1 Постулаты Эйнштейна

1.1 Постулат относительности

Законы природы одинаковы во всех ИСО. Другими словами, законы природы ковариантны по отношению к преобразованиям координат и времени от одной инерциальной СО к другой. Это значит, что уравнения, описывающие некоторый закон природы и выраженные через координаты и время различных ИСО, имеют один и тот же вид.

1.2 Постулат постоянства скорости света

Скорость света не зависит от движения источника и равнас во всех ИСО и по всем направлениям.

2 Каноническая форма уравнений Максвелла в вакууме: 4-потенциал и 4-плотность тока в 4-пространстве

 $\overline{x} = (x, y, z, ict)$

$$\Box \overline{A} = -\frac{4\pi}{c}\overline{j}, \ div\overline{A} = 0, \ div\overline{J} = 0 \ \left(\Delta - \frac{1}{c^2}\frac{\partial^2}{\partial t^2} = \sum_{s=1}^4 \frac{\partial^2}{\partial x_s^2} = \Box\right)$$

 $\overline{A}=(A_x,A_y,A_z,i\phi)$ -четырёхпотенциал, $\overline{J}=(j_x,j_y,j_z,ic\rho)$ -четырёхплотность тока

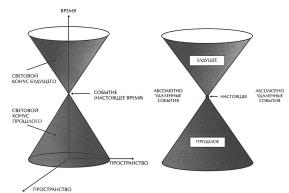
3 Интервал между мировыми координатами двух событий в ИСО. Инвариантность интервала Не

4 Преобразования Лоренца

(частный случай, движение только по z)

$$x = x', \ y = y', \ z = \frac{z' + vt'}{\sqrt{1 - \beta^2}}, \ t = \frac{t' + \frac{vz'}{c^2}}{\sqrt{1 - \beta^2}} \ \Leftrightarrow \ z' = \frac{z - vt}{\sqrt{1 - \beta^2}}, \ t' = \frac{t - \frac{vt}{c^2}}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

5 Световой конус и мировые линии в 4-мерном пространстве



6 Относительность одновременности двух событий

События, одновременные в ИСО К - разновременные в ИСО К'. Два одновременных события не могут быть причинно-следственно связаны.

7 Собственное время объекта

Собственное время объекта - время которое показывают часы двигающиеся вместе с объектом.

СО связная с часами неинерциальная. Разбиваем траекторию на маленькие кусочки где СО будет инерциальной, тогда:

$$dt = \frac{dt'}{\sqrt{1 - \beta^2}} = \frac{dt'}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \implies dt' = dt\sqrt{1 - \beta^2} \implies t'_2 - t'_1 = \int_{t_1}^{t^2} \sqrt{1 - \beta^2}$$

(связь собственными (t') и неподвижными (t) часами)

8 Лоренцево сокращение длины движущегося масштаба

$$z_1'=rac{z_1-vt_1}{\sqrt{1-eta^2}},\; z_2'=rac{z_2-vt_2}{\sqrt{1-eta^2}}\; (t_1=t_2)$$
 - концы движутся вместе $z_2'-z_1'=rac{z_2-z_1}{\sqrt{1-eta^2}} \,\Rightarrow\, L_0=rac{L}{\sqrt{1-eta^2}}, L=L_0\sqrt{1-eta^2}$

9 Закон сложения скоростей

$$_{\text{\tiny TH}} = \frac{V + V'}{1 + \frac{VV'}{c^2}}$$

10 Эффект Допплера

$$\omega' = \frac{\omega - (k_z V)}{\sqrt{1 - \beta^2}}, \quad k_z' = \frac{k_z - ((\omega V)/c^2)}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

11 Действие и функция Лагранжа свободной материальной частицы в ИСО

$$L = -m_0 c^2 \sqrt{1-\beta^2}, \quad S_d = \int_{t_*}^{t_2} L(U^2) dt, \quad L = L(\vec{U}^2) = T - U$$
 - функция Лагранжа

U не зависит от \vec{r} , так как пространство однородное, U и T не зависят от времени, так как оно однородно, L и T зависят только от \vec{V} , L зависит только от направления \vec{V} Действие S_d - инвариант, так как во всех CO все явления должны происходить одинаково, и не

существует какой-либо выделенной СО

12 Импульс и энергия свободной материальной частицы

$$\vec{P} = \bigtriangledown_{\vec{v}} L = \frac{m_0 \vec{V}}{\sqrt{1-\beta^2}}, \quad L = T - U$$

$$W = (\vec{P}\vec{V}) - L = \frac{m_0 c^2}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

При V=0 получим конечную величину $W_0=m_0c^2$ - энергия покоя

13 Уравнение движения релятивистской частицы в 3-мерном пространстве

$$\frac{m_0}{\sqrt{1-\beta^2}} \frac{d\vec{V}}{dt} + \frac{m_0 \vec{V}}{c^2 (\sqrt{1-\beta^2})^3} \vec{V} \frac{d\vec{V}}{dt} = \vec{f}$$

Первое слагаемое - перпендикулярная к скорости компонента силы, второе - продольная

14 4-скорость и 4-импульс свободной материальной частицы

4-х скорость - закон преобразования скорости при повороте системы координат:

$$\overline{U} = (\frac{V}{\sqrt{1-\beta^2}}, \frac{ic}{\sqrt{1-\beta^2}}) = \frac{\overline{R}}{d\tau}, \quad \vec{U} \neq 0, \quad (\overline{U}\overline{U}) = -c^2$$

4-х импульс - параллелен 4-х скорости: $\overline{P}=m_0\overline{U}=(\frac{m_0\vec{V}}{\sqrt{1-\beta^2}},i\frac{m_0c}{\sqrt{1-\beta^2}})$

au - собственное время объекта

15 Ковариантная форма уравнения движения частицы в ИСО и 4-сила Минковского

$$\frac{\overline{P}}{d\tau} = \overline{F}, \quad \overline{F} = (\frac{\overrightarrow{f}}{\sqrt{1-\beta^2}}, \frac{i}{c} \frac{(\overrightarrow{f}\overrightarrow{V})}{\sqrt{1-\beta^2}})$$

16 Тензор электромагнитного поля и ковариантная форма уравнений электродинамики в вакууме

$$F = egin{bmatrix} 0 & B_z & -B_y & -iE_x \ -B_z & 0 & B_x & -iE_y \ B_y & -B_x & 0 & -iE_z \ iE_x & iE_y & iE_z & 0 \ \end{bmatrix}$$
 - тензор электромагнитного поля

17 Форма и содержание закона преобразования полей

$$ec{B}_{\parallel}' = ec{B}_{\parallel}, \quad ec{B}_{\perp}' = rac{egin{align*} ec{V} imes ec{E} \ \hline \sqrt{1-eta^2} \ \hline \end{array}}{\sqrt{1-eta^2}}$$

$$ec{E}_{\parallel}' = ec{E}_{\parallel}, \quad ec{E}_{\perp}' = rac{ec{E}_{\perp} + rac{1}{c} \left[ec{V} imes ec{B}
ight]}{\sqrt{1-eta^2}}$$

18 Инварианты тензора электромагнитного поля

19 4-вектор плотности силы Лоренца и его связь с тензором электромагнитного поля

$$ec{f} =
ho(ec{E} + rac{1}{c} \left[ec{V} ec{B}
ight])$$
 - плотность силы Лоренца

$$\overline{f} = (\vec{f}, \frac{\imath}{c} (\vec{f} \vec{V}))$$
 - 4-х вектор плотности силы Лоренца

$$\overline{f}=rac{1}{c}(\hat{F}\overline{j}),\quad \hat{F}$$
 - тензор э/м поля, $f_i=rac{1}{c}\sum_k F_{ik}j_k,\quad ec{j}=
hoec{V}$

20 4-вектор плотности силы Лоренца и его связь с электромагнитным тензором энергии-импульса

$$S=rac{1}{4\pi}\left[ec{E} imesec{B}
ight]$$
 - вектор Пойтнинга, $\omega=rac{1}{8\pi}(ec{E}^2+ec{B}^2)$ - плотность энергии

$$T_{\alpha\beta} = \frac{1}{4\pi} (E_{\alpha} E_{\beta} + B_{\alpha} B_{\beta} - \frac{1}{2} \delta_{\alpha\beta} (\vec{E}^2 + \vec{B}^2))$$

$$\overline{f} = (\vec{f}, \frac{\imath}{c}(\vec{f}, \vec{V}))$$
 - 4-вектор плотности силы Лоренца

$$f_i = \sum_k \frac{\partial T_{ik}}{\partial x_k}$$
 - связь с тензором

21 Закон сохранения энергии в электродинамике

$$rac{\partial \omega}{\partial t} + div \vec{S} + (\vec{j}E) = 0, \quad (\vec{j}E)$$
 - джоулевы потери

$$ec{S}=rac{1}{4\pi}\left[ec{E} imesec{B}
ight]$$
 - вектор Пойтнинга, $\omega=rac{1}{8\pi}(ec{E}^2+ec{B}^2)$ - плотность энергии

22 Закон сохранения импульса в электродинамике

23 Действие и функция Лагранжа заряженной частицы в заданном электромагнитном поле

$$dS_g = -mc^2\sqrt{1-eta^2}dt + (q/c(\vec{A}\vec{V}-qarphi)dt)$$
 - действие заряженной частицы

$$L=-mc^2\sqrt{1-eta^2}+q/c(\overrightarrow{AV}-qarphi)$$
 - функция Лагранжа

24 Импульс заряженной частицы в заданном электромагнитном поле

$$\vec{\mathsf{P}_q} = (rac{\partial L}{\partial V_q}) = rac{m_0 \vec{V}}{\sqrt{1-eta^2}} + rac{q}{c} \vec{A}$$
 - обобщенный импульс

$$\vec{\mathsf{P}} = \vec{P} + \frac{q}{\vec{A}}, \quad \vec{P}$$
 - обычный импульс

$\vec{\mathsf{P}} = \vec{P} + rac{q}{c} \vec{A}, \quad \vec{P}$ - обычный импульс **25** Энергия заряженной частицы в заданном электромагнитном поле

$$W_q = \frac{mc^2}{\sqrt{1-\beta^2}} + q\varphi = W + q\varphi$$

26 Уравнение движения заряженной частицы в заданном электромагнитном поле

$$\frac{d\vec{P}}{dt} = -\frac{q}{c}\frac{\partial\vec{A}}{\partial t} - q\nabla\varphi + \frac{q}{c}\left[\vec{V}\times rot\vec{A}\right], \quad \frac{d\vec{P}}{dt} = qE + \frac{q}{c}\left[\vec{V}\times\vec{B}\right]$$

- 28 Потенциалы Льенара-Вихерта неравномерно движущегося заряда. Выражение для поля
- 29 Излучение неравномерно движущегося на малой скорости заряда (формула Лармора)
- Тормозное излучение заряда
- Синхротронное (магнитотормозное) излучение заряда
- Излучение Вавилова-Черенкова
- Гипотезы теории электромагнитной массы и радиус электрона
- Сила реакции излучения и уравнение Абрагама-Лоренца