1 Понятие субстанциальной и локальной производных.

$$\frac{d}{dt} = \frac{\partial}{\partial t} + (\vec{v}\nabla)$$
 - субстанциальная

 Уравнение неразрывности для сжимаемой и несжимаемой жидкости.

$$\begin{split} \frac{d\rho}{dt} + \rho \operatorname{div}(\vec{v}) &= 0, \\ \frac{d\rho}{dt} &= 0 \text{ для несжимаемой} \end{split}$$

3 Уравнение Эйлера в векторной форме и в проекциях на оси в декартовой системе координат.

$$\begin{split} \frac{d\vec{v}}{dt} &= -\frac{\nabla p}{\rho} + \vec{f} \\ \frac{\partial v_i}{\partial t} &+ \sum_{k=1}^3 v_k \frac{\partial v_i}{\partial x_k} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial t} + f_i \end{split}$$

4 Закон сохранения энергии идеальной жидкости. Поток энергии.

$$\int\limits_{V} = \left[\frac{\partial}{\partial t} (\frac{\rho v^2}{2} + \rho \varepsilon) + \mathrm{div} (\frac{\rho v^2}{2} + W) \vec(v) \right] dV = 0,$$
 где
$$W = \rho \varepsilon + p \text{ - энтальпия}$$

или в дифференциальной форме

$$\frac{\partial E}{\partial t} + div\vec{E} = 0$$
, где

$$E = \frac{\rho v^2}{2} + \rho \varepsilon$$
 - плотность энергии

$$ec{N} = \left[rac{
ho v^2}{2} +
ho arepsilon + p
ight] ec{v}$$
 - вектор плотностьи потока энергии

5 Закон сохранения импульса идеальной жидкости. Тензор плотности потока импульса и его представление в декартовой системе кооплинат.

$$\begin{split} \frac{\partial}{\partial t} \int\limits_{V} \vec{p(v)} dV &= -\oint\limits_{S} \left[p \vec{n} + \rho \vec{v}(\vec{v} \vec{n}) \right] d\sigma \\ \frac{\partial}{\partial t} (\rho v_i) &= -\sum\limits_{k=1}^{3} v_k \frac{\partial \Pi_{ik}}{\partial x_k} + \rho f_i \end{split}$$

 $\Pi_{ik} = p\delta_{ik} + \rho v_i v_k$ - тензор ППИ

6 Уравнение гидростатики. $\frac{d\vec{v}}{d\vec{v}} = -\frac{\nabla p}{2} + \vec{f}$ - Эйлера.

$$rac{dec{v}}{dt}=-rac{
abla p}{
ho}+ec{f}$$
 - Эйлера $rac{\partial
ho}{\partial t}+\mathrm{div}(
hoec{v})=0$ $p=p(
ho)$

7 Частота Брента-Вяйсяля.

$$N = \sqrt{\frac{g}{\rho} \frac{d\rho}{dz}}$$

 Теорема Бернулли для потенциальных и непотенциальных, стационарных и нестационарных течений.

$$\frac{v^2}{2} + \frac{p}{\rho} - gz = const -$$
потенциальное
$$\frac{v^2}{2} + W - gz = const -$$
стационарное

 $\frac{\partial \varphi}{\partial t} + \frac{v^2}{2} + \frac{p}{\rho} - gz = const$ - нестационарное не вихревое

не полностью, проверить!!!

9 Теорема Томсона.

Циркуляция скорости вдоль замкнутого контура, перемещающегося в идеальной жидкости, 19 остается постоянной.

$$\frac{d\Gamma}{dt} = \oint_{L} d\left(\frac{v^2}{2} - W - u\right) = 0$$

 $\Gamma = \oint\limits_L \vec{v} d\vec{r}$ - циркуляция

10 Потенциальные течения идеальной несжимаемой жидкости. Основные уравнения, граничные условия.

$$\Delta \varphi = 0, \ \vec{v} = \operatorname{grad}(\phi)$$

граничное словие непроникания:

$$\vec{v}\vec{n}|_s = \frac{\partial \varphi}{\partial n} = \vec{v_0}\vec{n}$$

Граничное условие на бесконечности?

11 Парадокс Д'Аламбера-Эйлера.

 Φ 1. При обтекании тела с гладкой поверхностью идеальной несжимаемой жидкостью сила лобового сопротивления, действующая на тело со стороны потока, равна нулю.

Ф 2. Для тела, движущегося равномерно в идеальной несжимаемой жидкости постоянной плотности без границ, сила сопротивления равна нулю.

$$\vec{F} = -\oint_s p_s \vec{n} dS = 0$$

12 Понятие присоединенной массы.Присоединенная масса сферы и единицы длины бесконечного кругового цилиндра.

$$F - F_{\text{comp}} = ma$$

 $M = F_{\text{comp}}/a$
 $F = (M + m)a$

тут могли быть присоеденненые масы сферы и цилиндра, но нету)

13 Функция тока и ее свойства.

TRTOX TVT OTP EX

14 Комплексный потенциал.

 $F(z) = \phi + i \Psi$ (действительная часть потенциал, мнимая – функция тока)

15 Линии тока и эквипотенциальные линии.

Линия тока - это линия, касательные к которой в данный момент времени и в каждой точке совпадают с вектором скорости \vec{v}

 $\Psi = const$ - линии тока (постоянная функция тока)

 $\varphi=const$ - эквипотенциальные линии (постоянный потенциал)

16 Формула Жуковского.

$$F_y = \int p_n y dl = \rho \Gamma v_0$$

17 Точечные вихри и их взаимодействия.

хз что тут хотят

- Поверхностные гравитационные волны (длинные, короткие, гравитационно-капиллярные) и их основные свойства (траектории движения частиц, дисперсионные уравнения, фазовые и групповые скорости).
- Уравнение Навье-Стокса для несжимаемой вязкой жидкости в векторной форме и в проекциях на оси в декартовой системе координат.
- Тензор вязких напряжений, физический смысл, представление в декартовой системе координат.
- 21 Граничные условия для несжимаемой вязкой жидкости на поверхности твердого тела и свободной поверхности.
- 22 Формула Пуазейля для расхода жидкости.

$$Q = 2\pi \int_{0}^{R} v(r)rdr = \frac{\pi}{8\eta} \left(\frac{\partial p}{\partial z}\right) R^{4}$$

вроде как оно)))

23 Скин-слой.

Поскольку среда вязкая, возмущения передаются наверх, но затухают на характерном масштабе толщины скин-слоя. Второй сомножитель описывает запаздывание.

$$\delta = \sqrt{\frac{2\nu}{\omega}}$$

24 Числа Рейнольдса, Фруда, Струхаля и их физический смысл.

$$Re = \frac{v_0 l}{u} = \frac{2v_0 R}{u}$$

Число Рейнольдса показывает относительное влияние нелинейных эффектов. Если Re мало, то можно пренебречь в уравнении движения вязкой жидкости всем, кроме давления.

$$Fr = \frac{v_0^2}{ql}$$

Число Фруда описывает отношение кинетической энергии жидкости к потенциальной (энергии гравитационных сил).

$$Sh = \frac{v_0 T}{I}$$

Число Струхаля характеризхует стационарность. Если Sh>>1 можно пренебречь нестационарностью.

25 Формула Стокса.

 $F = 6\pi \eta R v_0, Re << 1$

 $F = 6\pi \eta R v_0 \left(1 + \frac{3}{16} Re\right)$

- 26 Зависимость ширины пограничного слоя от параметров.
- Уравнения линейной акустики. Волновое уравнение.
- 28 Монохроматические волны, уравнение Гельмгольца
- 29 Закон сохранения энергии (звуковой волны)