توجه:

از نوشتن با مداد خودداری نمایید. استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

در طول امتحان به هیچ سوالی پاسخ داده نمی شود.

سوال ۱ – شکل تقریبی رویه
$$x^{t} = x^{t} - x - 18y + x^{t} - x - 18y + x^{t} - x - 18y + x - 19$$
 را رسم کنید.

سوال ۲ – الف) معادله خط مماس بر منحنی
$$r(t) = (\cos Tt, \sin Yt, Tt)$$
 در نقطه $t = \frac{\pi}{9}$ را بنویسید. $M = (\Upsilon, \Upsilon, \Upsilon)$ را در نقطه $f(x, y, z) = xyz$ ب) مقدار مشتق سویی تابع $f(x, y, z) = xyz$ را در نقطه $f(x, y, z) = xyz$ و در امتداد خط مماس قسمت (الف) محاسبه کنید.

سوال ۳ – تابع برداری
$$f(t)=(\mathcal{F}t+\cos^{7}t\;,\,\mathcal{T}t-\cos \mathcal{T}t\;,\,\mathcal{T}t-\mathcal{T})$$
 داده شده است.

بردارهای یکه مماس ، قائم و قائم دوم آن را در نقطه
$$t=rac{\pi}{7}$$
 به دست آورید.

سوال
$$u=xy^{\mathsf{T}}$$
 , $v=\mathsf{T} x-y$ و $z=f(u,v)$ حاده شده اند.

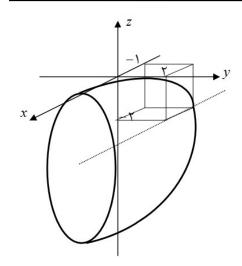
اگر مشتقات نسبی مرتبه دوم
$$f$$
 موجود باشند ، $\frac{\partial^{7}z}{\partial x\partial y}$ ، موجود باشند ، اگر مشتقات نسبی مرتبه دوم

سوال
$$a=0$$
 مقادیر ماکزیمم و مینیمم مطلق تابع $a=0$ $y=0$ $y=0$ را روی ناحیه معدود به خطهای $a=0$ $y=0$ بیابید. $a=0$ بیابید.

موفق باشيد

پاسخ سوالات امتحان میان ترم درس ریاضی۲-فنی (۸ گروه هماهنگ) نیمسال اول ۹۵-۱۳۹۴





جواب سوال ۱: معادله رویه را به صورت استاندارد می نویسیم :

$$x + 1 = f(y - f)^{r} + (z + f)^{r}$$

این رویه یک سهمیگون بیضوی است که راس آن نقطه (-1,7,-1) است و محور تقارن آن موازی محور x ها است.

 $A=r(\frac{\pi}{v})=(\cdot,\frac{\sqrt{v}}{v},\frac{\pi}{v})$ جواب سوال T: الف) خط مماس مورد نظر در نقطه $r'(t)=(-\pi\sin \tau t, 7\cos \tau t,\tau)$ برابر است و چون داریم $\vec{v}=(-\tau,1,\tau)$ برابر است با $\vec{v}=(-\tau,1,\tau)$ برابر است با $\vec{v}=(-\tau,1,\tau)$ عبارت است از :

$$\frac{x}{-\mathtt{T}} = \frac{y - \sqrt{\mathtt{T}/\mathtt{T}}}{\mathtt{T}} = \frac{z - \pi/\mathtt{T}}{\mathtt{T}}$$
 ب داریم $\nabla f(M) = \nabla f(\mathtt{T}, \mathtt{T}, \mathtt{T}) = (\mathtt{T}, \mathtt{T}, \mathtt{T}, \mathtt{T})$ بردار \vec{v} در قسمت قبل محاسبه شده است اما بردار یکه نیست.

بنابر این باید بردار یکه آن یعنی $\vec{u} = \frac{1}{\sqrt{19}} (-7,1,7)$ را در نظر بگیریم.

$$D_{\vec{u}}f(M) = \nabla f(M) \cdot \vec{u} = (\mathsf{YY}, \mathsf{A}, \mathsf{P}) \cdot \frac{\mathsf{Y}}{\sqrt{\mathsf{YQ}}}(-\mathsf{YY}, \mathsf{YY}) = \frac{\mathsf{YY}}{\sqrt{\mathsf{YQ}}}$$

$$|f'(t)| = \sqrt{\Delta \sin^{\Upsilon} \Upsilon t + \mathfrak{f} q}$$
 و $f'(t) = (\mathcal{S} - \sin \Upsilon t , \Upsilon + \Upsilon \sin \Upsilon t , \Upsilon)$ و $f'(t) = (\mathcal{S} - \sin \Upsilon t , \Upsilon + \Upsilon \sin \Upsilon t , \Upsilon)$ بنابر این $T(t) = \frac{1}{\sqrt{\Delta \sin^{\Upsilon} \Upsilon t + \mathfrak{f} q}} (\mathcal{S} - \sin \Upsilon t , \Upsilon + \Upsilon \sin \Upsilon t , \Upsilon)$

$$T'(t) = \frac{-\Delta \sin ft}{(\sqrt{\Delta \sin^f ft} + fg)^r} (f - \sin ft, f' + f' \sin ft, f') + \frac{1}{\sqrt{\Delta \sin^f ft} + f'g} (-f' \cos ft, f' \cos ft, f')$$

انجام می دهیم. $R(t) = \frac{\pi}{7}$ انجام می دهیم. $B(t) = T(t) \cdot N(t)$ اکنون داریم $N(t) = \frac{T'(t)}{|T'(t)|}$ انجام می دهیم.

$$|T'(\frac{\pi}{\mathsf{r}})| = \frac{\mathsf{r}\sqrt{\Delta}}{\mathsf{r}} \quad T'(\frac{\pi}{\mathsf{r}}) = \frac{\mathsf{r}}{\mathsf{r}}(\mathsf{r}, -\mathsf{r}, \bullet) \quad T(\frac{\pi}{\mathsf{r}}) = \frac{\mathsf{r}}{\mathsf{r}}(\mathsf{r}, \mathsf{r}, \mathsf{r})$$

$$B(\frac{\pi}{\mathsf{Y}}) = \frac{\mathsf{I}}{\mathsf{Y}}(\mathsf{F}\;,\,\mathsf{T}\;,\,\mathsf{T}) \times \frac{\mathsf{I}}{\sqrt{\Delta}}(\mathsf{I},-\mathsf{T}\;,\,\boldsymbol{\cdot}\;) = \frac{\mathsf{I}}{\mathsf{Y}\sqrt{\Delta}}(\mathsf{F}\;,\,\mathsf{T}\;,\,-\mathsf{I}\Delta) \qquad \text{ : e.g. } N(\frac{\pi}{\mathsf{Y}}) = \frac{\mathsf{I}}{\sqrt{\Delta}}(\mathsf{I},-\mathsf{T}\;,\,\boldsymbol{\cdot}\;)$$

$$\frac{\partial z}{\partial y} = f_u u_y + f_v v_y = \Upsilon x y f_u - f_v :$$
 جواب سوال \star : داریم

$$\begin{split} \frac{\partial^{\mathsf{Y}} z}{\partial x \partial y} &= \mathsf{Y} y \, f_u + \mathsf{Y} x y \frac{\partial}{\partial x} \, f_u - \frac{\partial}{\partial x} \, f_v = \mathsf{Y} y \, f_u + \mathsf{Y} x y (f_{uu} u_x + f_{uv} v_x) - (f_{vu} u_x + f_{vv} v_x) \\ &= \mathsf{Y} y \, f_u + \mathsf{Y} x y (y^{\mathsf{Y}} f_{uu} + \mathsf{Y} f_{uv}) - (y^{\mathsf{Y}} f_{vu} + \mathsf{Y} f_{vv}) \\ &= \mathsf{Y} y \, f_u + \mathsf{Y} x y^{\mathsf{Y}} f_{uu} + \mathsf{Y} x y f_{uv} - y^{\mathsf{Y}} f_{vu} - \mathsf{Y} f_{vv} \end{split}$$

پاسخ سوالات امتحان میان ترم درس ریاضی۲-فنی (۸ گروه هماهنگ) نیمسال اول ۹۵-۱۳۹۴



 $A = (-7, \cdot)$, $B = (7, \cdot)$, $C = (7, \cdot)$ وشه ای ناحیه مثلثی عبارتند از $C = (7, \cdot)$

 $f(-\Upsilon, \cdot) = \Lambda$, $f(\Upsilon, \cdot) = \cdot$, $f(\Upsilon, \cdot) = \cdot$: و داريم

. $g'(x) = \Upsilon x - \Upsilon$ و $g(x) = f(x, \cdot) = x^{\Upsilon} - \Upsilon x$ روی مرز AB و AB

اکنون اگر e'(x) = 0 آنگاه x = 1 و نقطه M = (1, 0) یک نقطه بحرانی است.

روی مرز AC داریم f(x,x)=f(x,x)=h(x) و f(x)=f(x) . اکنون f(x) یعنی روی این مسیر نقطه بحرانی نداریم.

. k'(y) = -Yy + y و $k(y) = f(Y, y) = -y^{Y} + y$ داریم BC و BC

اکنون اگر $k'(y) = \cdot$ آنگاه $y = \gamma$ و نقطه $N = (\gamma, \gamma)$ یک نقطه بحرانی است.

در ناحیه داخل مثلث برای پیدا کردن نقاط بحرانی بای دگرادیان تابع برابر صفر باشد

یعنی $f_x = \mathsf{T} x - \mathsf{T} x - \mathsf{T} y + \mathsf{T} = 0$ که نتیجه می دهد نقطه $P = (\mathsf{1},\mathsf{T})$ یک نقطه بحرانی درون ناحیه مثلثی است.

 $f(1, \cdot) = -1$ f(7,7) =۴ f(1,7) =7 : مقدار تابع را در نقاط بحرانی محاسبه می کنیم

 $M=(1, \cdot)$ بنابر این ماکزیمم مطلق تابع f در نقطه $A=(-7, \cdot)$ اتفاق می افتد و برابر A است و مقدار مینیمم مطلق آن در نقطه اتفاق می افتد و برابر $A=(-7, \cdot)$ اتفاق می افتد و برابر $A=(-7, \cdot)$ اتفاق می افتد و برابر $A=(-7, \cdot)$

سيدرضا موسوى