

GET00211 - Modelos Lineares 2

Rafael Erbisti

Instituto de Matemática e Estatística Universidade Federal Fluminense

Aula 11

Ponto de corte na classificação

O modelo logístico fornece probabilidades estimadas $\hat{\pi}_i$. Para transformar em uma decisão (0/1), define-se um ponto de corte (threshold):

$$\hat{y}_i = \begin{cases} 1, & \hat{\pi}_i \ge c \\ 0, & \hat{\pi}_i < c \end{cases}$$

- Valor usual: c = 0, 5.
- O ponto de corte pode ser ajustado conforme o contexto (ex.: minimizar falsos negativos em saúde).
- Diferentes c levam a diferentes classificações.



Matriz de confusão

A matriz resume o desempenho do modelo em termos de classificação:

	$Classe\;Real = 1$	Classe Real $= 0$
Previsto = 1	VP (Verdadeiro Positivo)	FP (Falso Positivo)
Previsto = 0	FN (Falso Negativo)	VN (Verdadeiro Negativo)

- VP = acertos de classe positiva
- VN = acertos de classe negativa
- FP = erros ao prever positivo
- FN = erros ao prever negativo



Medidas de desempenho

A partir da matriz de confusão:

• Acurácia:
$$\frac{VP + VN}{VP + VN + FP + FN}$$

• Sensibilidade (Recall):
$$\frac{VP}{VP + FN}$$

• Especificidade:
$$\frac{VN}{VN + FP}$$

• Precisão:
$$\frac{VP}{VP + FP}$$

• F1-Score: média harmônica entre precisão e recall

Essas medidas variam de acordo com o ponto de corte escolhido.



Curva ROC e AUC

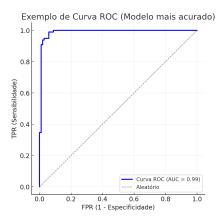
• A curva ROC (Receiver Operating Characteristic) mostra a relação entre:

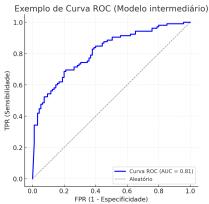
Sensibilidade vs. 1 - Especificidade

para todos os valores possíveis de ponto de corte.

- Permite visualizar o trade-off entre detectar positivos e evitar falsos alarmes.
- A AUC (Área sob a curva) mede a capacidade de discriminação do modelo:
 - AUC = 0,5: modelo aleatório.
 - AUC = 1: modelo perfeito.
 - Quanto maior a AUC, melhor é o modelo na separação das classes.
- A curva ROC n\u00e3o depende do ponto de corte espec\u00edfico, mas resume todos os poss\u00edveis.

Curva ROC e AUC







Exercício '

Exercício: Considere a base baseModelo.rds, contendo registros de casos e óbitos por COVID-19 nos municípios do estado do Rio de Janeiro, por semana epidemiológica, no período entre 22/03/2020 a 31/12/2022 (totalizando 145 semanas). Modele a probabilidade de óbito por COVID-19 e apresente todas as etapas da análise, incluindo exploração dos dados, especificação do modelo, ajuste, avaliação de desempenho e interpretação dos resultados.

A base de dados baseModelo.rds e os respectivos dicionários das variáveis dicionarioIVM.xlsx e dicionarioIVS.xlsx estão disponíveis aqui.

