شبکههای عصبی و یادگیری عمیق دکتر صفابخش



دانشگاه صنعتی امیر کبیر (پلی تکنیک تهران) دانشکده مهندسی کامپیوتر

رضا آدینه پور ۴۰۲۱۳۱۰۵۵

تمرین اول شبکه Perceptron و Adalin ۲ فروردین ۱۴۰۳

دانشکده مهندسی کامپیوتر

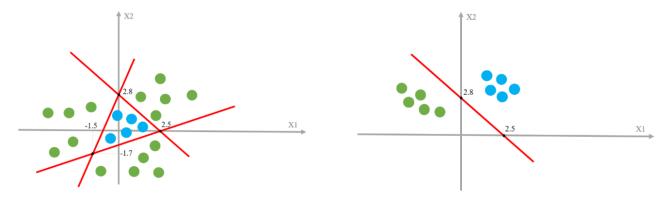
شبکههای عصبی و یادگیری عمیق

تمرين اول

رضا آدینه پور ۴۰۲۱۳۱۰۵۵

— سوال اول - نظری

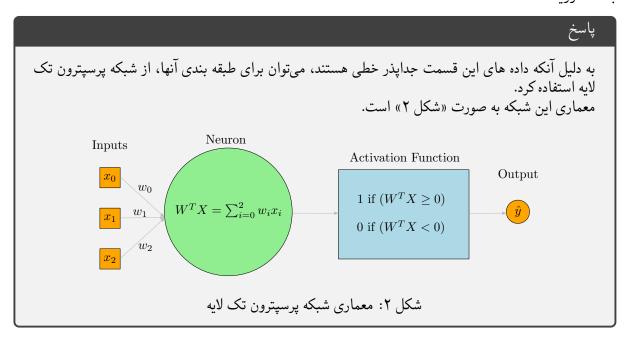
همانگونه که در کلاس درس آشنا شدهاید، واحد پردازشی پرسپترون و آدالاین امکان دریافت ورودی، توانهای متعدد آن و حاصل ضرب ورودی ها را داشته و میتواند مسئله دستهبندی خطی را حل نمایند. در این سوال، قصد بدست آوردن وزنهای یک نرون پردازشی پرسپترونی را به صورت نطری و با محاسبات دستی داریم.



شکل a-۱ شکل a-۱

شكل ١: مسئله مورد بحث

۱. شکل a-1 را برای دسته بندی مسئله دودویی درنظر بگیرید. معماری نورون مورد نظر را توضیح داده و وزنهای آن را بدست آورید.



پاسخ

در این شبکه، ورودی/خروجی ها با مربع های نارنجی، نورون ها با دایره سبز و تابع فعال ساز با مربع آبی نشان داده شده است.

تعداد دیتا ورودی شبکه ۲ است. x_1 و x_2 . بایاس این شبکه با x_0 نشان داده شده است. وزن های شبکه نیز با نشان داده شده است. بنابر این بردار ورودی و وزنهای شبکه به صورت زیر است: w

$$X = \begin{bmatrix} x_0 = 1 \\ x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} \quad W = \begin{bmatrix} w_0 \\ w_1 \\ w_2 \end{bmatrix}$$

طبق تئوری شبکههای عصبی میدانیم خروجی نرون به صورت زیر محاسبه می شود: (در اینجا برای انجام محاسبات ساده، تابع فعال ساز درنظر گرفته نشده است)

$$\hat{y} = W^T X = \sum_{i=0}^{2} w_i x_i = w_0 x_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2 \xrightarrow{x_0 = 1} w_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2$$

طبق شکل a-1 دو نقطه از خط جدا کننده دو کلاس را داریم. بنابراین میتوان معادله خط را به صورت زیر نوشت. میدانیم معادله خط به صورت زیر تعریف میشود:

$$y - y_0 = m(x - x_0)$$

که در آن m شیب خط است و به صورت زیر $\frac{\Delta y}{\Delta x}$ تعریف می شود. با جاگذاری یک از نقاط در معادله خط، می توان معادله خط را بدست آورد.

$$P_1 = \begin{bmatrix} 2.5 \\ 0 \end{bmatrix} \ P_2 = \begin{bmatrix} 0 \\ 2.8 \end{bmatrix}$$

$$m = \frac{2.8 - 0}{0 - 2.5} = -1.12 \rightarrow y - 0 = -1.12(x - 2.5) \rightarrow \boxed{y = -1.12x + 2.8}$$

حالا اگر معادله خروجی نورون را به صورت زیر مرتب کنیم، میتوان از مقایسه با مقادله خط بدست آمده وزنهای شبکه را تعیین کرد.

$$x_1 = \frac{-w_2}{w_1} x_2 - \frac{w_0}{w_1} x x x$$

در اینجا نیاز است که

۲. حال شكل b-1 را درنظر بگيريد.