# Лабораторная работа № 2 по курсу дискретного анализа: сбалансированные деревья

Выполнил студент группы 08-208 МАИ Ширяев Никита.

#### Условие

Реализовать декартово дерево с возможностью поиска, добавления и удаления элементов.

Необходимо создать программную библиотеку, реализующую указанную структуру данных, на основе которой разработать программу-словарь. В словаре каждому ключу, представляющему из себя регистронезависимую последовательность букв английского алфавита длиной не более 256 символов, поставлен в соответствие некоторый номер, от 0 до  $2^{64}-1$ . Разным словам может быть поставлен в соответствие один и тот же номер.

Программа должна обрабатывать строки входного файла до его окончания. Каждая строка может иметь следующий формат:

- $\bullet$  + word 34 добавить слово «word» с номером 34 в словарь. Программа должна вывести строку «ОК», если операция прошла успешно, «Exist», если слово уже находится в словаре.
- - word удалить слово «word» из словаря. Программа должна вывести «ОК», если слово существовало и было удалено, «NoSuchWord», если слово в словаре не было найдено.
- $\bullet$  word найти в словаре слово «word». Программа должна вывести «ОК: 34», если слово было найдено; число, которое следует за «ОК:» номер, присвоенный слову при добавле

## Метод решения

Декартово дерево (Treap) — это структура данных, объединяющая в себе бинарное дерево поиска и кучу. Более строго, это бинарное дерево, в узлах которого хранятся пары (x,y), где x — это ключ, а y — это приоритет. Основными операциями декартова дерева является merge и split. Операция split позволяет сделать следующее: разрезать исходное дерево T по ключу k. Возвращать она будет такую пару деревьев  $\langle T1,T2\rangle$ , что в дереве T1 ключи меньше k, а в дереве T2 все остальные: split $(T,k) \rightarrow \langle T1,T2\rangle$ . Рассмотрим вторую операцию с декартовыми деревьями — merge. C помощью этой операции можно слить два декартовых дерева в одно. Причём, все ключи в первом(левом) дереве должны быть меньше, чем ключи во втором(правом). В результате получается дерево, в котором есть все ключи из первого и второго деревьев: merge $(T1,T2) \rightarrow T$  Используя эти 2 функции, мы можем реализовать основные операции с деревом:

- Операция поиска. Используем операцию split два раза: сначала по нашему ключу x, а потом правое дерево по ключу x+1. Так мы получим три дерева, в первом все элементы строго меньше x, в третьем строго больше x, а второе дерево может быть или пустым, или содержать единственный элемент x. Для поиска можно просто проверить, что второе дерево не пустое, и вывести его значение, в противном случае будем выводить "NoSuchWord". После этого применяем операцию merge два раза, чтобы вернуться к исходному дереву. Все остальные операции построены аналогично.
- Операция вставки. Проверяем, что второе дерево пустое, значит такого элемента пока не существует, а значит, мы можем создать в этом дереве ноду с полученным от пользователя ключом и значением. В противном случае выводим "Exist".
- Операция удаления. Проверяем, что второе дерево не пустое, значит, мы можем удалить этот элемент, сначала удаляем ноду, а потом указателю на ноду присваиваем значение null. Если дерево оказалось пустым, то выводим "NoSuchWord".

### Описание программы

Для хранения элемента была создана структура, состоящая из двух полей: ключа и значения.

```
char *key;
int priority;
uint64_t value;
node *left, *right
```

Также были реализованы функции вставки и удаления, использующие функции merqe и split. При доблавлении узла ключу ставится

## Дневник отладки

Ошибка: Ключи, отличающиеся только регистром, считались разными, что противоречило условию задачи.

Способ устранения: Написать функцию toLower, которая будет переводить ключ в нижний регистр перед сравнением. Таким образом, все ключи будут сравниваться без учета регистра.

## Выводы

В данной лабораторной работе было предложено изучить некоторые виды алгоритмов сбалансированных деревьев. В ходе выполнения было реализовано декартово дерево. Операции вставки, поиска и удаления выполняются за временную сложность O(logn), где п — количество элементов. Также были изучены дополнительные операции merge и split, которые помогают реализовать операции поиска, вставки и удаления.