# Optimización de viajes compartidos en taxis utilizando algoritmos evolutivos

#### Gabriel Fagúndez de los Reyes Renzo Massobrio

Facultad de Ingeniería, Universidad de la República, Montevideo, Uruguay





#### Contenido

- Introducción
- Definición del problema
- Trabajo relacionado
- 4 Implementación
- Evaluación experimental
- 6 Planificador de viajes compartidos en línea
- Conclusiones y trabajo futuro

- Introducción
- 2 Definición del problema
- Trabajo relacionado
- 4 Implementación
- 5 Evaluación experimenta
- 6 Planificador de viajes compartidos en línea
- Conclusiones y trabajo futuro

#### Motivación

## Los viajes compartidos (Car Pooling)

- Beneficios en el plano ecológico y económico, individuales y colectivos.
- Iniciativas:
  - Carriles exclusivos
  - Campañas para compartir los viajes al trabajo
  - Aplicaciones para encontrar compañeros de viaje

## Los viajes compartidos en taxis (*Taxi Pooling*)

- Los taxis son un medio de transporte rápido y confiable.
- Raramente viajan a capacidad completa.
- Impactan en la congestión del tráfico y en la contaminación.
- Tarifas altas desalientan a los usuarios.

#### Motivación

# Los viajes compartidos (Car Pooling)

- Beneficios en el plano ecológico y económico, individuales y colectivos.
- Iniciativas:
  - Carriles exclusivos
  - Campañas para compartir los viajes al trabajo
  - Aplicaciones para encontrar compañeros de viaje

## Los viajes compartidos en taxis (Taxi Pooling)

- Los taxis son un medio de transporte rápido y confiable.
- Raramente viajan a capacidad completa.
- Impactan en la congestión del tráfico y en la contaminación.
- Tarifas altas desalientan a los usuarios.

- Introducción
- 2 Definición del problema
- Trabajo relacionado
- 4 Implementación
- 5 Evaluación experimental
- 6 Planificador de viajes compartidos en línea
- Conclusiones y trabajo futuro

## Problema de viajes compartidos en taxis (PVCT)

Un grupo de personas ubicadas en un **mismo lugar de origen**, desean viajar hacia **diferentes destinos** utilizando taxis de forma compartida. Se busca determinar la cantidad de taxis, la asignación de pasajeros y las rutas a seguir, de forma de minimizar el costo total del grupo de pasajeros.

- Cada taxi puede trasladar a un número limitado de pasajeros.
- El número máximo de taxis para N pasajeros es N.
- Costo de un taxi = costo inicial ("bajada de bandera") + costo determinado por la distancia.
- No se consideran otros posibles costos (e.g. esperas, propinas, peajes).

## Problema de viajes compartidos en taxis (PVCT)

Un grupo de personas ubicadas en un **mismo lugar de origen**, desean viajar hacia **diferentes destinos** utilizando taxis de forma compartida. Se busca determinar la cantidad de taxis, la asignación de pasajeros y las rutas a seguir, de forma de minimizar el costo total del grupo de pasajeros.

- Cada taxi puede trasladar a un número limitado de pasajeros.
- El número máximo de taxis para *N* pasajeros es *N*.
- Costo de un taxi = costo inicial ("bajada de bandera") + costo determinado por la distancia.
- No se consideran otros posibles costos (e.g. esperas, propinas, peajes).

# Problema de viajes compartidos en taxis (PVCT)

Un grupo de personas ubicadas en un **mismo lugar de origen**, desean viajar hacia **diferentes destinos** utilizando taxis de forma compartida. Se busca determinar la cantidad de taxis, la asignación de pasajeros y las rutas a seguir, de forma de minimizar el costo total del grupo de pasajeros.

- Cada taxi puede trasladar a un número limitado de pasajeros.
- El número máximo de taxis para N pasajeros es N.
- Costo de un taxi = costo inicial ("bajada de bandera") + costo determinado por la distancia.
- No se consideran otros posibles costos (e.g. esperas, propinas, peajes).

# Problema de viajes compartidos en taxis (PVCT)

Un grupo de personas ubicadas en un **mismo lugar de origen**, desean viajar hacia **diferentes destinos** utilizando taxis de forma compartida. Se busca determinar la cantidad de taxis, la asignación de pasajeros y las rutas a seguir, de forma de minimizar el costo total del grupo de pasajeros.

- Cada taxi puede trasladar a un número limitado de pasajeros.
- El número máximo de taxis para N pasajeros es N.
- Costo de un taxi = costo inicial ("bajada de bandera") + costo determinado por la distancia.
- No se consideran otros posibles costos (e.g. esperas, propinas, peajes).

## Problema de viajes compartidos en taxis (PVCT)

Un grupo de personas ubicadas en un **mismo lugar de origen**, desean viajar hacia **diferentes destinos** utilizando taxis de forma compartida. Se busca determinar la cantidad de taxis, la asignación de pasajeros y las rutas a seguir, de forma de minimizar el costo total del grupo de pasajeros.

- Cada taxi puede trasladar a un número limitado de pasajeros.
- El número máximo de taxis para N pasajeros es N.
- Costo de un taxi = costo inicial ("bajada de bandera") + costo determinado por la distancia.
- No se consideran otros posibles costos (e.g. esperas, propinas, peajes).

- Un conjunto de pasajeros  $P = \{p_1, p_2, \dots, p_N\}$  que viajan desde un origen común O a un conjunto de destinos  $D = \{d_1, d_2, \dots, d_N\}$ .
- Un conjunto de taxis  $T = \{t_1, t_2, \dots, t_M\}$ ; con  $M \leq N$ ; y una función  $C: T \to \{0, 1, \dots, C_{MAX}\}$  que indica la cantidad de pasajeros en un taxi.  $C_{MAX}$  es la capacidad máxima permitida en un mismo taxi.
- Una constante B indica el costo inicial del taxi ("bajada de bandera")
- Una función de distancia,  $dist: \{\{O\} \cup D\} \times D \to \mathbb{R}_0^+$ .
- Una función de costo asociado a la distancia recorrida por cada taxi,  $cost: \mathbb{R}^+_0 \to \mathbb{R}^+_0$ .

Se desea hallar la planificación  $f: P \to T \times \{1, \dots, C_{MAX}\}$  que minimice la función de costo total (CT).

$$CT = \sum_{t_i, C(t_i) \neq 0} \left[ B + \sum_{j=1}^{C(t_i)} cost \left( dist \underbrace{\left( dest \left( f^{-1}(t_i, j-1) \right), dest \left( f^{-1}(t_i, j) \right) \right)}_{\text{destinos consecutivos en el recorrido del taxi}} \right) \right]$$

- Un conjunto de pasajeros  $P = \{p_1, p_2, \dots, p_N\}$  que viajan desde un origen común O a un conjunto de destinos  $D = \{d_1, d_2, \dots, d_N\}$ .
- Un conjunto de taxis  $T = \{t_1, t_2, \dots, t_M\}$ ; con  $M \leq N$ ; y una función  $C: T \rightarrow \{0, 1, \dots, C_{MAX}\}$  que indica la cantidad de pasajeros en un taxi.  $C_{MAX}$  es la capacidad máxima permitida en un mismo taxi.
- Una constante B indica el costo inicial del taxi ("bajada de bandera")
- Una función de distancia,  $dist: \{\{O\} \cup D\} \times D \to \mathbb{R}_0^+$ .
- Una función de costo asociado a la distancia recorrida por cada taxi,  $cost: \mathbb{R}^+_0 \to \mathbb{R}^+_0$ .

Se desea hallar la planificación  $f: P \to T \times \{1, \dots, C_{MAX}\}$  que minimice la función de costo total (CT).

$$CT = \sum_{t_i, C(t_i) \neq 0} \left[ B + \sum_{j=1}^{C(t_i)} cost \left( dist \underbrace{\left( dest \left( f^{-1}(t_i, j-1) \right), dest \left( f^{-1}(t_i, j) \right) \right)}_{\text{destinos consecutivos en el recorrido del taxi}} \right) \right]$$

- Un conjunto de pasajeros  $P = \{p_1, p_2, \dots, p_N\}$  que viajan desde un origen común O a un conjunto de destinos  $D = \{d_1, d_2, \dots, d_N\}$ .
- Un conjunto de taxis  $T = \{t_1, t_2, \ldots, t_M\}$ ; con  $M \leq N$ ; y una función  $C: T \rightarrow \{0, 1, \ldots, C_{MAX}\}$  que indica la cantidad de pasajeros en un taxi.  $C_{MAX}$  es la capacidad máxima permitida en un mismo taxi.
- Una constante B indica el costo inicial del taxi ("bajada de bandera")
- Una función de distancia,  $dist: \{\{O\} \cup D\} \times D \to \mathbb{R}_0^+$ .
- Una función de costo asociado a la distancia recorrida por cada taxi,  $cost: \mathbb{R}^+_0 \to \mathbb{R}^+_0$ .

Se desea hallar la planificación  $f: P \to T \times \{1, ..., C_{MAX}\}$  que minimice la función de costo total (CT).

$$CT = \sum_{t_i, C(t_i) \neq 0} \left[ B + \sum_{j=1}^{C(t_i)} cost \left( dist \underbrace{\left( dest \left( f^{-1}(t_i, j-1) \right), dest \left( f^{-1}(t_i, j) \right) \right)}_{\text{destinos consecutivos en el recorrido del taxi}} \right) \right]$$

- Un conjunto de pasajeros  $P = \{p_1, p_2, \dots, p_N\}$  que viajan desde un origen común O a un conjunto de destinos  $D = \{d_1, d_2, \dots, d_N\}$ .
- Un conjunto de taxis  $T = \{t_1, t_2, \dots, t_M\}$ ; con  $M \leq N$ ; y una función  $C: T \rightarrow \{0, 1, \dots, C_{MAX}\}$  que indica la cantidad de pasajeros en un taxi.  $C_{MAX}$  es la capacidad máxima permitida en un mismo taxi.
- Una constante B indica el costo inicial del taxi ("bajada de bandera")
- Una función de distancia,  $dist: \{\{O\} \cup D\} \times D \to \mathbb{R}_0^+$ .
- Una función de costo asociado a la distancia recorrida por cada taxi,
   cost: R<sub>0</sub><sup>+</sup> → R<sub>0</sub><sup>+</sup>.

Se desea hallar la planificación  $f: P \to T \times \{1, \dots, C_{MAX}\}$  que minimice la función de costo total (CT).

$$CT = \sum_{t_i, C(t_i) \neq 0} \left[ B + \sum_{j=1}^{C(t_i)} cost \left( dist \underbrace{\left( dest \left( f^{-1}(t_i, j-1) \right), dest \left( f^{-1}(t_i, j) \right) \right)}_{\text{destinos consecutivos en el recorrido del taxi}} \right) \right]$$

- Un conjunto de pasajeros  $P = \{p_1, p_2, \dots, p_N\}$  que viajan desde un origen común O a un conjunto de destinos  $D = \{d_1, d_2, \dots, d_N\}$ .
- Un conjunto de taxis  $T = \{t_1, t_2, \dots, t_M\}$ ; con  $M \leq N$ ; y una función  $C: T \rightarrow \{0, 1, \dots, C_{MAX}\}$  que indica la cantidad de pasajeros en un taxi.  $C_{MAX}$  es la capacidad máxima permitida en un mismo taxi.
- Una constante B indica el costo inicial del taxi ("bajada de bandera")
- Una función de distancia,  $dist: \{\{O\} \cup D\} \times D \to \mathbb{R}_0^+$ .
- Una función de costo asociado a la distancia recorrida por cada taxi,  $cost: \mathbb{R}^+_0 \to \mathbb{R}^+_0$ .

Se desea hallar la planificación  $f: P \to T \times \{1, \dots, C_{MAX}\}$  que minimice la función de costo total (CT).

$$CT = \sum_{t_i, C(t_i) \neq 0} \left[ B + \sum_{j=1}^{C(t_i)} cost \left( dist \underbrace{\left( dest \left( f^{-1}(t_i, j-1) \right), dest \left( f^{-1}(t_i, j) \right) \right)}_{\text{destines consecutives on all receiving deal tax in the properties of the proper$$

- Un conjunto de pasajeros  $P = \{p_1, p_2, \dots, p_N\}$  que viajan desde un origen común O a un conjunto de destinos  $D = \{d_1, d_2, \dots, d_N\}$ .
- Un conjunto de taxis  $T = \{t_1, t_2, \ldots, t_M\}$ ; con  $M \leq N$ ; y una función  $C: T \to \{0, 1, \ldots, C_{MAX}\}$  que indica la cantidad de pasajeros en un taxi.  $C_{MAX}$  es la capacidad máxima permitida en un mismo taxi.
- Una constante B indica el costo inicial del taxi ("bajada de bandera")
- Una función de distancia,  $dist: \{\{O\} \cup D\} \times D \to \mathbb{R}_0^+$ .
- Una función de costo asociado a la distancia recorrida por cada taxi,  $cost: \mathbb{R}^+_0 \to \mathbb{R}^+_0$ .

Se desea hallar la planificación  $f: P \to T \times \{1, ..., C_{MAX}\}$  que minimice la función de costo total (CT).

$$CT = \sum_{t_i, C(t_i) \neq 0} \left[ B + \sum_{j=1}^{C(t_i)} cost \bigg( \textit{dist} \underbrace{\bigg( \textit{dest} \big( f^{-1}(t_i, j-1) \big), \textit{dest} \big( f^{-1}(t_i, j) \big) \bigg)}_{\text{destinos consecutivos en el recorrido del taxi } t_i} \right) \right]$$

# Variante multiobjetivo del PVCT: formulación matemática

## Se busca minimizar simultáneamente el costo total y la demora total.

$$CT = \sum_{t_i, C(t_i) \neq 0} \left[ B + \sum_{j=1}^{C(t_i)} cost \left( dist \left( dest \left( f^{-1}(t_i, j-1) \right), dest \left( f^{-1}(t_i, j) \right) \right) \right) \right]$$

tiempo efectivo de traslado del pasajero en la posición j del taxi t

$$DT = \sum_{t_i} \left[ \sum_{j=1}^{C(t_i)} \left[ \sum_{h=1}^{j} time \left( dest \left( f^{-1}(t_i, h - 1) \right), dest \left( f^{-1}(t_i, h) \right) \right) - \left( tol \left( f^{-1}(t_i, j) \right) + time \left( O, dest \left( f^{-1}(t_i, j) \right) \right) \right] \right]$$

- Cada pasajero tiene un "nivel de apuro" asociado.
- Se consideran vehículos con diferentes capacidades.

# Variante multiobjetivo del PVCT: formulación matemática

Se busca minimizar simultáneamente el costo total y la demora total.

$$CT = \sum_{t_i, C(t_i) \neq 0} \left[ B + \sum_{j=1}^{C(t_i)} cost \left( dist \left( dest \left( f^{-1}(t_i, j-1) \right), dest \left( f^{-1}(t_i, j) \right) \right) \right) \right]$$

tiempo efectivo de traslado del pasajero en la posición j del taxi t

$$DT = \sum_{t_i} \left[ \sum_{j=1}^{C(t_i)} \left[ \sum_{h=1}^{j} time\left(dest\left(f^{-1}(t_i, h-1)\right), dest\left(f^{-1}(t_i, h)\right)\right) - \left(tol\left(f^{-1}(t_i, j)\right) + time\left(O, dest\left(f^{-1}(t_i, j)\right)\right)\right) \right] \right]$$

- Cada pasajero tiene un "nivel de apuro" asociado.
- Se consideran vehículos con diferentes capacidades.

## Variante multiobjetivo del PVCT: formulación matemática

Se busca minimizar simultáneamente el costo total y la demora total.

$$CT = \sum_{t_i, C(t_i) \neq 0} \left[ B + \sum_{j=1}^{C(t_i)} cost \left( dist \underbrace{\left( dest \big( f^{-1}(t_i, j-1) \big), dest \big( f^{-1}(t_i, j) \big) \right)}_{\text{dest}} \right) \right]$$

tiempo efectivo de traslado del pasajero en la posición j del taxi  $t_i$ 

$$DT = \sum_{t_i} \left[ \sum_{j=1}^{C(t_i)} \left[ \sum_{h=1}^{j} time \left( dest \left( f^{-1}(t_i, h - 1) \right), dest \left( f^{-1}(t_i, h) \right) \right) - \left( \underbrace{tol \left( f^{-1}(t_i, j) \right) + time \left( O, dest \left( f^{-1}(t_i, j) \right) \right)}_{\text{tiempo tolerado por el pasajero en la posición } j \text{ del taxi } t_i \right]$$

- Cada pasajero tiene un "nivel de apuro" asociado.
- Se consideran vehículos con diferentes capacidades.

# Complejidad del PVCT

## Complejidad

Baldacci et al. (2004) estudiaron una variante del *Car Pooling Problem* (*CPP*) donde trabajadores desean compartir vehículos hacia y desde el lugar de trabajo.

Esta variante es un caso particular del *Vehicle Routing Problem (VRP)* con demanda unitaria, el cual es  $\mathcal{NP}$ -difícil [Letcheford et al. (2002)].

#### Estrategias de resolución

Cuando se utilizan instancias de tamaños realistas, los algoritmos exactos tradicionales no resultan útiles para una planificación eficiente.

Heurísticas y metaheurísticas permiten calcular soluciones de calidad acentable en tiempos razonables

# Complejidad del PVCT

## Complejidad

Baldacci et al. (2004) estudiaron una variante del *Car Pooling Problem* (*CPP*) donde trabajadores desean compartir vehículos hacia y desde el lugar de trabajo.

Esta variante es un caso particular del *Vehicle Routing Problem (VRP)* con demanda unitaria, el cual es  $\mathcal{NP}$ -difícil [Letcheford et al. (2002)].

## Estrategias de resolución

Cuando se utilizan instancias de tamaños realistas, los algoritmos exactos tradicionales no resultan útiles para una planificación eficiente.

Heurísticas y metaheurísticas permiten calcular soluciones de calidad aceptable en tiempos razonables.

- Introducción
- 2 Definición del problema
- Trabajo relacionado
- 4 Implementación
- Evaluación experimental
- 6 Planificador de viajes compartidos en línea
- Conclusiones y trabajo futuro

# Car pooling problem (CPP)

Yan et al. (2011) CPP con histórico de viajes (relajación lagrangeana).

## Dial-a-ride problem (DARP)

Cordeau et al. (2003) **DARP** estático con ventanas de tiempo Búsqueda tabú con tiempos de ejecución de hasta 90 minutos.

#### Taxi pooling problem (TPP)

Tao et al. (2007) Heurísticas ávidas para **one-to-many** y many-to-one. Las mejoras se reportan en términos absolutos.

Ma et al. (2013) TPP dinámico con pedidos en tiempo real. 13 % de ahorro en distancia con un algoritmo ávido en **instancias realistas**.

#### Resumer

## Car pooling problem (CPP)

Yan et al. (2011) CPP con histórico de viajes (relajación lagrangeana).

## Dial-a-ride problem (DARP)

Cordeau et al. (2003) **DARP estático con ventanas de tiempo**. Búsqueda tabú con tiempos de ejecución de hasta 90 minutos.

#### Taxi pooling problem (TPP)

Tao et al. (2007) Heurísticas ávidas para **one-to-many** y many-to-one. Las mejoras se reportan en términos absolutos.

Ma et al. (2013) TPP dinámico con pedidos en tiempo real.

#### Resumer

## Car pooling problem (CPP)

Yan et al. (2011) **CPP con histórico de viajes** (relajación lagrangeana).

## Dial-a-ride problem (DARP)

Cordeau et al. (2003) **DARP estático con ventanas de tiempo**. Búsqueda tabú con tiempos de ejecución de hasta 90 minutos.

## Taxi pooling problem (TPP)

Tao et al. (2007) Heurísticas ávidas para **one–to–many** y many–to–one. Las mejoras se reportan en términos absolutos.

Ma et al. (2013) TPP dinámico con pedidos en tiempo real.

 $13\,\%$  de ahorro en distancia con un algoritmo ávido en **instancias realistas**.

#### Resumer

## Car pooling problem (CPP)

Yan et al. (2011) **CPP con histórico de viajes** (relajación lagrangeana).

## Dial-a-ride problem (DARP)

Cordeau et al. (2003) **DARP estático con ventanas de tiempo**. Búsqueda tabú con tiempos de ejecución de hasta 90 minutos.

## Taxi pooling problem (TPP)

Tao et al. (2007) Heurísticas ávidas para **one-to-many** y many-to-one. Las mejoras se reportan en términos absolutos.

Ma et al. (2013) TPP dinámico con pedidos en tiempo real.

 $13\,\%$  de ahorro en distancia con un algoritmo ávido en **instancias realistas**.

#### Resumen

- Introducción
- 2 Definición del problema
- Trabajo relacionado
- 4 Implementación
- 5 Evaluación experimenta
- 6 Planificador de viajes compartidos en línea
- Conclusiones y trabajo futuro

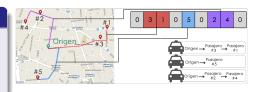
- Los algoritmos evolutivos (AE) son técnicas estocásticas que emulan el proceso de evolución natural de las especies para resolver problemas de optimización, búsqueda y aprendizaje.
- Un AE es una técnica iterativa (cada iteración se denomina generación) que aplica operadores estocásticos sobre un conjunto de individuos (la población).
- Cada individuo en la población codifica una solución tentativa al problema y tiene un valor de fitness, dado por una función de evaluación que determina su adecuación para resolver el problema.
- El propósito del AE es mejorar el fitness de los individuos en la población mediante la aplicación iterativa de operadores evolutivos a individuos seleccionados según su fitness, guiando al AE hacia soluciones tentativas de mayor calidad.

- Los algoritmos evolutivos (AE) son técnicas estocásticas que emulan el proceso de evolución natural de las especies para resolver problemas de optimización, búsqueda y aprendizaje.
- Un AE es una técnica iterativa (cada iteración se denomina generación) que aplica operadores estocásticos sobre un conjunto de individuos (la población).
- Cada individuo en la población codifica una solución tentativa al problema y tiene un valor de fitness, dado por una función de evaluación que determina su adecuación para resolver el problema.
- El propósito del AE es mejorar el fitness de los individuos en la población mediante la aplicación iterativa de operadores evolutivos a individuos seleccionados según su fitness, guiando al AE hacia soluciones tentativas de mayor calidad.

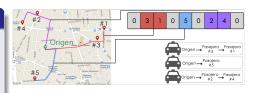
- Los algoritmos evolutivos (AE) son técnicas estocásticas que emulan el proceso de evolución natural de las especies para resolver problemas de optimización, búsqueda y aprendizaje.
- Un AE es una técnica iterativa (cada iteración se denomina generación) que aplica operadores estocásticos sobre un conjunto de individuos (la población).
- Cada individuo en la población codifica una solución tentativa al problema y tiene un valor de fitness, dado por una función de evaluación que determina su adecuación para resolver el problema.
- El propósito del AE es mejorar el fitness de los individuos en la población mediante la aplicación iterativa de operadores evolutivos a individuos seleccionados según su fitness, guiando al AE hacia soluciones tentativas de mayor calidad.

- Los algoritmos evolutivos (AE) son técnicas estocásticas que emulan el proceso de evolución natural de las especies para resolver problemas de optimización, búsqueda y aprendizaje.
- Un AE es una técnica iterativa (cada iteración se denomina generación) que aplica operadores estocásticos sobre un conjunto de individuos (la población).
- Cada individuo en la población codifica una solución tentativa al problema y tiene un valor de fitness, dado por una función de evaluación que determina su adecuación para resolver el problema.
- El propósito del AE es mejorar el fitness de los individuos en la población mediante la aplicación iterativa de operadores evolutivos a individuos seleccionados según su fitness, guiando al AE hacia soluciones tentativas de mayor calidad.

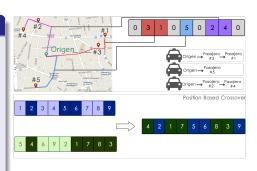
- Tuplas de largo 2N 1N = #pasajeros.
- Inicialización:
   aleatoria y ávida
- Cruzamiento basado en posición (PBX).
- Mutación por intercambio (EM).
- Función correctiva:
   desplaza ceros para
   romper secuencias de
   dígitos inválidas.
- Implementados en Malva.



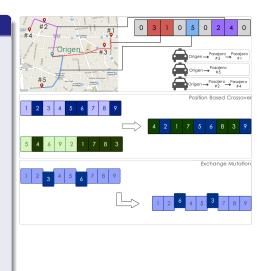
- Tuplas de largo 2N 1N = #pasajeros.
- Inicialización: aleatoria y ávida.
- Cruzamiento basado en posición (PBX).
- Mutación por intercambio (EM).
- Función correctiva:
   desplaza ceros para
   romper secuencias de
   dígitos inválidas.
- Implementados en Malva.



- Tuplas de largo 2N 1N = #pasajeros.
- Inicialización: aleatoria y ávida.
- Cruzamiento basado en posición (PBX).
- Mutación por intercambio (EM).
- Función correctiva:
   desplaza ceros para
   romper secuencias de
   dígitos inválidas.
- Implementados en Malva.

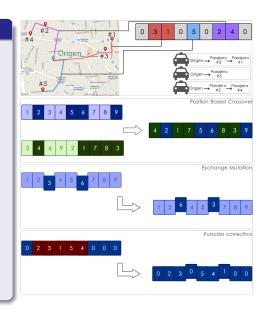


- Tuplas de largo 2N 1N = #pasajeros.
- Inicialización: aleatoria y ávida.
- Cruzamiento basado en posición (PBX).
- Mutación por intercambio (EM).
- Función correctiva:
   desplaza ceros para
   romper secuencias de
   dígitos inválidas.
- Implementados en Malva.



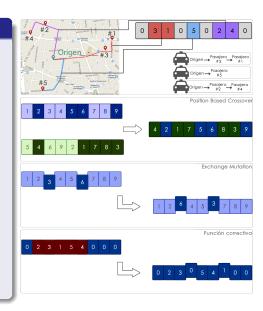
### Aspectos comunes

- Tuplas de largo 2N 1N = #pasajeros.
- Inicialización: aleatoria y ávida.
- Cruzamiento basado en posición (PBX).
- Mutación por intercambio (EM).
- Función correctiva:
   desplaza ceros para
   romper secuencias de
   dígitos inválidas.
- Implementados en Malva.



### Aspectos comunes

- Tuplas de largo 2N 1N = #pasajeros.
- Inicialización: aleatoria y ávida.
- Cruzamiento basado en posición (PBX).
- Mutación por intercambio (EM).
- Función correctiva:
   desplaza ceros para
   romper secuencias de
   dígitos inválidas.
- Implementados en Malva.



### seqEA

AE secuencial. Utiliza selección proporcional.

### Modelos paralelos en AE

Buscan mejorar el desempeño de los AE.

Modelo de subpoblaciones distribuidas: divide la población en islas que intercambian individuos mediante migración.

### AE paralelo con micro-población ( $p\mu EA$

- Poblaciones pequeñas.
- Selección por torneo (m, k).
- Migración asíncrona.
- Topología de anillo unidireccional.

### seqEA

AE secuencial. Utiliza selección proporcional.

### Modelos paralelos en AE

Buscan mejorar el desempeño de los AE.

Modelo de subpoblaciones distribuidas: divide la población en islas que intercambian individuos mediante migración.

### AE paralelo con micro-población ( $p\mu EA$

- Poblaciones pequeñas.
- Selección por torneo (m, k).
- Migración asíncrona.
- Topología de anillo unidireccional.

### seqEA

AE secuencial. Utiliza selección proporcional.

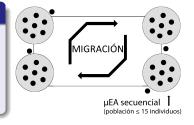
### Modelos paralelos en AE

Buscan mejorar el desempeño de los AE.

Modelo de subpoblaciones distribuidas: divide la población en islas que intercambian individuos mediante migración.

### AE paralelo con micro-población $(p\mu EA)$

- Poblaciones pequeñas.
- Selección por torneo (m, k).
- Migración asíncrona.
- Topología de anillo unidireccional.



### Propósitos en AE multiobjetivos (MOEA)

Acercarse al frente de Pareto del problema (convergencia) y muestrear adecuadamente el frente de soluciones (diversidad).

### $p\mu MOEA/D$

$$F = w_C \times CT + w_D \times DT$$
,  
 $w_C = [0: \frac{1}{\# islas}: 1], w_D = 1 - w_C$ .

#### NSGA-I

Ordenamiento no-dominado (elitista) y crowding para preservar diversidad.

### Aspectos comunes

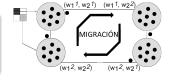
Función correctiva considera vehículos de distintas capacidades. Inicialización de la población ávida y selección por torneo.

### Propósitos en AE multiobjetivos (MOEA)

Acercarse al frente de Pareto del problema (convergencia) y muestrear adecuadamente el frente de soluciones (diversidad).

## $p\mu MOEA/D$

$$F = w_C \times CT + w_D \times DT,$$
  
$$w_C = [0: \frac{1}{\# islas}: 1], w_D = 1 - w_C.$$



#### NSGA-I

Ordenamiento no-dominado (elitista) y crowding para preservar diversidad

### Aspectos comunes

Función correctiva considera vehículos de distintas capacidades. Inicialización de la población ávida y selección por torneo.

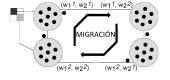
### Propósitos en AE multiobjetivos (MOEA)

Acercarse al frente de Pareto del problema (convergencia) y muestrear adecuadamente el frente de soluciones (diversidad).

## $p\mu MOEA/D$

$$F = w_C \times CT + w_D \times DT,$$

$$w_C = [0: \frac{1}{\#islas}: 1], w_D = 1 - w_C.$$



### NSGA-II

Ordenamiento no-dominado (elitista) y crowding para preservar diversidad.

### Aspectos comunes

Función correctiva considera vehículos de distintas capacidades. Inicialización de la población ávida y selección por torneo.

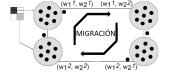
### Propósitos en AE multiobjetivos (MOEA)

Acercarse al frente de Pareto del problema (convergencia) y muestrear adecuadamente el frente de soluciones (diversidad).

## $p\mu MOEA/D$

$$F = w_C \times CT + w_D \times DT,$$

$$w_C = [0: \frac{1}{\#islas}: 1], w_D = 1 - w_C.$$



### NSGA-II

Ordenamiento no-dominado (elitista) y crowding para preservar diversidad.

### Aspectos comunes

Función correctiva considera vehículos de distintas capacidades. Inicialización de la población ávida y selección por torneo.

- Introducción
- 2 Definición del problema
- Trabajo relacionado
- 4 Implementación
- 5 Evaluación experimental
- 6 Planificador de viajes compartidos en línea
- Conclusiones y trabajo futuro

## Generación de puntos realistas en el mapa

- Generador de Pedidos de Taxis (TQG) con datos de GPS de taxis de Beijing (Ma et al., 2013).
- Script para obtener instancias de un origen a muchos destinos.
- API para obtener tarifas TaxiFareFinder (TFF).
- Instancias en Montevideo generadas manualmente.

- 6 chicas: 10 y 15 pasajeros (Beijing).
- 6 medianas: 15 y 25 pasajeros (Beijing)
- 6 grandes: 25 y 45 pasajeros (Beijing).
- 4 en Montevideo: 8 y 17 pasajeros (Montevideo).
- 22 instancias para el PVCT monoobjetivo y 88 instancias para el PVCT multiobjetivo, variando capacidades y tolerancias.

## Generación de puntos realistas en el mapa

- Generador de Pedidos de Taxis (TQG) con datos de GPS de taxis de Beijing (Ma et al., 2013).
- Script para obtener instancias de un origen a muchos destinos.
- API para obtener tarifas TaxiFareFinder (TFF).
- Instancias en Montevideo generadas manualmente.

- 6 chicas: 10 y 15 pasajeros (Beijing).
- 6 medianas: 15 y 25 pasajeros (Beijing)
- 6 grandes: 25 y 45 pasajeros (Beijing).
- 4 en Montevideo: 8 y 17 pasajeros (Montevideo).
- 22 instancias para el PVCT monoobjetivo y 88 instancias para el PVCT multiobjetivo, variando capacidades y tolerancias.

## Generación de puntos realistas en el mapa

- Generador de Pedidos de Taxis (TQG) con datos de GPS de taxis de Beijing (Ma et al., 2013).
- Script para obtener instancias de un origen a muchos destinos.
- API para obtener tarifas TaxiFareFinder (TFF).
- Instancias en Montevideo generadas manualmente.

- 6 chicas: 10 y 15 pasajeros (Beijing).
- 6 medianas: 15 y 25 pasajeros (Beijing)
- 6 grandes: 25 y 45 pasajeros (Beijing).
- 4 en Montevideo: 8 y 17 pasajeros (Montevideo).
- 22 instancias para el PVCT monoobjetivo y 88 instancias para el PVCT multiobjetivo, variando capacidades y tolerancias.

## Generación de puntos realistas en el mapa

- Generador de Pedidos de Taxis (TQG) con datos de GPS de taxis de Beijing (Ma et al., 2013).
- Script para obtener instancias de un origen a muchos destinos.
- API para obtener tarifas TaxiFareFinder (TFF).
- Instancias en Montevideo generadas manualmente.

### Instancias generadas

- 6 chicas: 10 y 15 pasajeros (Beijing).
- 6 medianas: 15 y 25 pasajeros (Beijing)
- 6 grandes: 25 y 45 pasajeros (Beijing).
- 4 en Montevideo: 8 y 17 pasajeros (Montevideo).

22 instancias para el PVCT monoobjetivo y 88 instancias para el PVCT multiobjetivo, variando capacidades y tolerancias.

### Generación de puntos realistas en el mapa

- Generador de Pedidos de Taxis (TQG) con datos de GPS de taxis de Beijing (Ma et al., 2013).
- Script para obtener instancias de un origen a muchos destinos.
- API para obtener tarifas TaxiFareFinder (TFF).
- Instancias en Montevideo generadas manualmente.

- 6 chicas: 10 y 15 pasajeros (Beijing).
- 6 medianas: 15 y 25 pasajeros (Beijing).
- 6 grandes: 25 y 45 pasajeros (Beijing).
- 4 en Montevideo: 8 y 17 pasajeros (Montevideo).
- 22 instancias para el PVCT monoobjetivo y 88 instancias para el PVCT multiobjetivo, variando capacidades y tolerancias.

# Metodología

### Entorno de ejecución

- Evaluación experimental realizada en el Cluster FING.
- La infraestructura fue utilizada de modo exclusivo para evitar interferencias.



### Comparación de resultados

- 30 ejecuciones independientes de cada algoritmo sobre cada instancia.
- Criterio de parada: 10.000 generaciones.
- Tests estadísticos sobre las distribuciones de resultados:
  - Shapiro-Wilk sobre cada muestra para contrastar normalidad.
  - Kruskal-Wallis para comparar las muestras entre sí.
- En ambos tests se utiliza un nivel de confianza del 95 % ( $\alpha = 0.05$ ).

# Metodología

### Entorno de ejecución

- Evaluación experimental realizada en el Cluster FING.
- La infraestructura fue utilizada de modo exclusivo para evitar interferencias.



### Comparación de resultados

- 30 ejecuciones independientes de cada algoritmo sobre cada instancia.
- Criterio de parada: **10.000 generaciones**.
- Tests estadísticos sobre las distribuciones de resultados:
  - Shapiro-Wilk sobre cada muestra para contrastar normalidad.
  - Kruskal-Wallis para comparar las muestras entre sí.
- En ambos tests se utiliza un nivel de confianza del 95 % ( $\alpha = 0.05$ ).

# PVCT monoobjetivo

### Entorno de ejecución

- seqEA: Dell Power Edge 2950, 1 núcleo de Intel Xeon E5430 2.66GHz, 8GB RAM.
- pμEA: HP Proliant DL585, 24 núcleos de AMD Opteron 2.09GHz, 48GB RAM.

- seqEA:  $\#P \in \{150, 200, 250\}$ ;  $p_C \in \{0,6,0,75,0,95\}$ ;  $p_M \in \{0,001,0,01,0,1\}$ .
- **p** $\mu$ **EA**: micro–población de 15 individuos, torneo (m = 2, k = 1), migración cada 500 generaciones.  $p_C \in \{0.6, 0.75, 0.95\}$ :  $p_M \in \{0.001, 0.01, 0.1\}$

# PVCT monoobjetivo

## Entorno de ejecución

- seqEA: Dell Power Edge 2950, 1 núcleo de Intel Xeon E5430 2.66GHz, 8GB RAM.
- pμEA: HP Proliant DL585, 24 núcleos de AMD Opteron 2.09GHz, 48GB RAM.

- **seqEA**:  $\#P \in \{150, 200, 250\}$ ;  $p_C \in \{0,6, 0,75, 0,95\}$ ;  $p_M \in \{0,001, 0,01, 0,1\}$ .
- **p** $\mu$ **EA**: micro–población de 15 individuos, torneo (m=2, k=1), migración cada 500 generaciones. **p** $_C \in \{0.6, 0.75, 0.95\}$ :  $p_M \in \{0.001, 0.01, 0.1\}$ .

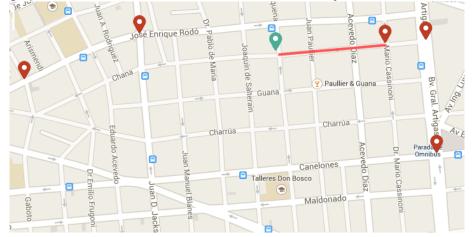
# PVCT monoobjetivo

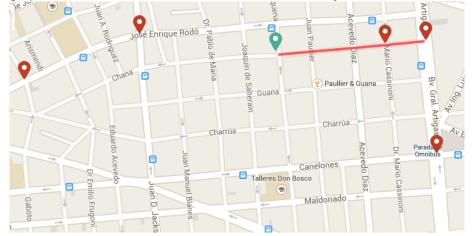
## Entorno de ejecución

- seqEA: Dell Power Edge 2950, 1 núcleo de Intel Xeon E5430 2.66GHz, 8GB RAM.
- pμEA: HP Proliant DL585, 24 núcleos de AMD Opteron 2.09GHz, 48GB RAM.

- **seqEA**:  $\#P \in \{150, 200, 250\}$ ;  $p_C \in \{0,6,0,75,0,95\}$ ;  $p_M \in \{0,001,0,01,0,1\}$ .
- $p\mu$ EA: micro-población de 15 individuos, torneo (m=2, k=1), migración cada 500 generaciones.
  - $p_C \in \{0,6,\frac{0,75}{0},0,95\}; p_M \in \{0,001,0,01,\frac{0,1}{0}\}.$



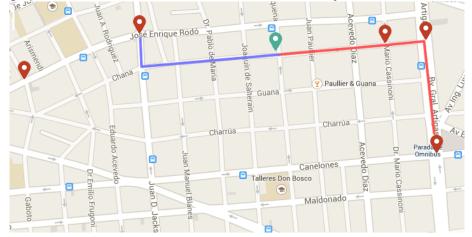














# Comparativa de métodos de inicialización

## Resultados seqEA

- Inicialización ávida supera a inicialización aleatoria en 10 instancias.
- Inicialización aleatoria supera a inicialización ávida en 2 instancias.
- No hay diferencias estadísticamente significativas en 10 instancias.

### Resultados pµEA

- Inicialización ávida supera a inicialización aleatoria en 11 instancias.
- No hay instancias en las que la inicialización aleatoria supere a la inicialización ávida.
- No hay diferencias estadísticamente significativas en 11 instancias.

### Conclusión

Se utiliza la inicialización ávida para el resto de la evaluación experimental.

# Comparativa de métodos de inicialización

## Resultados seqEA

- Inicialización ávida supera a inicialización aleatoria en 10 instancias.
- Inicialización aleatoria supera a inicialización ávida en 2 instancias.
- No hay diferencias estadísticamente significativas en 10 instancias.

### Resultados $p\mu EA$

- Inicialización ávida supera a inicialización aleatoria en 11 instancias.
- No hay instancias en las que la inicialización aleatoria supere a la inicialización ávida.
- No hay diferencias estadísticamente significativas en 11 instancias.

### Conclusión

Se utiliza la inicialización ávida para el resto de la evaluación experimental.

# Comparativa de métodos de inicialización

## Resultados seqEA

- Inicialización ávida supera a inicialización aleatoria en 10 instancias.
- Inicialización aleatoria supera a inicialización ávida en 2 instancias.
- No hay diferencias estadísticamente significativas en 10 instancias.

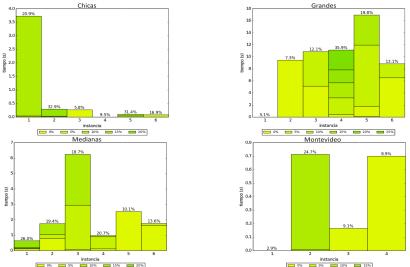
### Resultados $p\mu EA$

- Inicialización ávida supera a inicialización aleatoria en 11 instancias.
- No hay instancias en las que la inicialización aleatoria supere a la inicialización ávida.
- No hay diferencias estadísticamente significativas en 11 instancias.

### Conclusión

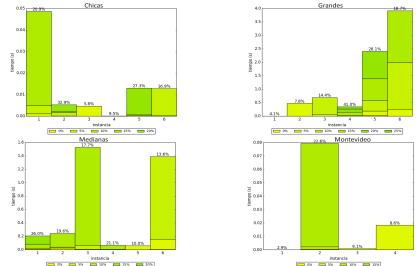
Se utiliza la inicialización ávida para el resto de la evaluación experimental.

# Mejoras seqEA sobre algoritmo ávido



Se alcanzaron mejoras en **todas** las instancias. En el mejor caso se superó el costo del algoritmo ávido en un 35.9 % (instancia grandes #4).

# Mejoras $p\mu EA$ sobre algoritmo ávido



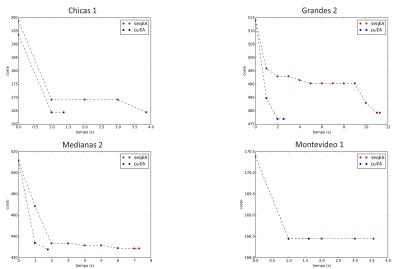
Se alcanzaron mejoras en **todas** las instancias. En el mejor caso se superó el costo del algoritmo ávido en un 41.0 % (instancia grandes #4).

# Comparativa seqEA vs. $p\mu EA$

instancia		seqEA		ρμΕΑ		pvK-W
		min(c)	$\overline{c} \pm std$	min(c)	$\overline{c} \pm std$	
chicas	#1	164.4	$165.6 \pm 2.0$	164.4	164.4±0.0	$0.2 \times 10^{-3}$
	#2	220.7	225.7±5.0	220.7	220.7±0.0	$9.7 \times 10^{-6}$
	#3	160.4	$160.4 \pm 0.0$	160.4	$160.4 \pm 0.0$	1.0
	#4	181.3	$181.3 \pm 0.1$	181.3	$182.4 \pm 1.9$	$0.5 \times 10^{-1}$
	#5	152.1	$155.6 \pm 4.5$	152.1	$152.1 \pm 0.0$	$5.1 \times 10^{-6}$
	#6	118.4	$119.6 \pm 2.5$	118.4	$118.4 \pm 0.0$	$0.1 \times 10^{-1}$
medianas	#1	211.9	216.0±4.2	211.9	211.9±0.0	5.2×10 <sup>-11</sup>
	#2	428.6	444.1±11.7	427.9	429.4±1.6	$7.0 \times 10^{-10}$
	#3	361.7	$378.7 \pm 6.5$	364.5	370.4±4.5	$1.6 \times 10^{-6}$
	#4	267.5	279.8±5.5	266.8	266.8±0.0	$7.6 \times 10^{-12}$
	#5	479.3	487.1±6.5	479.6	479.8±0.2	$5.1 \times 10^{-7}$
	#6	306.0	321.2±7.7	306.0	307.7±3.4	$2.0 \times 10^{-9}$
grandes	#1	421.9	435.1±5.0	425.9	437.7±3.2	$0.1 \times 10^{-1}$
	#2	479.3	489.9±4.3	477.0	481.1±2.3	$1.9 \times 10^{-9}$
	#3	332.8	349.7±7.7	326.3	331.7±4.0	$2.6 \times 10^{-10}$
	#4	351.1	390.7±26.3	338.4	$344.8 \pm 6.1$	$5.1 \times 10^{-11}$
	#5	395.9	429.6±16.2	370.2	380.0±4.4	$2.7 \times 10^{-11}$
	#6	360.8	$382.4 \pm 8.1$	343.8	350.6±3.8	$2.6 \times 10^{-11}$
Montevideo	#1	168.4	168.4±0.0	168.4	168.4±0.0	1.0
	#2	319.3	331.2±3.8	324.9	328.6±3.2	$5.6 \times 10^{-6}$
	#3	266.7	$269.1 \pm 2.3$	266.7	266.7±0.0	$3.1 \times 10^{-7}$
	#4	303.2	$304.7 \pm 0.5$	304.1	$304.5 {\pm} 0.4$	0.1

 $p\mu EA$  supera a seqEA en 17 de 22 instancas. Únicamente en 1 instancia seqEA supera a  $p\mu EA$ .

# Evolución del costo a lo largo de una ejecución



 $p\mu EA$  alcanza mejores soluciones que seqEA en menos tiempo. En el mejor caso alcanza una aceleración de 7,5x (4,6x en promedio).

# PVCT multiobjetivo

## Entorno de ejecución

- **p**μ**MOEA/D**: HP Proliant DL585, **24 núcleos** de AMD Opteron 2.09GHz, 48GB RAM.
- NSGA-II: HP Proliant DL385 G7, 1 núcleo de AMD Opteron 6172 2.10GHz, 72GB RAM.

- **p** $\mu$ **MOEA/D**: #P=15; selección por torneo (m=2, k=1); migración cada 1000 generaciones reemplazando a los peores individuos  $p_C \in \{0,6,0,75,0,95\}$ ;  $p_M \in \{0,001,0,01,0,1\}$
- **NSGA-II**: #P = 80; selección por torneo (m = 2, k = 1);  $p_C \in \{0,6,0,75,0,95\}$ ;  $p_M \in \{0,001,0,01,0,1\}$ .

# PVCT multiobjetivo

### Entorno de ejecución

- **p**μ**MOEA/D**: HP Proliant DL585, **24 núcleos** de AMD Opteron 2.09GHz, 48GB RAM.
- NSGA-II: HP Proliant DL385 G7, 1 núcleo de AMD Opteron 6172 2.10GHz, 72GB RAM.

#### Configuración paramétrica,

- **p** $\mu$ **MOEA/D**: #P = 15; selección por torneo (m = 2, k = 1); migración cada 1000 generaciones reemplazando a los peores individuos  $p_C \in \{0,6,0,75,0,95\}$ ;  $p_M \in \{0,001,0,01,0,1\}$
- **NSGA-II**: #P = 80; selección por torneo (m = 2, k = 1);  $p_C \in \{0,6,\frac{0,75}{0},0,95\}$ ;  $p_M \in \{0,001,0,01,\frac{0,1}{0}\}$ .

# Algoritmos ávidos

# Algoritmo ávido para minimizar el costo

Similar al de la variante monoobjetivo pero considerando las distintas capacidades de los vehículos.

#### Algoritmo ávido para minimizar la demora

- Se crea un taxi vacío para cada pasajero con nivel máximo de apuro y se los ubica en la primera posición.
- Luego, se recorre la lista de pasajeros no asignados en orden de apuro, colocándolos en el taxi que minimice su demora.
- Si el taxi alcanza la máxima capacidad disponible, se lo considera completo y no acepta más pasajeros.

# Algoritmos ávidos

## Algoritmo ávido para minimizar el costo

Similar al de la variante monoobjetivo pero considerando las distintas capacidades de los vehículos.

### Algoritmo ávido para minimizar la demora

- Se crea un taxi vacío para cada pasajero con nivel máximo de apuro y se los ubica en la primera posición.
- Luego, se recorre la lista de pasajeros no asignados en orden de apuro, colocándolos en el taxi que minimice su demora.
- Si el taxi alcanza la máxima capacidad disponible, se lo considera completo y no acepta más pasajeros.

### $p\mu MOEA/D$

#### Hasta 101.2% de mejora en demora y 72.8% en costo sobre ávidos.

	$7.9\pm3.4(2.0)$		
Montevideo		663.5±542.4 (61.5)	

Buena convergencia y diversidad. Pocas soluciones no dominadas

#### NSGA-II

#### Hasta 105.2% de mejora en demora y 75.1% en costo sobre ávidos.

	#ND	DG	spacing	spread	RHV
chicas	32.6±9.5 (55.0)	0.3±0.6 (0.0)	236.2±222.7 (43.2)	0.9±0.1 (0.7)	1.0±0.0 (1.0)
medianas	54.5±4.2 (67.0)	$1.0\pm0.7\ (0.0)$	193.6±202.4 (26.2)	$0.7\pm0.2\ (0.4)$	$1.0\pm0.0\ (1.0)$
grandes	55.2±3.5 (67.0)	$1.8\pm1.1\ (0.4)$	243.6±229.8 (26.4)	$0.7\pm0.2\ (0.4)$	$1.0\pm0.0\ (1.0)$
Montevideo	43.9±16.4 (61.0)	$0.4\pm0.5~(0.0)$	142.3±143.2 (20.8)	$0.8\pm0.1\ (0.5)$	$1.0\pm0.0\ (1.0)$

### $p\mu MOEA/D$

Hasta 101.2 % de mejora en demora y 72.8 % en costo sobre ávidos.

	#ND	DG	spacing	spread	RHV
chicas	8.5±2.1 (16.0)	3.1±2.5 (0.0)	740.2±746.3 (58.1)	0.6±0.2 (0.1)	0.9±0.1 (1.0)
medianas	9.1±2.2 (19.0)	5.7±2.5 (0.0)	1448.5±1064.1 (141.6)	$0.6\pm0.1\ (0.1)$	$0.9\pm0.1\ (1.0)$
grandes	8.5±2.2 (17.0)	$7.9\pm3.4$ (2.0)	2917.2±2041.5 (175.3)	$0.6\pm0.1\ (0.0)$	$0.8\pm0.1\ (1.0)$
Montevideo	8.0±2.1 (14.0)	3.0±2.0 (0.0)	663.5±542.4 (61.5)	0.6±0.2 (0.0)	0.9±0.0 (1.0)

Buena convergencia y diversidad. Pocas soluciones no dominadas.

#### NSGA-L

Hasta 105.2 % de mejora en demora y 75.1 % en costo sobre ávidos

	#ND	DG	spacing	spread	RHV
chicas	32.6±9.5 (55.0)	0.3±0.6 (0.0)	236.2±222.7 (43.2)	$0.9\pm0.1\ (0.7)$	1.0±0.0 (1.0)
medianas	54.5±4.2 (67.0)	$1.0\pm0.7\ (0.0)$	193.6±202.4 (26.2)	$0.7\pm0.2\ (0.4)$	$1.0\pm0.0\ (1.0)$
grandes	55.2±3.5 (67.0)	$1.8\pm1.1\ (0.4)$	243.6±229.8 (26.4)	$0.7\pm0.2\ (0.4)$	$1.0\pm0.0\ (1.0)$
Montevideo	43.9±16.4 (61.0)	$0.4 \pm 0.5 \; (0.0)$	142.3±143.2 (20.8)	$0.8\pm0.1\ (0.5)$	$1.0\pm0.0\ (1.0)$

### $p\mu MOEA/D$

Hasta 101.2 % de mejora en demora y 72.8 % en costo sobre ávidos.

	#ND	DG	spacing	spread	RHV
chicas	8.5±2.1 (16.0)	3.1±2.5 (0.0)	740.2±746.3 (58.1)	0.6±0.2 (0.1)	0.9±0.1 (1.0)
medianas	$9.1\pm2.2\ (19.0)$	$5.7\pm2.5~(0.0)$	1448.5±1064.1 (141.6)	$0.6\pm0.1\ (0.1)$	$0.9\pm0.1\ (1.0)$
grandes	$8.5\pm2.2\ (17.0)$	$7.9\pm3.4$ (2.0)	2917.2±2041.5 (175.3)	$0.6\pm0.1\ (0.0)$	$0.8\pm0.1\ (1.0)$
Montevideo	8.0±2.1 (14.0)	3.0±2.0 (0.0)	663.5±542.4 (61.5)	0.6±0.2 (0.0)	0.9±0.0 (1.0)

Buena convergencia y diversidad. Pocas soluciones no dominadas.

#### NSGA-II

Hasta 105.2 % de mejora en demora y 75.1 % en costo sobre ávidos.

				RHV
				1.0±0.0 (1.0)
	54.5±4.2 (67.0)		193.6±202.4 (26.2)	$1.0\pm0.0\ (1.0)$
		$1.8\pm1.1\ (0.4)$		$1.0\pm0.0\ (1.0)$
Montevideo				$1.0\pm0.0\ (1.0)$

### $p\mu MOEA/D$

Hasta 101.2 % de mejora en demora y 72.8 % en costo sobre ávidos.

	#ND	DG	spacing	spread	RHV
chicas	8.5±2.1 (16.0)	3.1±2.5 (0.0)	740.2±746.3 (58.1)	0.6±0.2 (0.1)	0.9±0.1 (1.0)
medianas	9.1±2.2 (19.0)	5.7±2.5 (0.0)	1448.5±1064.1 (141.6)	$0.6\pm0.1\ (0.1)$	$0.9\pm0.1\ (1.0)$
grandes	8.5±2.2 (17.0)	$7.9\pm3.4$ (2.0)	2917.2±2041.5 (175.3)	$0.6\pm0.1\ (0.0)$	$0.8\pm0.1\ (1.0)$
Montevideo	8.0±2.1 (14.0)	3.0±2.0 (0.0)	663.5±542.4 (61.5)	0.6±0.2 (0.0)	0.9±0.0 (1.0)

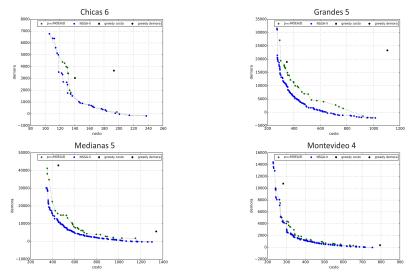
Buena convergencia y diversidad. Pocas soluciones no dominadas.

#### NSGA-II

Hasta 105.2 % de mejora en demora y 75.1 % en costo sobre ávidos.

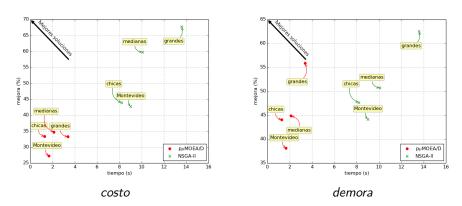
	#ND	DG	spacing	spread	RHV
chicas	32.6±9.5 (55.0)	0.3±0.6 (0.0)	236.2±222.7 (43.2)	0.9±0.1 (0.7)	1.0±0.0 (1.0)
medianas	54.5±4.2 (67.0)	$1.0\pm0.7\ (0.0)$	193.6±202.4 (26.2)	$0.7\pm0.2\ (0.4)$	$1.0\pm0.0\ (1.0)$
grandes	55.2±3.5 (67.0)	$1.8\pm1.1\ (0.4)$	243.6±229.8 (26.4)	$0.7\pm0.2\ (0.4)$	$1.0\pm0.0\ (1.0)$
Montevideo	43.9±16.4 (61.0)	$0.4\pm0.5~(0.0)$	142.3±143.2 (20.8)	$0.8\pm0.1\ (0.5)$	$1.0\pm0.0\ (1.0)$

# Frentes de Pareto: $p\mu MOEA/D$ vs. NSGA-II



*NSGA–II* alcanza mejores soluciones: mayor cantidad de puntos no dominados distribuidos homogéneamente a lo largo del frente.

# Mejora frente a algoritmos ávidos vs. tiempo de ejecución



NSGA-II alcanza mejores soluciones pero requiere de un mayor tiempo de ejecución que  $p\mu MOEA/D$ .

- Introducción
- 2 Definición del problema
- Trabajo relacionado
- 4 Implementación
- 5 Evaluación experimental
- 6 Planificador de viajes compartidos en línea
- Conclusiones y trabajo futuro

# Planificador de viajes compartidos en línea

 Se ingresa el origen, los destinos y la tarifa (diurna/nocturna).



 Se ejecuta el AE y se muestra la planificación calculada.

- Servidor implementado en Ruby on Rails siguiendo MVC.
- Las aplicaciones móviles consumen la API del servidor.
- Aplicaciones móviles: desarrollo híbrido vs. desarrollo nativo.

# Planificador de viajes compartidos en línea

 Se ingresa el origen, los destinos y la tarifa (diurna/nocturna).



 Se ejecuta el AE y se muestra la planificación calculada.



- Servidor implementado en Ruby on Rails siguiendo MVC.
- Las aplicaciones móviles consumen la API del servidor.
- Aplicaciones móviles: desarrollo híbrido vs. desarrollo nativo.

# Planificador de viajes compartidos en línea

 Se ingresa el origen, los destinos y la tarifa (diurna/nocturna).



 Se ejecuta el AE y se muestra la planificación calculada.





- Servidor implementado en Ruby on Rails siguiendo MVC.
- Las aplicaciones móviles consumen la API del servidor.
- Aplicaciones móviles: desarrollo híbrido vs. desarrollo nativo.

- Introducción
- Definición del problema
- Trabajo relacionado
- 4 Implementación
- 5 Evaluación experimenta
- 6 Planificador de viajes compartidos en línea
- Conclusiones y trabajo futuro

- Se relevó la literatura relacionada (CPP, DARP, TPP) y se presentaron dos variantes del problema.
- Se implementaron cuatro AE: dos para cada variante del problema.
- El análisis experimental se realizó sobre instancias realistas.
- Los AE implementados fueron comparados contra algoritmos ávidos.
- Variante monoobjetivo: mejoras en costo de hasta 35.9 % (seqEA) y 41.0 % (p $\mu$ EA) sobre algoritmo ávido.
- Variante multiobjetivo: mejoras de hasta 72.8 % y 101.2 % (p $\mu$ MOEA/D); 75.1 % y 105.2 % (NSGA-II) en costo y demora sobre algoritmos ávidos.
- Planificador de viajes compartidos en taxis, disponible públicamente en www.mepaseaste.uy.
- Cuatro artículos en conferencias internacionales.
- Primer premio del jurado en "Ingeniería deMuestra 2014" .

- Se relevó la literatura relacionada (CPP, DARP, TPP) y se presentaron dos variantes del problema.
- Se implementaron cuatro AE: dos para cada variante del problema.
- El análisis experimental se realizó sobre instancias realistas.
- Los AE implementados fueron comparados contra algoritmos ávidos.
- Variante monoobjetivo: mejoras en costo de hasta 35.9 % (seqEA) y 41.0 % (p $\mu$ EA) sobre algoritmo ávido.
- Variante multiobjetivo: mejoras de hasta 72.8 % y 101.2 % (p $\mu$ MOEA/D); 75.1 % y 105.2 % (NSGA-II) en costo y demora sobre algoritmos ávidos.
- Planificador de viajes compartidos en taxis, disponible públicamente en www.mepaseaste.uy.
- Cuatro artículos en conferencias internacionales.
- Primer premio del jurado en "Ingeniería deMuestra 2014" .

- Se relevó la literatura relacionada (CPP, DARP, TPP) y se presentaron dos variantes del problema.
- Se implementaron cuatro AE: dos para cada variante del problema.
- El análisis experimental se realizó sobre instancias realistas.
- Los AE implementados fueron comparados contra algoritmos ávidos.
- Variante monoobjetivo: mejoras en costo de hasta 35.9 % (seqEA) y 41.0 % (p $\mu$ EA) sobre algoritmo ávido.
- Variante multiobjetivo: mejoras de hasta 72.8 % y 101.2 % (p $\mu$ MOEA/D); 75.1 % y 105.2 % (NSGA-II) en costo y demora sobre algoritmos ávidos.
- Planificador de viajes compartidos en taxis, disponible públicamente en www.mepaseaste.uy.
- Cuatro artículos en conferencias internacionales.
- Primer premio del jurado en "Ingeniería deMuestra 2014" .

- Se relevó la literatura relacionada (CPP, DARP, TPP) y se presentaron dos variantes del problema.
- Se implementaron cuatro AE: dos para cada variante del problema.
- El análisis experimental se realizó sobre instancias realistas.
- Los AE implementados fueron comparados contra algoritmos ávidos.
- Variante monoobjetivo: mejoras en costo de hasta 35.9 % (seqEA) y 41.0% (p $\mu$ EA) sobre algoritmo ávido.
- Variante multiobjetivo: mejoras de hasta 72.8 % y 101.2 % (p $\mu$ MOEA/D); 75.1 % y 105.2 % (NSGA-II) en costo y demora sobre algoritmos ávidos.
- Planificador de viajes compartidos en taxis, disponible públicamente en www.mepaseaste.uy.
- Cuatro artículos en conferencias internacionales.
- Primer premio del jurado en "Ingeniería deMuestra 2014" .

- Se relevó la literatura relacionada (CPP, DARP, TPP) y se presentaron dos variantes del problema.
- Se implementaron cuatro AE: dos para cada variante del problema.
- El análisis experimental se realizó sobre instancias realistas.
- Los AE implementados fueron comparados contra algoritmos ávidos.
- Variante monoobjetivo: mejoras en costo de hasta 35.9 % (seqEA) y 41.0 % (p $\mu$ EA) sobre algoritmo ávido.
- Variante multiobjetivo: mejoras de hasta 72.8 % y 101.2 % (p $\mu$ MOEA/D); 75.1 % y 105.2 % (NSGA-II) en costo y demora sobre algoritmos ávidos.
- Planificador de viajes compartidos en taxis, disponible públicamente en www.mepaseaste.uy.
- Cuatro artículos en conferencias internacionales.
- Primer premio del jurado en "Ingeniería deMuestra 2014" .

- Se relevó la literatura relacionada (CPP, DARP, TPP) y se presentaron dos variantes del problema.
- Se implementaron cuatro AE: dos para cada variante del problema.
- El análisis experimental se realizó sobre instancias realistas.
- Los AE implementados fueron comparados contra algoritmos ávidos.
- Variante monoobjetivo: mejoras en costo de hasta 35.9 % (seqEA) y 41.0% (p $\mu$ EA) sobre algoritmo ávido.
- Variante multiobjetivo: mejoras de hasta 72.8 % y 101.2 % (p $\mu$ MOEA/D); 75.1 % y 105.2 % (NSGA–II) en costo y demora sobre algoritmos ávidos.
- Planificador de viajes compartidos en taxis, disponible públicamente en www.mepaseaste.uy.
- Cuatro artículos en conferencias internacionales.
- Primer premio del jurado en "Ingeniería deMuestra 2014" .

- Se relevó la literatura relacionada (CPP, DARP, TPP) y se presentaron dos variantes del problema.
- Se implementaron cuatro AE: dos para cada variante del problema.
- El análisis experimental se realizó sobre instancias realistas.
- Los AE implementados fueron comparados contra algoritmos ávidos.
- Variante monoobjetivo: mejoras en costo de hasta 35.9 % (seqEA) y 41.0% (p $\mu$ EA) sobre algoritmo ávido.
- Variante multiobjetivo: mejoras de hasta 72.8 % y 101.2 % (p $\mu$ MOEA/D); 75.1 % y 105.2 % (NSGA–II) en costo y demora sobre algoritmos ávidos.
- Planificador de viajes compartidos en taxis, disponible públicamente en www.mepaseaste.uy.
- Cuatro artículos en conferencias internacionales.
- Primer premio del jurado en "Ingeniería deMuestra 2014" .

- Se relevó la literatura relacionada (CPP, DARP, TPP) y se presentaron dos variantes del problema.
- Se implementaron cuatro AE: dos para cada variante del problema.
- El análisis experimental se realizó sobre instancias realistas.
- Los AE implementados fueron comparados contra algoritmos ávidos.
- Variante monoobjetivo: mejoras en costo de hasta 35.9 % (seqEA) y 41.0% (p $\mu$ EA) sobre algoritmo ávido.
- Variante multiobjetivo: mejoras de hasta 72.8 % y 101.2 % (p $\mu$ MOEA/D); 75.1 % y 105.2 % (NSGA–II) en costo y demora sobre algoritmos ávidos.
- Planificador de viajes compartidos en taxis, disponible públicamente en www.mepaseaste.uy.
- Cuatro artículos en conferencias internacionales.
- Primer premio del jurado en "Ingeniería deMuestra 2014" .

- Se relevó la literatura relacionada (CPP, DARP, TPP) y se presentaron dos variantes del problema.
- Se implementaron cuatro AE: dos para cada variante del problema.
- El análisis experimental se realizó sobre instancias realistas.
- Los AE implementados fueron comparados contra algoritmos ávidos.
- Variante monoobjetivo: mejoras en costo de hasta 35.9 % (seqEA) y 41.0% (p $\mu$ EA) sobre algoritmo ávido.
- Variante multiobjetivo: mejoras de hasta 72.8 % y 101.2 % (p $\mu$ MOEA/D); 75.1 % y 105.2 % (NSGA–II) en costo y demora sobre algoritmos ávidos.
- Planificador de viajes compartidos en taxis, disponible públicamente en www.mepaseaste.uy.
- Cuatro artículos en conferencias internacionales.
- Primer premio del jurado en "Ingeniería deMuestra 2014" .

# Mejoras en los AE

- Implementar NSGA-II con subpoblaciones distribuidas.
- Incorporar datos realistas del tráfico para considerar rutas alternativas.
- Incorporar datos de la disponibilidad de los taxis en tiempo real.

## Mejoras en el planificador de viajes compartidos

- Mejorar la experiencia de los usuarios.
- Desarrollar versiones para Android y Windows Phone.
- Soportar la variante multiobjetivo.

- Estudiar otras variantes del problema (many-to-one, many-to-many).
- Estudiar la aplicabilidad de los AE a otros escenarios.

# Mejoras en los AE

- Implementar NSGA-II con subpoblaciones distribuidas.
- Incorporar datos realistas del tráfico para considerar rutas alternativas.
- Incorporar datos de la disponibilidad de los taxis en tiempo real.

## Mejoras en el planificador de viajes compartidos

- Mejorar la experiencia de los usuarios.
- Desarrollar versiones para Android y Windows Phone.
- Soportar la variante multiobjetivo.

- Estudiar otras variantes del problema (many-to-one, many-to-many).
- Estudiar la aplicabilidad de los AE a otros escenarios.

## Mejoras en los AE

- Implementar NSGA-II con subpoblaciones distribuidas.
- Incorporar datos realistas del tráfico para considerar rutas alternativas.
- Incorporar datos de la disponibilidad de los taxis en tiempo real.

### Mejoras en el planificador de viajes compartidos

- Mejorar la experiencia de los usuarios.
- Desarrollar versiones para Android y Windows Phone.
- Soportar la variante multiobjetivo.

- Estudiar otras variantes del problema (many-to-one, many-to-many).
- Estudiar la aplicabilidad de los AE a otros escenarios.

## Mejoras en los AE

- Implementar NSGA-II con subpoblaciones distribuidas.
- Incorporar datos realistas del tráfico para considerar rutas alternativas.
- Incorporar datos de la disponibilidad de los taxis en tiempo real.

## Mejoras en el planificador de viajes compartidos

- Mejorar la experiencia de los usuarios.
- Desarrollar versiones para Android y Windows Phone.
- Soportar la variante multiobjetivo.

- Estudiar otras variantes del problema (many-to-one, many-to-many).
- Estudiar la aplicabilidad de los AE a otros escenarios.

## Mejoras en los AE

- Implementar NSGA-II con subpoblaciones distribuidas.
- Incorporar datos realistas del tráfico para considerar rutas alternativas.
- Incorporar datos de la disponibilidad de los taxis en tiempo real.

## Mejoras en el planificador de viajes compartidos

- Mejorar la experiencia de los usuarios.
- Desarrollar versiones para Android y Windows Phone.
- Soportar la variante multiobjetivo.

- Estudiar otras variantes del problema (many-to-one, many-to-many).
- Estudiar la aplicabilidad de los AE a otros escenarios.

## Mejoras en los AE

- Implementar NSGA-II con subpoblaciones distribuidas.
- Incorporar datos realistas del tráfico para considerar rutas alternativas.
- Incorporar datos de la disponibilidad de los taxis en tiempo real.

# Mejoras en el planificador de viajes compartidos

- Mejorar la experiencia de los usuarios.
- Desarrollar versiones para Android y Windows Phone.
- Soportar la variante multiobjetivo.

- Estudiar otras variantes del problema (many-to-one, many-to-many).
- Estudiar la aplicabilidad de los AE a otros escenarios.

## Mejoras en los AE

- Implementar NSGA–II con subpoblaciones distribuidas.
- Incorporar datos realistas del tráfico para considerar rutas alternativas.
- Incorporar datos de la disponibilidad de los taxis en tiempo real.

# Mejoras en el planificador de viajes compartidos

- Mejorar la experiencia de los usuarios.
- Desarrollar versiones para Android y Windows Phone.
- Soportar la variante multiobjetivo.

- Estudiar otras variantes del problema (many-to-one, many-to-many).
- Estudiar la aplicabilidad de los AE a otros escenarios.

## Mejoras en los AE

- Implementar NSGA-II con subpoblaciones distribuidas.
- Incorporar datos realistas del tráfico para considerar rutas alternativas.
- Incorporar datos de la disponibilidad de los taxis en tiempo real.

## Mejoras en el planificador de viajes compartidos

- Mejorar la experiencia de los usuarios.
- Desarrollar versiones para Android y Windows Phone.
- Soportar la variante multiobjetivo.

- Estudiar otras variantes del problema (many-to-one, many-to-many).
- Estudiar la aplicabilidad de los AE a otros escenarios.