

- 1** Запись функции, определяющей зависимость полей и векторных потенциалов гармонической плоской волны в линии передачи от времени t и продольной координаты z . Понятия частоты, временного периода, продольного волнового числа, длины волны, фазовой и групповой скорости.

$$\{\vec{E}, \vec{H}\} = \{\vec{E}_0, \vec{H}_0\} e^{i(\omega t - hz)}, \quad \vec{A}^{e,m} = \vec{z}_0 \psi^{e,m}(r_\perp) e^{-ihz}$$

ψ - произвольная скалярная функция (амплитуда векторного потенциала), $(\omega t - hz)$ - фаза

$\kappa^2 = k^2 - h^2$ - поперечное волновое число, $k = \frac{\omega}{c} \sqrt{\mu \varepsilon}$ - волновое число в среде, h - продольное волновое число.

$T = \frac{2\pi}{\omega}$, $\lambda_v = \frac{2\pi}{h}$, $V_\Phi = \frac{\omega}{h}$, $V_{гр} = \frac{d\omega}{dh}$. Для волновода без заполнения $V_\Phi V_{гр} = c^2$. $V_{гр} \leq c$.

- 2** Волновое уравнение для векторного потенциала в отсутствие источников при произвольной и гармонической зависимости от времени. Дифференциальное уравнение для скалярных поперечных волновых функций $\Psi^{(e),(m)}(r_\perp)$, определяющих зависимость полей в линии передачи от поперечных координат. Понятие поперечного волнового числа.

$$\Delta \vec{A} - k^2 \vec{A} = 0, \Delta = \frac{\partial^2}{\partial z^2} + \Delta_\perp, \Delta_\perp = \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2}, \frac{\partial^2}{\partial z^2} = -h^2.$$

При гармонической зависимости от t : $\Delta \vec{A}_\perp - (k^2 - h^2) \vec{A} = 0$. или **каппа**?

Решение: $\vec{a}^{e,m} = \vec{z}_0 \psi^{e,m}(r_\perp) e^{-ihz}$ (в отсутствии сторонних источников);

TE($E_z = 0$): $\Delta_\perp \psi^m + \kappa^2 \psi^m = 0$;

TM($H_z = 0$): $\Delta_\perp \psi^e + \kappa^2 \psi^e = 0$;

TEM($E_z = 0$): $\Delta_\perp \psi = 0$.

$\kappa^2 = k^2 - h^2$ - поперечное волновое число.

$\kappa_n = \sqrt{\frac{\omega^2}{c^2} \mu \varepsilon + h_n^2}$, $n = 1, 2, 3, \dots$ - номер моды.

- 3** Понятие о TE, TM и TEM волнах. Импедансная связь поперечных компонент полей. Определение поперечного волнового импеданса.

$$\left. \begin{aligned} \vec{H}, \vec{E} \} &= \vec{z}_0 \{ H_z, E_z \} + \{ \vec{H}_\perp, \vec{E}_\perp \} \\ \text{TE}(H_z = 0) & \quad \text{TM}(E_z = 0) \\ E_z &= \frac{\kappa^2}{ik_0 \varepsilon \mu} \psi^e \quad H_z = \frac{\kappa^2}{ik_0 \varepsilon \mu} \psi^m \\ \vec{E}_\perp &= \frac{-h}{k_0 \varepsilon \mu} \nabla_\perp \psi^e \quad \vec{H}_\perp = \frac{-h}{k_0 \varepsilon \mu} \nabla_\perp \psi^m \\ \vec{H}_\perp &= \frac{1}{\mu} [\nabla_\perp \psi^e, \vec{z}_0] \quad \vec{E}_\perp = \frac{1}{\varepsilon} [\nabla_\perp \psi^m, \vec{z}_0] \end{aligned} \right\} e^{i(\omega t - hz)} \quad \left. \begin{aligned} \text{TEM}(E_z = H_z = 0) \\ \vec{E}_\perp &= -\frac{1}{\sqrt{\varepsilon \mu}} \nabla_\perp \psi \\ \vec{H}_\perp &= \frac{1}{\mu} [\nabla_\perp \psi, \vec{z}_0] \end{aligned} \right\} e^{i(\omega t - hz)}$$

$E_\perp = \zeta_\perp [H_\perp, \vec{z}_0]$ - импедансная связь

Поперечный импеданс(ζ_\perp):

$$\begin{array}{ccc} \text{TE} & \text{TM} & \text{TEM} \\ \sqrt{\frac{\mu}{\varepsilon}} \frac{k}{h} & \sqrt{\frac{\mu}{\varepsilon}} \frac{k}{h} & \sqrt{\frac{\mu}{\varepsilon}} \end{array}$$

- 4** Граничные условия для полей и поперечных волновых функций $\Psi^{(e)}$ и $\Psi^{(m)}$ в линиях передачи с идеально проводящими границами. Математическая формулировка задачи отыскания собственных волн различных типов в идеальной линии.

$E_\tau = 0, H_n = 0$ - Г. У.

$$\begin{array}{ll} \text{TE:} & \text{TM:} \\ \left\{ \begin{aligned} \Delta_\perp \psi^m + \kappa^2 \psi^m &= 0 \\ \frac{\partial \psi^m}{\partial n} \Big|_L &= 0 - \text{условие Дирихле} \end{aligned} \right. & \left\{ \begin{aligned} \Delta_\perp \psi^e + \kappa^2 \psi^e &= 0 \\ \frac{\partial \psi^e}{\partial n} \Big|_L &= 0 - \text{условие Неймана} \end{aligned} \right. \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{TEM:} \\ \left\{ \begin{aligned} \Delta_\perp \psi &= 0 \\ \psi &= \text{const}_i \Big|_{L_i} \end{aligned} \right. \end{array}$$

- 5** Дисперсионное уравнение для волн в идеальных линиях. Понятие критической частоты и критической длины волны. Графики зависимости полей от продольной координаты в различные моменты времени при частотах, больших или меньших критической. Зависимости длины волны, фазовой и групповой скорости в линии передачи от частоты.

$$h_n = \pm \sqrt{k^2 - \kappa^2} = \pm \sqrt{\frac{\omega^2}{c^2} \varepsilon \mu + \kappa_n^2}, \kappa_n = 1, 2, 3, \dots$$

В ИЛП есть бесконечные наборы ТЕ и ТМ волн, называемые модой. Любой моде соответствует своё дисперсионное соотношение. При этом κ_n не зависит от ε, μ, ω , а определяется геометрией ЛП.

Существует критическая частота, при которой осуществляется переход от распространения волны ($\omega > \omega_{кр}$) к нераспространению ($\omega < \omega_{кр}$).

$\omega_{кр} = \kappa_n \frac{c}{\sqrt{\varepsilon \mu}}$, в вакууме $\lambda_{кр} = 2\pi / \kappa_n$.

$$\lambda_v = 2\pi / h = \frac{\lambda_0}{\sqrt{1 - \frac{\omega_{кр}^2}{\omega^2}}}, V_{гр} = c \sqrt{1 - \frac{\omega_{кр}^2}{\omega^2}}, V_\Phi = \frac{c}{\sqrt{1 - \frac{\omega_{кр}^2}{\omega^2}}}$$

$h = \sqrt{\frac{\omega^2}{c^2} - \kappa^2}$, $k = \omega / c$ - дисперсионное уравнение для плоской волны.

- 6** В каких линиях могут существовать главные (ТЕМ) волны? Поля ТЕМ волны в коаксиальной линии (форма силовых линий и зависимость от координат).
- 7** Спектр поперечных волновых чисел прямоугольного волновода. Низшая мода (поперечное волновое число, графики поля, картина силовых линий). Низшая мода круглого волновода (поперечное волновое число, картина силовых линий).
- 8** Причины затухания волн в линиях передачи. Описание затухания, обусловленного потерями энергии в заполняющей среде. Графики зависимости поля в линии передачи с потерями от продольной координаты в различные моменты времени.
- 9** Описание главных волн в линиях передачи в терминах тока и напряжения: определения величин тока и напряжения, погонной емкости и индуктивности, определения волнового сопротивления, импеданса нагрузки, импеданса в любом сечении линии с произвольной нагрузкой на конце.
- 10** Коэффициент отражения волны от нагрузки на конце линии. Понятие согласования линии с нагрузкой.
- 11** Спектр собственных частот идеального прямоугольного резонатора. Низшая мода прямоугольного резонатора (собственная частота, структура поля).
- 12** Причины затухания колебаний в реальных резонаторах. Описание затухания, обусловленного потерями энергии в заполняющей среде. График зависимости поля собственного колебания в реальном резонаторе от времени.
- 13** Представление полей, создаваемых в волноводе заданными сторонними токами, в виде суперпозиции полей собственных мод (общий вид формул возбуждения волноводов).
- 14** Представление полей, создаваемых в резонаторе заданными сторонними токами, в виде суперпозиции полей собственных колебаний (общий вид формул возбуждения резонатора). Резонансные свойства полей.
- 15** Способы возбуждения волноводов и резонаторов при помощи штыря и петли.
- 16** Определения дифференциального и полного сечений рассеяния тела. Выражение для амплитуды поля и плотности потока энергии рассеянной волны в дальней зоне через дифференциальное сечение рассеяния.
- 17** Приближение геометрической оптики и условия его применимости в задачах дифракции плоской волны на теле. Понятие луча и лучевой трубки.