1 Понятие субстанциальной и локальной производных.

$\frac{d}{dt} = \frac{\partial}{\partial t} + (\vec{v}\nabla)$ - субстанциальная

$\frac{\partial}{\partial t}$ - локальная

2 Уравнение неразрывности для сжимаемой и несжимаемой жидкости.

$\frac{d\rho}{dt} + \rho\,\mathrm{div}(\vec{v}) = 0,$

$\frac{d\rho}{dt} = 0$ для несжимаемой

3 Уравнение Эйлера в векторной форме и в проекциях на оси в декартовой системе координат.

$\frac{d\vec{v}}{dt} = -\frac{\nabla p}{\rho} + \vec{f}$

$\frac{\partial v_i}{\partial t} + \sum_{k=1}^{3} v_k \frac{\partial v_i}{\partial x_k} = -\frac{1}{\rho}\frac{\partial p}{\partial t} + f_i$

4 Закон сохранения энергии идеальной жидкости. Поток энергии.

$\int_V = \left[\frac{\partial}{\partial t}(\frac{\rho v^2}{2} + \rho\varepsilon) + \mathrm{div}(\frac{\rho v^2}{2} + W)(\vec{v})\right] dV = 0,$ где

$W = \rho\varepsilon + p$ - энтальпия

или в дифференциальной форме

$\frac{\partial E}{\partial t} + div\vec{E} = 0,$ где

$E = \frac{\rho v^2}{2} + \rho\varepsilon$ - плотность энергии

$\vec{N} = \left[\frac{\rho v^2}{2} + \rho\varepsilon + p\right]\vec{v}$ - вектор плотностьи потока энергии

5 Закон сохранения импульса идеальной жидкости.Тензор плотности потока импульса и его представление в декартовой системе координат.

$\frac{\partial}{\partial t}\int_V p(\vec{v})dV = -\oint_S [p\vec{n} + \rho\vec{v}(\vec{v}\vec{n})]\, d\sigma$

$\frac{\partial}{\partial t}(\rho v_i) = -\sum_{k=1}^{3} v_k \frac{\partial \Pi_{ik}}{\partial x_k} + \rho f_i$

$\Pi_{ik} = p\delta_{ik} + \rho v_i v_k$ - тензор ППИ

6 Уравнение гидростатики.

$\frac{d\vec{v}}{dt} = -\frac{\nabla p}{\rho} + \vec{f}$ - Эйлера

$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \mathrm{div}(\rho\vec{v}) = 0$

$p = p(\rho)$

7 Частота Брента-Вяйсяля.

$N = \sqrt{\frac{g}{\rho}\frac{d\rho}{dz}}$

8 Теорема Бернулли для потенциальных и непотенциальных, стационарных и нестационарных течений.

$\frac{v^2}{2} + \frac{p}{\rho} - gz = const$ - потенциальное

$\frac{v^2}{2} + W - gz = const$ - стационарное

$\frac{\partial\varphi}{\partial t} + \frac{v^2}{2} + \frac{p}{\rho} - gz = const$ - нестационарное не вихревое

не полностью, проверить!!!

9 Теорема Томсона.

Циркуляция скорости вдоль замкнутого контура, перемещающегося в идеальной жидкости, остается постоянной.

$\frac{d\Gamma}{dt} = \oint_L d\left(\frac{v^2}{2} - W - u\right) = 0$

$\Gamma = \oint_L \vec{v}d\vec{r}$ - циркуляция

10 Потенциальные течения идеальной несжимаемой жидкости. Основные уравнения, граничные условия.

$\Delta\varphi = 0,\ \vec{v} = \mathrm{grad}(\phi)$

граничное словие непроникания:

$\vec{v}\vec{n}|_s = \frac{\partial\varphi}{\partial n} = \vec{v_0}\vec{n}$

Граничное условие на бесконечности?

11 Парадокс Д'Аламбера-Эйлера.

Ф 1. При обтекании тела с гладкой поверхностью идеальной несжимаемой жидкостью сила лобового сопротивления, действующая на тело со стороны потока, равна нулю.

Ф 2. Для тела, движущегося равномерно в идеальной несжимаемой жидкости постоянной плотности без границ, сила сопротивления равна нулю.

$\vec{F} = -\oint_s p_s\vec{n}dS = 0$

12 Понятие присоединенной массы.Присоединенная масса сферы и единицы длины бесконечного кругового цилиндра.

$F - F_{\text{сопр}} = ma$

$M = F_{\text{сопр}}/a$

$F = (M + m)a$

тут могли быть присоеденненые масы сферы и цилиндра, но нету)

13 Функция тока и ее свойства.

хз что тут хотят

14 Комплексный потенциал.

$F(z) = \phi + i\Psi$ (действительная часть потенциал, мнимая – функция тока)

15 Линии тока и эквипотенциальные линии.

Линия тока - это линия, касательные к которой в данный момент времени и в каждой точке совпадают с вектором скорости $\vec{v}$

$\Psi = const$ - линии тока (постоянная функция тока)

$\varphi = const$ - эквипотенциальные линии (постоянный потенциал)

16 Формула Жуковского.

$F_y = \int p_n y dl = \rho\Gamma v_0$

17 Точечные вихри и их взаимодействия.

хз что тут хотят

18 Поверхностные гравитационные волны (длинные, короткие, гравитационно-капиллярные) и их основные свойства (траектории движения частиц, дисперсионные уравнения, фазовые и групповые скорости).

19 Уравнение Навье-Стокса для несжимаемой вязкой жидкости в векторной форме и в проекциях на оси в декартовой системе координат.

20 Тензор вязких напряжений, физический смысл, представление в декартовой системе координат.

21 Граничные условия для несжимаемой вязкой жидкости на поверхности твердого тела и свободной поверхности.

22 Формула Пуазейля для расхода жидкости.

$Q = 2\pi\int_0^R v(r)rdr = \frac{\pi}{8\eta}\left(\frac{\partial p}{\partial z}\right)R^4$

вроде как оно)))

23 Скин-слой.

Поскольку среда вязкая, возмущения передаются наверх, но затухают на характерном масштабе толщины скин-слоя. Второй сомножитель описывает запаздывание.

$\delta = \sqrt{\frac{2\nu}{\omega}}$

24 Числа Рейнольдса, Фруда, Струхаля и их физический смысл.

$Re = \frac{v_0 l}{\mu} = \frac{2v_0 R}{\mu}$

Число Рейнольдса показывает относительное влияние нелинейных эффектов. Если Re мало, то можно пренебречь в уравнении движения вязкой жидкости всем, кроме давления.

$Fr = \frac{v_0^2}{gl}$

Число Фруда описывает отношение кинетической энергии жидкости к потенциальной (энергии гравитационных сил).

$Sh = \frac{v_0 T}{l}$

Число Струхаля характеризхует стационарность. Если $Sh >> 1$ можно пренебречь нестационарностью.

25 Формула Стокса.

$F = 6\pi\eta R v_0,\ Re << 1$

$F = 6\pi\eta R v_0\left(1 + \frac{3}{16}Re\right)$

26 Зависимость ширины пограничного слоя от параметров.

27 Уравнения линейной акустики.Волновое уравнение.

28 Монохроматические волны, уравнение Гельмгольца

29 Закон сохранения энергии (звуковой волны)