

سوال ۱: decide $y=0$ if $P(y=0|x) > P(y=1|x)$

فرض برابر بودن احتمال پیشین $\Leftrightarrow P(x|y=0)P(y=0) > P(x|y=1)P(y=1)$

$\Leftrightarrow P(x|y=0) > P(x|y=1)$

$\Leftrightarrow e^{-2x} > \frac{2.25}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-1)^2}{2}}$

$\ln \Leftrightarrow -2x > \ln\left(\frac{2.25}{\sqrt{2\pi}}\right) - \frac{(x-1)^2}{2}$

$\Leftrightarrow \frac{x^2}{2} - 3x + \frac{3}{2} > 0$

$\Leftrightarrow x \in (0, 3-\sqrt{6}) \cup (3+\sqrt{6}, +\infty)$

$\Rightarrow y = \begin{cases} 1 & x \in (3-\sqrt{6}, 3+\sqrt{6}) \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$