

页面置换(REPLACEMENT)算法

又称页面淘汰（替换）算法

最佳算法→先进先出→第二次机会→时钟算法→
最近未使用→最近最少使用→最不经常使用→老
化算法→工作集→工作集时钟

设计
思想

算法
实现

算法
应用

那么有一些 页面置换算法呢希望大家能够知道它是如何来实现的



最佳页面置换算法 (OPT)

- 设计思想:

置换以后不再需要的或最远的将来才会用到的页面

- 实现?

- 作用?

作为一种标准来
衡量其他算法的
性能

最佳页面置换算法，那么这些算法就是好的算法 这就是它的主要的作用



先进先出算法 (FIFO)

- 选择在内存中驻留时间最长的页并置换它

对照：超市撤换商品

- 实现：页面链表法

这是先进先出页面置换算法。



第二次机会算法(SCR)

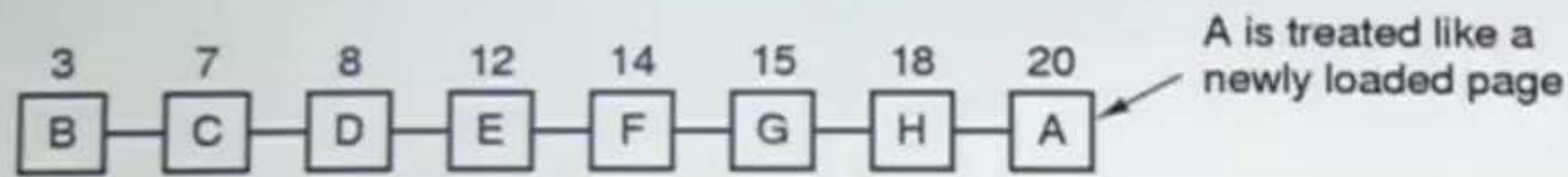
SCR-Second Chance

按照先进先出算法选择某一页面，检查其访问位R，如果为0，则置换该页；如果为1，则给第二次机会，并将访问位置0

Page loaded first



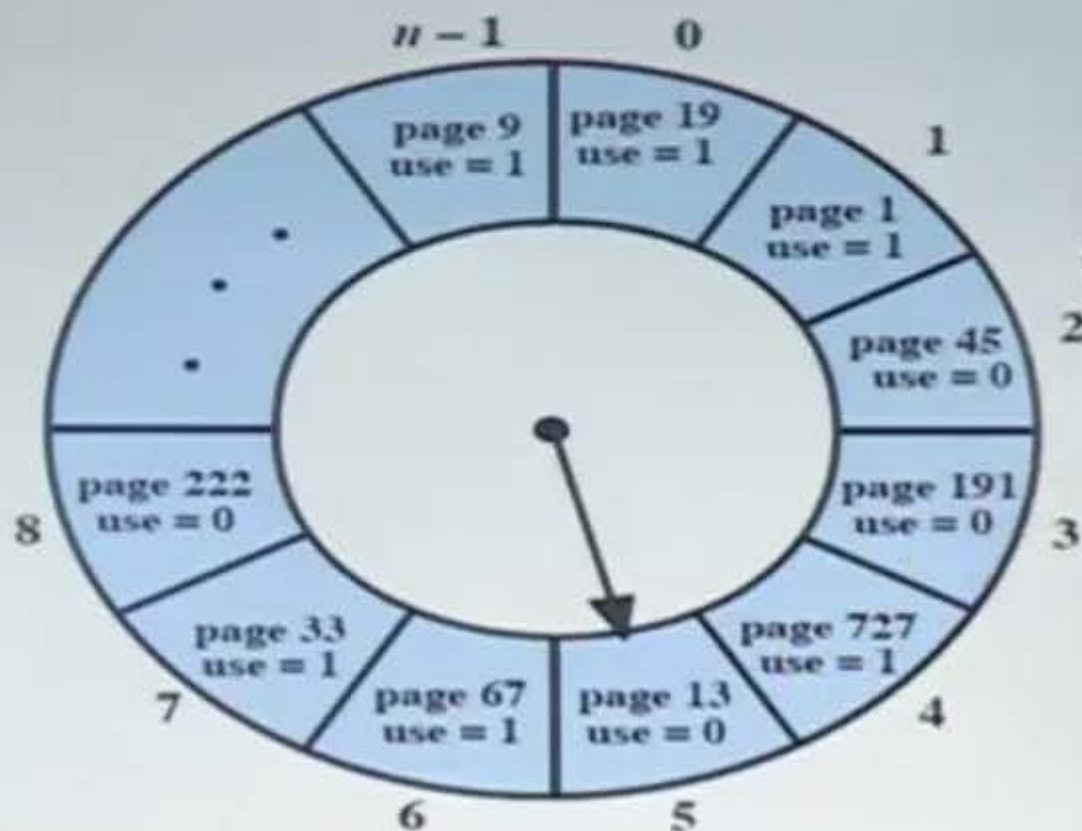
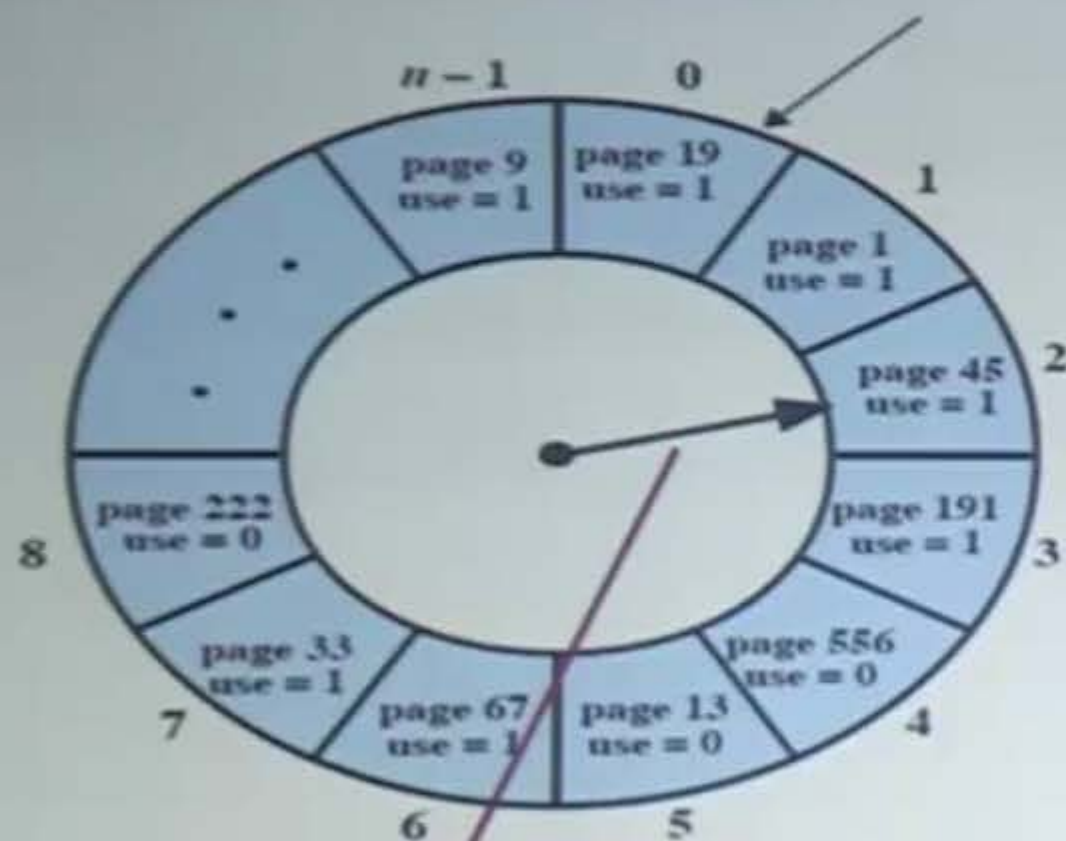
(a)



(b)



时钟算法(CLOCK)



下一页框
指针



最近未使用算法(NRU)(1/2)

Not Recently Used

选择在最近一段时间内未使用过的一页并置换

实现：设置页表表项的两位
访问位（R），修改位（M）

如果硬件没有这些位，则可用软件模拟（做标记）

启动一个进程时，R、M位置0

R位被定期清零（复位）

这样的话呢，如果很长时间内它没有被使用过，它实际上就清完零，那以后就不是1

最近未使用算法(NRU)(2/2)

发生缺页中断时，操作系统检查R，M：

第1类：无访问，无修改

第2类：无访问，有修改

第3类：有访问，无修改

第4类：有访问，有修改

算法思想：

随机从编号最小的非空类中选择一页置换

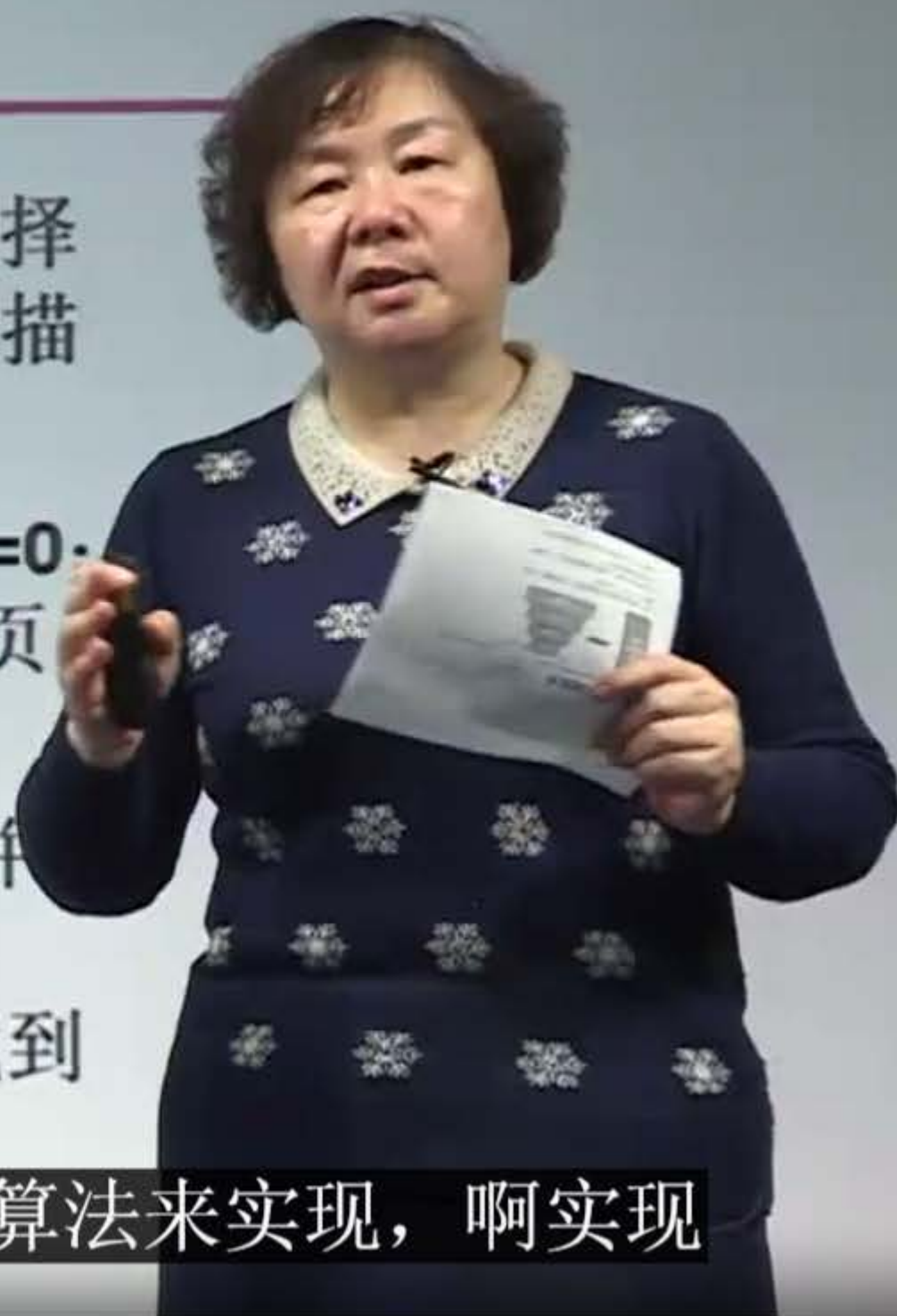
随机选择一个置换出去，好，这是最近未使用的这样一个页面置换算法



时钟算法实现

1. 从指针的当前位置开始，扫描页框缓冲区，选择遇到的第一个页框 ($r=0$; $m=0$) 用于置换(本扫描过程中，对使用位不做任何修改)
2. 如果第1步失败，则重新扫描，选择第一个 ($r=0$; $m=1$) 的页框(本次扫描过程中，对每个跳过的页框，将其使用位设置成0)
3. 如果第2步失败，指针将回到它的最初位置，并且集合中所有页框的使用位均为0。重复第1步，并且，如果有必要，重复第2步。这样将可以找到供置换的页框

当然我们 就是想说，诶，这个算法可以用时钟算法来实现，啊实现



最近最少使用算法(LRU)

Least Recently Used

选择最后一次访问时间距离当前时间最长的一页并
置换

即置换未使用时间最长的一页

- 性能接近OPT
- 实现：时间戳 或 维护一个访问页的栈

→ 开销大

栈，栈，也都可以，但是呢总体来讲，开销比较大



LRU算法的一种硬件实现

◎ 页面访问顺序0, 1, 2, 3, 2, 1, 0, 3, 2, 3

	Page			
	0	1	2	3
0	0	1	1	1
1	0	0	0	0
2	0	0	0	0
3	0	0	0	0

(a)

	Page			
	0	1	2	3
0	0	0	1	1
1	1	0	1	1
2	0	0	0	0
3	0	0	0	0

(b)

	Page			
	0	1	2	3
0	0	0	0	1
1	1	0	0	1
2	1	1	0	1
3	0	0	0	0

(c)

	Page			
	0	1	2	3
0	0	0	0	0
1	1	0	0	0
2	1	1	0	0
3	1	1	1	0

(d)

	Page			
	0	1	2	3
0	0	0	0	0
1	1	0	0	0
2	1	1	0	1
3	1	1	0	0

(e)

0	0	0	0
1	0	1	1
1	0	0	1
1	0	0	0

(f)

0	1	1	1
0	0	1	1
0	0	0	1
0	0	0	0

(g)

0	1	1	0
0	0	1	0
0	0	0	0
1	1	1	0

(h)

0	1	0	0
0	0	0	0
1	1	0	1
1	1	0	0

(i)

0	1	0	0
0	0	0	0
1	1	0	0
1	1	1	0

(j)



最不经常使用算法(NFU)

Not Frequently Used

选择访问次数最少的页面置换

- LRU的一种软件解决方案
- 实现:
 - 软件计数器，一页一个，初值为0
 - 每次时钟中断时，计数器加R
 - 发生缺页中断时，选择计数器值最小的一页置换

的还比较远，但是呢，给我们后续算法提供了一个基础
而我们后续算法呢，就称之为老化算法

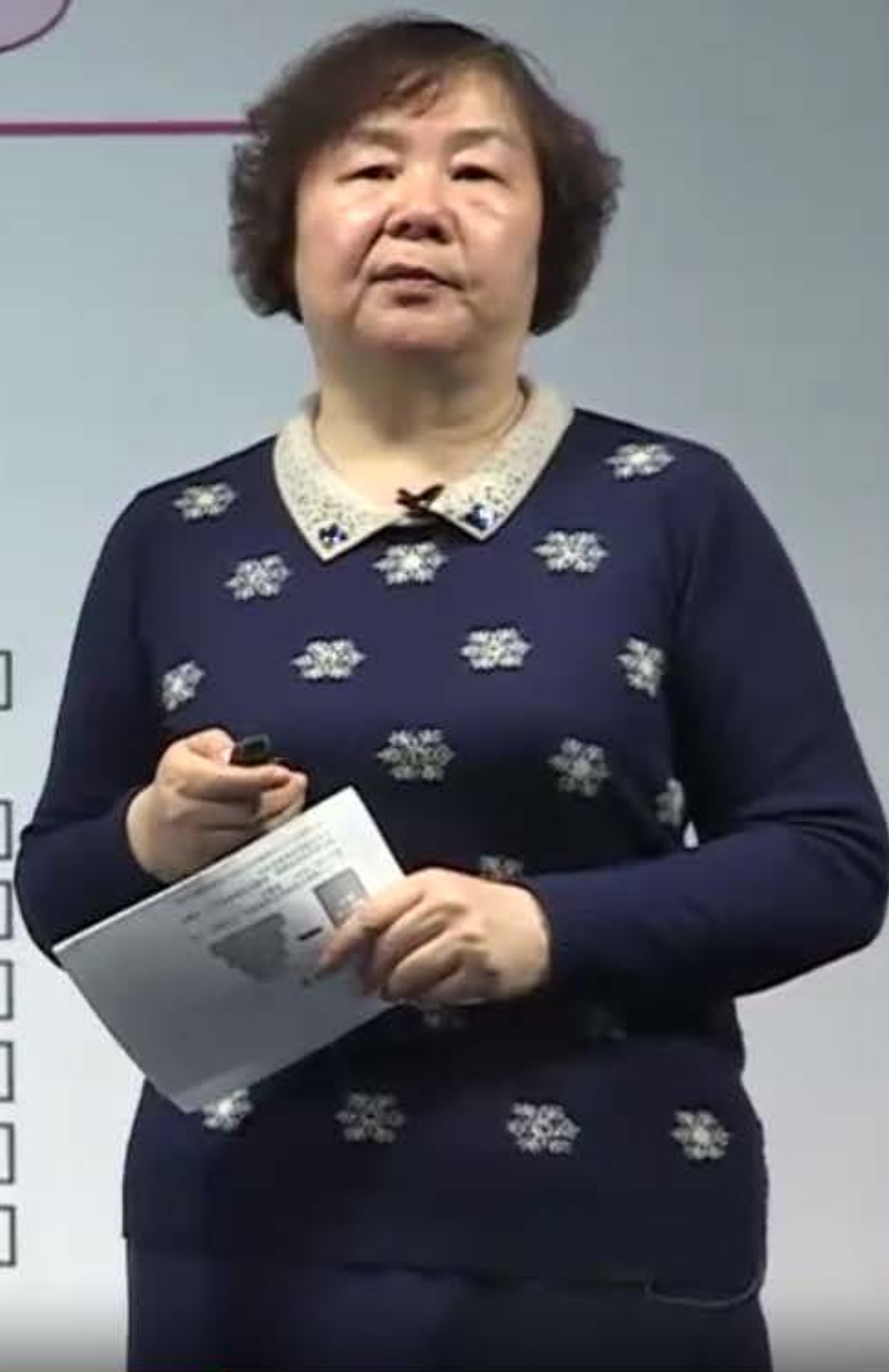


老化算法(AGING)

思考：与
LRU的区别

改进（模拟LRU）：计数器在加R前先右移一位
R位加到计数器的最左端

	R bits for pages 0-5, clock tick 0	R bits for pages 0-5, clock tick 1	R bits for pages 0-5, clock tick 2	R bits for pages 0-5, clock tick 3	R bits for pages 0-5, clock tick 4
	1 0 1 0 1 1	1 1 0 0 1 0	1 1 0 1 0 1	1 0 0 0 1 0	0 1 1 0 0 0
Page					
0	10000000	11000000	11100000	11110000	01111000
1	00000000	10000000	11000000	01100000	10110000
2	10000000	01000000	00100000	00100000	10010000
3	00000000	00000000	10000000	01000000	00100000
4	10000000	11000000	01100000	10110000	01011000
5	10000000	01000000	10100000	01010000	00101000
	(a)	(b)	(c)	(d)	(e)



页面置换算法的应用

例子:

- 系统给某进程分配3个页框(固定分配策略), 初始为空
- 进程执行时, 页面访问顺序为:
2 3 2 1 5 2 4 5 3 2 5 2

要求:

计算应用**FIFO**、**LRU**、**OPT**算法时的缺页次数

页面访问序列, 它的缺页次数是多少? 下面我们来看一下计算过程



应用FIFO、LRU页面置换算法

2 3 2 1 5 2 4 5 3 2 5 2

FIFO

2	2	2	2	5	5	5	5	3	3	3	3
	3	3	3	3	2	2	2	2	2	5	5
			1	1	1	4	4	4	4	4	2
				F	F	F		F		F	F

2 3 2 1 5 2 4 5 3 2 5 2

LRU

2	2	2	2	2	2	2	2	3	3	3	3
	3	3	3	5	5	5	5	5	5	5	5
			1	1	1	4	4	4	2	2	2
				F		F		F	F		

应用OPT页面置换算法

	2	3	2	1	5	2	4	5	3	2	5	2																																				
OPT	<table><tr><td>2</td></tr><tr><td></td></tr><tr><td></td></tr></table>	2			<table><tr><td>2</td></tr><tr><td>3</td></tr><tr><td></td></tr></table>	2	3		<table><tr><td>2</td></tr><tr><td>3</td></tr><tr><td></td></tr></table>	2	3		<table><tr><td>2</td></tr><tr><td>3</td></tr><tr><td>1</td></tr></table>	2	3	1	<table><tr><td>2</td></tr><tr><td>3</td></tr><tr><td>5</td></tr></table>	2	3	5	<table><tr><td>2</td></tr><tr><td>3</td></tr><tr><td>5</td></tr></table>	2	3	5	<table><tr><td>4</td></tr><tr><td>3</td></tr><tr><td>5</td></tr></table>	4	3	5	<table><tr><td>4</td></tr><tr><td>3</td></tr><tr><td>5</td></tr></table>	4	3	5	<table><tr><td>4</td></tr><tr><td>3</td></tr><tr><td>5</td></tr></table>	4	3	5	<table><tr><td>2</td></tr><tr><td>3</td></tr><tr><td>5</td></tr></table>	2	3	5	<table><tr><td>2</td></tr><tr><td>3</td></tr><tr><td>5</td></tr></table>	2	3	5	<table><tr><td>2</td></tr><tr><td>3</td></tr><tr><td>5</td></tr></table>	2	3	5
2																																																
2																																																
3																																																
2																																																
3																																																
2																																																
3																																																
1																																																
2																																																
3																																																
5																																																
2																																																
3																																																
5																																																
4																																																
3																																																
5																																																
4																																																
3																																																
5																																																
4																																																
3																																																
5																																																
2																																																
3																																																
5																																																
2																																																
3																																																
5																																																
2																																																
3																																																
5																																																
				F			F			F																																						

所以我们可以看到 LRU 是最接近最佳页面置换算法的。

BELADY现象

例子：系统给某进程分配 m 个页框，初始为空
页面访问顺序为

1 2 3 4 1 2 5 1 2 3 4 5

采用FIFO算法，计算当 $m=3$ 和 $m=4$ 时的缺页中断
次数

$m=3$ 时，缺页中断9次； $m=4$ 时，缺页中断10次

注：FIFO页面置换算法会产生异常现象（Belady现象），即：当分配给进程的物理页面数增加时，缺页次数反而增加



下面呢我们来介绍置换算法 置换算法呢又称之为页面淘汰算法或者是替换算法 我们主要有这样一些页面置换算法 针对每一个页面置换算法 我们要求大家能够掌握这些页面置换算法的设计思路 和它的一个算法的应用。那么有一些 页面置换算法呢希望大家能够知道它是如何来实现的 第一个要介绍的是最佳页面置换算法 顾名思义，这个算法应该是最优的 它的设计思想是置换以后不再需要的页面 或者是以后 需要，但是是在最远的将来才会用到的页面 当然这是一个很好的算法，但是它能实现吗？我们怎么知道哪些页面以后会用到，什么时候用到呢？因此呢，这个算法的实现是要建立在已经知道页面的 走向序列的基础之上，我们才能够实施这个算法 当然，一个程序运行过去之后，如果 我们把它的访问的页面都记录下来，我们可以针对这个记录的结果 运用这样一个最佳的页面置换算法来给出哪些页面要换出内存 那么这个算法的 更大的意义是它是作为一种标准来衡量其他的 置换算法它的性能是好，还是不好 哪些页面置换算法最接近 最佳页面置换算法，那么这些算法就是好的算法 这就是它的主要的作用 那么下面我们介绍先进先出的这样一个页面置换算法 基本思想就是选择在内存当中驻留时间最长的页面置换出去，也就是先进 内存的，那么先被置换出去 在实现的时候呢，我们可以用一个页面的链表 每加载到内存一个页面，就把它挂入到链表里头去 那么置换的时候呢，是从链表的头开始选择 选择链首的一个页面把它置换出去 那么这个算法呢如果我们对照一个日常生活中的 场景，就是说超市或者便利店里头如何撤换商品这样一个 现象，我们来做一个解释 那么有一个便利店，那么它卖各种各样的商品 那么出了一种新的商品，期望能够进入这个便利店 那么便利店呢可能会通过腾出，把原来的某一个 商品把它换出去，腾出地方来，来放新的商品 到底选择哪些商品把它淘汰了，然后换新的商品呢？如果我们按照先进先出的这个算法，那我们一定会把那些最早进入这个便利店来 销售的这个商品换掉，而我们大家都知道，那个最早 卖的这些东西都是大家日常中最需要买的东西 经常买的东西，柴米油盐酱醋茶，这些东西都是常用的 如果你把某一项淘汰掉了，因为它最早进入，那么实际上呢 对于这个便利店来讲，那么就不便利了，因为很多人要买的东西你没有 所以呢，先进先出这个页面置换算法其实有这样一种问题 特别是一些常用的页面都是很早就进入的 那么你把它淘汰掉，它还得再 通过缺页的异常处理，把它再调进来，实际上又增加了新的开销 这是先进先出页面置换算法。那么我们就在先进先出页面置换算法基础之上呢，我们又进行了一些改进，叫做第二次机会算法 所谓第二次机会算法呢，就是 首先我先按先进先出算法先选择一个页面，选择

一个页框 那么这个时候呢我去检查它的访问位，R 位，访问位是 R 位 前面我们有 A 位，这里头是 R 位，Reference，那么检查这个访问位 R 位，如果为 0 就说明它有一段时间没有被访问过了，那么就把它置换出去 这就是要置换的页面。如果为 1，就给它第二次机会 这个时候呢，把这个访问位呢置成 0，所以访问位 R 位，那么它会 清零的，所以下一次再转过来呢，就可以把这个页面，如果它还是 0 就把它淘汰掉，淘汰掉，或者叫置换出去 那么这里头呢我们来看这样一个例子。那么 A 呢 现在是到头了，如果检查 A 的这个访问位是 1 是 1 的话，那就把送到了后面 然后呢把它的那个访问位呢置成 0 就可以了，这就是第二次机会算法 下面我们介绍时钟算法 我们先来看第二次机会算法 在实现的时候的一个问题，当我选中了一个 页框以后，那么如果这个页框的访问位是 1，我就给它第二次机会 那么把这个页框从链首摘下来，把它的访问位置成 0，然后把它挂到链尾 那么摘链、挂链都需要花一些开销 那么怎么能加快这样一个速度呢？我们就通过的是时钟算法 时钟算法呢是把所有的页框组织成一个环形 然后有一个指针，你通过移动指针来选择下一个要淘汰的页框 好，那么假设现在指针指向这个页框，它的访问位是 1 那么这个根据规则，那么我们就把它保留，那么把它的 访问位设置成 0，然后呢指针下移，指针移完之后又访问到这个，又查找到这样一个页框 它的访问位也是 1，所以呢也把这个页框保留 那么再指向下一个页框，下一个页框大家会发现 访问位是 0，所以就把这个页框淘汰了，淘汰了以后，就置换出 置换进新的页面。它置换进新的 页面置换呢，访问位是 1，然后这个指针就指向下一个 要置换的这样一个页框 这就是时钟算法，我们可以看到它是通过移动这个 指针来选择下一个要置换的页框的 这样就要比摘链、挂链要快。那么下面我们来介绍 最近未使用的一个页面置换算法 那么这个算法它的思想是选择在 最近一段时间内没有使用过的一页把它置换出去 它的具体做法呢，是根据页表表项的 这个两位，一位呢是访问位 R 位，一位呢是修改位 M 位 就根据这两位来决定哪一个页面要被置换 那么我们知道硬件会给出这两位的设置，那么如果 硬件没有这些位的话呢，其实我们也可以用软件来模拟，来模拟这样子，做个标记就可以了 具体的当启动一个进程的时候，那么 R 位、M 位都设置成 0 那么如果有修改，那么 M 肯定是 1 了，那么 R 位呢？因为每次访问，R 位都被 设置成 1，那这样 R 位就没有任何的信息量可参考，所以 R 位我们是对它定期清零的 定期清零。这样的话呢，如果很长时间内它没有被使用过，它实际上就

清完零，那以后就不是 1 了，有这种可能性了 那么这个算法呢就是当产生缺页异常的时候呢，那么操作系统就会去检查 R 位和 M 位 就分成了这么几类页框。第一类页框是 R 位是 0，M 位是 0，就是无访问，没有修改 第二类呢就是没有访问，有修改，因为我们的 R 位是定期清零，所以第二种这种是会出现的 第三类集合里头的页框呢，是有访问，没有修改 第四类是有访问，有修改，而最近未使用这样一个页面置换算法呢就是从这样一个编号，这个不同的集合当中，从编号最小的这样一个非空类的集合当中选择，任意选择一页把它置换出去 随机选择一个置换出去，好，这是最近未使用的这样一个页面置换算法 那我们也同样可以对这个算法进行一个时钟的实现，时钟算法的实现就是从当前的，指针的当前位置开始扫描 整个的页框的缓冲区。选择到了第一个遇到的页框 $r = 0; m = 0$ ，那么就用于置换 在扫描过程当中呢，对于使用我也不做任何修改 那么如果第一步失败了，第一步失败了那就重新扫描 那么选择 $r = 0; m = 1$ 的这样的页框 那么如果，在扫描过程中如果你选中了它 那么，要跳过的页框的话，就把它的使用位设置成 0 如果第二步也失败了没有选中，那么指针就回到了最初的位置，那么这时候集合当中的所有页框的使用位呢，就都是 0 了，就重复第一步，重复第一步 如果有必要的话，再重复第二步。当然我们就是想说，诶，这个算法可以用时钟算法来实现，啊实现 最近最少使用页面置换算法，这是一个最常用的，就是很多的系统中常用的这么一个算法 那么最近最少使用算法的基本思想是 选择最后一次访问时间，距离当前时间最长的一页置换掉。也就是 它的访问时间距离当前时间间隔最大的，我们把它置换掉 那么也就是置换出未使用时间最长的一页 为什么这个算法用得比较多呢？是因为这个算法的性能是最接近我们的最佳页面置换算法的。但是在实现这个算法的时候呢 会遇到一个非常大的开销，因为我们要给每一个页面页框设置一个时间戳 记录下来它使用的时间。那然后 我们就会，当页面置换的时候我们就在所有的页框当中去 比较，看看哪个时间最久，哪个时间最久 最小，那么当然，这个开销就非常大，系统中有太多的页面了 当然也可以维护一个，页面访问的一个所谓的页面的一个 栈，栈，也都可以，但是呢 总体来讲，开销比较大 那么这里头，也就是我们的教材当中呢，举了一个例子 就是说用硬件的办法来实现 LRU，当然啦，这首先需要硬件支持 那么，这里头我们来看一下。它的思想是说，给每一个页框呢，设置了这么一个矩阵，当然这是硬件，设置了矩阵。当这个页框被访问的时候 就把这个页框所对应

的这个，这一行设置为 1 然后，把这个页框所对应的这一列设置为 0 那么，如果我们来看一下啊。页面访问的顺序是 0, 1, 2, 3, 3, 2, 1, 0, 3, 2, 3 的话，那么访问 0 的话，我们就把 0 这一，这一，对应的这一行设置为 1 把这一列设置为 0，如果访问的是这个页框，就把这个页框这一行设置为 1，把对应的这一列设置为 0，那么经过了每次访问都有这么一个这个设置，当然这是硬件做，要不然就太慢啦。到最后，比如说到了这样一个情况，这个时候要置换某页框了，那么怎么做呢？就在这个矩阵当中找到这个值最小的那一个行走，值最小的那一个把它置换出去 这就是 LRU 算法的一种硬件的实现。当然啦我们都看到，开销是非常大的，这是 4 个页框， 4×4 的这么一个，要如果是 100 个页框呢， 100×100 的这么一个硬件的这种矩阵，那个开销非常大 那么，下面我们来看看有没有别的办法来实现 LRU，就是近似的来实现 LRU 那么，这个过程当中呢，首先先出现了一个叫，最不经常使用的页面置换算法 它的思想是说，选择访问次数最少的页面置换掉 原来是说，时间间隔最远的，我把它置换掉 它就把它转换成了频率了，访问次数最少的。当然啦，这个思想是不吻合的 那么，最初提出这个算法是意图，它说它是一个 LRU 的一个软件解决方案 当然这个，我们很明显看到它这个和 LRU 的思想相差还是甚远的 但是它做法是这样的，软件计数器到，给每个页框有个软件计数器，就不能用硬件了 那么，一个页框一个，那么初值是 0。然后每次时钟中断的时候呢，就给这个计数器加一个值，这个值呢就是 R，R 如果是 0 呢，就是加 0，R 是 1 呢，就加 1 那么一旦发生了缺页中断，那么就选择这个计数器值最小的那个页面，把它置换出去啊 这是最不经常使用这样一个算法 那么这个算法虽然和 LRU，相比是相差的还比较远，但是呢，给我们后续的算法提供了一个基础 而我们后续的算法呢，就称之为老化算法 老化算法实际上是一种，通过对刚才的这个算法的改进 让它来模拟 LRU，更进一步地模拟 LRU 那么，基本思想是什么呢？就是这个计数器还是计数器，只是计数器 在加 R 之前，首先先要右移一位，先右移一位 那么我们知道右移一位就是相当于衰减，衰减，就除 2 了，啊除 2 了 好，那么，我们的 R 呢，也不是加在这个计数器的最右端，最低位部分。而是把这个 R 呢，加到了计数器的最左端高位部分。那我们知道，如果 R 是 1，那么这个值就变得很大，如果 R 是 0，就相当于没有任何的影响 那么，这种算法的基本思想是什么呢？就是如果一个页面被访问过 而被访问过的页面呢，那么它就是，按照我这算法它就

是要在这个计数器的最左端啊，高位部分加 1 就 R 嘛，被访问过，我们是 1，然后加 1 但是如果很久很久了，这个页面，就是很久很久就没有被访问过了 那么这个 R，这个原来这个 1 呢，实际上就慢慢慢慢的作用就越来越小 这样就衰减掉了。因为它每次右移每次右移，那么这个 1 的位置就会越来越往右 那么，我们知道，如果很久没被访问过了，前面都填充的是 0，那么这个数值就会越来越小 实际上就是利用了这样一个思想，来近似地来模拟 LRU 我们来看一个例子，那么这个例子的话呢，比如说在某一时刻，这几个页面的访问，是它被访问过了 它没被访问，访问过，没被访问，访问，访问。因此我们来看这个计数器 最高位部分是 1，0，1，0，1，1，对吧？就是符合这样一个访问的 那么过了一个时间，过了一个时间。比如说第二个时间 tick 2，tick 1，过一个时间，那么 这些页面的这个 R 位呢，变成了 1，1，0，0，1，0，那么这个时候呢，我们 就要首先先把所有的计数器都是右移，然后再把这个 R 位加上去 一个时间一个时间过去，那么到了这个时刻，那么我们得到了一个结果 而这个时候如果要置换的话，我们就可以从这些计数器 当中选择这个值最小的一个，可以把它置换出去 那么，如果有相同的呢，我们就随机选一个就可以了。这就是所谓 老化算法。通过了这样一个改变 对计数器的这样一个改变，那么我们实际上发现，就是如果 R 位是访问过的，那么它的这个访问值加在最左端 使这个数值很大。如果它很早以前访问过了，经过了一段时间就衰减掉了 所以，它的作用就起不到了。这就近似地模拟了我们的 LRU，淘汰 淘汰间隔时间最远的那个页框 当然大家可以思考一下，它所以，它与 LRU 有什么样的区别？那么下面我们给出页面置换算法的应用 例子。我们假设啊，系统给进程分配了 3 个页框 那么，我们假设这是固定的分配策略，为了计算方便，我们给出的是固定分配策略 那么初始的时候，这页框都是空的，还没有页面进入内存。那么 进程执行时候的页面访问的顺序呢，是这样一个顺序，比如说：2 3 2 1 5 2 4 啊，5 3 2 5 2 啊，有这么一个页面访问次序。那么下面我们要求大家能够计算 应用先进先出算法 LRU 算法和最佳页面置换算法的时候，针对这样一个 页面访问序列，它的缺页次数是多少？下面我们来看一下计算过程 上面这张图呢，是运用了 先进先出的页面置换算法。我们来看一下 在这里，初始的时候三个页框都是空的，那么，要访问 2 号页面 那么就进来，啊，这是缺页一次，啊，把二号页面读进内存。然后，要访问三号页面，好，缺页一次，把三号页面读进内存。然后又要访

问二号页面，我们知道二号页面已经在内存了，所以这时候没有缺页，没有变-化内存。然后要访问一号页面，那么一号页面呢，啊，进入内存，这个时候内存已经满了，所以这个时候已经有三次缺页了，三次缺页了，从现在开始，这个时候我们来看，要访问五号页面，那么五号页面我们知道内存已经满了，所以我要淘汰，啊，一个页框，淘汰哪个页框呢？我们来看谁先进来的，因为先进来的是二号页面，啊，就是二号页面所在的页框，所以我就把这个页框，把二号页面淘汰掉，然后把五号页面送到这个位置。然后就是二号页面刚刚被置换出去，所以又要进内存，所以又要进内存呢，所以就把三号页面，啊，置换出去，因为三号页面是其次进来的。那么就变成了这样一个情况，这也缺页，然后访问四号页面，四号页面要进来，就把一号页面-置换出去，然后又要访问五号页面，这个时候没有缺页。再访问三号页面，又缺页一次，然后经一次计算，我们可以看到一共缺页呢，是这有六次，前面有三次，所以一共是九次缺页。下面我们来看一下 LRU 的算法的这个应用。前面我们都一样，啊，到了这开始啊，当三个页面已经把内存填满了以后，这时候要访问五号页面，那么五号页面呢，要置换出一个页面来，啊，那么置换哪一个呢？就要看它没被访问的这个时间，就是间隔最久的，那么二号页面虽然先进来，但是二号页面又被访问过了，所以我们可以看到是三号页面，啊，未被访问的时间是最久的，所以把三号页面置换掉，所以五呢，把三号页面置换掉，然后又要访问二号页面，这就没有出现缺页了，所以就跟 FIFO 比起来，它又好了。然后这时候要访问四号页面，四号页面要把谁置换掉呢？我们来看一下那么这里头有二号、五号和一号，而一号呢，是最早被访问的，所以要把一号页面置换掉，缺页一次，置换出一号页面，然后五号页面，再访问，这时候我们发现，又命中了，没有，不需要那个啊，出现缺页，再访问三号页面的时候呢，就把二号页面置换掉，等等等等。大家自己回去慢慢看一下，那么我们这里头会发现，它的缺页次数呢就是四次再加三次，一共是七次，所以刚才是九次，这是七次，说明 LRU 还比 FIFO 要好了。我们来看一下，最佳页面置换算法，缺页几次呢？大家会看到，在五号页面要进来，淘汰谁呢，我们来看一下，一号页面以后不再需要了。所以，最好的就是把一号页面淘汰掉，所以我们知道最佳页面置换算法肯定效果是最理想的，所以把一号页面置换掉。而这时候缺页呢，是在 2、3、5 里头选，2、3、5 里头我们可以看到，二是最远的将来才访问到的，所以把二号页面置换

掉。啊。在这里缺页的话呢，是在 4、3、5 里头选，那么我们在这里头可以说把二号也可以去掉，然后这个 在这里头我们可以看一下，那么如果这次缺页，二号要进来，在 4、3、5 里头选，那么四号和三号其实都符合要求，我们就随机选一个就可以了。所以这是最佳页面置换算法，所以总共、一共是六次缺页。所以我们可以看到 LRU 是最接近最佳页面置换算法的。下面我们来介绍一个现象，叫 BELADY 现象，那么这个现象呢，我们给一个场景：就是系统呢，会给进程分配了 m 个页框，然后，初始的时候，这个 m 页框都是空，那我们给出了一个页面访问的顺序是，1 2 3 4 1 2 5 1 2 3 4 5 要求采用 FIFO 这种页面置换算法。计算出来当 m 等于 3 的时候、 m 等于 4 的时候，它的缺页的次数。那么经过计算呢，其实我们发现了这样一个结果， m 等于 3 的时候，缺页次数是 9 次； m 等于 4 的时候，是缺页中断是 10 次。那么我们前面看的那张图，分配给你的页框越多，那么缺页次数就应该越少，而这儿却出现了一个 异常的现象，那么这就是一个反常的事情发生了，我们这种反常呢，是由 BELADY 发现的，所以它这个现象呢，我们称之为 BELADY 现象。那么 FIFO 算法，也就是先进先出的这个页面置换算法呢，它就会产生这个现象，那么这个现象的思想是：分配给这个进程的物理页面数增加，它的缺页数反而增加。