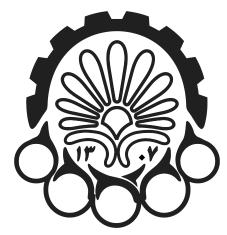
# شبکههای عصبی و یادگیری عمیق دکتر صفابخش



دانشگاه صنعتی امیر کبیر ( پلی تکنیک تهران ) دانشکده مهندسی کامپیوتر

رضا آدینه پور ۴۰۲۱۳۱۰۵۵

تمرین چهارم شبکه CNN

۲۵ اردیبهشت ۱۴۰۳



## شبکههای عصبی و یادگیری عمیق

تمرين چهارم

رضا آدینه یور ۴۰۲۱۳۱۰۵۵

#### ■ سوال اول - نظری

نحوه اشتراک گذاری پارمترها در لایه های کانولوشنی باعث ویژگی Equivariance نسبت به Translation می شود. این ویژگی را شرح دهید و کاربرد آنرا توضیح دهید.

#### پاسخ

شبکههای CNN دارای ویژگی Equivariance هستند. یعنی با اعمال تبدیلاتی (مانند جابهجایی) در ورودی شبکه، تبدیلهایی متناظری را در خروجی ایجاد میکند. تاکو کوهن در [۱] به عنوان اولین نفر این به این موضوع پرداخت. اگر تعریف کانولوشن به صورت زیر باشد:

$$(f \star \Psi)(x) = \sum_{y \in \mathbf{Z}^2} \sum_{k=1}^K g_k(y) \Psi_k(y-x)$$

در اینجا  $\Psi$  و f هردو دارای کانال k هستند. که در این مقاله k=1 درنظر گرفته شده است. ما در اینجا یک تصویر f داریم که میخواهیم آن را با یک کرنل  $\Psi$  کانوالو کنیم تا Feature map های تصویر را به دست آوریم. سپس میخواهیم بدانیم که برای هر تبدیل t آیا دو مورد زیر یکسان است یا خیر:

 $\Psi$  با کرنل با کرنل و کانولوشن حاصل تبدیل با کرنل ا تبدیل تصویر با کرنل با تبدیل تبدیل تبدیل با کرنل با کرنل

t با  $\Psi$  و سپس تبدیل حاصل با  $\Psi$  با  $\Psi$  د کانولوشن تصویر

بنابر مىبايست رابطه زير را اثبات كنيم:

$$(L_t f) \star \Psi = L_t (f \star \Psi)$$

برای اثبات یک تغیر متغیر به صورت  $y \leftarrow x + y$  انجام می دهیم و رابطه کانولوشن را بازنویسی می کنیم:

$$(f \star \Psi)(x) = \sum_{y \in \mathbf{Z}^2} f(y)\Psi(y - x)$$
$$= \sum_{y \in \mathbf{Z}^2} f(x + y)\Psi(y)$$

دو طرف معادله را باتوجه به عبارتی که میخواهیم آن را اثبات کنیم بازنویسی میکنیم:

باسخ

$$((L_t f) \star \Psi)(x) = ((f \circ t^{-1}) \star \Psi)(x)$$
$$= \sum_{y \in \mathbf{Z}^2} f(t^{-1}(x+y))\Psi(y)$$
$$= \sum_{y \in \mathbf{Z}^2} f(x+y-t)\Psi(y)$$

و  $L_t(f\star\Psi)$  به صورت زیر تعریف می شود:

$$(L_t(f \star \Psi))(x) = (f \star \Psi)(x - t)$$

$$= \sum_{y \in \mathbf{Z}^2} f((x - t) + y)\Psi(y)$$

$$= \sum_{y \in \mathbf{Z}^2} f(x + y - t)\Psi(y)$$

و مشاهده میشود که دو طرف تساوی باهم برابر است. همچنین از کاربردهای آن میتوان به موارد زیر اشاره کرد:

Spatial Consistency .\

تضمین میکند که الگوها یا ویژگیها را میتوان بدون توجه به موقعیت آنها در ورودی تشخیص داد و شبکه عصبی را در برابر تغییرات و Translation ها انعطافپذیر میکند.

۲. کاهش پیچیدگی

از آنجایی که پارامترهای یکسان در کل فضای ورودی استفاده می شود، CNN ها پارامتر کمتری در مقایسه با شبکههای Fully connected با اندازه مشابه دارند.

۳. تعمیم یادگیری



References

[1] Cohen T, Welling M. Group equivariant convolutional networks. InInternational conference on machine learning 2016 Jun 11 (pp. 2990-2999). PMLR.

#### ---- سوال دوم - نظری

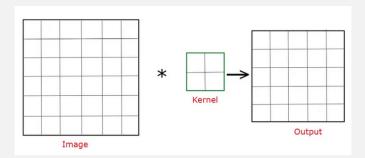
شبکههای عمیق از عدم تفسیرپذیری رنج میبرند. تلاش برای حل این مشکل، دو ایده Deconvolutional و -up و -up مضرح شده است. بررسی کنید و توضیح دهید هرکدام از دو روش، به چه صورت منجر به تفسیرپذیری می شوند؟

#### پاسخ

پیش از توضیح دادن این دو روش که چگونه به تفسیرپذیری کمک میکنند، ابتدا این دو روش را مختثرا توضیح میدهیم.

۱. شبکه Deconvolutional یا Deconvolutional یا Transposed convolutional

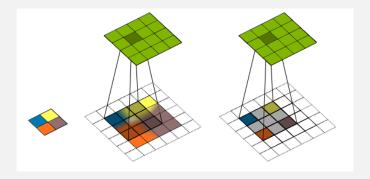
در لایههای کانولوشن ویژگیهای مهم تصویر با استفاده از یک کرنل استخراج می شود و خروجی به عنوان Feature می شود. سناخته می شود. ابعاد تصویر (ممکن است) کاهش یابد و اطلاعات مهم تصویر حفظ می شود.



شكل ١: لايه كانولوشن

لایه Deconvolution دقیقا برعکس لایههای کانولوشنی عمل میکند. یعنی از یک Feature map میتوان به تصویر رسید. الگ.ریتم Deconv با نگاشت نقشههای ویژگی به فضای ورودی، این امکان را فراهم میکند

Up-convolution: لایه Up-convolution نیز همانند Up-convolution ابعاد ورودی را زیاد میکند و هدف آن تولید یک تصویر بزرگتر از ورودی آن است.



شکل ۲: لایه Up-convolution

در بسیاری از مراجه این دو تکنیک را معادل با هم میگیرند چرا که در هر دو روش هدف افزایش ابعاد ورودی است و این کار دقیقا برعکس کانولوشن انجام میشود.

باسخ

لایه Deconvolution و  $\mathrm{Up ext{-}convolution}$ با نمایش نقشههای ویژگی به فضای ورودی، به ما امکان میدهد ببینیم چه نوع الگوهای ورودی نورونهای خاصی را فعال میکنند. در  $\mathrm{Up ext{-}convolution}$ 

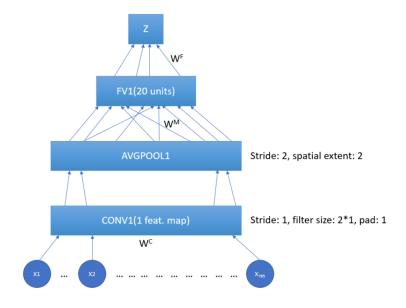


References

[1] Durall R, Keuper M, Keuper J. Watch your up-convolution: Cnn based generative deep neural networks are failing to reproduce spectral distributions. InProceedings of the IEEE/CVF conference on computer vision and pattern recognition 2020 (pp. 7890-7899).

#### سوال سوم - نظری

معماری شبکه کانولوشنی زیر را درنظر بگیرید:



شکل ۳: شبکه کانولوشنی مورد بررسی در سوال سوم

- ابعاد ورودي  $1 \times 785$  و خروجي شبكه  $1 \times 1$ 
  - لايه ورودي X با Zero-padding با طول ۱
- ReLU با یک کرنل  $2 \times 1$  و تابع فعالسازی Conv1 و لایه کانولوشنی یکبعدی
  - Average-polling(AVGPOOL1) لايه •
  - m ReLU با تابع فعالسازی m FC1 و لایه تمام متصل
  - Sigmoid کاملا متصل است و تابع فعالسازی FC1 کاملا متصل است و تابع فعالسازی

وزن لایه FC1 به Z را با  $W_{ij}^A$ ، بایاس FC1 را با  $W_{ij}^A$  به FC1 را با  $W_{ij}^A$ ، بایاس FC1 را با  $W_{ij}^A$  به FC1 وزن لایه FC1 را با  $W_{ij}^A$  بایاس FC1 را با  $W_{ij}^C$  بایاس  $W_{ij}^C$  بایاس لایه کانولوشنی را با  $W_{ij}^C$  نشان میدهیم. دادههای مجموعه آموزش به صورت  $W_{ij}^C$  و بایاس لایه کانولوشنی را با  $W_{ij}^C$  نشان میدهیم. دادههای مجموعه آموزش به کانولوشنی و خروجیهای لایههای شبکه به ترتیب  $W_{ij}^C$  و بایاس  $W_{ij}^C$  بایاس و خروجی می می می می شود:

$$cost(X,Y) = \sum_{n} cost(X^{(n)}, Y^{(n)}) = \sum_{n} (-Y^{(n)}log(z(X^{(n)})) - (1 - Y^{(n)})log(1 - z(X^{(n)})))$$

باتوجه به مفروضات بالا، به پرسشهای زیر پاسخ دهید:

۱. تعداد پارامترهای شبکه بالا را با ذکر جزئیات محاسبه کنید.

بر اساس اطلاعات داده شده برای لایه conv1، تعداد پارامترهای این لایه بهصورت زیر محاسبه میشود:

(آ) وزن ها: ۲

(ب) بایاس: ۱ (چون یک کرنل داریم)

بنابراین پارامترهای این لایه میشود:

conv : 2 + 1 = 3

لایه AVGPOOL1 پارامتری ندارد. زیرا تنها down-sampling انجام میدهد.

در لایه FC1 داریم: با توجه به stride=2 ابعاد خروجی برابر است با:

$$\frac{785 + 2*0 - 2}{2} + 1 = 393 \rightarrow dim = [1 \times 393]$$

بنابراین تعداد یارامترهای این لایه میشود:

 $393 \times 20$  (آ) وزنها:

(ب) بایاس: ۲۰ (تعداد واحدها)

$$(393 \times 20) + 20 = 7860 + 20 = 7880$$

برای لایه خروجی (Z) داریم:

$$20 + 1 = 21$$

و درمجموع تعداد كل پارامترهاي شبكه برابر است با:

- (آ) لايه كانولوشن: ٣
  - (ب) لايه پولينگ: ٠
- (ج) لايه تمام متصل:۷۸۸۰
  - (د) لايه خروجي: ۲۱

parameters: Total3 + 0 + 7880 + 21 = 7904

۲. برای فقط یک نمونه آموزشی، مقدار  $\frac{\partial Cost}{\partial W_1^A}$  و  $\frac{\partial Cost}{\partial W_1^A}$  را با جزئیات محاسبه کنید.

باسخ

خروجی لایه کانولوشن به صورت زیر تعریف می شود:

 $c_i = ReLU(W_1^c x_{i-1} + W_2^c x_i + b^c)$ 

خروجي لايه AVGPOOL1 بهصورت زير تعريف ميشود:

$$a_j = \frac{x_{2j-1} + c_{2j}}{2}$$

خروجي لايه Fully connected نيز بهصورت زير تعريف مي شود:

$$f_i = ReLU(\sum_{i} W_{ij}^{A} a_j + b_i^{M})$$

و درنهایت خروجی لابه آخر Z به صورت زیر می شود:

$$z = \sigma(\sum_{i} W_i^F f_i + b^F)$$

برای بدست آوردن مشتق خطا نسبت به وزنها به صورت زیر عمل میکنیم: ابتدا مشتق خطا نسبت به خروجی را بدست میآوریم:

$$\frac{\partial Cost}{\partial z} = -\frac{Y}{z} + \frac{1 - Y}{1 - z}$$

با استفاده از قانون مشتق زنجیرهای می توان نوشت:

$$\frac{\partial Cost}{\partial W_i^F} = \frac{\partial Cost}{\partial z} \cdot \frac{\partial z}{\partial W_i^F}$$

$$\frac{\partial Cost}{\partial W_i^F} = \left(-\frac{Y}{z} + \frac{1 - Y}{1 - z}\right) \cdot z(1 - z) \cdot f_i$$
$$\frac{\partial Cost}{\partial W_i^F} = (z - Y) \cdot f_i$$

برای مشتق خطا نسبت به  $b^F$  میتوان نوشت:

$$\frac{\partial Cost}{\partial b^F} = (z - Y)$$

همچنین برای لایه FC1 میتوان نوشت:

$$\frac{\partial Cost}{\partial f_i} = \frac{\partial Cost}{\partial z} \cdot \frac{\partial z}{\partial f_i}$$

$$\frac{\partial Cost}{\partial f_i} = (z - Y) \cdot W_i^F$$

بنابراین برای  $W_{ij}^{A}$  و  $W_{ij}^{A}$  میتوان نوشت:

پاسخ

$$\frac{\partial Cost}{\partial W_{ij}^{A}} = \frac{\partial Cost}{\partial f_{i}} \cdot \frac{\partial f_{i}}{\partial W_{ij}^{A}}$$
$$\frac{\partial Cost}{\partial W_{ij}^{A}} = (z - Y) \cdot W_{i}^{F} \cdot 1(f_{i} > 0) \cdot a_{j}$$
$$\frac{\partial Cost}{\partial b_{i}^{M}} = (z - Y) \cdot W_{i}^{F} \cdot 1(f_{i} > 0)$$

براى لايه AVGPOOL1 مىتوان نوشت:

$$\frac{\partial Cost}{\partial a_j} = \sum_{i} \frac{\partial Cost}{\partial f_i \cdot \frac{\partial f_i}{\partial a_j}}$$

$$\frac{\partial Cost}{\partial a_j} = \sum_{i} (z - Y) \cdot W_i^F \cdot 1(f_i > 0) \cdot W_{ij}^A$$

و در نهایت برای مشتق نسبت به  $W_1^C$  میتوان نوشت:

$$\frac{\partial Cost}{\partial W_1^C} = \sum_{i} \frac{\partial Cost}{\partial c_i} \cdot \frac{\partial c_i}{\partial W_1^C}$$

$$\frac{\partial Cost}{\partial W_1^C} = \sum_{i} \left(\frac{\partial Cost}{\partial a_{(\frac{i}{2})}} \cdot \frac{\partial a_{(\frac{i}{2})}}{\partial c_i}\right) \cdot 1(c_i > 0) \cdot x_{i-1}$$

در نهایت داریم:

$$\frac{\partial \text{Cost}}{\partial W_1^C} = \sum_{i} \left( \sum_{j:i \in \{2j-1,2j\}} (z - Y) \cdot W_j^F \cdot \mathbf{1}(f_j > 0) \cdot W_{ji}^A \right) \cdot \mathbf{1}(c_i > 0) \cdot x_{i-1}$$

$$\frac{\partial \text{Cost}}{\partial W_{ji}^A} = (z - Y) \cdot W_i^F \cdot \mathbf{1}(f_i > 0) \cdot a_j$$

## سوال چهارم - نظری

کانولوشن متسع ٔ روشی برای افزایش میدان پذیرش (Receptive field) شبکههای کانولوشنی است که بهصورت زیر تعریف میشود: (دقت شود خروجی تنها برای اندیسهایی از کرنل و تصویر همپوشانی کامل دارند، محاسبه میشود)

$$(k * I)(i,j) = \sum_{-\infty}^{\infty} \sum_{-\infty}^{\infty} K(m,n)I(i+D_m,j+D_n)$$

- ۱. در یک شبکه کانولوشنی با یک لایه کانولوشن K imes K با طول گام یک، عرض میدان پذیرش را بدست آورید.
- (M-DF+D) imes 1 و کرنل  $K \in \mathbf{R}^{F imes F}$ ، نشان دهید خروجی عملگر متسع دارای ابعاد  $I \in \mathbf{R}^{M imes N}$  ۲. برای ورودی  $I \in \mathbf{R}^{M imes N}$  است. متغیر  $I \in \mathbf{R}^{M imes N}$  است. متغیر  $I \in \mathbf{R}^{M imes N}$  است.
- ۳. نشان دهید کانولوشن متسع معادل کانولوشن با کرنل متسع شده  $K'=K\otimes A$  است. ماتریس A را مشخص کنید. (عملگر  $\otimes$  به معنی Kronecker product است.)

Dilated convolution

### ---- سوال پنجم - عملی

شبکههای کانولوشنی با توجه به توانایی آنها در استخراج و یادگیری خودکار ویژگیها، مقاومت نسبت به تغییرات و کارایی آنها در مقابل پیچیدگیهای وظیفهی بازشناسی چهره، یک عنصر اساسی در اکثر اسن سیستمها هستند. در این تمرین قصد داریم که با استفاده از شبکههای عصبی کانولوشنی به تحلیل احساسات چهره و طبقهبندی آنها از روی تصویر بپردازیم. مجموعه داده که با استفاده از شبکههای عصبی کانولوشنی به تحلیل احساسات هرون و طبقهبندی آنها از روی تصویر نمونه گیری شده از هر کلاس مجموعه AffectNet میباشد. مجموعه داده AffectNet شامل هزار تصویر چهره با ۸ حالت مختلف میباشد که شکل ۴ نمونههایی از آن را نشان میدهد.



شكل ۴: نمونههایی از مجموعه داده AffectNet

- ۱. پیش پردازش و داده افزایی: مجموعه داد را از این لینک دانلود کنید و از هر کلاس سه نمونه را نمایش دهید. برای افزایش سرعت آموزش، تمامی تصاویر را به بازه [0,1] نرمالسازی کنید. همچنین داده ها را با پردازش مناسب افزونه کنید. توضیح دهید که به نظر شما استفاده از چه پردازش هایی در این حالت مناسب است و چرا در این مسئله نیاز به داده افزایی وجود دارد؟ از هر کلاس سه نمونه ی افزونه شده را نمایش دهید و همچنین تعداد کل نمونه ها پیش و پس از داده افزایی را در گزارش خود بیاورید.
- ۲. یادگیری انتقالی یک رویکرد رایج در هوش مصنوعی است که از یک مدل از قبل آموزش دیده برای یک وظیفه متفاوت اما مرتبط استفاده میکند و آن را با وظایف جدید تطبیق میدهد. با استفاده از شبکه پیش آموزش دیده VGG16 وظیفه بازشناسی حالت چهره را بر روی مجموعه داده ارائه شده انجام دهید. برای فرآیند آموزش، از دادههای موجود در پوشه Train استفاده کنید. نمودار خطا و دقت در فرآیند آموزش و نمودار ROC و ماتریس درهمریختگی را برای دادههای موجود در پوشه موجود در پوشه گزارش کنید.

به کارگیری شبکه های ازپیش آموزش دیده به طور خاص در زمانی که داده ی کمی وجود دارد مزایای زیادی دارد اما این شبکه ها با توجه به معماری ازپیش تعریف شده و نسبتا سنگین آنها برای استفاده در ابزارهای کاربردی مانند تلفنهمراه مناسب نیستند. مدلهای موجود در تلفن های همراه باید نیازهای ذخیره سازی را به حداقل برسانند و درعین حال افت عملکرد قابل توجهی نداشته باشند. برای دستیابی به این امر، در این مقاله سه معماری سبک از سه شبکه کانولوشنی مطرح یعنی AlexNet ، VGG و MobileNet مطرح شده است. نتایج به دست آمده نشان می دهد که این سه معماری عملکرد مشابهی نسبت به آخرین مدلهای پیشرو در این زمینه دارند.

Facial expression recognition<sup>7</sup>

۳. معماری مطرح شده برای شبکه VGG که جزئیات آن در شکل ۵ آمده است را پیادهسازی کنید. این مدل را بر روی مجموعه داده ارائه شده آموزش دهید و نمودار خطا و دقت آن را رسم کنید. همچنین با استفاده از داده موجود در پوشه Validation مدل را تست کنید و نمودار ROC و ماتریس درهمریختگی آن را گزارش کنید. تعداد پارامترهای این مدل و عملکرد آن را با مدل قسما قبل مقایسه و تحلیل کنید.

Type	Shape	Output
2×Conv	3 × 3 × 16	$128 \times 128 \times 16$
MaxPool	$2 \times 2$	$64 \times 64 \times 16$
2×Conv	$3 \times 3 \times 32$	$64 \times 64 \times 32$
MaxPool	$2 \times 2$	$32 \times 32 \times 32$
2×Conv	$3 \times 3 \times 64$	$32 \times 32 \times 64$
MaxPool	$2 \times 2$	$16 \times 16 \times 64$
2×Conv	$3 \times 3 \times 128$	$16 \times 16 \times 128$
MaxPool	$2 \times 2$	$8 \times 8 \times 128$
2×Conv	$3 \times 3 \times 128$	$8 \times 8 \times 128$
MaxPool	$2 \times 2$	$4 \times 4 \times 128$
Flatten	2048	_
2×Dense	1024	_
Dense	8 or 2	1 label or 2 floats

شكل ۵: معماري شبكه VGG ارائه شده در مقاله

۴. برای درک هرچه بهتر عملکرد شبکههای کانولوشنی ابزارهای متنوعی وجود دارد. یکی از این ابزارها نقشهی فعالسازی کلاس یا به اختصار CAM است که یک نمونه از آن در شکل ؟؟ آمده است. بررسی کنید که استفاده از این ابزار چه پیشبینی برای بهبود شبکههای کانولوشنی فراهم میآورد. برای دو نمونه با اشتباه دسته بندی شده و دو نمونه به درستی دسته بندی شدهی به ازای هر کلاس در مدل سوال ۳ نقشهی قعالسازی کلاس را بهدست آورید و با تحلیل نتایج بهدست آمده، رویکردی برای بهبود شبکه پیشنهادی سوال ۳ ارائه دهید.

Class activation map<sup>r</sup>