

# شبکه‌های عصبی و یادگیری عمیق

## دکتر صفابخش



**دانشگاه صنعتی امیرکبیر**  
( پلی تکنیک تهران )  
دانشکده مهندسی کامپیوتر

رضا آدینه پور ۴۰۲۱۳۱۰۵۵

تمرین چهارم  
شبکه CNN

۲۴ اردیبهشت ۱۴۰۳

## سوال اول - نظری

نحوه اشتراک گذاری پارمترها در لایه های کانولوشنی باعث ویژگی Equivariance نسبت به Translation می شود. این ویژگی را شرح دهید و کاربرد آن را توضیح دهید.

پاسخ

شبکه‌های CNN دارای ویژگی Equivariance هستند. یعنی با اعمال تبدیلاتی (مانند جابه‌جایی) در ورودی شبکه، تبدیل‌هایی متناظری را در خروجی ایجاد می‌کند. تاکو کوهن در [۱] به عنوان اولین نفر این به این موضوع پرداخت. اگر تعریف کانولوشن به صورت زیر باشد:

$$(f \star \Psi)(x) = \sum_{y \in \mathbb{Z}^2} \sum_{k=1}^K g_k(y) \Psi_k(y - x)$$

در اینجا  $\Psi$  و  $f$  هر دو دارای کانال  $k$  هستند. که در این مقاله  $k = 1$  در نظر گرفته شده است. ما در اینجا یک تصویر  $f$  داریم که می‌خواهیم آن را با یک کرنل  $\Psi$  کانوالو کنیم تا Feature map های تصویر را به دست آوریم. سپس می‌خواهیم بدانیم که برای هر تبدیل  $t$  آیا دو مورد زیر یکسان است یا خیر:

۱. تبدیل تصویر  $f$  با  $t$  و کانولوشن حاصل تبدیل با کرنل  $\Psi$

۲. کانولوشن تصویر  $f$  با  $\Psi$  و سپس تبدیل حاصل با  $t$

بنابر می‌بایست رابطه زیر را اثبات کنیم:

$$(L_t f) \star \Psi = L_t (f \star \Psi)$$

برای اثبات یک تغییر متغیر به صورت  $y \leftarrow x + y$  انجام می‌دهیم و رابطه کانولوشن را بازنویسی می‌کنیم:

$$\begin{aligned} (f \star \Psi)(x) &= \sum_{y \in \mathbb{Z}^2} f(y) \Psi(y - x) \\ &= \sum_{y \in \mathbb{Z}^2} f(x + y) \Psi(y) \end{aligned}$$

دو طرف معادله را با توجه به عبارتی که می‌خواهیم آن را اثبات کنیم بازنویسی می‌کنیم:

پاسخ

$$\begin{aligned}
 ((L_t f) \star \Psi)(x) &= ((f \circ t^{-1}) \star \Psi)(x) \\
 &= \sum_{y \in \mathbb{Z}^2} f(t^{-1}(x + y)) \Psi(y) \\
 &= \sum_{y \in \mathbb{Z}^2} f(x + y - t) \Psi(y)
 \end{aligned}$$

و  $L_t(f \star \Psi)$  به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\begin{aligned}
 (L_t(f \star \Psi))(x) &= (f \star \Psi)(x - t) \\
 &= \sum_{y \in \mathbb{Z}^2} f((x - t) + y) \Psi(y) \\
 &= \sum_{y \in \mathbb{Z}^2} f(x + y - t) \Psi(y)
 \end{aligned}$$

و مشاهده می‌شود که دو طرف تساوی باهم برابر است.  
همچنین از کاربردهای آن می‌توان به موارد زیر اشاره کرد:

#### ۱. Spatial Consistency

تضمین می‌کند که الگوها یا ویژگی‌ها را می‌توان بدون توجه به موقعیت آنها در ورودی تشخیص داد و شبکه عصبی را در برابر تغییرات و Translation ها انعطاف‌پذیر می‌کند.

#### ۲. کاهش پیچیدگی

از آنجایی که پارامترهای یکسان در کل فضای ورودی استفاده می‌شود، CNN ها پارامتر کمتری در مقایسه با شبکه‌های Fully connected با اندازه مشابه دارند.

#### ۳. تعمیم یادگیری

\*

#### References

- [1] Cohen T, Welling M. Group equivariant convolutional networks. In International conference on machine learning 2016 Jun 11 (pp. 2990-2999). PMLR.

## سوال دوم - نظری

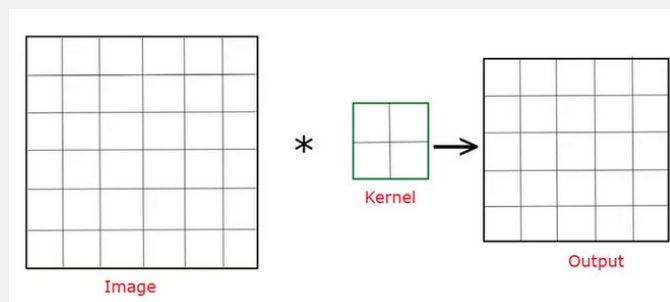
شبکه‌های عمیق از عدم تفسیرپذیری رنج می‌برند. تلاش برای حل این مشکل، دو ایده Deconvolutional و Up-convolutional مطرح شده است. بررسی کنید و توضیح دهید هرکدام از دو روش، به چه صورت منجر به تفسیرپذیری می‌شوند؟

پاسخ

پیش از توضیح دادن این دو روش که چگونه به تفسیرپذیری کمک می‌کنند، ابتدا این دو روش را مختصراً توضیح می‌دهیم.

## ۱. شبکه Deconvolutional یا Transposed convolutional layer:

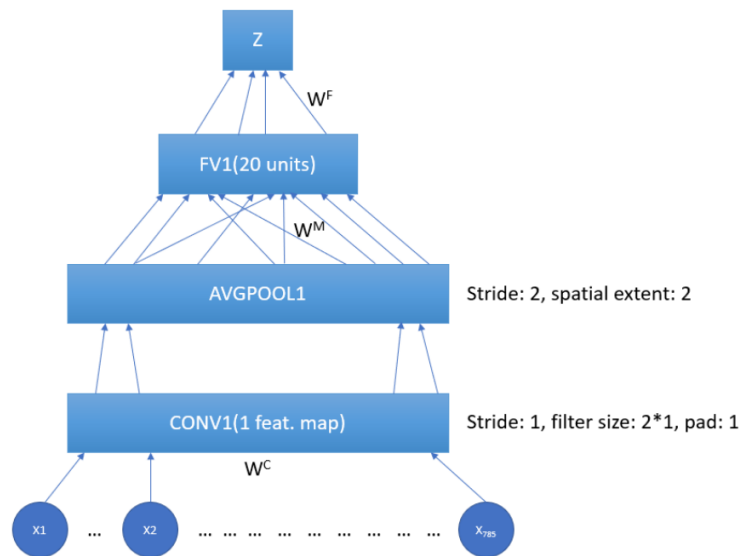
این شبکه دقیقاً برعکس لایه‌های کانولوشنی عمل می‌کند. در لایه‌های کانولوشن ویژگی‌های مهم تصویر با استفاده از یک کرنل استخراج می‌شود و خروجی به عنوان Feature map شناخته می‌شود. ابعاد تصویر (ممکن است) کاهش یابد و اطلاعات مهم تصویر حفظ می‌شود.



شکل ۱: لایه کانولوشن

## سوال سوم - نظری

معماری شبکه کانولوشنی زیر را در نظر بگیرید:



شکل ۲: شبکه کانولوشنی مورد بررسی در سوال سوم

- ابعاد ورودی  $1 \times 785$  و خروجی شبکه  $1 \times 1$
- لایه ورودی  $X$  با Zero-padding با طول ۱
- لایه کانولوشنی یک‌بعدی Conv1 با یک کرنل  $1 \times 2$  و تابع فعال‌سازی ReLU
- لایه Average-polling (AVGPOOL1)
- لایه تمام متصل FC1 با تابع فعال‌سازی ReLU
- لایه خروجی  $Z$  که به لایه FC1 کاملاً متصل است و تابع فعال‌سازی Sigmoid

وزن لایه FC1 به  $Z$  را با  $W_i^F$ ، بایاس  $Z$  را با  $b^F$ ، وزن لایه AVGPOOL1 به FC1 را با  $W_{ij}^A$ ، بایاس FC1 را با  $b_i^M$  بردار  $W^C$  برابر  $[W_1^C, W_2^C]$  و بایاس لایه کانولوشنی را با  $b^C$  نشان می‌دهیم. داده‌های مجموعه آموزش به صورت  $X^i$  و خروجی مورد انتظار به صورت  $Y^i$  است. همچنین خروجی‌های لایه‌های شبکه به ترتیب  $c(X^i)$ ،  $a(X^i)$ ،  $f(X^i)$ ،  $z(X^i)$  می‌نامیم. در این صورت، تابع هزینه به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\text{cost}(X, Y) = \sum_n \text{cost}(X^{(n)}, Y^{(n)}) = \sum_n (-Y^{(n)} \log(z(X^{(n)})) - (1 - Y^{(n)}) \log(1 - z(X^{(n)})))$$

باتوجه به مفروضات بالا، به پرسش‌های زیر پاسخ دهید:

۱. تعداد پارامترهای شبکه بالا را با ذکر جزئیات محاسبه کنید.
۲. برای فقط یک نمونه آموزشی، مقدار  $\frac{\partial \text{Cost}}{\partial W_1^C}$  و  $\frac{\partial \text{Cost}}{\partial W_{ji}^A}$  را با جزئیات محاسبه کنید.

## سوال چهارم - نظری

کانولوشن متسع<sup>۱</sup> روشی برای افزایش میدان پذیرش (Receptive field) شبکه‌های کانولوشنی است که به صورت زیر تعریف می‌شود: (دقت شود خروجی تنها برای اندیس‌هایی از کرنل و تصویر همپوشانی کامل دارند، محاسبه می‌شود)

$$(k * I)(i, j) = \sum_{m=-\infty}^{\infty} \sum_{n=-\infty}^{\infty} K(m, n) I(i + D_m, j + D_n)$$

۱. در یک شبکه کانولوشنی با یک لایه کانولوشن  $K \times K$  با طول گام یک، عرض میدان پذیرش را بدست آورید.
۲. برای ورودی  $I \in \mathbf{R}^{M \times N}$  و کرنل  $K \in \mathbf{R}^{F \times F}$ ، نشان دهید خروجی عملگر متسع دارای ابعاد  $(M - DF + D) \times (N - DF + D)$  است. متغیر  $D$  به معنی Dilation است.
۳. نشان دهید کانولوشن متسع معادل کانولوشن با کرنل متسع شده  $K' = K \otimes A$  است. ماتریس  $A$  را مشخص کنید. (عملگر  $\otimes$  به معنی Kronecker product است.)

---

<sup>۱</sup>Dilated convolution

## سوال پنجم - عملی

شبکه‌های کانولوشنی با توجه به توانایی آن‌ها در استخراج و یادگیری خودکار ویژگی‌ها، مقاومت نسبت به تغییرات و کارایی آن‌ها در مقابل پیچیدگی‌های وظیفه‌ی بازشناسی چهره، یک عنصر اساسی در اکثر اسن سیستم‌ها هستند. در این تمرین قصد داریم که با استفاده از شبکه‌های عصبی کانولوشنی به تحلیل احساسات چهره<sup>۲</sup> و طبقه‌بندی آن‌ها از روی تصویر بپردازیم. مجموعه داده‌ی این تمرین شامل ۱۲۰۰ تصویر نمونه‌گیری شده از هر کلاس مجموعه [AffectNet](#) می‌باشد. مجموعه داده AffectNet شامل ۴۵۰ هزار تصویر چهره با ۸ حالت مختلف می‌باشد که شکل ۳ نمونه‌هایی از آن را نشان می‌دهد.



شکل ۳: نمونه‌هایی از مجموعه داده AffectNet

۱. پیش‌پردازش و داده‌افزایی: مجموعه داد را از این [لینک](#) دانلود کنید و از هر کلاس سه نمونه را نمایش دهید. برای افزایش سرعت آموزش، تمامی تصاویر را به بازه  $[0, 1]$  نرمال‌سازی کنید. همچنین داده‌ها را با پردازش مناسب افزونه کنید. توضیح دهید که به‌نظر شما استفاده از چه پردازش‌هایی در این حالت مناسب است و چرا در این مسئله نیاز به داده‌افزایی وجود دارد؟ از هر کلاس سه نمونه‌ی افزونه شده را نمایش دهید و همچنین تعداد کل نمونه‌ها پیش و پس از داده‌افزایی را در گزارش خود بیاورید.

۲. یادگیری انتقالی یک رویکرد رایج در هوش مصنوعی است که از یک مدل از قبل آموزش دیده برای یک وظیفه متفاوت اما مرتبط استفاده می‌کند و آن را با وظایف جدید تطبیق می‌دهد. با استفاده از شبکه پیش آموزش دیده VGG16 وظیفه بازشناسی حالت چهره را بر روی مجموعه داده ارائه شده انجام دهید. برای فرایند آموزش، از داده‌های موجود در پوشه Train استفاده کنید. نمودار خطا و دقت در فرایند آموزش و نمودار ROC و ماتریس درهم‌ریختگی را برای داده‌های موجود در پوشه Validation گزارش کنید.

به‌کارگیری شبکه‌های ازپیش آموزش دیده به‌طور خاص در زمانی که داده‌ی کمی وجود دارد مزایای زیادی دارد اما این شبکه‌ها با توجه به معماری ازپیش تعریف شده و نسبتاً سنگین آنها برای استفاده در ابزارهای کاربردی مانند تلفن همراه مناسب نیستند. مدل‌های موجود در تلفن‌های همراه باید نیازهای ذخیره‌سازی را به حداقل برسانند و درعین حال افت عملکرد قابل توجهی نداشته باشند. برای دستیابی به این امر، در [این مقاله](#) سه معماری سبک از سه شبکه کانولوشنی مطرح یعنی VGG، AlexNet و MobileNet مطرح شده است. نتایج به‌دست آمده نشان می‌دهد که این سه معماری عملکرد مشابهی نسبت به آخرین مدل‌های پیشرو در این زمینه دارند.

<sup>۲</sup> Facial expression recognition

۳. معماری مطرح شده برای شبکه VGG که جزئیات آن در شکل ۴ آمده است را پیاده‌سازی کنید. این مدل را بر روی مجموعه داده ارائه شده آموزش دهید و نمودار خطا و دقت آن را رسم کنید. همچنین با استفاده از داده موجود در پوشه Validation مدل را تست کنید و نمودار ROC و ماتریس درهم‌ریختگی آن را گزارش کنید. تعداد پارامترهای این مدل و عملکرد آن را با مدل قسما قبل مقایسه و تحلیل کنید.

Type	Shape	Output
2×Conv	$3 \times 3 \times 16$	$128 \times 128 \times 16$
MaxPool	$2 \times 2$	$64 \times 64 \times 16$
2×Conv	$3 \times 3 \times 32$	$64 \times 64 \times 32$
MaxPool	$2 \times 2$	$32 \times 32 \times 32$
2×Conv	$3 \times 3 \times 64$	$32 \times 32 \times 64$
MaxPool	$2 \times 2$	$16 \times 16 \times 64$
2×Conv	$3 \times 3 \times 128$	$16 \times 16 \times 128$
MaxPool	$2 \times 2$	$8 \times 8 \times 128$
2×Conv	$3 \times 3 \times 128$	$8 \times 8 \times 128$
MaxPool	$2 \times 2$	$4 \times 4 \times 128$
Flatten	2048	—
2×Dense	1024	—
Dense	8 or 2	1 label or 2 floats

شکل ۴: معماری شبکه VGG ارائه شده در مقاله

۴. برای درک هرچه بهتر عملکرد شبکه‌های کانولوشنی ابزارهای متنوعی وجود دارد. یکی از این ابزارها نقشه‌ی فعال‌سازی کلاس<sup>۳</sup> یا به اختصار CAM است که یک نمونه از آن در شکل ۳؟ آمده است. بررسی کنید که استفاده از این ابزار چه پیش‌بینی برای بهبود شبکه‌های کانولوشنی فراهم می‌آورد. برای دو نمونه با اشتباه دسته بندی شده و دو نمونه به درستی دسته بندی شده به ازای هر کلاس در مدل سوال ۳ نقشه‌ی فعال‌سازی کلاس را به دست آورید و با تحلیل نتایج به دست آمده، رویکردی برای بهبود شبکه پیشنهادی سوال ۳ ارائه دهید.

<sup>۳</sup>Class activation map