Лабораторная работа №7 дискретного ПО курсу анализа:

Динамическое программирование.

Выполнил студент группы М8О-308Б-22 Н. А. Ширяев

**Условие** 

При помощи метода динамического программирования разработать

алгоритм решения задачи, определяемой своим вариантом; оценить время

выполнения алгоритма и объем затрачиваемой оперативной памяти. Перед

необходимо обосновать выполнением задания применимость метода

динамического программирования.

Разработать программу на языке С или С++, реализующую построенный

алгоритм.

Формат входных и выходных данных описан в варианте задания.

Имеется натуральное число n. За один ход с ним можно произвести

следующие действия:

- вычесть единицу;

- разделить на два;

- разделить на три.

При этом стоимость каждой операции — текущее значение n. Стоимость

преобразования — суммарная стоимость всех операций в преобразовании.

Вам необходимо с помощью последовательностей указанных операций

преобразовать число п в единицу таким образом, чтобы стоимость

преобразования была наименьшей. Делить можно только нацело.

Ограничения: 2 < n < 107

## Метод решения

Пусть после одной операции было получено число n', тогда, очевидно, что n' < n. Тогда после одной операции наша задача, по сути, не изменилась: теперь требуется найти минимальное количество операций для числа n', а не Можно ДЛЯ числа n. воспользоваться методом динамического программирования: заведем массив dp размера n, dpi — минимальное количество операций требуемое для получения 1 из числа і. База динамического программирования dp1 = 0, переходы из состояния i таковы: можно всегда перейти в состояние i-1 за n, если i делится на 2, то можно перейти в состояние i за n, и, наконец, можно перейти в состояние i за n, если i делится на 3. Таким образом требуется выбрать лучшее из 3 возможных переходов В решение. итоге алгоритм имеет временную сложность O(n)И пространственную сложность O(n).

## Описание программы

Ввиду простоты в реализации, лабораторная работа состоит из всего одного файла main.cpp.

## Тест производительности

Сравнивать время работы алгоритма логично с алгоритмом полного перебора вариантов.

n	Полный перебор	Динамическое программирование
500	426 ms	3 ms
1000	33636 ms	3 ms
10000	>1 hour	6 ms

Как видно из таблицы, даже при малых значениях n полный перебор на порядки уступает динамическому программированию, это происходит из-за того, что переборный алгоритм имеет временную сложность сравнимую с экспоненциальной, что работает слишком долго при больших значениях n.

## Выводы

В данной лабораторной работе я познакомился с методом динамического программирования. Научился применять данный важный метод для решения задач, которые на первый взгляд нельзя решить лучше, чем простым перебором.