## 数学练习 (一)

(练习内容:相似证明、解三角形、翻折与旋转,满分100分)

- 一、解答题(10'×6)
- 1. (DGNTD 11.1.22)正方形 ABCD 的边长是1. Q为BC延长线上一点,QA与CD、BD分别交于点P、E,QO与CD交于F(O为AC与BD交点). 若 $EF \parallel AC$ ,求AP.

2. (DGNTD 11.1.25) △ABC中, ∠A=90°, D为BC上一点(D不是BC中点).

$$\frac{2}{AD} = \frac{1}{BD} + \frac{1}{CD}$$
, P为AD中点.

求证: i. 
$$\angle BDA = 2 \angle BAD$$
;

3. (DGNTD 7.2.25)平面内有梯形 ABCD, AB>CD, AD=BC.记  $S_{$ 檢形  $ABCD}=S$ ,  $\angle A=\theta \text{ , } 求使 y=AD+CD+CB$  最小的 $\theta \text{ . }$ 

4. (DGNTD 7.2.14)  $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB = 90^{\circ}$ , $CD \perp AB \mp D$ , $DE \perp AC \mp E$ , $DF \perp BC$  于 F . 求证:  $\frac{AE}{BF} = \frac{AC^3}{BC^3}$  .

5. (DGNTD 11.2.21)  $AB \perp BD$ ,  $CD \perp BD$ , AB = 6, CD = 4, BD = 14. P在直线 BD 上,满足 $\triangle ABP \sim \triangle CDP$ ,求 BP.

## 二、填空题(20'×2)

- 1. (JDZX P10 T27)P在  $\square$  ABCD 边 BC 上,将  $\triangle$  ABP 沿 AP 翻折,B 恰落于边 AD 中垂线上.若 AB=5,AD=8, $\tan B=\frac{4}{3}$ ,则 BP 长为\_\_\_\_\_.
- 2. (JDZX P53 T23)  $\triangle ABC$  中,AB = AC, $\tan B = 2$ .  $AD \perp BC \mp D$ . G 为 $\triangle ABC$  重心. 将

 $\triangle ABC$  绕G 旋转,得 $\triangle A_1B_1C_1$ ,且 $B_1$ 在直线AD上.联结 $CC_1$ ,则 $\tan \angle CC_1B = \underline{\hspace{1cm}}$ .