Сдать задание нужно до 9:00 20 мая 2017г. включительно.

Ссылка на контест: https://contest.yandex.ru/contest/4463/enter/

Задача 1. Хеш-таблица (7 баллов)

Реализуйте структуру данных типа "множество строк" на основе динамической хеш-таблицы с открытой адресацией. Хранимые строки непустые и состоят из строчных латинских букв.

Хеш-функция строки должна быть реализована с помощью вычисления значения многочлена методом Горнера.

Начальный размер таблицы должен быть равным 8-ми. Перехеширование выполняйте при добавлении элементов в случае, когда коэффициент заполнения таблицы достигает 3/4.

Структура данных должна поддерживать операции добавления строки в множество, удаления строки из множества и проверки принадлежности данной строки множеству.

- **1_1.** Для разрешения коллизий используйте квадратичное пробирование. i-ая проба $g(k, i)=g(k, i-1) + i \pmod{m}$. m степень двойки.
- 1_2. Для разрешения коллизий используйте двойное хеширование.

Формат входных данных

Каждая строка входных данных задает одну операцию над множеством. Запись операции состоит из типа операции и следующей за ним через пробел строки, над которой проводится операция.

Тип операции – один из трех символов:

- + означает добавление данной строки в множество;
- означает удаление строки из множества;
- ? означает проверку принадлежности данной строки множеству.

При добавлении элемента в множество НЕ ГАРАНТИРУЕТСЯ, что он отсутствует в этом множестве. При удалении элемента из множества НЕ ГАРАНТИРУЕТСЯ, что он присутствует в этом множестве.

Формат выходных данных

Программа должна вывести для каждой операции одну из двух строк ОК или FAIL, в зависимости от того, встречается ли данное слово в нашем множестве.

stdin	stdout
+ hello	ОК
+ bye	OK
? bye	OK
? bye + bye	FAIL
- bye	ОК

? bye	FAIL
? hello	OK

Задача 2. Порядок обхода (3 балла)

Дано число N < 10^6 и последовательность целых чисел из [- 2^{31} .. 2^{31}] длиной N. Требуется построить бинарное дерево, заданное наивным порядком вставки. Т.е., при добавлении очередного числа K в дерево с корнем root, если root \rightarrow Key \leq K, то узел K добавляется в правое поддерево root; иначе в левое поддерево root. Рекурсия запрещена.

2_1. Выведите элементы в порядке in-order (слева направо).

	. ,
in	out
3 2 1 3	1 2 3
	1 2 3
	123
3 1 2	

2_2. Выведите элементы в порядке pre-order (сверху вниз).

in	out
	2 1 3
2 1 3	
	1 2 3
1 2 3	
3	3 1 2
3 1 2	
4	3 1 2 4
3 1 4 2	

2_3. Выведите элементы в порядке post-order (снизу вверх).

in	out
	1 3 2
2 1 3	
	3 2 1
1 2 3	
	2 1 3
3 1 2	

2_4. Выведите элементы в порядке level-order (по слоям, "в ширину").

	<u> </u>
in	out
3	213
2 1 3	
	123
1 2 3	
3	3 1 2
3 1 2	
4	3 1 4 2
3 1 4 2	

Задача 3. Декартово дерево (4 балла)

Дано число N < 10^6 и последовательность пар целых чисел из [- 2^{31} .. 2^{31}] длиной N. Построить декартово дерево из N узлов, характеризующихся парами чисел $\{X_i, Y_i\}$. Каждая пара чисел $\{X_i, Y_i\}$ определяет ключ X_i и приоритет Y_i в декартовом дереве. Добавление узла в декартово дерево выполняйте второй версией алгоритма, рассказанного на лекции:

• При добавлении узла (x, y) выполняйте спуск по ключу до узла P с меньшим приоритетом. Затем разбейте найденное поддерево по ключу x так, чтобы в первом поддереве все ключи меньше x, а во втором больше или равны x. Получившиеся два дерева сделайте дочерними для нового узла (x, y). Новый узел вставьте на место узла P.

Построить также наивное дерево поиска по ключам X_i методом из задачи 2.

3_1. Вычислить разницу глубин наивного дерева поиска и декартового дерева. Разница может быть отрицательна.

in	out
10	2
5 11	
18 8	
25 7	
50 12	
30 30	
15 15	
20 10	
22 5 40 20	
40 20	
45 9	
10	2
38 19	
37 5	
47 15	

35 0 12 3 0 42 31 37 21 45	
12 3	
0 42	
31 37	
21 45	
30 26 41 6	
41 6	

3_2. Вычислить количество узлов в самом широком слое декартового дерева и количество узлов в самом широком слое наивного дерева поиска. Вывести их разницу. Разница может быть отрицательна.

in	out
10	1
5 11	
18 8	
25 7	
50 12	
30 30	
15 15	
20 10	
22 5	
40 20	
45 9	
10	1
38 19	
37 5	
47 15	
35 0	
12 3	
0 42	
31 37	
21 45	
30 26	
41 6	

Задача 4. Использование АВЛ-дерева (6 баллов)

4_1. Солдаты. В одной военной части решили построить в одну шеренгу по росту. Т.к. часть была далеко не образцовая, то солдаты часто приходили не вовремя, а то их и вовсе приходилось выгонять из шеренги за плохо начищенные сапоги. Однако солдаты в процессе прихода и ухода должны были всегда быть выстроены по росту — сначала самые высокие, а в конце — самые низкие. За расстановку солдат отвечал прапорщик, который заметил интересную особенность — все солдаты в части разного роста. Ваша задача состоит в том, чтобы помочь прапорщику правильно расставлять солдат, а именно для каждого приходящего солдата указывать, перед каким солдатом в строе он должен становится. Требуемая скорость выполнения команды - O(log n). Формат входных данных.

Первая строка содержит число N – количество команд (1 ≤ N ≤ 30 000). В каждой

следующей строке содержится описание команды: число 1 и X если солдат приходит в строй (X – рост солдата, натуральное число до 100 000 включительно) и число 2 и Y если солдата, стоящим в строе на месте Y надо удалить из строя. Солдаты в строе нумеруются с нуля.

Формат выходных данных.

На каждую команду 1 (добавление в строй) вы должны выводить число K – номер позиции, на которую должен встать этот солдат (все стоящие за ним двигаются назад).

in	out
5	0
1 100 1 200 1 50	0
1 200	2
1 50	1
2 1	
1 150	

4_2. Порядковые статистики. Дано число N и N строк. Каждая строка содержит команду добавления или удаления натуральных чисел, а также запрос на получение k-ой порядковой статистики. Команда добавления числа A задается положительным числом A, команда удаления числа A задается отрицательным числом "-A". Запрос на получение k-ой порядковой статистики задается числом k. Требуемая скорость выполнения запроса - O(log n).

in	out
5	40
40 0	40
40 0 10 1	10
4 1	4
-10 0 50 2	50
50 2	

Задача 5. Алгоритм сжатия данных Хаффмана (6 баллов и более)

Напишите две функции для создания архива из одного файла и извлечения файла из архива.

```
// Метод архивирует данные из потока original void Encode(IInputStream& original, IOutputStream& compressed); // Метод восстанавливает оригинальные данные void Decode(IInputStream& compressed, IOutputStream& original); где:
Туре def char byte;
```

interface IInputStream {

```
// Возвращает false, если поток закончился virtual bool Read(byte& value) = 0; }; interface IOutputStream { virtual void Write(byte value) = 0; };
```

В архиве сохраняйте дерево Хаффмана и код Хаффмана от исходных данных. Дерево Хаффмана требуется хранить эффективно - не более 10 бит на каждый 8-битный символ.

В контест необходимо отправить .cpp файл содержащий функции Encode, Decode, а также включающий файл Huffman.h. Тестирующая программа выводит размер сжатого файла в процентах от исходного.

Лучшие 3 решения с Кс <= 50% из каждой группы оцениваются в 15, 10 и 5 баллов соответственно.

```
Пример минимального решения:
#include "Huffman.h"
static void copyStream(IInputStream& input, IOutputStream& output)
{
      byte value;
      while (input.Read(value))
             output.Write(value);
      }
}
void Encode(IInputStream& original, IOutputStream& compressed)
{
      copyStream(original, compressed);
}
void Decode(IInputStream& compressed, IOutputStream& original)
      copyStream(compressed, original);
}
```