**ROBUST CONTROL UNTUK SISTEM ROTATIONAL/TRANSLATIONAL ACTUATOR**

**LAPORAN TUGAS AKHIR**

**TEKNIK KENDALI LANJUT**

**(TKEE163125)**

****

**Disusun Oleh:**

**Bagas Budhi Permana**

**16/396785/TK/44798**

**Resha Dwika Hefni Al-Fahsi**

**16/394959/TK/44251**

**Vicko Pranowo**

**16/399879/TK/44893**

**PROGRAM STUDI TEKNIK ELEKTRO**

**DEPARTEMEN TEKNIK ELEKTRO DAN TEKNOLOGI INFORMASI**

**FAKULTAS TEKNIK UNIVERSITAS GADJAH MADA**

**2018**

**Abstrak**

Laporan tugas akhir ini membahas tentang *robust control* pada sistem *rotational/translational actuator*. Kinematis dari sistem tersebut dirumuskan dari model non-linearnya. Kemudian untuk mempermudah dalam analisis kendali dengan *robust control* dilakukan linearisasi sistem sehingga dapat dicari *state space-*nya. Dilakukan juga analisis *controllable* dan *observable* pada sistem tersebut. Menggunakan LQR untuk mencari nilai matriks *gain* yang tepat untuk kestabilan sistem. Nilai matriks *gain* tersebut digunakan untuk mencari *internal stability* pada sistem. Lalu, Melakukan perhitungan dan *norm*. Langkah terakhir setelah mencari *internal stability* dilakukan *coprime factorization* untuk sistem tersebut. Semua simulasi perhitungan pada sistem dilakukan menggunakan Matlab® 1.

Copyright © 2018 Bagas Budhi Permana, Resha Dwika Hefni Al-Fahsi, Vicko Pranowo from Universitas Gadjah Mada.

This document may be used for academic purposes with reference to this document.

1Matlab and Simulink are trademarks of MathWorks Inc. USA.

**Daftar Isi**

**Abstrak1**

**Daftar Isi2**

**Bab 1: Pendahuluan3**

**Bab 2: Sistem *Rotational/Translational Actuator*4**

2.1. Linearisasi4

2.2. *Observability* dan *Controlability*5

2.2.1. Program Matlab® 5

**Bab 3: LQR *Controller*6**

3.1. Menghitung *Gain*6

3.1.1. Program Matlab® 6

**Bab 4: dan *Space*7**

4.1. Menghitung dan 7

4.1.1. Program Matlab® 7

**Bab 5: *Internal Stability* dan *Coprime Factorization*8**

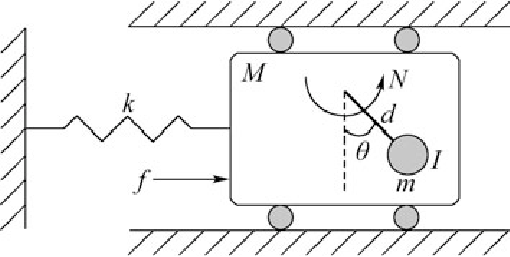
**Daftar Pustaka9**

**A Lampiran Program10**

**Bab 1**

**Pendahuluan**

Tujuan dari pembuatan laporan ini untuk memberikan penjelasan tentang perancangan *robust*   *control* pada sistem *rotational/translational actuator*. Sistem *rotational/translational actuator* atau biasa disingkat RTAC merupakan sebuah sistem berupa gabungan dua aktuator yang salah satunya bergerak secara rotasi dan aktuator lainnya bergerak secara translasi. Dalam praktiknya aktuator tersebut berupa sistem osilasi yaitu pendulum yang berperan dalam gerakan rotasi dan pegas yang berperan dalam gerakan translasi. Sistem RTAC sendiri sering digambarkan dengan sebuah gerobak yang terpasang sistem pegas yang dipasang secara tegak lurus pada dinding dan di dalam gerobak tersebut terdapat pendulum yang berosilasi (bergerak secara rotasi) sehingga akan menyebabkan gerakan translasi pada gerobak.



Gambar 1. Pemodelan Sistem RTAC

Pada bab 2, kita mendefinisikan sistem RTAC dalam *state-space*. Sistem RTAC sendiri pada dasarnya merupakan sistem non-linear sehingga diperlukan proses linearisasi untuk mendapatkan bentuk *state-space*-nya. Dengan mengetahui bentuk *state-space* suatu sistem kita dapat memeriksa apakah sistem tersebut *observable* dan *controllable.*

Pada bab 3 dilakukan perhitungan menggunakan LQR untuk mendapatkan nilai matriks *gain* K. Matriks tersebut digunakan untuk membuat sistem stabil juga untuk memeriksa *internal stability* pada sistem. *Internal stability* sendiri akan dibahas lebih lanjut pada bab 5.

Pada bab 4, dengan menganalisis dan *space* sistem RTAC dapat dan *norm* sistem tersebut sehingga dapat diukur seberapa *robust* sistem tersebut.

Pada bab 5 dibahas mengenai *internal stability* dan *coprime factorization.*

**Bab 2**

**Sistem *Rotational/Translational Actuator***

Seperti yang dijelaskan sebelumnya sistem RTAC merupakan sistem non-linear. Sistem non-linear sendiri memiliki *state* yang *dependent* dengan *state* lainnya. Pada sistem yang akan dibahas, terdapat 4 *state* yang didefiniskan pada *state-space*. Untuk mendapatkan *state-space* sistem tersebut dilakukan linearisasi dengan metode linearisasi Jacobian.

**2.1. Linearisasi**

Linearisasi Jacobian sendiri menggunakan turunan parsial setiap *state* terhadap suatu fungsi yang mendefinisikan salah satu turunan *state* pada sistem.Untuk sistem RTAC didefinisikan *state-space* non-linearnya:

Di mana:

= perpindahan gerobak dari titik setimbang, m

= kecepatan linear gerobak, m/s

= posisi sudut pendulum, rad

= kecepatan sudut pendulum, rad/s

M = massa gerobak, 1.3608 kg

m = massa pendulum, 0.096 kg

r = panjang tali pendulum, 0.0592 m

k = konstanta/kekakuan pegas, 186.3 N/m

F = gaya translasi, gaya gangguan, 5 N

N = torsi pada pendulum, kontrol pada \_\_\_.sistem, 0.41861 Nm

I = inersia pendulum, 0.0002175 kg/m2

Dengan linearisasi Jacobian menggunakan *operating point, =* dan  *=* , didapatkan matriks-matriks *state-space*-nya:

Untuk matriks A-nya:

Sedangkan untuk matriks B-nya:

Dengan matriks *C* = **I4×4**dan *D* = **04×2**. Sehingga bentuk *state-space*, = dan = , dari sistem tersebut telah terbentuk.

**2.2. *Observability* dan *Controlability***

Dengan mengetahui bentuk lengkap dari *state-space* dapat ditentukan *observability* dan *controllability* dari sistem tersebut. Untuk mencari *observability* dari suatu sistem digunakan matriks dan mencari *observability* dari suatu sistem digunakan matriks Syarat sistem *observable* ketika matriks merupakan matriks *full-column rank* dan sistem *controllable* ketika matriks merupakan matriks *full-row rank*.

**2.2.1. Program Matlab®**

Dengan menggunakan Matlab® dapat dicari:

|  |
| --- |
| Ob=obsv(A,C); unob = n-rank(Ob); %check observable  if(unob==0)  disp('Given System is Observable.');  else  disp('Given System is Unobservable');  end  Co = ctrb(A,B); unco = m-rank(Co); %check controllable  if(unco==0)  disp('Given System is Controllable.');  else  disp('Given System is Uncontrollable');  end |

Hasil dari simulasi tersebut didapatkan bahwa sistem *observable* dan *controllable.*

**Bab 3**

**LQR *Controller***

Pada teori *optimal control* suatu sistem dinamis berjalan dengan membuat minimal suatu *cost function*. Sistem dinamis tersebut dimodelkan dalam persamaan diferensial sedangkan *cost function* berupa fungsi kuadrat. Solusi dari persamaan kuadrat tersebut diselesaikan dengan metode LQR atau Linear Qudratic Regulator. Meskipun lingkup sistem yang akan dibahas merupakan *robust control* sedangkan LQR merupakan lingkup *optimal control*, LQR berguna untuk mencari kestabilan dalam sistem.

**3.1. Menghitung *Gain***

Pada sistem yang akan dianalisis bukanlah sebuah sistem yang stabil, apabila dicari *eigenvalue*-nya, , memiliki nilai lebih dari 0. Di mana kestabilan sistem diindikasikan bahwa *pole-pole*-nya berada di sisi sebelah kiri bidang y. Dengan adanya nilai positif pada *eigenvalue* matriks *A* maka sistem tersebut bukanlah sistem yang stabil. Dengan menyelesaikan persamaan aljabar Riccati kontinyu waktu:

di mana dan berturut-turut didefinisikan sebagai:

Sehingga dapat dicari matriks *gain* K dengan menghitung:

dengan merupakan solusi dari persamaan aljabar Riccati kontinyu waktu. Sehingga didapatkan matriks *A* baru dengan sistem *closed loop*:

Sistem akan stabil jika dan hanya jika semua *eigenvalue* dari matriks *A* benar-benar berada di bagian negatif (bernilai negatif).

**3.1.1.** **Program Matlab®**

Dengan menggunakan Matlab® dapat dicari:

|  |
| --- |
| %Mengecek kestabilan (melihat apakah pole berada di half-left plane)  pole = eig(A);  %Membuat stabil dengan menggunakan LQR  Q=C'\*C;  R=0.01\*eye(2);  p=care(A,B,Q,R);  K=inv(R)\*B'\*p;  Anew=A-B\*K; Bnew=B; Cnew=C; Dnew=D;  polenew=eig(Anew); |

Dari hasil simulasi didapatkan semua nilai *eigenvalue*-nya bernilai negatif.

**Bab 4**

**dan *Space***

Jika pada *optimal control* kita mengenal adanya LQR maka pada *robust control* terdapat . Tujuan yang paling utama dari sistem kendali tersebut adalah untuk mencapai performa sesuai spesifikasi tertentu sehingga sebagai tambahan dapat memperoleh *internal stability.* Performa pada suatu sistem dapat didefinisikan seberapa besar isyarat *error* yang dapat dikendalikan. Sehingga dengan mengukur *norm* pada suatu sistem kendali kita dapat mengukur seberapa *robust* sistem tersebut.

**4.1. Menghitung dan**

Diketahui persamaan *state* suatu sistem:



*norm* sistem didefinisikan sebagai dengan dan berturut-turut adalah *controllability* dan *observability Gramian,* yang keduanya merupakan matriks simetris yang diperoleh dari persamaan Lyapunov:

**4.1.1. Program Matlab**

Dengan menggunakan Matlab® dapat dicari:

|  |
| --- |
|  |

**Bab 5**

***Internal Stability* dan *Coprime Factorization***

**Daftar Pustaka**

1. Zhou, Kemin, and John Comstock Doyle. *Essential of Robust Control*. Vol. 104. Upper Saddle River, NJ: Prentice Hall, 1998.
2. Tavakoli, Mahdi, Hamid D. Taghirad, and Mehdi Abrishamchian. "Identification and robust H∞ control of the rotational/translational actuator system." *International Journal of Control, Automation, and Systems* 3.3 (2005): 387-396.
3. Adlgostar, R., H. Azimian, and H. D. Taghirad. "Robust H∞, H 2/H∞ controller for rotational/translational actuator (RTAC)." *Computer Aided Control System Design, 2006 IEEE International Conference on Control Applications, 2006 IEEE International Symposium on Intelligent Control, 2006 IEEE*. IEEE, 2006.
4. Rosales, Andres, et al. "Controller designed by means of numeric methods for a benchmark problem: RTAC (Rotational Translational Actuator)." *Electronics, Robotics and Automotive Mechanics Conference, 2006*. Vol. 1. IEEE, 2006.

**Appendix A**

**Lampiran Program**

Berikut lampiran program yang digunakan untuk simulasi sistem RTAC ini. Program dibuat menggunakan Matlab® dan tersedia secara online di https://github.com/reshalfahsi/robust-control-rtacsystem. Program tersebut kami beri nama rtacSystem.m.

A.1 rtacSystem

|  |
| --- |
| clear all;  %nilai paramter  clear all;  M = 1.3608;  m = 0.096;  R = 0.0592;  I = 2.175\*10^-4;  k = 186.3;  %pembagi di persamaan  h = (M+m)\*(I+0.5\*m\*R^2);  %nilai di matriks A  a11 = 0;  a12 = 1;  a13 = 0;  a14 = 0;  a21 = (-k\*(I+m\*R^2))/h;  a22 = 0;  a23 = -(((m^2)\*(R^3)\*(0.555\*((M+m)\*I+(M\*m\*R^2))+m\*(0.616\*I+0.555\*m\*R^2)))/(h^2));  a24 = (1.57\*I\*m\*R+1.11\*(m^2)\*(R^3))/h;  a31 = 0;  a32 = 0;  a33 = 0;  a34 = 1;  a41 = (0.707\*m\*R\*k)/h;  a42 = 0;  a43 = 0;  a44 = -((0.785\*(m^2)\*(R^2))/h);    %nilai di matriks B  b11 = 0;  b12 = 0;  b21 = (I+m\*R^2)/h;  b22 = (-0.707\*m\*R/h);  b31 = 0;  b32 = 0;  b41 = (-0.707\*m\*R/h);  b42 = (M+m)/h;  %matriks A,B,C, dan D  A = [a11 a12 a13 a14; a21 a22 a23 a24; a31 a32 a33 a34; a41 a42 a43 a44];  B = [0 0; b21 b22; 0 0; b41 b42];  C = eye(4);  D = zeros(4,2);    %================================================================  %observable  Ob=obsv(A,C);  [n,m]=size(Ob);  unob = m-rank(Ob);  if(unob==0)  disp('Given System is Observable.');  else  disp('Given System is Unobservable');  end    %controllable  Co = ctrb(A,B);  [n,m]=size(Co);  unco=n-rank(Co);  if(unco==0)  disp('Given System is Controllable.');  else  disp('Given System is Uncontrollable');  end  %================================================  %Mengecek kestabilan (melihat apakah pole berada di half-right plane)  plant=ss(A,B,C,D);  pole = eig(A);  %Membuat stabil dengan menggunakan LQR  Q=C'\*C;  R=0.01\*eye(2);  p=care(A,B,Q,R);  K=inv(R)\*B'\*p;  Anew=A-B\*K;  Bnew=B;  Cnew=C;  Dnew=D;  polenew=eig(Anew);  plant=ss(Anew,Bnew,Cnew,Dnew);  %==============================================  %Membuat frequency response  tfunction=tf(plant);  bode(tfunction);  %================================================  %Diperoleh sistem baru yang lebih stabil  %Perhitungan H2 norm, Hinfinity norm, L2 dan L infinity    %computing H2  H2=norm(plant,2);  H2=H2^2;    Pgram=gram(Anew,Bnew);  Qgram=gram(Anew',Cnew');    %hitung h infinity  G=pck(Anew,Bnew,Cnew,Dnew);  hinfnorm(G,0.0001)  linfnorm(G,0.0001)  w=logspace(-25,25,200);  Gf=frsp(G,w);  [u,s,v]=vsvd(Gf);  vplot('liv,lm',s), grid    sysgabungan=[A B;C D];    %computing H inf norm  ninf = hinfnorm(G) %Checking H? System    %computing L inf norm  n = norm(G,Inf) %Checking L? System    %computing L2 norm  l2 = sqrt(sum(abs(sysgabungan).^2)) %Checking L2 System  l2 = max(svd(sysgabungan)) %Checking L2 System  matL2 = norm(sysgabungan,2) %Checking L2 System |