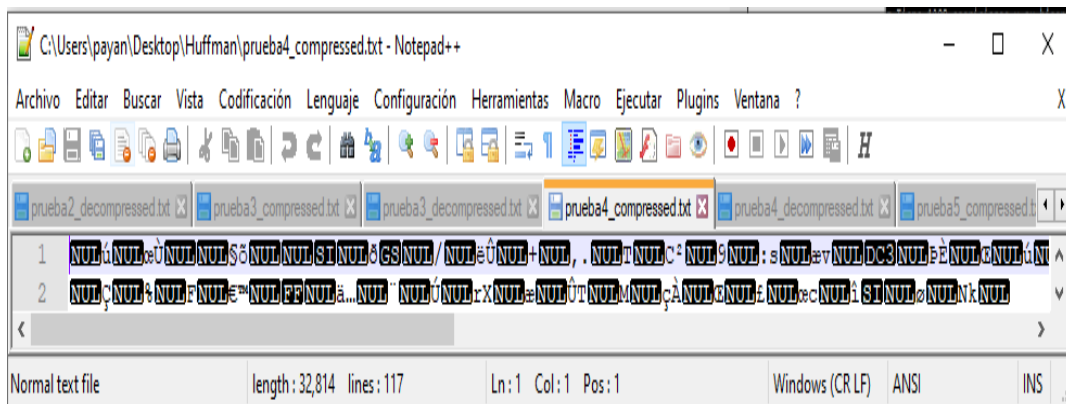


Figure 28: Archivo de salida

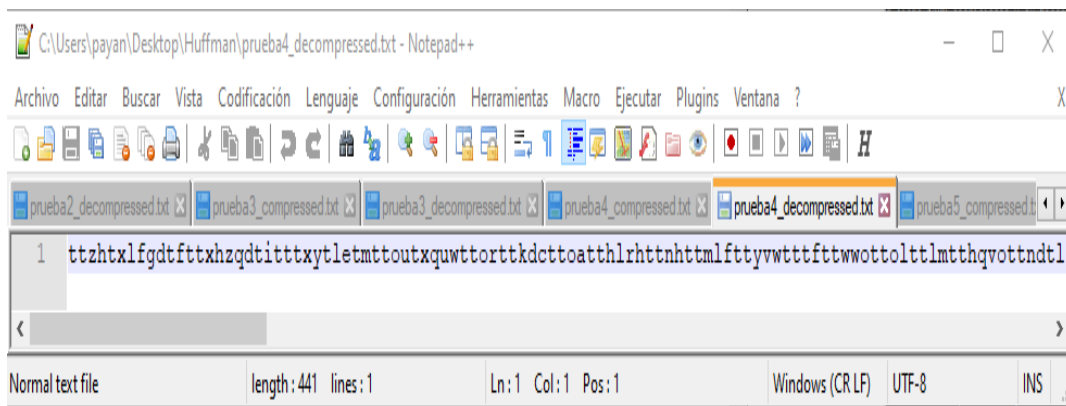


Figure 29: Archivo descomprimido

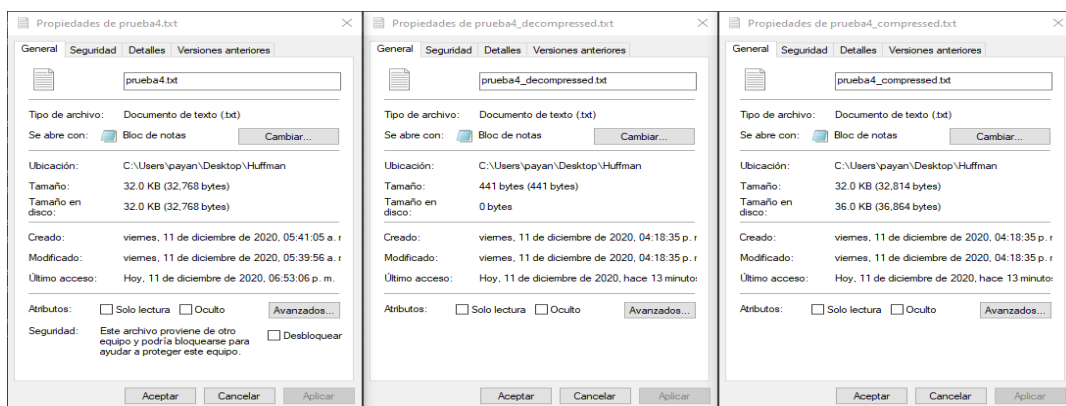


Figure 30: peso de los 3 archivos

## Quinto archivo

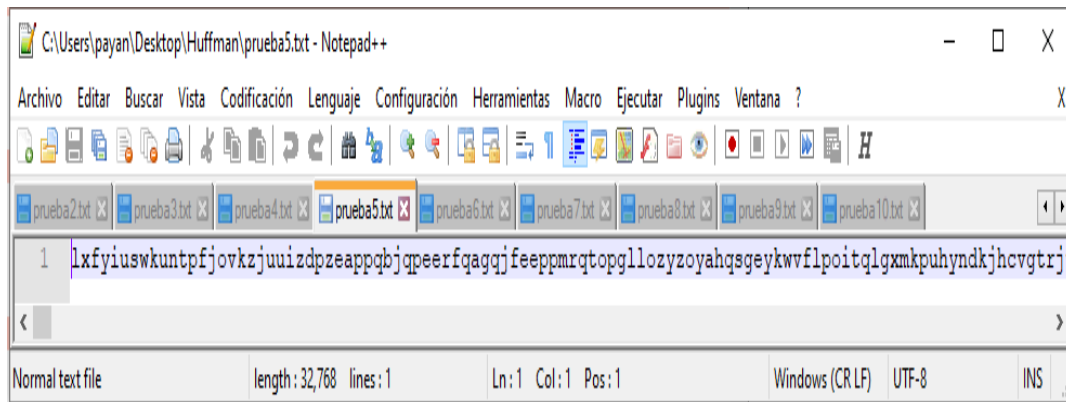


Figure 31: Archivo de entrada

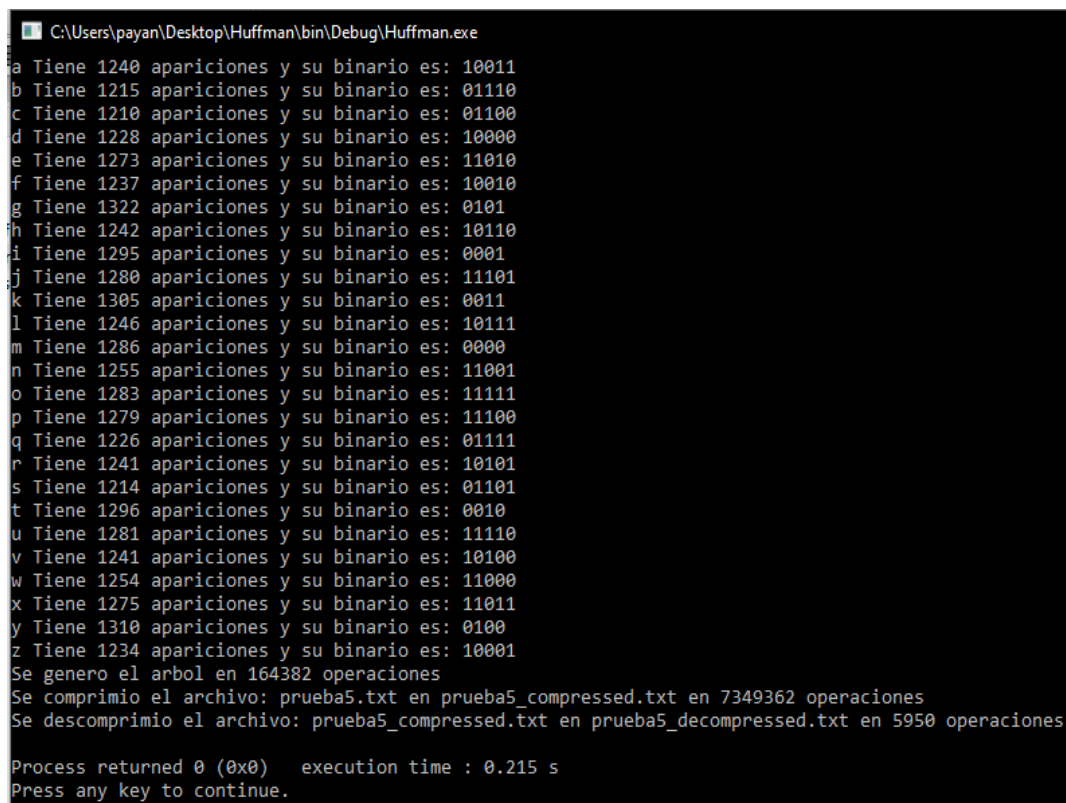


Figure 32: Ejecucion del programa

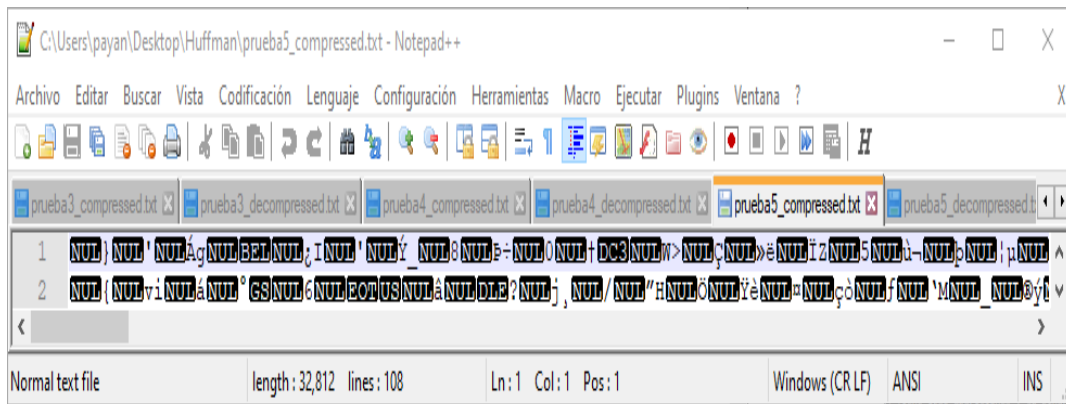


Figure 33: Archivo de salida

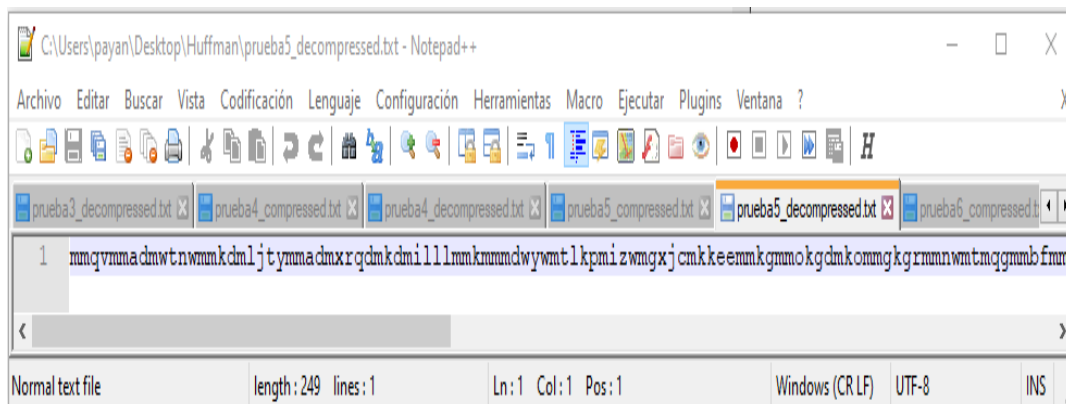


Figure 34: Archivo descomprimido

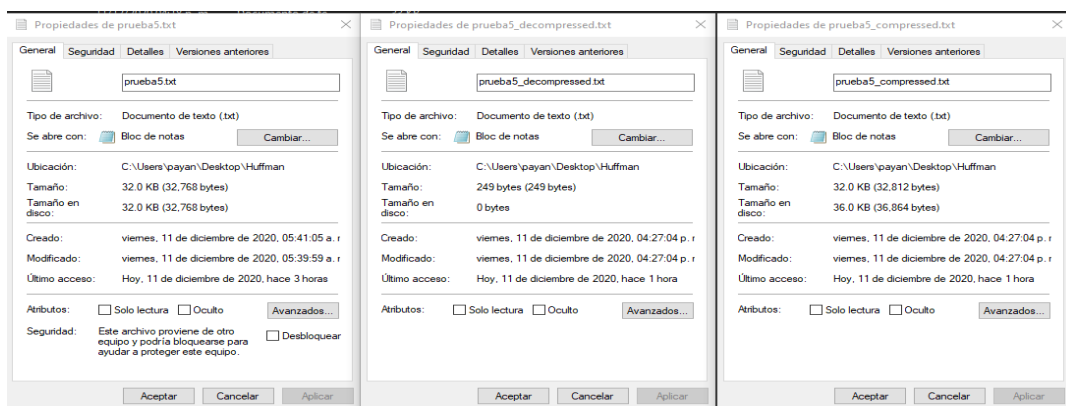


Figure 35: peso de los 3 archivos

## Sexto archivo

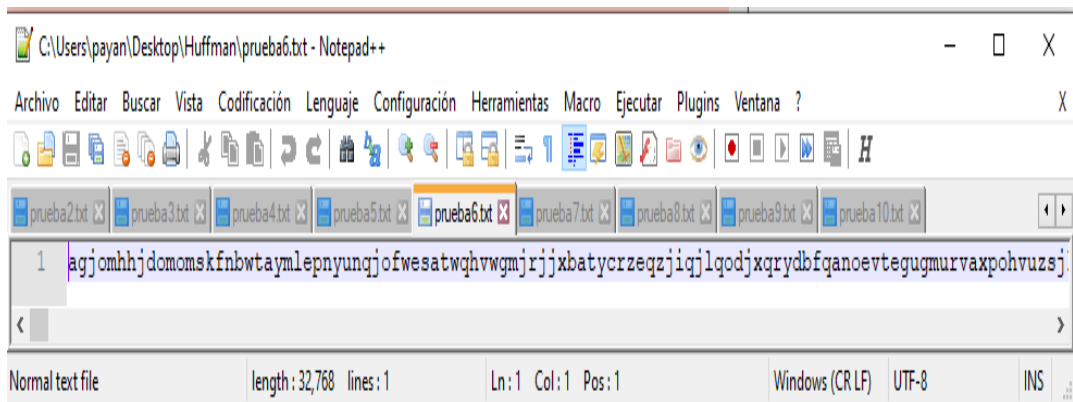


Figure 36: Archivo de entrada

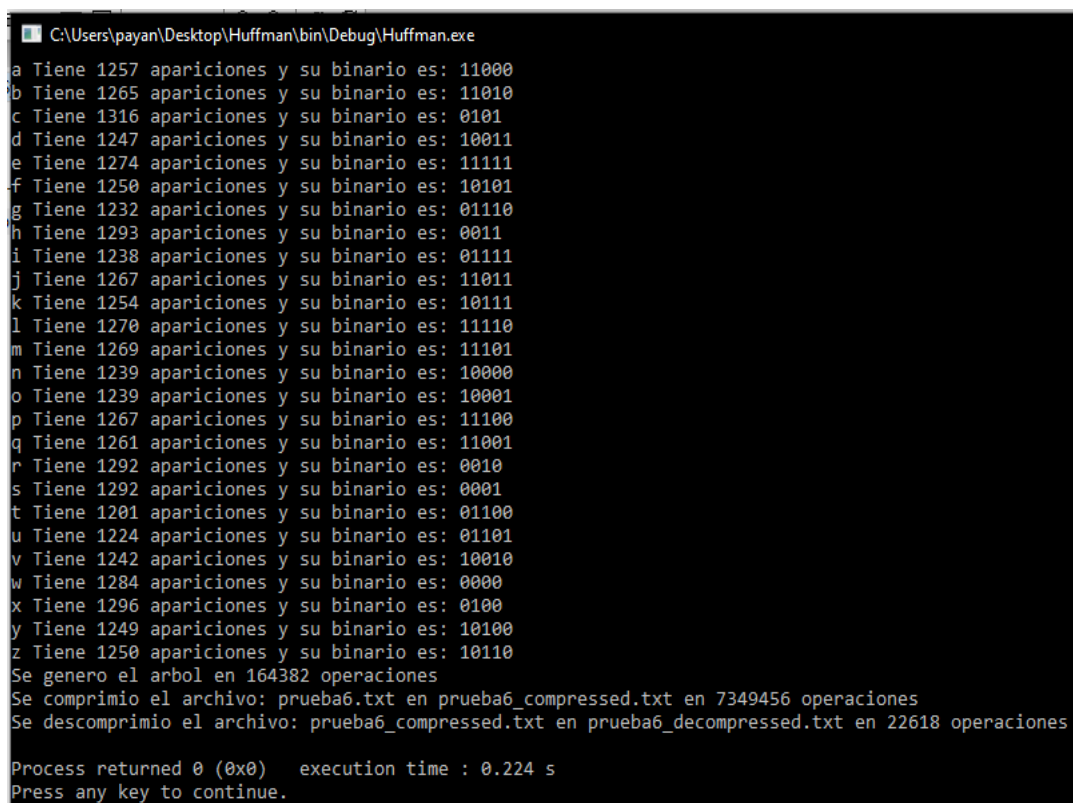


Figure 37: Ejecucion del programa

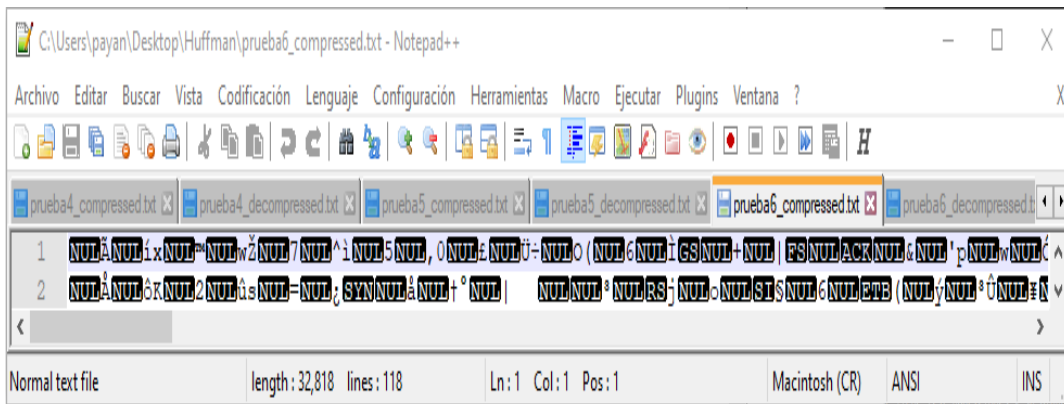


Figure 38: Archivo de salida

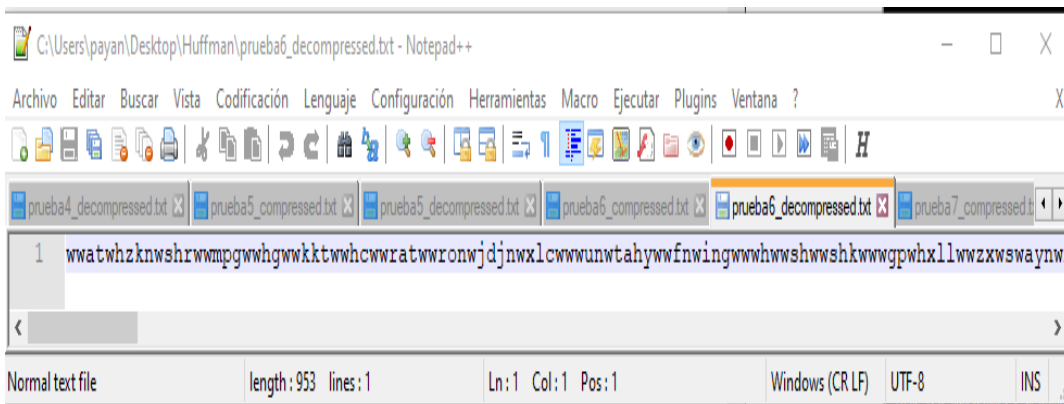


Figure 39: Archivo descomprimido

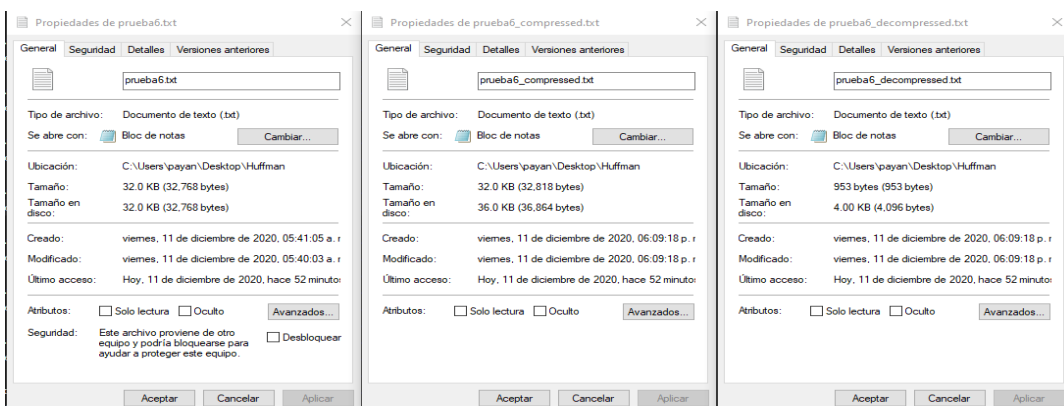


Figure 40: peso de los 3 archivos

## Septimo archivo

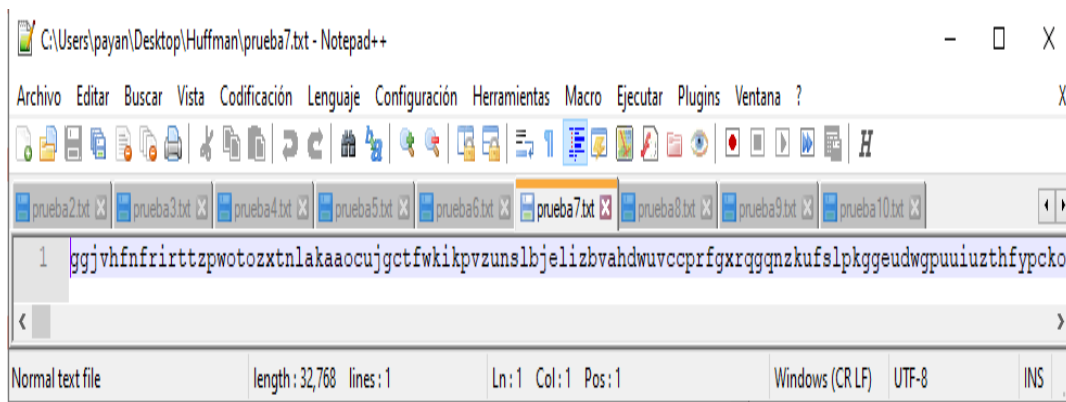


Figure 41: Archivo de entrada

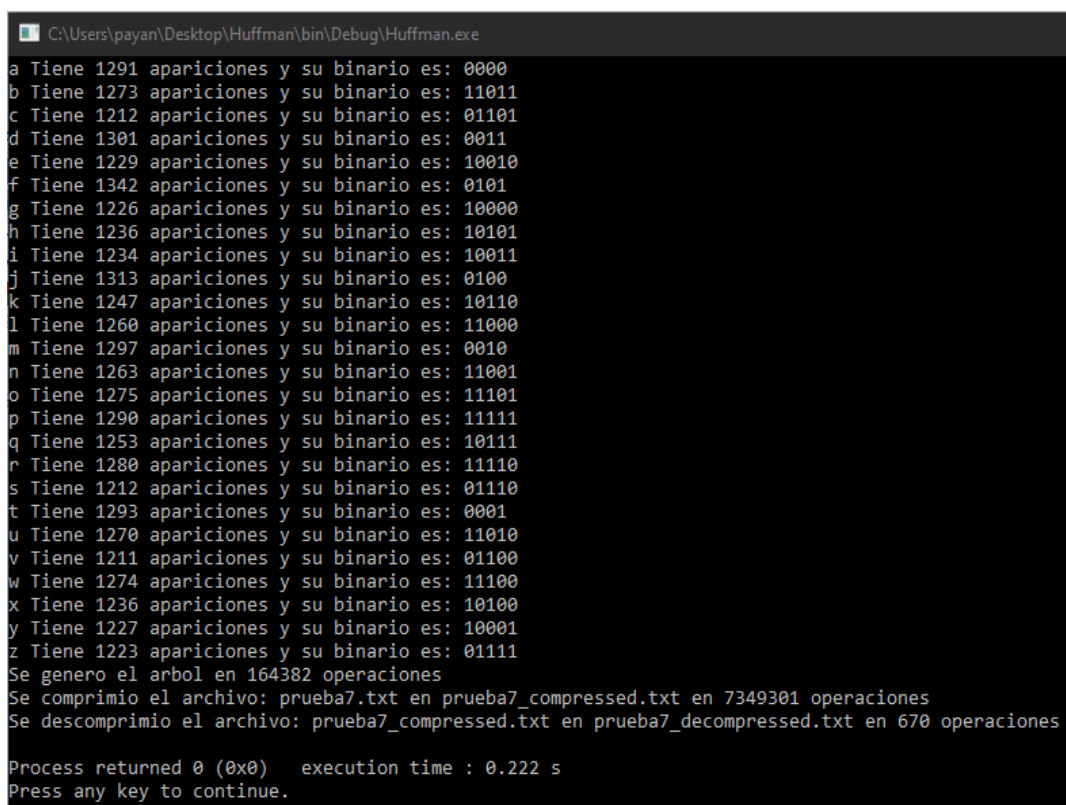


Figure 42: Ejecucion del programa



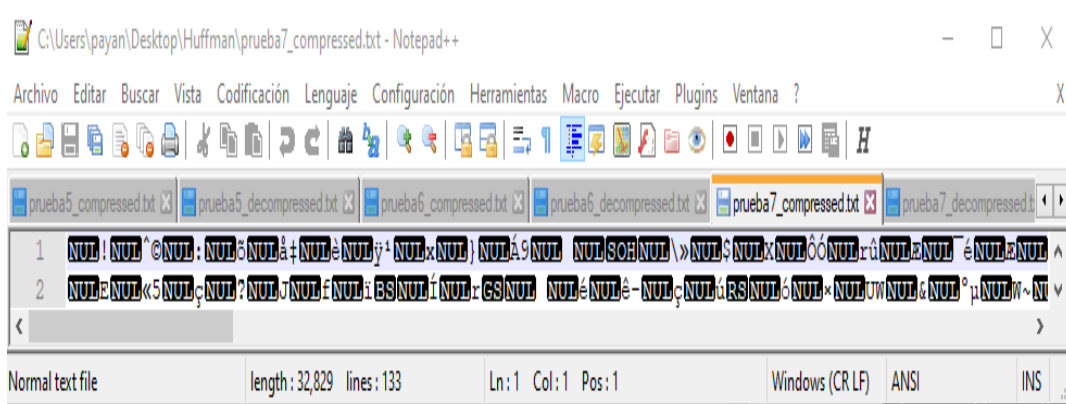


Figure 43: Archivo de salida

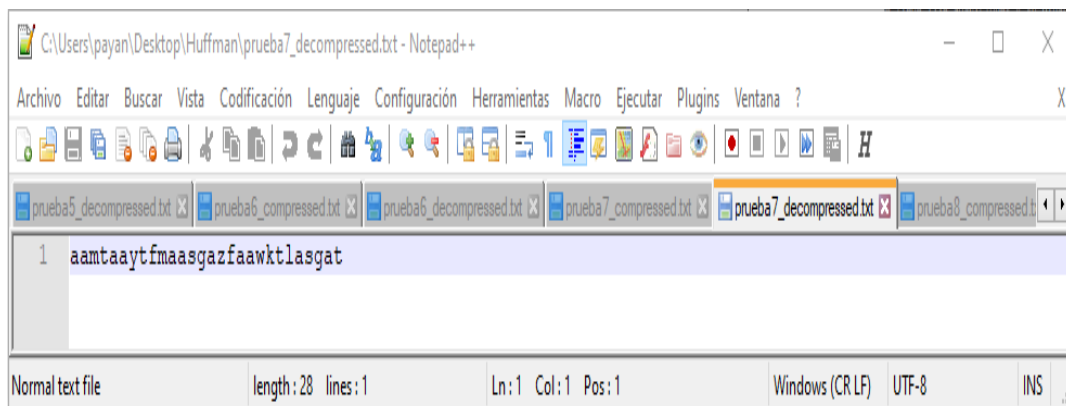


Figure 44: Archivo descomprimido

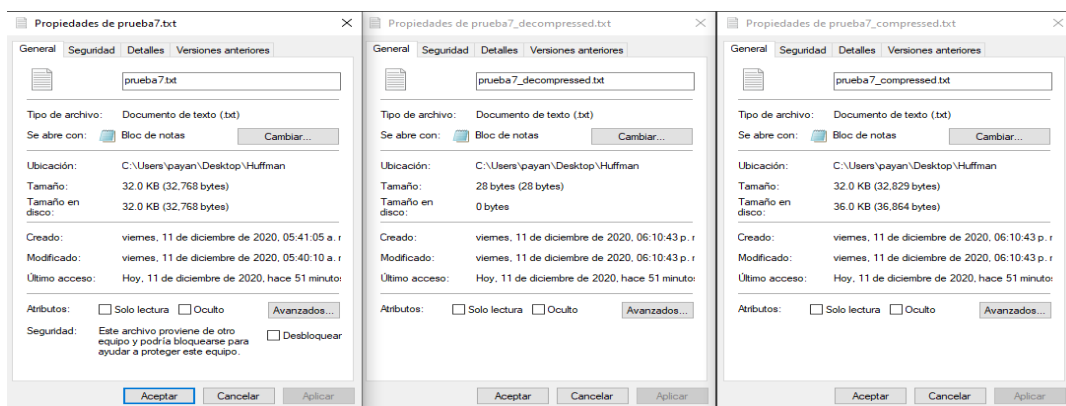


Figure 45: peso de los 3 archivos

## Octavo archivo

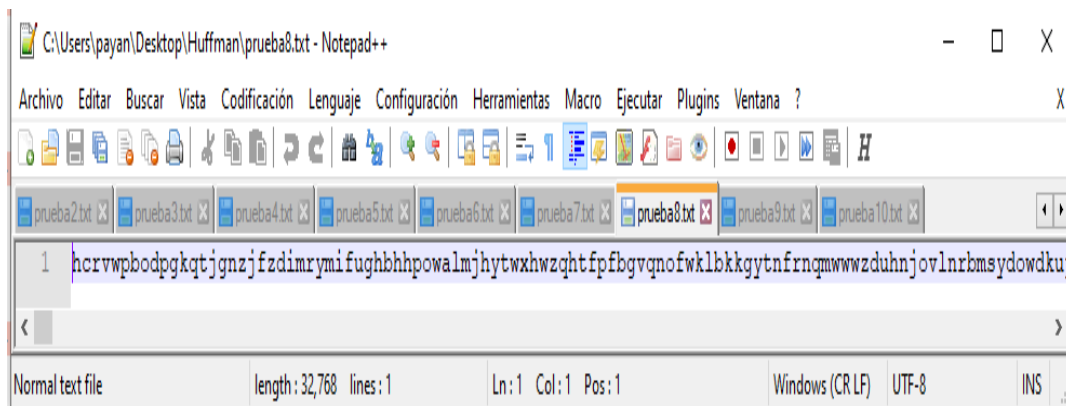


Figure 46: Archivo de entrada

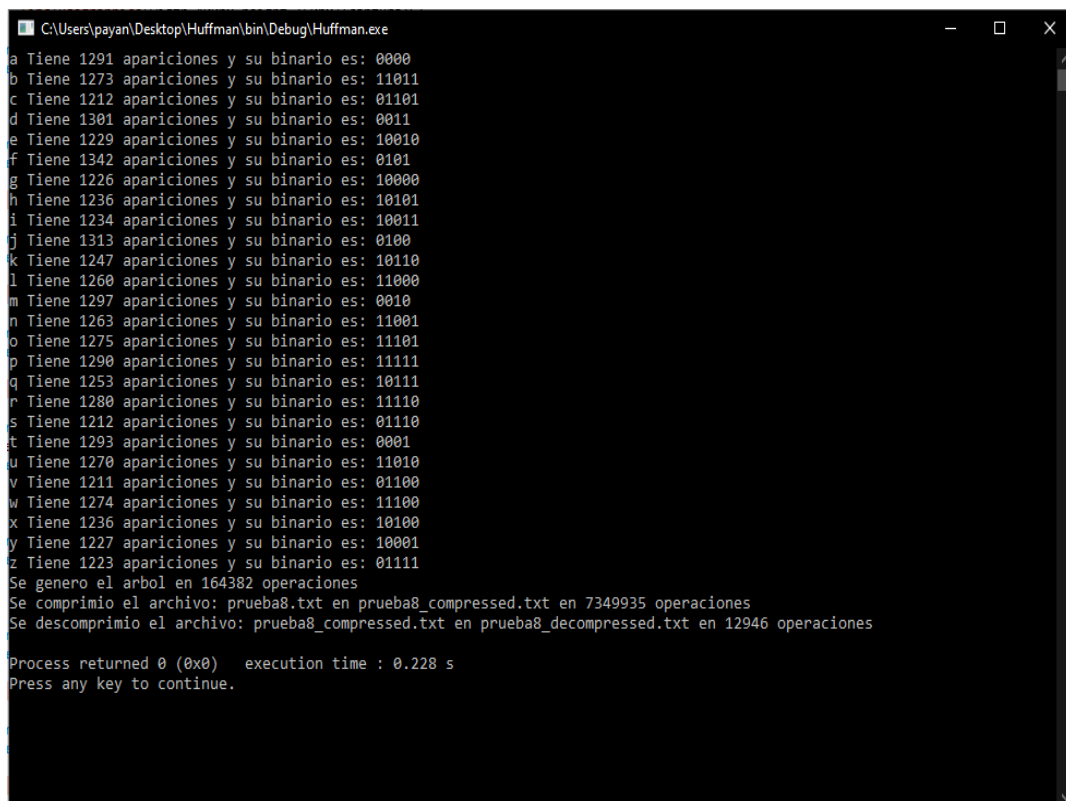


Figure 47: Ejecucion del programa

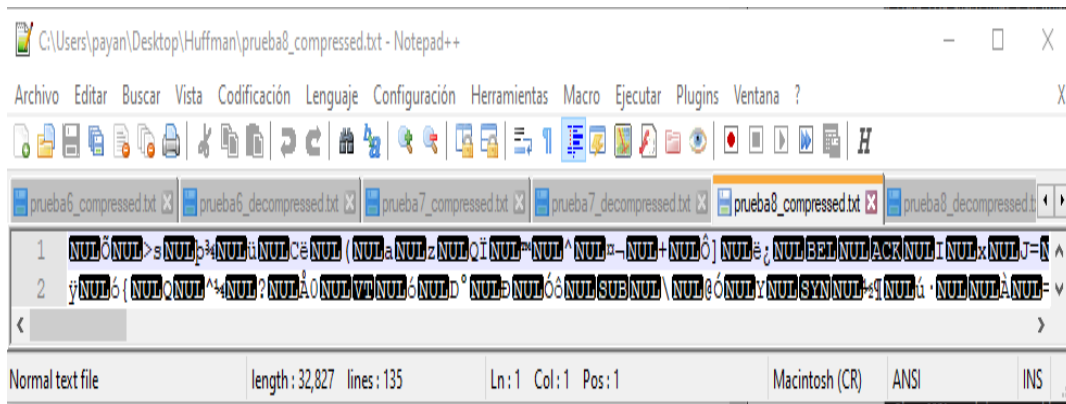


Figure 48: Archivo de salida

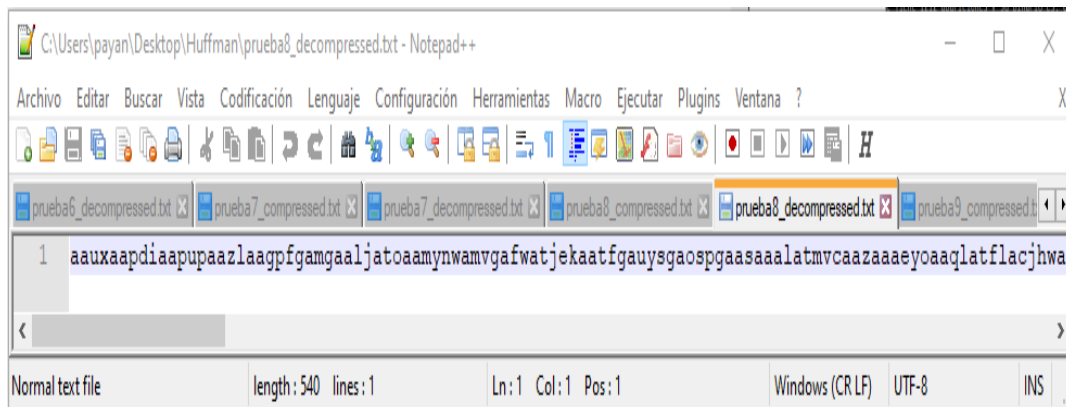


Figure 49: Archivo descomprimido

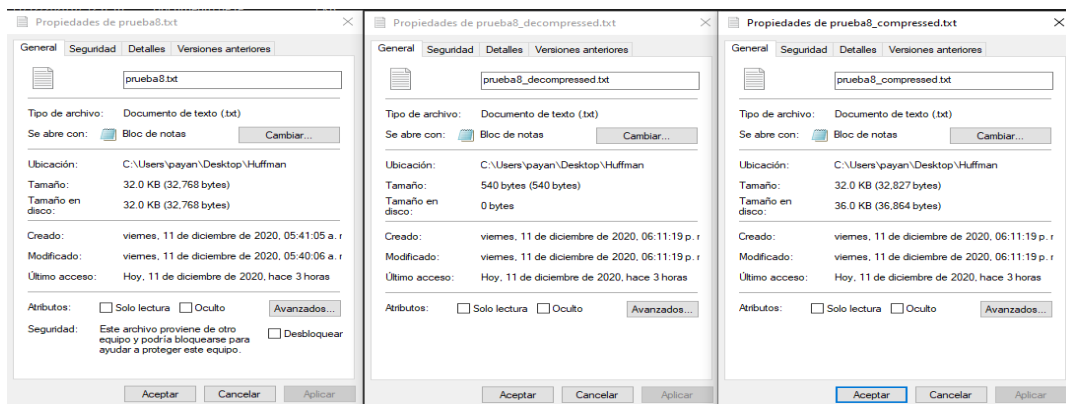


Figure 50: peso de los 3 archivos

## Noveno archivo

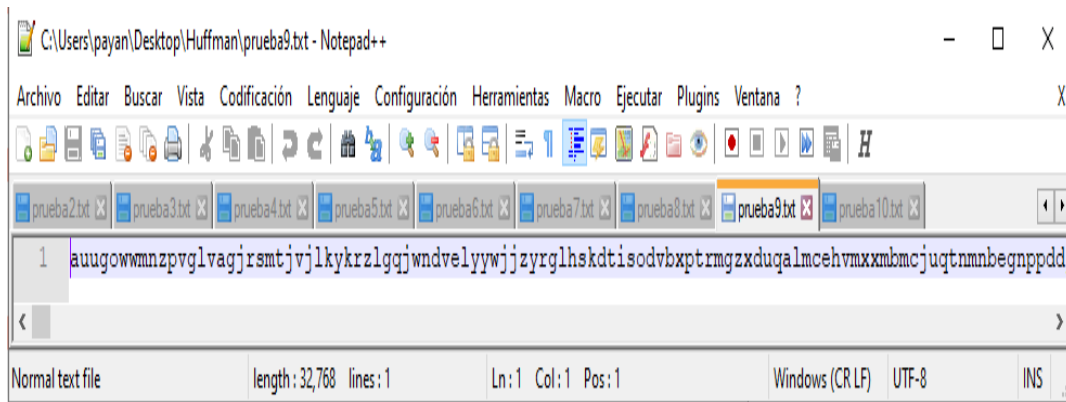


Figure 51: Archivo de entrada

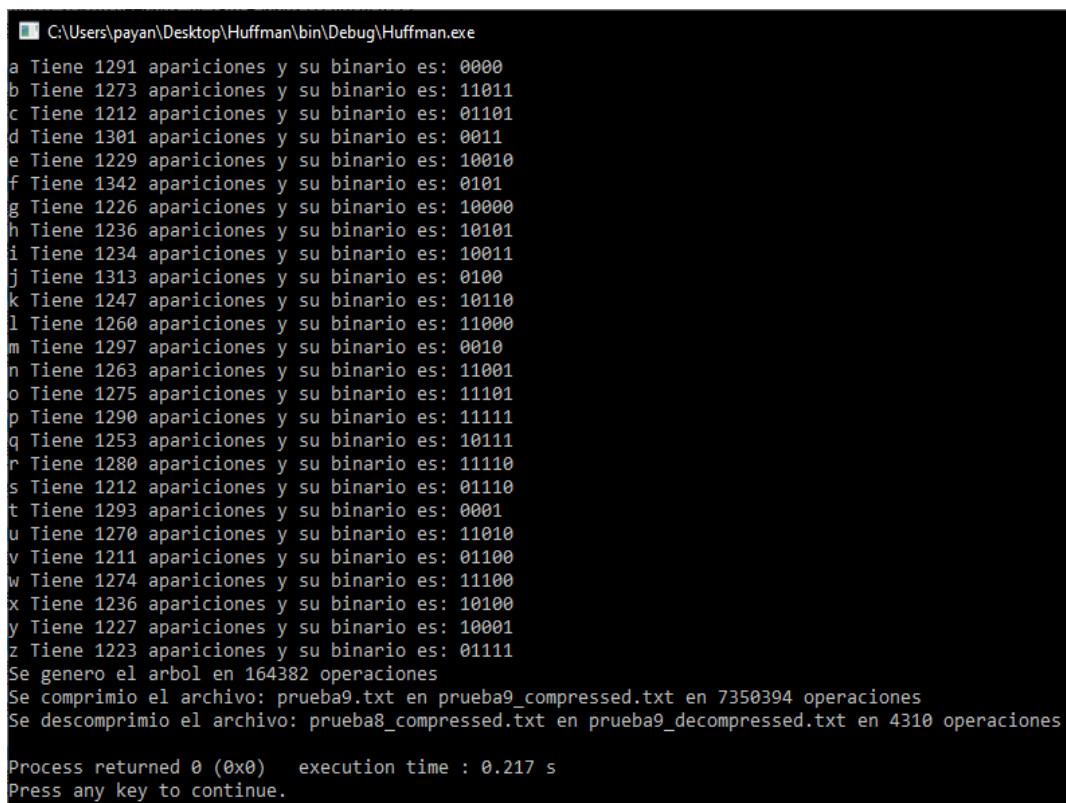


Figure 52: Ejecucion del programa

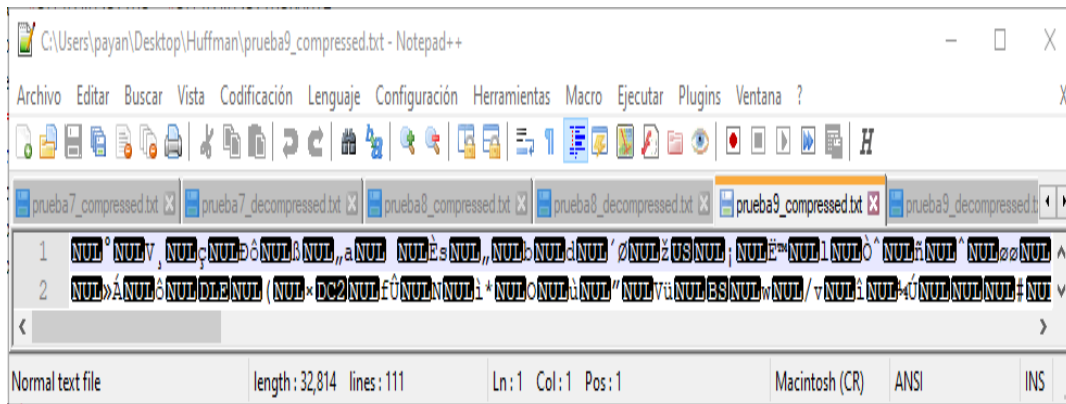


Figure 53: Archivo de salida

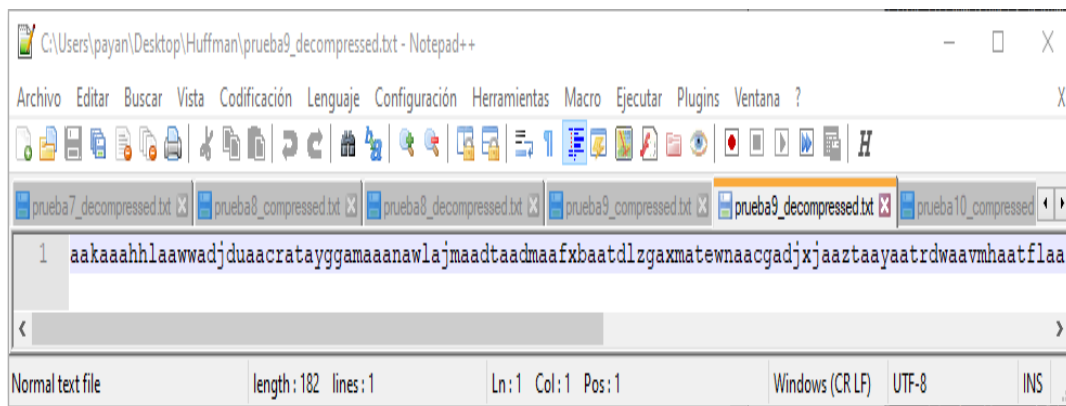


Figure 54: Archivo descomprimido

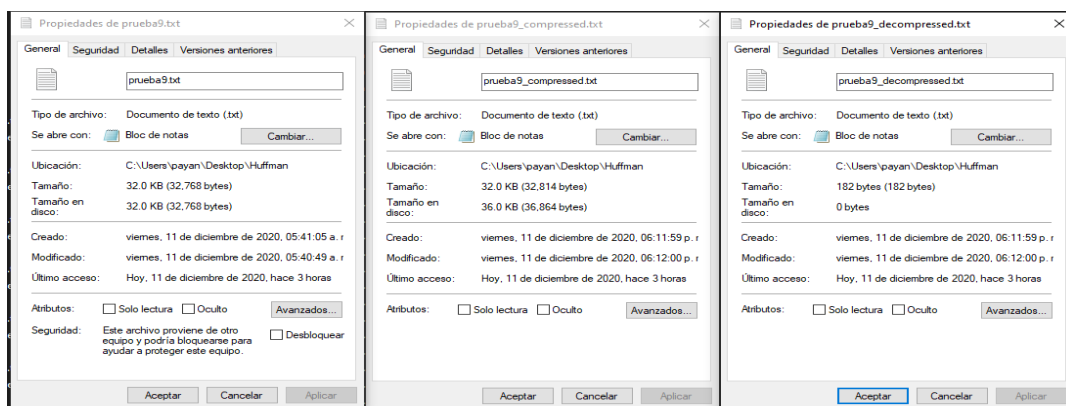


Figure 55: peso de los 3 archivos

## Decimo archivo

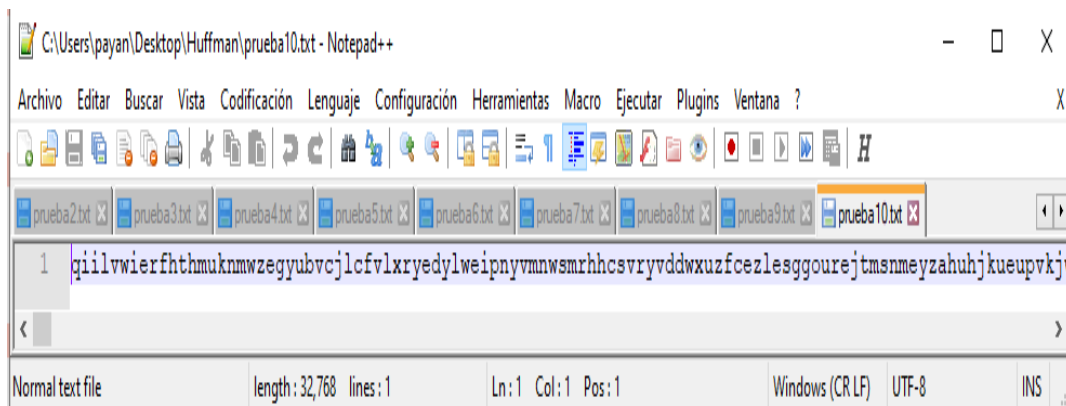


Figure 56: Archivo de entrada

```

C:\Users\payan\Desktop\Huffman\bin\Debug\Huffman.exe
a Tiene 1291 apariciones y su binario es: 0000
b Tiene 1273 apariciones y su binario es: 11011
c Tiene 1212 apariciones y su binario es: 01101
d Tiene 1301 apariciones y su binario es: 0011
e Tiene 1229 apariciones y su binario es: 10010
f Tiene 1342 apariciones y su binario es: 0101
g Tiene 1226 apariciones y su binario es: 10000
h Tiene 1236 apariciones y su binario es: 10101
i Tiene 1234 apariciones y su binario es: 10011
j Tiene 1313 apariciones y su binario es: 0100
k Tiene 1247 apariciones y su binario es: 10110
l Tiene 1260 apariciones y su binario es: 11000
m Tiene 1297 apariciones y su binario es: 0010
n Tiene 1263 apariciones y su binario es: 11001
o Tiene 1275 apariciones y su binario es: 11101
p Tiene 1290 apariciones y su binario es: 11111
q Tiene 1253 apariciones y su binario es: 10111
r Tiene 1280 apariciones y su binario es: 11110
s Tiene 1212 apariciones y su binario es: 01110
t Tiene 1293 apariciones y su binario es: 0001
u Tiene 1270 apariciones y su binario es: 11010
v Tiene 1211 apariciones y su binario es: 01100
w Tiene 1274 apariciones y su binario es: 11100
x Tiene 1236 apariciones y su binario es: 10100
y Tiene 1227 apariciones y su binario es: 10001
z Tiene 1223 apariciones y su binario es: 01111
Se genero el arbol en 164382 operaciones
Se comprimio el archivo: prueba10.txt en prueba10_compressed.txt en 7350437 operaciones
Se descomprimio el archivo: prueba8_compressed.txt en prueba10_decompressed.txt en 27526 operaciones
Process returned 0 (0x0)   execution time : 0.216 s
Press any key to continue.

```

Figure 57: Ejecucion del programa

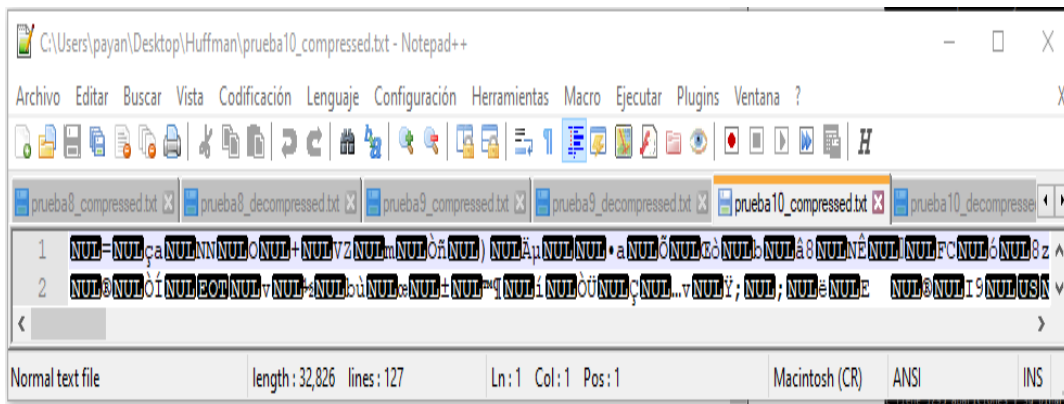


Figure 58: Archivo de salida

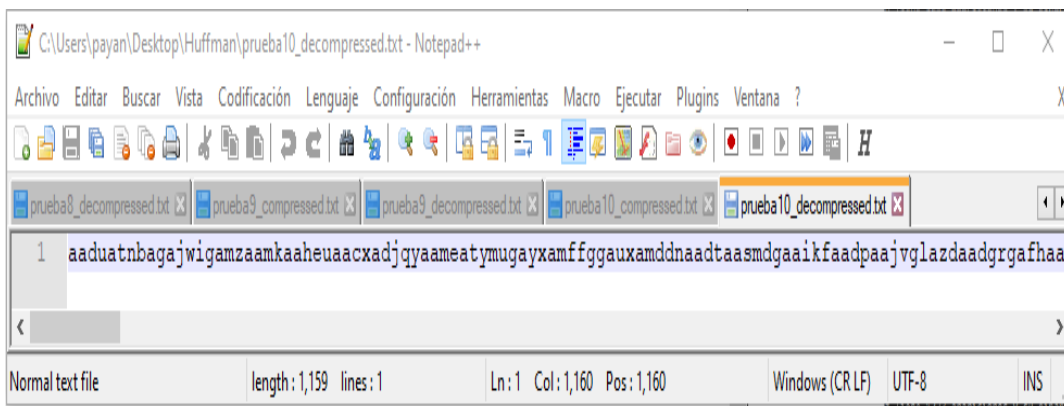


Figure 59: Archivo descomprimido

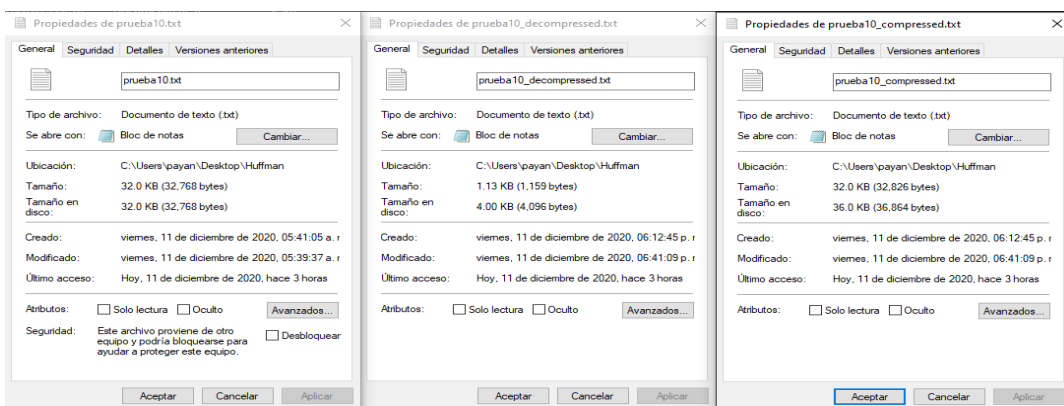


Figure 60: peso de los 3 archivos

Finalmente para concluir este algoritmo, se realizo una modificacion al codigo para generar una cadena aleatoria de longitud "n", con  $(1 \leq n \leq 10000)$ , posteriormente a esta se le genero el arbol, se comprimo y descomprimio, para poder obtener la grafica de complejidad de los algoritmos de compresion y descompresion de Huffman.



```
C:\Users\payan\Desktop\Huffman\bin\Debug\Huffman.exe
a Tiene 1291 apariciones y su binario es: 0000
b Tiene 1273 apariciones y su binario es: 11011
c Tiene 1212 apariciones y su binario es: 01101
d Tiene 1301 apariciones y su binario es: 0011
e Tiene 1229 apariciones y su binario es: 10010
f Tiene 1342 apariciones y su binario es: 0101
g Tiene 1226 apariciones y su binario es: 10000
h Tiene 1236 apariciones y su binario es: 10101
i Tiene 1234 apariciones y su binario es: 10011
j Tiene 1313 apariciones y su binario es: 0100
k Tiene 1247 apariciones y su binario es: 10110
l Tiene 1260 apariciones y su binario es: 11000
m Tiene 1297 apariciones y su binario es: 0010
n Tiene 1263 apariciones y su binario es: 11001
o Tiene 1275 apariciones y su binario es: 11101
p Tiene 1290 apariciones y su binario es: 11111
q Tiene 1253 apariciones y su binario es: 10111
r Tiene 1280 apariciones y su binario es: 11110
s Tiene 1212 apariciones y su binario es: 01110
t Tiene 1293 apariciones y su binario es: 0001
u Tiene 1270 apariciones y su binario es: 11010
v Tiene 1211 apariciones y su binario es: 01100
w Tiene 1274 apariciones y su binario es: 11100
x Tiene 1236 apariciones y su binario es: 10100
y Tiene 1227 apariciones y su binario es: 10001
z Tiene 1223 apariciones y su binario es: 01111
Se genero el arbol en 164382 operaciones
Se comprimo el archivo: prueba8.txt en prueba8_compressed.txt en 7349935 operaciones
Se descomprimio el archivo: prueba8_compressed.txt en prueba8_decompressed.txt en 12946 operaciones

Process returned 0 (0x0)   execution time : 0.228 s
Press any key to continue.
```

Figure 61: Ejecucion del programa generando cadenas aleatorias, comprimiendolas y descomprimiendolas

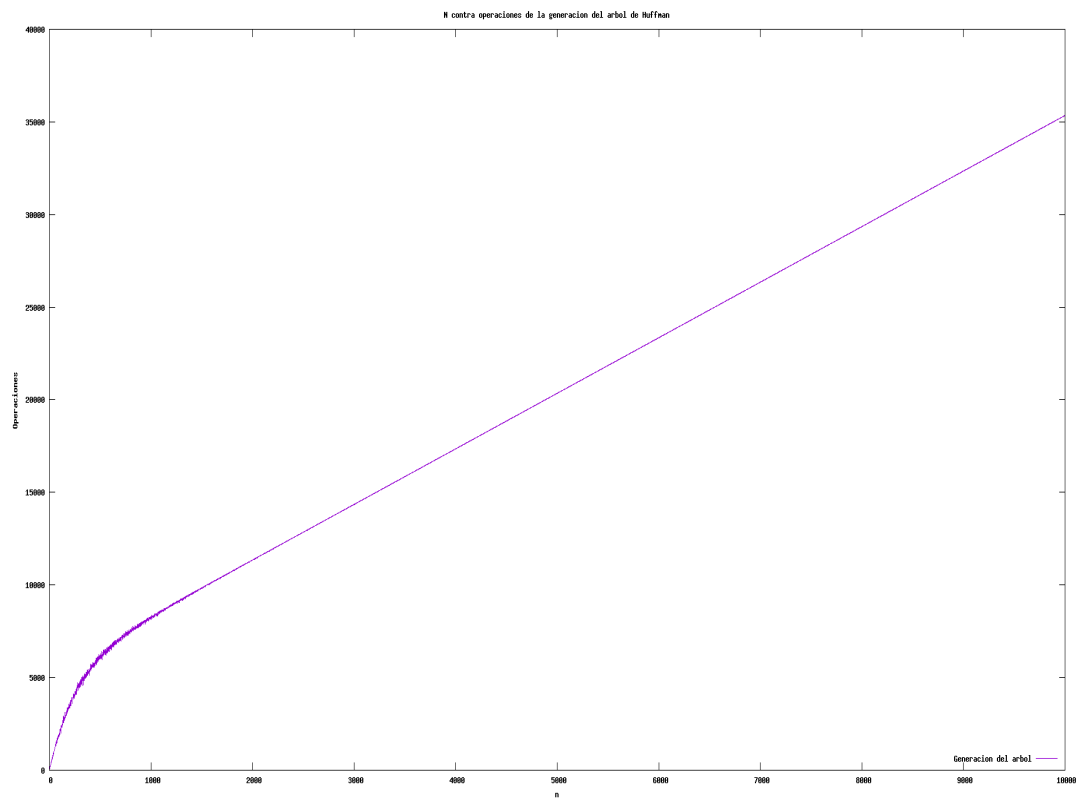


Figure 62: N contra operaciones de la generacion del arbol de Huffman

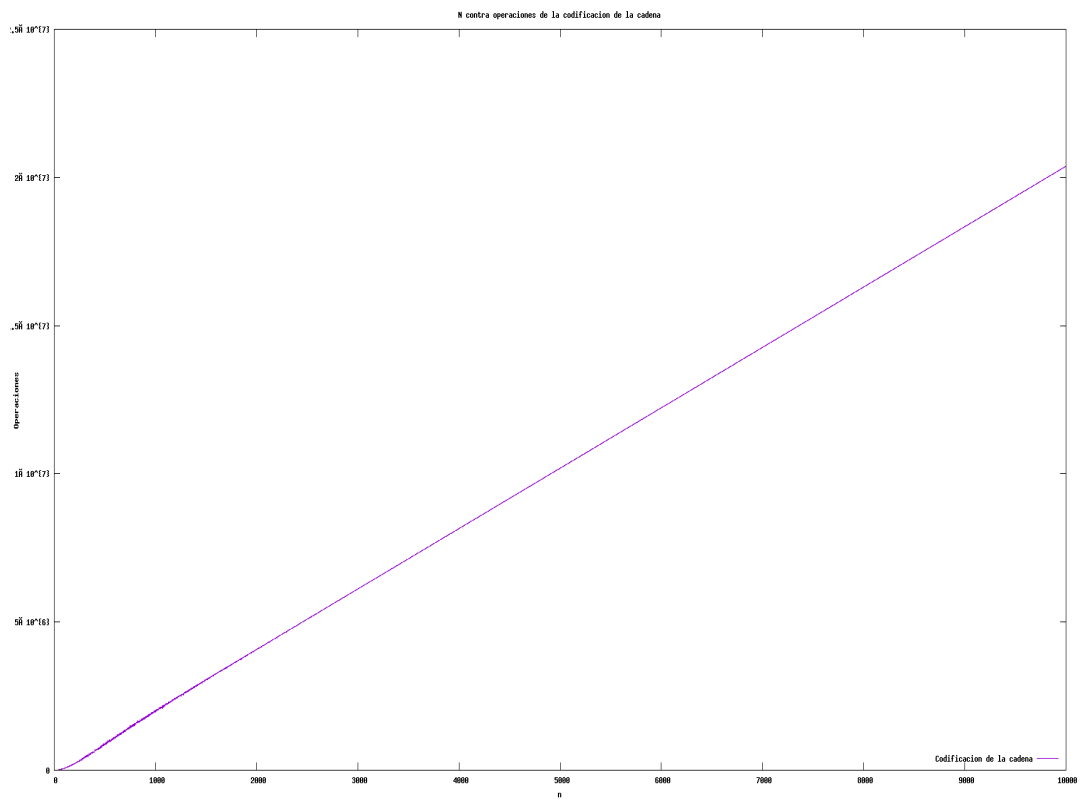


Figure 63: N contra operaciones de la codificación de la cadena

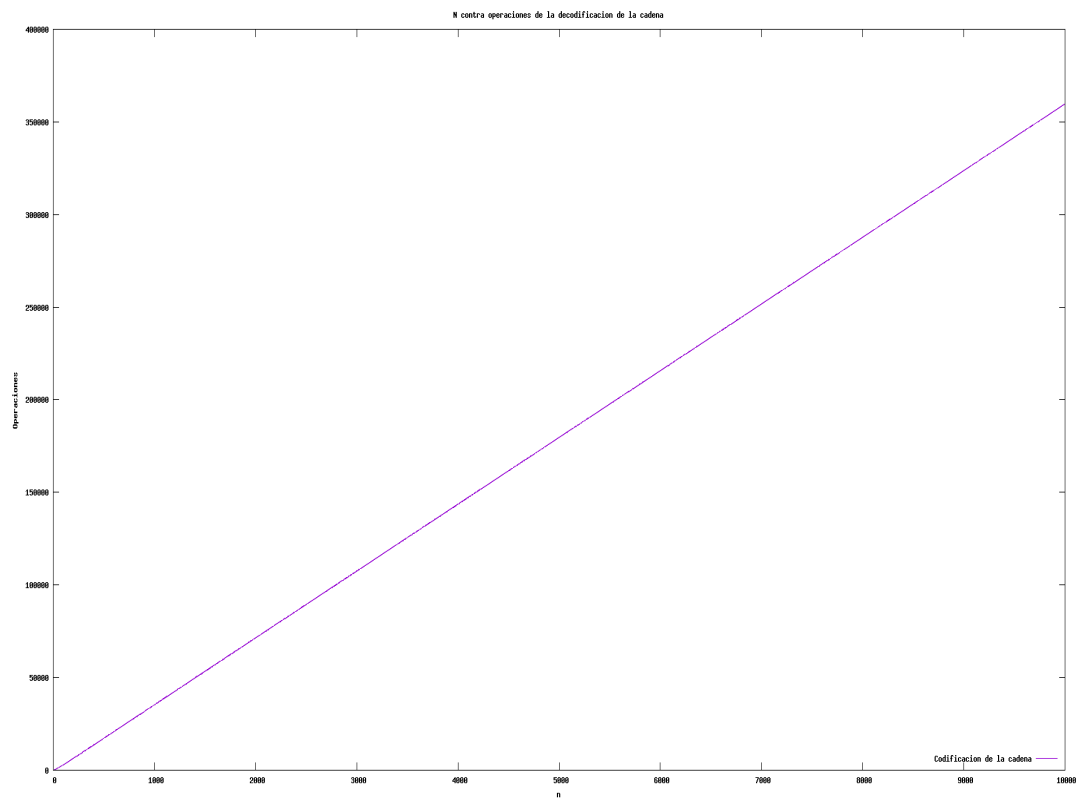


Figure 64: N contra operaciones de la decodificación de la cadena

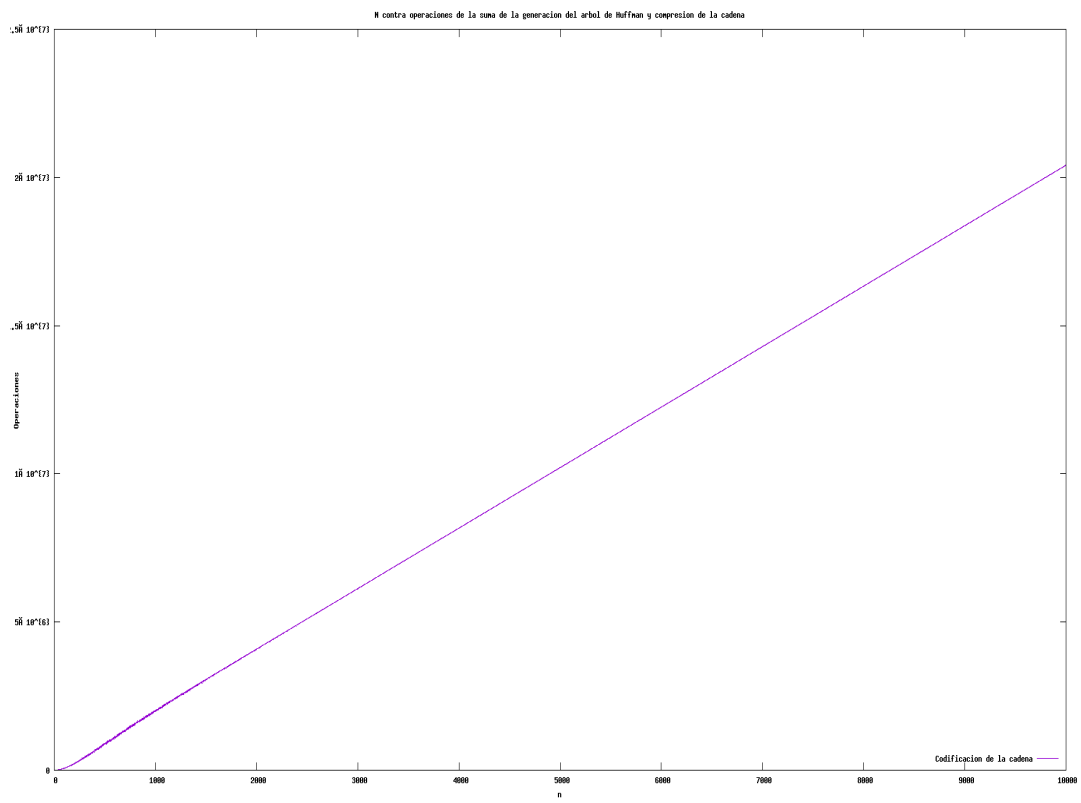


Figure 65: N contra operaciones de la suma de la generacion del arbol de Huffman y compresion de la cadena

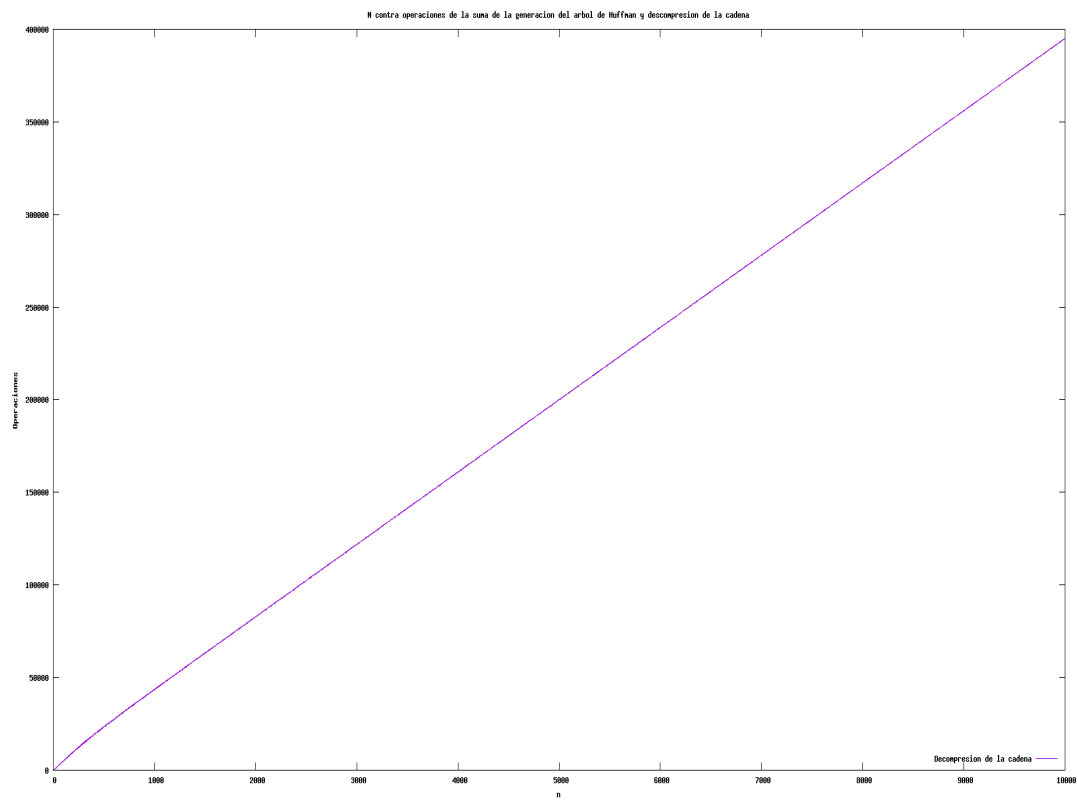


Figure 66: N contra operaciones de la suma de la generacion del arbol de Huffman y descompresion de la cadena

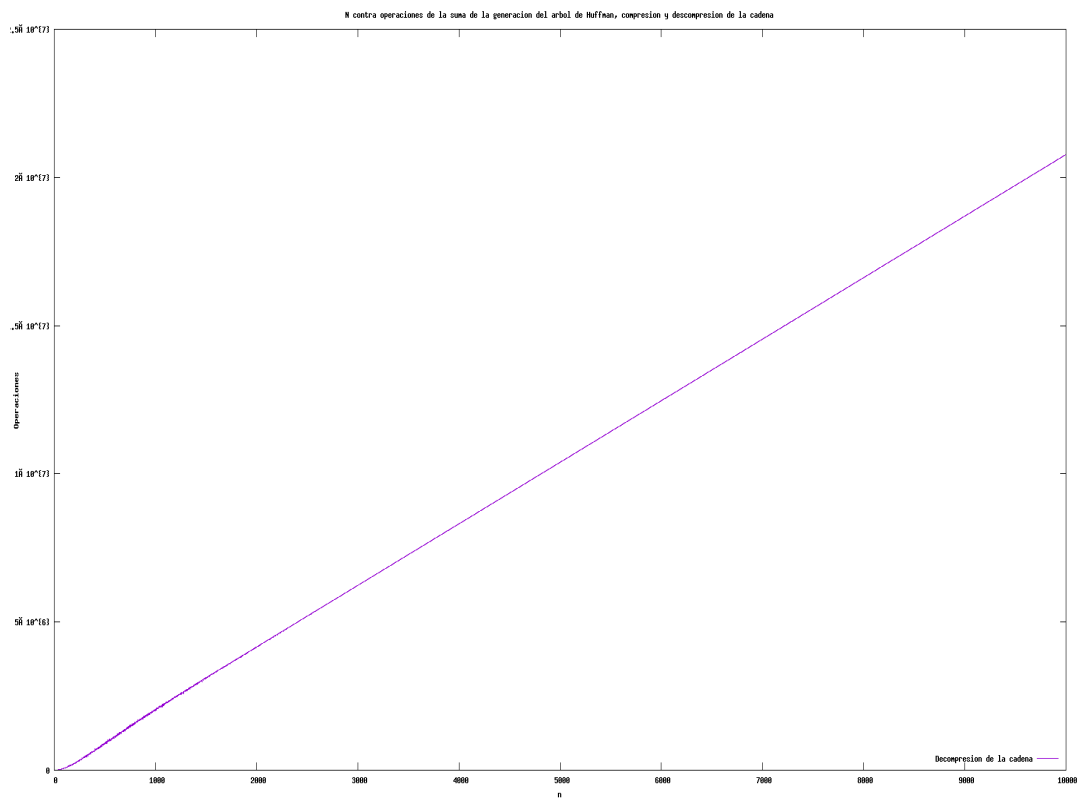


Figure 67: N contra operaciones de la suma de la generacion del arbol de Huffman, compresion y descompresion de la cadena



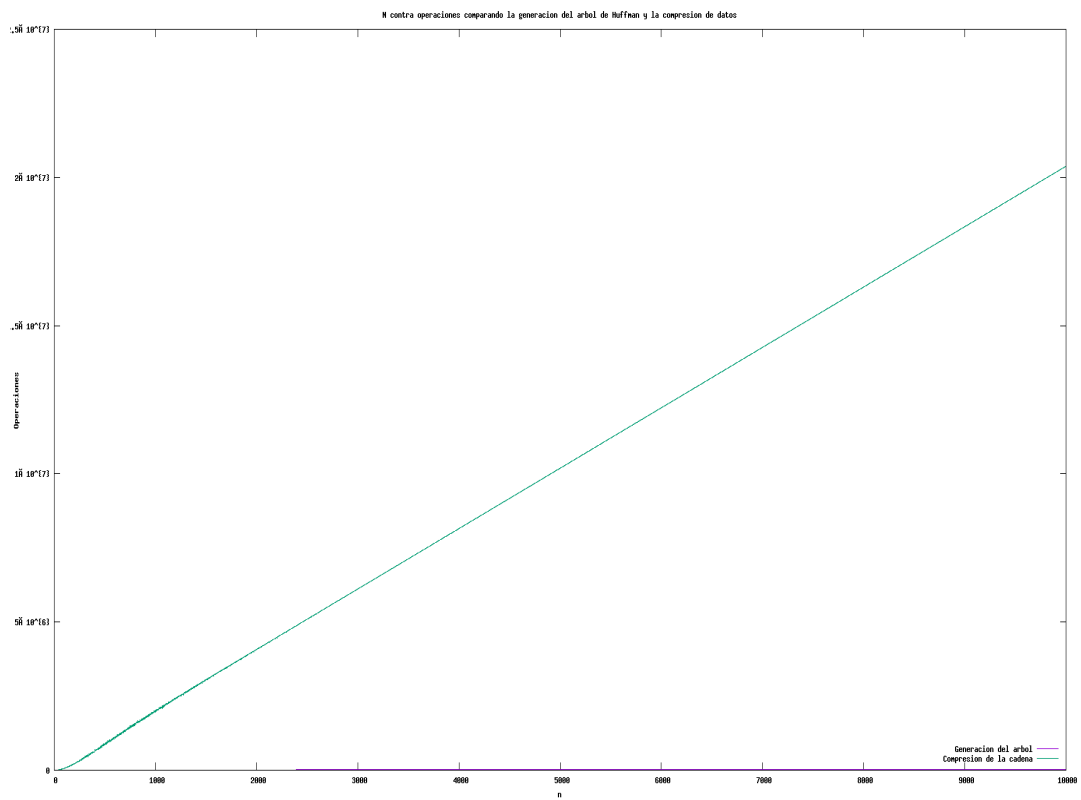


Figure 68: N contra operaciones comparando la generacion del arbol de Huffman y la compresion de datos

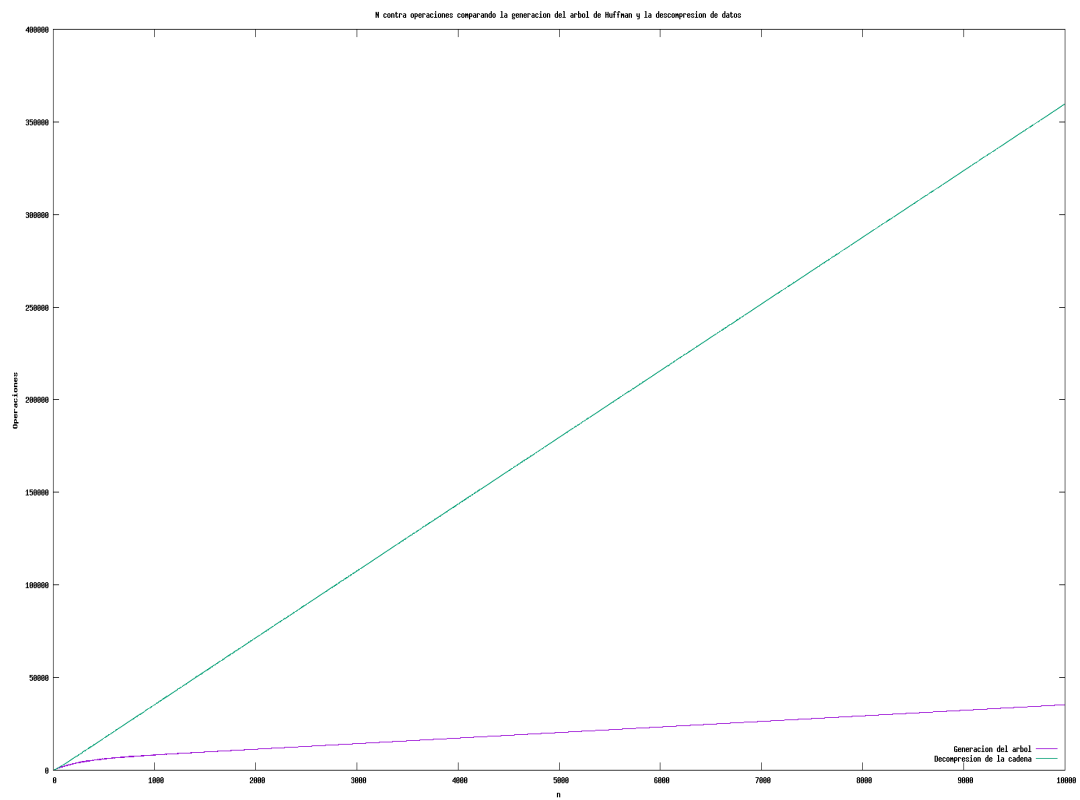


Figure 69: N contra operaciones comparando la generacion del arbol de Huffman y la descompresion de datos

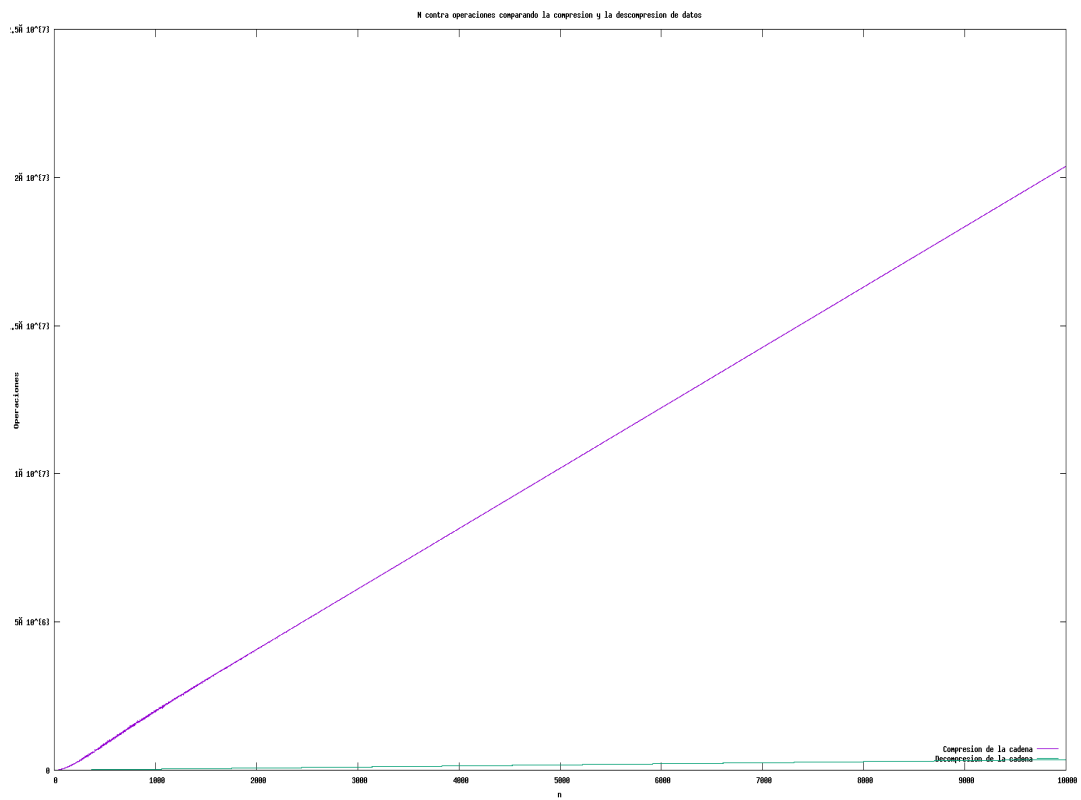


Figure 70: N contra operaciones comparando la compresion y la descompresion de datos

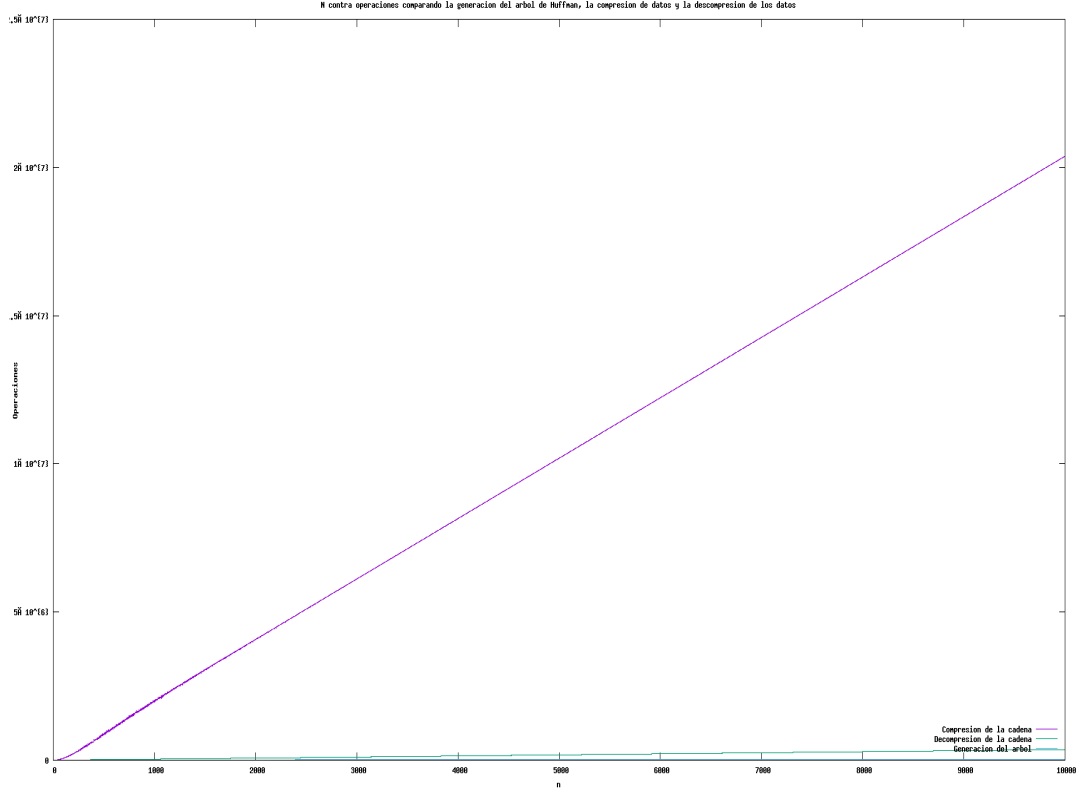


Figure 71: N contra operaciones comparando la generacion del arbol de Huffman, la compresion de datos y la descompresion de los datos

Para realizar la comparacion correspondiente, se realiza el calculo de complejidad a priori usando el analisis linea a linea del pseudo codigo. primero la funcion **HuffmanTree(C)**

Codigo	Costo	Veces ejecutado
$n = C.size()$	$\mathcal{O}(1)$	1
$Q = priority\_queue()$	$\mathcal{O}(1)$	1
$for(i=0; i \leq n; i++)$	$\mathcal{O}(n)$	$n+1$
$n = node(C[i])$	$\mathcal{O}(1)$	$n$
$Q.push(n)$	$\mathcal{O}(\log_2(n-i))$	$n$
$while(Q.size() > 1)$	$\mathcal{O}(\log_2(n))$	$\log_2(n) + 1$
$z = new\ node()$	$\mathcal{O}(1)$	$\log_2(n)$
$z.left = x = Q.pop()$	$\mathcal{O}(\log_2(n))$	$\log_2(n)$
$z.right = y = Q.pop()$	$\mathcal{O}(\log_2(n))$	$\log_2(n)$
$z.frequency = x.frequency + y.frequency$	$\mathcal{O}(1)$	$\log_2(n)$
$Q.push(z)$	$\mathcal{O}(\log_2(n))$	$\log_2(n)$
$return\ Q.pop()$	$\mathcal{O}(1)$	1

Como podemos observar la mayor complejidad se encuentra dentro de los ciclos, donde en el peor escenario llega a ser  $\mathcal{O}(n \log_2(n))$ , considerando lo anterior se grafica la funcion  $f(x) = x \log_2(x)$  y se anexa la grafica para ser comparada con los resultados del programa.

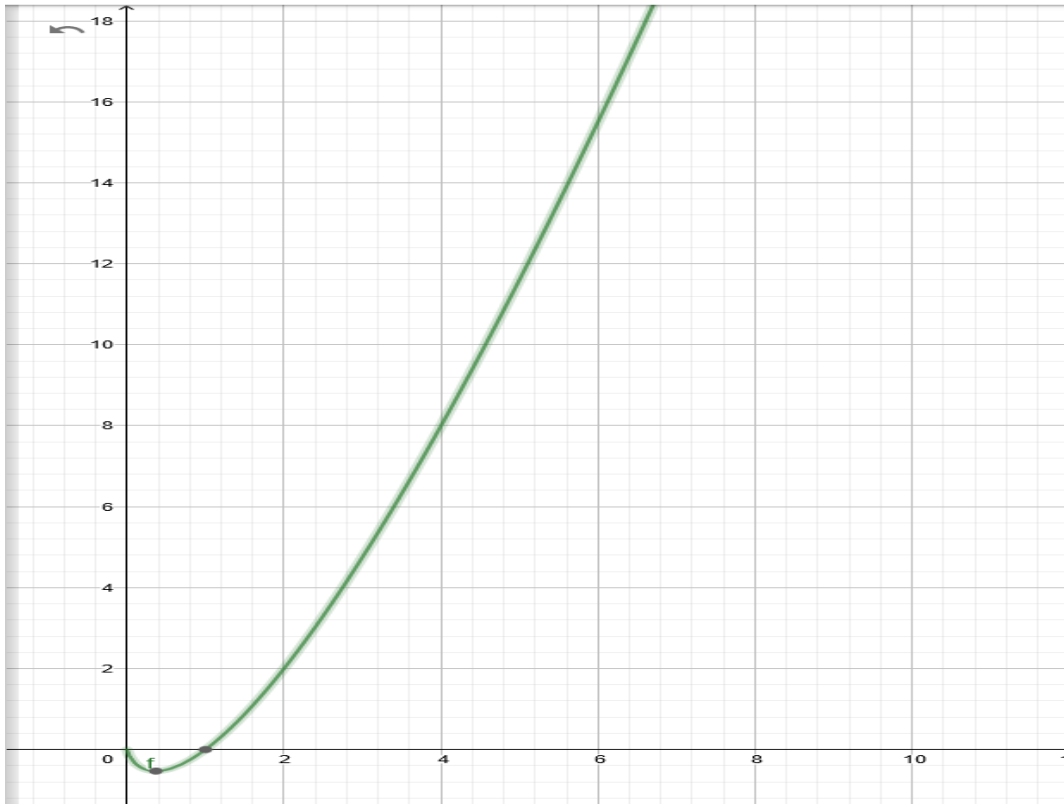


Figure 72: Grafica de la funcion  $f(x) = x \log_2(x)$

Dada la grafica anterior, el analisis a posteriori y las graficas: Figure 62 y Figure 67, podemos concluir que la funcion para generar el arbol de Huffman tiene complejidad de  $n \log_2(n)$   
 Ahora se realiza el calculo de complejidad de la funcion **HuffmanDecompression(tree, S)**

Codigo	Costo	Veces ejecutado
$n = S.length()$	$\mathcal{O}(1)$	1
$retorno = ""$	$\mathcal{O}(1)$	1
$for(i=0; i \leq n; i++)$	$\mathcal{O}(n)$	$n+1$
$actual = tree$	$\mathcal{O}(1)$	$n$
$while(actual.left \neq NULL \text{ and } actual.right \neq NULL)$	$\mathcal{O}(\log_2(255))$	$n$
$if(S[i] == '0')$	$\mathcal{O}(1)$	$\log_2(255) * n$
$actual = actual.left$	$\mathcal{O}(1)$	$\frac{\log_2(255) * n}{2}$
$else$	$\mathcal{O}(1)$	$\log_2(255) * n$
$actual = actual.right$	$\mathcal{O}(1)$	$\frac{\log_2(255) * n}{2}$
$i++$	$\mathcal{O}(1)$	$\log_2(255) * n$
$retorno += actual.symbol$	$\mathcal{O}(1)$	$n$
$return retorno$	$\mathcal{O}(1)$	1

Entonces despues de analizar la funcion, podemos concluir que la funcion tiene complejidad  $\mathcal{O}(n)$  siendo n la cantidad de bits en la cadena a descomprimir.

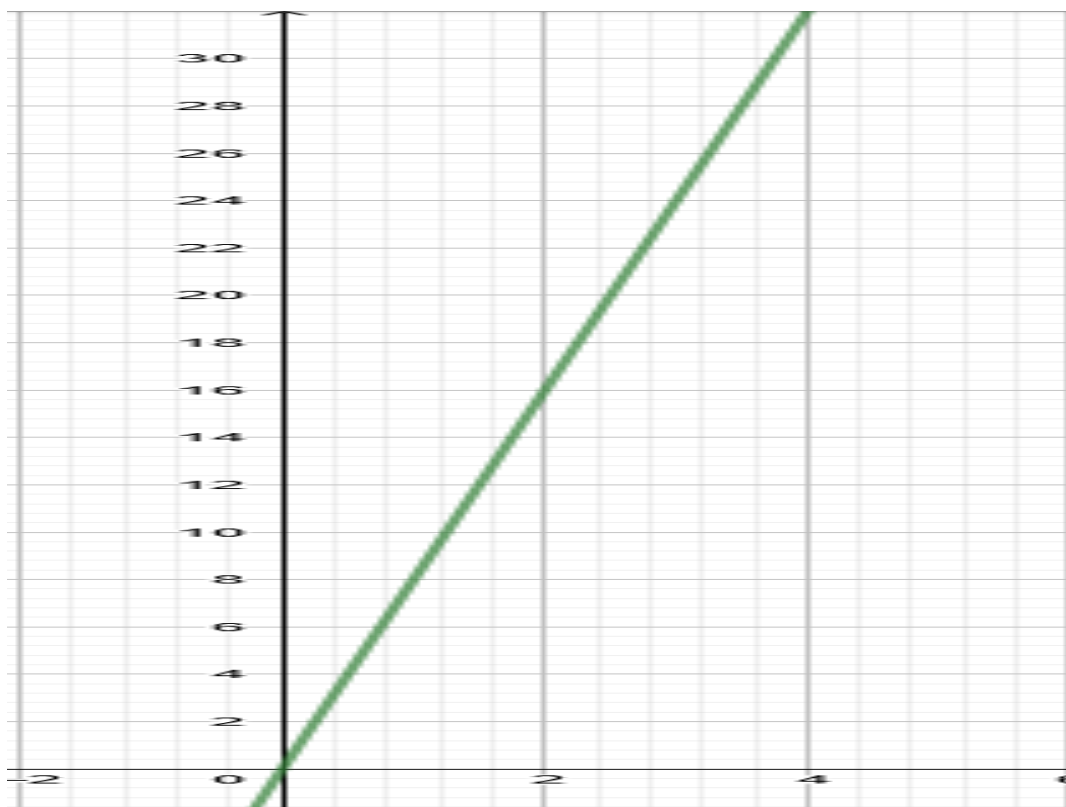


Figure 73: Grafica de la funcion  $f(x) = x \log_2(255)$

Comparando la grafica de la funcion (Figure 73) y las graficas Figure 64, Figure 66, Figure 67, Figure 70, Figure 71, se verifica que la funcion tiene orden de complejidad lineal.

### 3.2 Implementar los algoritmos de Kruskal

Como ya conocemos la complejidad del algoritmo, no es necesario realizar el analisis a priori, por lo tanto graficamos directamente la complejidad  $\mathcal{O}(m \log_2(n))$ , considerando  $m = n$ .

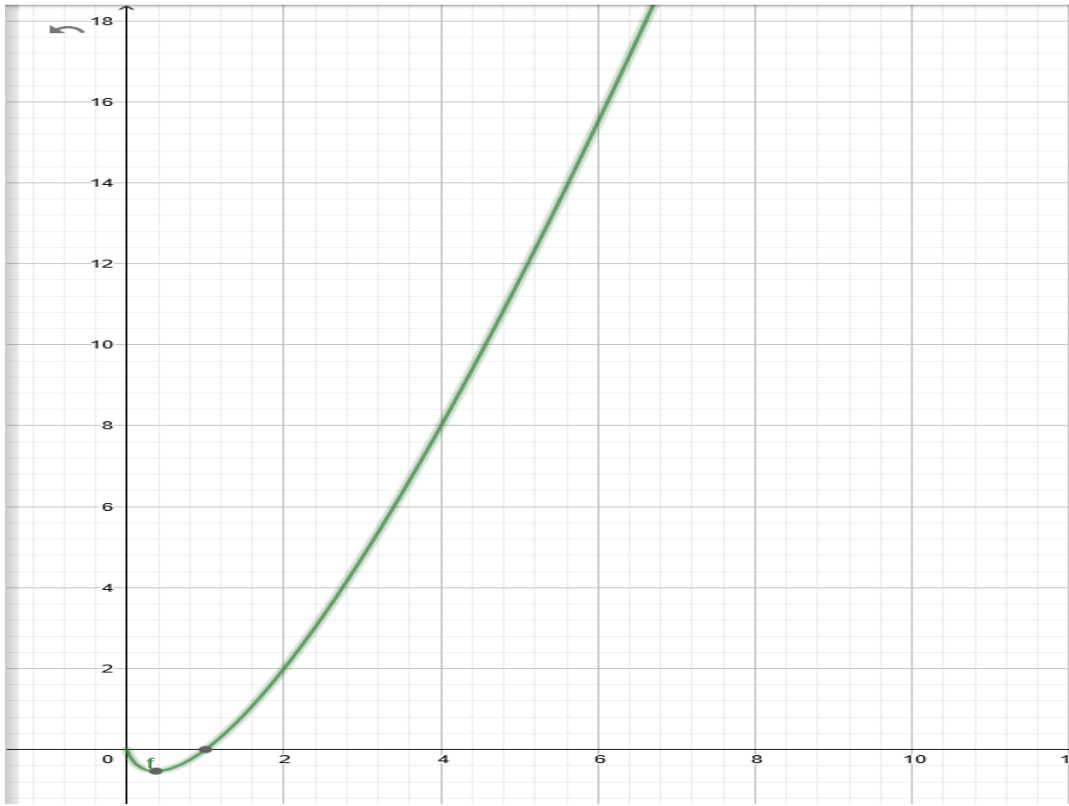


Figure 74: Grafica de la funcion  $f(x) = x \log_2(x)$

Ahora realizamos la implementacion del algoritmo para calcular su complejidad a posteriori. Se generan arboles aleatorios de  $n$  nodos y  $n$  aristas, donde  $(1 \leq n \leq 10000)$  y graficamos la correspondiente informacion para validar la proposicion de complejidad.



```
C:\Users\payan\Desktop\kruskal\bin\Debug\kruskal.exe
2542 - 455
234 - 673
329 - 1856
521 - 1940
638 - 2319
1078 - 1328
1365 - 2370
1491 - 1643
1528 - 2350
1644 - 1748
1727 - 1513
1849 - 1950
2238 - 1106
2342 - 571
2389 - 359
2478 - 1616
258 - 1424
430 - 2099
1037 - 1076
1515 - 1573
1651 - 1467
1766 - 119
1852 - 1293
2160 - 1280
2239 - 46
110 - 904
353 - 761
552 - 154
982 - 2471
1019 - 1
```

Figure 75: Ejecucion del algoritmo programado

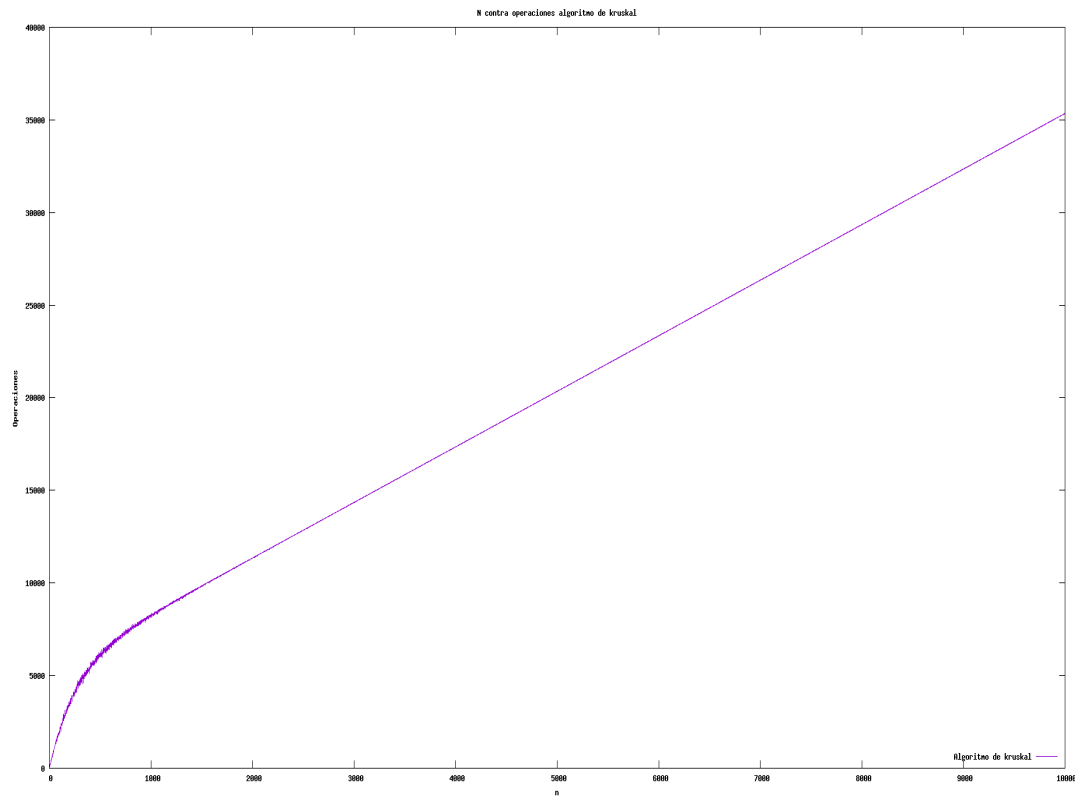
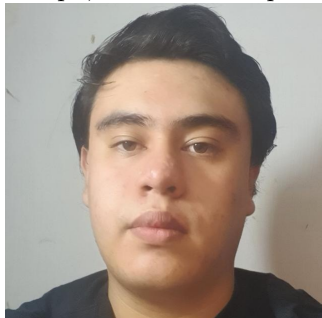


Figure 76: Grafica de n contra operaciones del algoritmo de Kruskal

## 4 Conclusiones

### 4.1 Payán Téllez René

Durante el desarrollo de esta practica hubo muchas cosas inesperadas, como el hecho de que por usar la STL no se pudo medir de forma eficiente la cantidad de operaciones, o que al momento de generar los archivos comprimidos, el metodo de encodeo de C/C++ los mantuvo relativamente del mismo tamaño que los originales. Tambien ocurrio que al momento de guardar el archivo comprimido y volverlo a leer sucedieron varios errores (se puede ver en los tamaños de los archivos), ya que se guardaba el caracter "EOF" o "End Of File", probocando que las funciones getfc dejaran de leer al momento de importar, esto sucedia ya que este caracter era uno posible por su codigo ascii (0x05), asi que se genero siempre que existiera la combinacion binaria "0000101". Aunque fue bastante intereser leer sobre el algoritmo de Kruskal, ya que es algo que estamos haciendo a mano en la clase de Metodos Cuantitativos para la Toma de Decisiones, entonces al menos con eso se que uno de sus usos en la vida real es el analisis de costos y resolucio del menor costo en un proyecto o menor tiempo, tambien sirve para encontrar la ruta critica.



## 5 Anexo

## 6 Bibliografía

- [1]<http://www.lcc.uma.es/~av/Libro/CAP3.pdf>
- [2][https://medium.com/@joseguillermo\\_/qu%C3%A9-es-la-complejidad-algor%C3%ADtmica-y-con-qu%C3%A9-se-come-2638e7fd9e8c](https://medium.com/@joseguillermo_/qu%C3%A9-es-la-complejidad-algor%C3%ADtmica-y-con-qu%C3%A9-se-come-2638e7fd9e8c)
- [3]<https://www.tamps.cinvestav.mx/~ertello/algorithms/sesion15.pdf>
- [4]<http://elvex.ugr.es/decsai/algorithms/slides/4%20greedy.pdf>
- [5]<https://riptutorial.com/es/algorithm/example/23995/codificacion-huffman>
- [6][https://es.wikipedia.org/wiki/Algoritmo\\_de\\_Kruskal](https://es.wikipedia.org/wiki/Algoritmo_de_Kruskal)
- [7]<https://www.wextensible.com/temas/voraces/kruskal-prim.html>
- [8][https://www.ecured.cu/Algoritmo\\_de\\_Kruskal](https://www.ecured.cu/Algoritmo_de_Kruskal)