

Einen rekursiven Aufruf gibt es nur in der dritten Gleichung.

Diese Gleichung wird wegen des Pattern Matching nur ausgeführt, wenn beide Argumente der Funktion die Form  $x:xs$  und  $y:ys$  haben.

Der rekursive Aufruf wird mit den Argumenten  $xs$  und  $y:ys$  bzw.  $ys$  und  $x:xs$  ausgeführt.

Wir müssen also zeigen, dass

$m(x:xs, y:ys) > m(xs, y:ys)$  bzw.  $m(x:xs, y:ys) > m(ys, x:xs)$  gilt.

Das sieht man wie folgt:

1. Fall  $x < y$

$m(x:xs, y:ys) = \text{length}(x:xs) + \text{length}(y:ys) = 1 + \text{length}(xs) + \text{length}(y:ys) = 1 + m(xs, y:ys) > m(xs, y:ys)$

2. Fall  $x \geq y$

$m(x:xs, y:ys) = \text{length}(x:xs) + \text{length}(y:ys) = 1 + \text{length}(ys) + \text{length}(x:xs) = 1 + m(ys, x:xs) > m(ys, x:xs)$