

**1 Понятие субстанциальной и локальной производных.**

$$\frac{d}{dt} = \frac{\partial}{\partial t} + (\vec{v}\nabla) - \text{субстанциальная}$$

$$\frac{\partial}{\partial t} - \text{локальная}$$

**2 Уравнение неразрывности для сжимаемой и несжимаемой жидкости.**

$$\frac{d\rho}{dt} + \rho \operatorname{div}(\vec{v}) = 0,$$

$$\frac{d\rho}{dt} = 0 - \text{для несжимаемой} (\operatorname{div}(\vec{v}) = 0)$$

**3 Уравнение Эйлера в векторной форме и в проекциях на оси в декартовой системе координат.**

$$\frac{d\vec{v}}{dt} = -\frac{\nabla p}{\rho} + \vec{f}$$

$$\frac{\partial v_i}{\partial t} + \sum_{k=1}^3 v_k \frac{\partial v_i}{\partial x_k} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial x_i} + f_i$$

**4 Закон сохранения энергии идеальной жидкости. Поток энергии.**

$$\int_V \left[ \frac{\partial}{\partial t} \left( \frac{\rho v^2}{2} + \rho \varepsilon \right) + \operatorname{div} \left( \frac{\rho v^2}{2} + W \right) (\vec{v}) \right] dV = 0,$$

где  
 $W = \rho \varepsilon + p$  - энтальпия  
 или в дифференциальной форме

$$\frac{\partial E}{\partial t} + \operatorname{div} \vec{N} = 0, \text{ где}$$

$$E = \frac{\rho v^2}{2} + \rho \varepsilon - \text{плотность энергии}$$

$$\vec{N} = \left[ \frac{\rho v^2}{2} + \rho \varepsilon + p \right] \vec{v} - \text{вектор плотности потока энергии}$$

**5 Закон сохранения импульса идеальной жидкости. Тензор плотности потока импульса и его представление в декартовой системе координат.**

$$\frac{\partial}{\partial t} \int_V p(\vec{v}) dV = - \oint_S [p\vec{n} + \rho \vec{v}(\vec{v}\vec{n})] d\sigma$$

$$\frac{\partial}{\partial t} (\rho v_i) = - \sum_{k=1}^3 v_k \frac{\partial \Pi_{ik}}{\partial x_k} + \rho f_i$$

$\Pi_{ik} = \rho \delta_{ik} + \rho v_i v_k$  - тензор ППИ

**6 Уравнение гидростатики.**

$$\operatorname{grad} p = \rho \vec{f}, p = p(\rho)$$

**7 Частота Брента-Вейсяля.**

$$N = \sqrt{\frac{g}{\rho} \frac{d\rho}{dz}}$$

**8 Теорема Бернулли для потенциальных и непотенциальных, стационарных и нестационарных течений.**

$$\frac{v^2}{2} + \frac{p}{\rho} - gz = \text{const} - \text{потенциальное}$$

$$\frac{v^2}{2} + W - gz = \text{const} - \text{стационарное}$$

$$\frac{\partial \varphi}{\partial t} + \frac{v^2}{2} + \frac{p}{\rho} - gz = \text{const} - \text{нестационарное не}$$

вихревое  
 не полностью, проверить!!!

**9 Теорема Томсона.**

Циркуляция скорости вдоль замкнутого контура, перемещающегося в идеальной жидкости, остается постоянной.

$$\frac{d\Gamma}{dt} = \oint_L d \left( \frac{v^2}{2} - W - u \right) = 0$$

$$\Gamma = \oint_L \vec{v} d\vec{r} - \text{циркуляция}$$

**10 Потенциальные течения идеальной несжимаемой жидкости. Основные уравнения, граничные условия.**

$\Delta \varphi = 0$ ,  $\vec{v} = \operatorname{grad}(\varphi)$   
 граничное условие непроникания:

$$\vec{v}\vec{n}|_s = \frac{\partial \varphi}{\partial n} = v_0 \vec{n}$$

**Граничное условие на бесконечности?**

**11 Парадокс Д'Аламбера-Эйлера.**

**Ф 1.** При обтекании тела с гладкой поверхностью идеальной несжимаемой жидкостью сила лобового сопротивления, действующая на тело со стороны потока, равна нулю.

**Ф 2.** Для тела, движущегося равномерно в идеальной несжимаемой жидкости постоянной плотности без границ, сила сопротивления равна нулю.

$$\vec{F} = - \oint_s p_s \vec{n} dS = 0$$

**12 Понятие присоединенной массы. Присоединенная масса сферы и единицы длины бесконечного кругового цилиндра.**

$$F - F_{\text{сопр}} = ma$$

$$M = F_{\text{сопр}}/a$$

$$F = (M + m)a$$

тут могли быть присоединенные массы сферы и цилиндра, но нету)

**13 Функция тока и ее свойства.**

хз что тут хотят

**14 Комплексный потенциал.**

$F(z) = \phi + i\Psi$  (действительная часть потенциал, мнимая – функция тока)

**15 Линии тока и эквипотенциальные линии.**

**Линия тока** - это линия, касательные к которой в данный момент времени и в каждой точке совпадают с вектором скорости  $\vec{v}$

$\Psi = \text{const}$  - линии тока (постоянная функция тока)

$\varphi = \text{const}$  - эквипотенциальные линии (постоянный потенциал)

**16 Формула Жуковского.**

$$F_y = \int p_n y dl = \rho \Gamma v_0$$

**17 Точечные вихри и их взаимодействия.**

хз что тут хотят

**18 Поверхностные гравитационные волны (длинные, короткие, гравитационно-капиллярные) и их основные свойства (траектории движения частиц, дисперсионные уравнения, фазовые и групповые скорости).**

**19 Уравнение Навье-Стокса для несжимаемой вязкой жидкости в векторной форме и в проекциях на оси в декартовой системе координат.**

**20 Тензор вязких напряжений, физический смысл, представление в декартовой системе координат.**

**21 Граничные условия для несжимаемой вязкой жидкости на поверхности твердого тела и свободной поверхности.**

**22 Формула Пуазейля для расхода жидкости.**

$$Q = 2\pi \int_0^R v(r) r dr = \frac{\pi}{8\eta} \left( \frac{\partial p}{\partial z} \right) R^4$$

вроде как оно)))

**23 Скин-слой.**

Поскольку среда вязкая, возмущения передаются наверх, но затухают на характерном масштабе толщины скин-слоя. Второй множитель описывает запаздывание.

$$\delta = \sqrt{\frac{2\nu}{\omega}}$$

**24 Числа Рейнольдса, Фруда, Струхала и их физический смысл.**

$$Re = \frac{v_0 l}{\mu} = \frac{2v_0 R}{\mu}$$

Число Рейнольдса показывает относительное влияние нелинейных эффектов. Если Re мало, то можно пренебречь в уравнении движения вязкой жидкости всем, кроме давления.

$$Fr = \frac{v_0^2}{gl}$$

Число Фруда описывает отношение кинетической энергии жидкости к потенциальной (энергии гравитационных сил).

$$Sh = \frac{v_0 T}{l}$$

Число Струхала характеризует стационарность. Если  $Sh \gg 1$  можно пренебречь нестационарностью.

**25 Формула Стокса.**

$$F = 6\pi\eta R v_0, Re \ll 1$$

$$F = 6\pi\eta R v_0 \left( 1 + \frac{3}{16} Re \right)$$

**26 Зависимость ширины пограничного слоя от параметров.**

**27 Уравнения линейной акустики. Волновое уравнение.**

**28 Монохроматические волны, уравнение Гельмгольца**

**29 Закон сохранения энергии (звуковой волны)**