

**TUGAS PRAKTIKUM 2**  
**KOMPLEKSITAS WAKTU DARI ALGORITMA**

**MATA KULIAH**  
**ANALISIS ALGORITMA**  
**D10G.4205 & D10K.0400601**



Disusun oleh :  
Muhammad Reza Atthariq Kori  
140810180060

## Tugas 1

### Studi Kasus 1: Pencarian Nilai Maksimal

Buatlah programnya dan hitunglah kompleksitas waktu dari algoritma berikut:

#### Algoritma Pencarian Nilai Maksimal

```
procedure CariMaks(input  $x_1, x_2, \dots, x_n$ : integer, output maks: integer)
{ Mencari elemen terbesar dari sekumpulan elemen larik integer  $x_1, x_2, \dots, x_n$ . Elemen terbesar akan
  disimpan di dalam maks
  Input:  $x_1, x_2, \dots, x_n$ 
  Output: maks (nilai terbesar)
}
```

#### Deklarasi

$i$  : integer

#### Algoritma

```
maks  $\leftarrow x_1$ 
 $i \leftarrow 2$ 
while  $i \leq n$  do
  if  $x_i > \text{maks}$  then
    maks  $\leftarrow x_i$ 
  endif
   $i \leftarrow i + 1$ 
endwhile
```

#### Jawaban studi kasus 1

##### 1. Operator Assignment

maks $\leftarrow x_1$	: 1 kali
$i \leftarrow 2$	: 1 kali
<u>while</u> $i \leq n$ <u>do</u>	
<u>if</u> $x_i > \text{maks}$ <u>then</u>	: n-1 kali
maks $\leftarrow x_i$	: n-1 kali
<u>endif</u>	
$i \leftarrow i + 1$	: n-1 kali
<u>endwhile</u>	

$$t1 = 1 + 1 + n - 1 + n - 1 + n - 1 = 3n - 1$$

##### 2. Operator Pertambahan

maks $\leftarrow x_1$	
$i \leftarrow 2$	
<u>while</u> $i \leq n$ <u>do</u>	
<u>if</u> $x_i > \text{maks}$ <u>then</u>	
maks $\leftarrow x_i$	
<u>endif</u>	
$i \leftarrow i + 1$	: n kali
<u>endwhile</u>	

$$t2 = n$$

Kompleksitas :

$$T(n) = t_1 + t_2 = 4n-1$$

---

## Tugas 2

### Studi Kasus 2: Sequential Search

Diberikan larik bilangan bulat  $x_1, x_2, \dots, x_n$  yang telah terurut menaik dan tidak ada elemen ganda. Buatlah programnya dengan C++ dan hitunglah kompleksitas waktu terbaik, terburuk, dan rata-rata dari algoritma pencarian beruntun (*sequential search*). Algoritma *sequential search* berikut menghasilkan indeks elemen yang bernilai sama dengan  $y$ . Jika  $y$  tidak ditemukan, indeks 0 akan dihasilkan.

```
procedure SequentialSearch(input  $x_1, x_2, \dots, x_n$  : integer,  $y$  : integer, output idx : integer)
{   Mencari  $y$  di dalam elemen  $x_1, x_2, \dots, x_n$ . Lokasi (indeks elemen) tempat  $y$  ditemukan diisi ke dalam idx.
    Jika  $y$  tidak ditemukan, maka idx diisi dengan 0.
    Input:  $x_1, x_2, \dots, x_n$ 
    Output: idx
}
```

#### Deklarasi

$i$  : integer

found : boolean { bernilai true jika  $y$  ditemukan atau false jika  $y$  tidak ditemukan }

#### Algoritma

$i \leftarrow 1$

found  $\leftarrow$  false

while ( $i \leq n$ ) and (not found) do

if  $x_i = y$  then

        found  $\leftarrow$  true

else

$i \leftarrow i + 1$

endif

endwhile

{  $i < n$  or found }

If found then {  $y$  ditemukan }

    idx  $\leftarrow i$

else

    idx  $\leftarrow$  0 {  $y$  tidak ditemukan }

endif

## Jawaban Studi kasus 2

a. Program

b. Kompleksitas Waktu :

$i \leftarrow 1$  : 1 kali

found  $\leftarrow$  false : 1 kali

while ( $i \leq n$ ) and (not found) do  
    if  $x_i = y$  then : n kali

```

        found <- true          : n kali
    else
        i <- i + 1             : n kali
    endif
endwhile
{i < n or found}              : 1 kali

If found then {y ditemukan}   : n kali
    idx <- I                   : n kali
else
    idx <- 0 {y tidak ditemukan} : n kali
endif

```

- Kompleksitas waktu terbaik (best case) :  $T_{\min}(n) = 1$  atau ini terjadi apabila  $a_1 = x$ .
- Kompleksitas waktu terburuk (worst case) :  $T_{\max}(n) = n$  atau ini terjadi apabila  $a_n = x$  atau nilai  $x$  tidak ditemukan
- Kompleksitas waktu rata2 adalah Jika  $x$  ditemukan pada posisi ke- $j$ , maka operasi perbandingan ( $a_k = x$ ) akan dieksekusi sebanyak  $j$  kali.

$$T_{\text{avg}}(n) = \frac{(1 + 2 + 3 + \dots + n)}{n} = \frac{\frac{1}{2}n(1+n)}{n} = \frac{(n+1)}{2}$$


---

### Tugas 3

#### Studi Kasus 3: Binary Search

Diberikan larik bilangan bulat  $x_1, x_2, \dots, x_n$  yang telah terurut menaik dan tidak ada elemen ganda. Buatlah programnya dengan C++ dan hitunglah kompleksitas waktu terbaik, terburuk, dan rata-rata dari algoritma pencarian bagi dua (*binary search*). Algoritma *binary search* berikut menghasilkan indeks elemen yang bernilai sama dengan  $y$ . Jika  $y$  tidak ditemukan, indeks 0 akan dihasilkan.

```

procedure BinarySearch(input  $x_1, x_2, \dots, x_n$  : integer,  $x$  : integer, output :  $\text{idx}$  : integer)
{  Mencari  $y$  di dalam elemen  $x_1, x_2, \dots, x_n$ . Lokasi (indeks elemen) tempat  $y$  ditemukan diisi ke dalam  $\text{idx}$ .
   Jika  $y$  tidak ditemukan maka  $\text{idx}$  diisi dengan 0.
  Input:  $x_1, x_2, \dots, x_n$ 
  Output:  $\text{idx}$ 
}
Deklarasi
     $i, j, \text{mid}$  : integer
    found : Boolean
Algoritma
     $i \leftarrow 1$ 
     $j \leftarrow n$ 
    found  $\leftarrow$  false
    while (not found) and ( $i \leq j$ ) do
         $\text{mid} \leftarrow (i + j) \text{ div } 2$ 
        if  $x_{\text{mid}} = y$  then
            found  $\leftarrow$  true
        else

```

```

        if  $x_{mid} < y$  then {mencari di bagian kanan}
             $i \leftarrow mid + 1$ 
        else {mencari di bagian kiri}
             $j \leftarrow mid - 1$ 
        endif
    endwhile
    {found or  $i > j$ }

    If found then
         $idx \leftarrow mid$ 
    else
         $idx \leftarrow 0$ 
    endif

```

Jawaban Studi Kasus 3 :

- Kasus waktu terbaik (Best case)  
 $T_{min}(n) = 1$
- Kasus waktu rata2 : jika terdapat pada index pada awal atau akhir elemen.
- Kasus waktu terburuk (Worst case):  
 $T_{max}(n) = 2 \log n$

---

## Tugas 4

### Studi Kasus 4: Insertion Sort

1. Buatlah program insertion sort dengan menggunakan bahasa C++
2. Hitunglah operasi perbandingan elemen larik dan operasi pertukaran pada algoritma insertion sort.
3. Tentukan kompleksitas waktu terbaik, terburuk, dan rata-rata untuk algoritma insertion sort.

```

procedure InsertionSort(input/output  $x_1, x_2, \dots, x_n$  : integer)
{ Mengurutkan elemen-elemen  $x_1, x_2, \dots, x_n$  dengan metode insertion sort.
  Input:  $x_1, x_2, \dots, x_n$ 
  Output:  $x_1, x_2, \dots, x_n$  (sudah terurut menaik)
}
Deklarasi
    i, j, insert : integer
Algoritma
    for  $i \leftarrow 2$  to  $n$  do
        insert  $\leftarrow x_i$ 
         $j \leftarrow i$ 
        while ( $j < 1$ ) and ( $x[j-1] > insert$ ) do
             $x[j] \leftarrow x[j-1]$ 
             $j \leftarrow j-1$ 
        endwhile
         $x[j] = insert$ 
    endfor

```

Jawaban Studi Kasus 4 :

#### Jawaban Studi Kasus 4

- Kasus waktu terbaik (Best case) : jika array yang ada sudah terurut dengan benar, jadi looping tidak akan dilakukan lagi.
- Kasus waktu rata2 : jika array elemen yang ada sudah terurut setengahnya / sebagian dari seluruh elemen

Loop sementara dijalankan hanya jika  $i > j$  dan  $arr[i] < arr[j]$ . Jumlah total iterasi loop sementara (Untuk semua nilai  $i$ ) sama dengan jumlah inversi.

Kompleksitas waktu keseluruhan dari jenis penyisipan adalah  $O(n + f(n))$  di mana  $f(n)$  adalah jumlah inversi. Jika jumlah inversi adalah  $O(n)$ , maka kompleksitas waktu dari jenis penyisipan adalah  $O(n)$ .

- Dalam kasus terburuk, bisa ada inversi  $n * (n-1) / 2$ . Kasus terburuk terjadi ketika array diurutkan dalam urutan terbalik. Jadi kompleksitas waktu kasus terburuk dari jenis penyisipan adalah  $O(n^2)$ .

#### Tugas 5

##### Studi Kasus 5: Selection Sort

1. Buatlah program selection sort dengan menggunakan bahasa C++
2. Hitunglah operasi perbandingan elemen larik dan operasi pertukaran pada algoritma selection sort.
3. Tentukan kompleksitas waktu terbaik, terburuk, dan rata-rata untuk algoritma insertion sort.

```
procedure SelectionSort(input/output  $x_1, x_2, \dots, x_n$  : integer)
{ Mengurutkan elemen-elemen  $x_1, x_2, \dots, x_n$  dengan metode selection sort.
  Input:  $x_1, x_2, \dots, x_n$ 
  Output:  $x_1, x_2, \dots, x_n$  (sudah terurut menaik)
}
Deklarasi
  i, j, imaks, temp : integer
Algoritma
  for i  $\leftarrow$  n downto 2 do {pass sebanyak n-1 kali}
    imaks  $\leftarrow$  1
    for j  $\leftarrow$  2 to i do
      if  $x_j > x_{imaks}$  then
        imaks  $\leftarrow$  j
      endif
    endfor
    {pertukarkan  $x_{imaks}$  dengan  $x_i$ }
    temp  $\leftarrow$   $x_i$ 
     $x_i \leftarrow x_{imaks}$ 
     $x_{imaks} \leftarrow$  temp
  endfor
```

#### Jawaban Studi Kasus 5 :

- a. Jumlah operasi perbandingan element. Untuk setiap pass ke- $i$ ,:
- $i = 1 \rightarrow$  jumlah perbandingan =  $n - 1$
  - $i = 2 \rightarrow$  jumlah perbandingan =  $n - 2$
  - $i = 3 \rightarrow$  jumlah perbandingan =  $n - 3$

$i = k \rightarrow \text{jumlah perbandingan} = n - k$

$i = n - 1 \rightarrow \text{jumlah perbandingan} = 1$

Jumlah seluruh operasi perbandingan elemen-elemen larik adalah  $T(n) = (n - 1) + (n - 2) + \dots + 1 =$

Ini adalah kompleksitas waktu untuk kasus terbaik dan terburuk, karena algoritma Urut tidak bergantung pada batasan apakah data masukannya sudah terurut atau acak.

b. Jumlah operasi pertukaran

Untuk setiap  $i$  dari 1 sampai  $n - 1$ , terjadi satu kali pertukaran elemen, sehingga jumlah operasi pertukaran seluruhnya adalah  $T(n) = n - 1$ .

Jadi, algoritma pengurutan maksimum membutuhkan  $n(n - 1)/2$  buah operasi perbandingan elemen dan  $n - 1$  buah operasi pertukaran.