بسمه تعالى

تمرین سیگنال ها و سیستم ها <u>سری</u> نهم

۱ - در هریک از انتگرالهای زیر مقدار σ که به ازای آن انتگرال همگراست را بیابید.

$$a)\int_{0}^{+\infty}e^{-5t}e^{-(\sigma+j\omega)t}dt$$

$$b) \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-5|t|} e^{-(\sigma+j\omega)t} dt$$

۲- برای هریک از تبدیل لاپلاسهای زیر صفرها و قطبهای محدود را تعیین کنید.

a)
$$\frac{s+1}{s^2-1}$$

b)
$$\frac{s^2 - 1}{s^2 + s + 1}$$

۳– عکس هریک از تبدیل لاپلاسهای زیر را بیابید.

$$a) \; \frac{1}{s^2 + 9}$$

$$b)\frac{s+2}{s^2+7s+12}$$

$$c)\frac{s^2 - s + 1}{(s+1)^2}$$

۴- با فرض :

$$e^{-at}u(t) \rightarrow \frac{1}{s+a} Re\{s\} > Re\{-a\}$$

عكس تبديل لاپلاس عبارت زير را بدون استفاده از انتگرال محاسبه كنيد.

$$X(s) = \frac{2(s+2)}{s^2 + 7s + 12} \quad Re\{s\} > -3$$

ون کنید که g(t) به صورت زیر است: $x(t)=be^{-t}$ میباشد، که در آن g(t)=x(t)+ax(-t) به صورت زیر است:

$$G(s) = \frac{s}{s^2 - 1}$$

مقدار ثابتهای a,b را بیابید.

است. X(s) مطالب زیر در رابطه با سیگنال X(t) و تبدیل لاپلاس آن X(s) داده شده است.

الف) x(t) حقیقی و زوج است. y(s) بهار قطب محدود دارد ولی صفر محدود ندارد.

$$\int_{-\infty}^{+\infty} x(t)dt = 4$$
 یک قطب دارد. دارد $S = \frac{1}{2}e^{j\frac{\pi}{4}}$ یک X(s) (ج

(s) و ROC آن را تعیین کنید.

-۷ سیستم TI علی S ، با پاسخ ضربه h(t) ، ورودی x(t) و خروجی y(t) توسط معادله خطی با ضرایب ثابت زیر توصیف شده است.

$$\frac{d^3y(t)}{dt^3} + (a+1)\frac{d^2y(t)}{dt^2} + a(a+1)\frac{dy(t)}{dt} + a^2y(t) = x(t)$$

اگر $g(t)=rac{dh(t)}{dt}+h(t)$ باشد، $g(t)=rac{dh(t)}{dt}$

یک سیستم LTI با ورودی $x(t)=e^{-t}u(t)$ و پاسخ ضربه $x(t)=e^{-t}u(t)$ در نظر بگیرید. -۸

الف) تبديل لاپلاس x(t) و h(t) را بيابيد.

ب) با استفاده از خواص تبدیل لاپلاس خروجی y(t) را محاسبه کنید.

. و خروجی y(t) نا با معادله دیفرانسیل زیر را در نظر بگیرید که ورودی x(t) و خروجی y(t) آن با معادله دیفرانسیل زیر به هم مربوط میشود.

$$\frac{d^2y(t)}{dt^2} - \frac{dy(t)}{dt} - 2y(t) = x(t)$$

را برای سه حالت زیر بیابید: h(t)

۱- پایدار باشد. ۲- علی باشد. ۳- نه علی و نه پایدار باشد.

اطلاعات زیر بیان شده است. X(s) و تبدیل لایلاس X(s) اطلاعات زیر بیان شده است.

در دارد. S=-I+2j دارد. S=-I+2j در صفحه S صفر محدود ندارد. S=-I+2j در S=-I+2j قطب دارد.

X(0)=8 - مطلقا انتگرال پذیر نیست. ۵ - 8

و ناحیه همگراییاش را تعیین کنید. X(s)

ا ا - یک سیستم LTI علی باپاسخ ضربه h(t) خواص زیر را دارد.

است. $y(t) = (\frac{1}{6})e^{2t}$ برابر $x(t) = e^{2t}$ است.

ب– پاسخ ضربه سیستم معادله دیفرانسیل زیر را ارضا میکند:

$$\frac{dh(t)}{dt} + 2h(t) = (e^{-4t})u(t) + bu(t)$$

که b یک عدد ثابت مجهول است.

با توجه به معلومات فوق تابع تبدیل H(s)این سیستم را پیدا کنید.

در جواب شما مجهول b نباید وجود نداشته باشد. <<