1 Постулаты Эйнштейна

1.1 Постулат относительности

Законы природы одинаковы во всех ИСО. Другими словами, законы природы **ковариантны** по отношению к преобразованиям координат и времени от одной инерциальной СО к другой. Это значит, что уравнения, описывающие некоторый закон природы и выраженные через координаты и время различных ИСО, имеют один и тот же вид.

1.2 Постулат постоянства скорости света

Скорость света не зависит от движения источника и равнас во всех ИСО и по всем направлениям.

2 Каноническая форма уравнений Максвелла в вакууме: 4-потенциал и 4-плотность тока в 4-пространстве

$\overline{x} = (x, y, z, ict)$

$$\Box\overline{A} = -\frac{4\pi}{c}\overline{j},\ div\overline{A} = 0,\ div\overline{J} = 0\ \left(\Delta - \frac{1}{c^2}\frac{\partial^2}{\partial t^2} = \sum_{s=1}^{4}\frac{\partial^2}{\partial x_s^2} = \Box\right)$$

$\overline{A} = (A_x, A_y, A_z, i\phi)$ -четырёхпотенциал, $\overline{J} = (j_x, j_y, j_z, ic\rho)$ -четырёхплотность тока

3 Интервал между мировыми координатами двух событий в ИСО. Инвариантность интервала

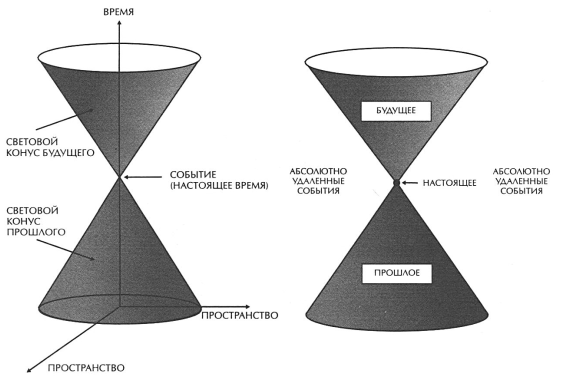
Не

4 Преобразования Лоренца

(частный случай, движение только по z)

$$x = x',\ y = y',\ z = \frac{z' + vt'}{\sqrt{1-\beta^2}},\ t = \frac{t' + \frac{vz'}{c^2}}{\sqrt{1-\beta^2}} \Leftrightarrow z' = \frac{z - vt}{\sqrt{1-\beta^2}},\ t' = \frac{t - \frac{vt}{c^2}}{\sqrt{1-\beta^2}}$$

5 Световой конус и мировые линии в 4-мерном пространстве



6 Относительность одновременности двух событий

События, одновременные в ИСО К - разновременные в ИСО К'. Два одновременных события не могут быть причинно-следственно связаны.

7 Собственное время объекта

Собственное время объекта - время которое показывают часы двигающиеся вместе с объектом.

СО связная с часами неинерциальная. Разбиваем траекторию на маленькие кусочки где СО будет инерциальной, тогда:

$$dt = \frac{dt'}{\sqrt{1-\beta^2}} = \frac{dt'}{\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}} \Rightarrow dt' = dt\sqrt{1-\beta^2} \Rightarrow t_2' - t_1' = \int_{t_1}^{t^2}\sqrt{1-\beta^2}$$

(связь собственными (t') и неподвижными (t) часами)

8 Лоренцево сокращение длины движущегося масштаба

$$z_1' = \frac{z_1 - vt_1}{\sqrt{1-\beta^2}},\ z_2' = \frac{z_2 - vt_2}{\sqrt{1-\beta^2}}\ (t_1 = t_2) \text{ - концы движутся вместе}$$

$$z_2' - z_1' = \frac{z_2 - z_1}{\sqrt{1-\beta^2}} \Rightarrow L_0 = \frac{L}{\sqrt{1-\beta^2}}, L = L_0\sqrt{1-\beta^2}$$

9 Закон сложения скоростей

10 Эффект Допплера

$$\omega' = \frac{\omega - (k_z V)}{\sqrt{1-\beta^2}},\quad k_z' = \frac{k_z - ((\omega V)/c^2)}{\sqrt{1-\beta^2}}$$

11 Действие и функция Лагранжа свободной материальной частицы в ИСО

$L = -m_0c^2\sqrt{1-\beta^2},\quad S_d = \int_{t_1}^{t_2} L(U^2)\,dt,\quad L = L(\vec{U}^2) = T - U$ - функция Лагранжа

U не зависит от $\vec{r}$, так как пространство однородное, U и T не зависят от времени, так как оно однородно, L и T зависят только от $\vec{V}$, L зависит только от направления $\vec{V}$

Действие S_d - инвариант, так как во всех СО все явления должны происходить одинаково, и не существует какой-либо выделенной СО

12 Импульс и энергия свободной материальной частицы

$$\vec{P} = \bigtriangledown_{\vec{v}}L = \frac{m_0\vec{V}}{\sqrt{1-\beta^2}},\quad L = T - U$$

$$W = (\vec{P}\vec{V}) - L = \frac{m_0c^2}{\sqrt{1-\beta^2}}$$

При $V = 0$ получим конечную величину $W_0 = m_0c^2$ - энергия покоя

13 Уравнение движения релятивистской частицы в 3-мерном пространстве

$$\frac{m_0}{\sqrt{1-\beta^2}}\frac{d\vec{V}}{dt} + \frac{m_0\vec{V}}{c^2(\sqrt{1-\beta^2})^3}\vec{V}\frac{d\vec{V}}{dt} = \vec{f}$$

Первое слагаемое - перпендикулярная к скорости компонента силы, второе - продольная

14 4-скорость и 4-импульс свободной материальной частицы

4-х скорость - закон преобразования скорости при повороте системы координат:

$$\overline{U} = \left(\frac{V}{\sqrt{1-\beta^2}}, \frac{ic}{\sqrt{1-\beta^2}}\right) = \frac{\overline{R}}{d\tau},\quad \vec{U} \neq 0,\quad (\overline{U}\overline{U}) = -c^2$$

4-х импульс - параллелен 4-х скорости: $\overline{P} = m_0\overline{U} = \left(\frac{m_0\vec{V}}{\sqrt{1-\beta^2}}, i\frac{m_0c}{\sqrt{1-\beta^2}}\right)$

τ - собственное время объекта

15 Ковариантная форма уравнения движения частицы в ИСО и 4-сила Минковского

$$\frac{\overline{P}}{d\tau} = \overline{F},\quad \overline{F} = \left(\frac{\vec{f}}{\sqrt{1-\beta^2}}, \frac{i}{c}\frac{(\vec{f}\vec{V})}{\sqrt{1-\beta^2}}\right)$$

16 Тензор электромагнитного поля и ковариантная форма уравнений электродинамики в вакууме

17 Форма и содержание закона преобразования полей

$$\vec{B}_\parallel' = \vec{B}_\parallel,\quad \vec{B}_\perp' = \frac{B_\perp - \frac{\left[\vec{V}\times\vec{E}\right]}{c}}{\sqrt{1-\beta^2}}$$

$$\vec{E}_\parallel' = \vec{E}_\parallel,\quad \vec{E}_\perp' = \frac{\vec{E}_\perp + \frac{1}{c}\left[\vec{V}\times\vec{B}\right]}{\sqrt{1-\beta^2}}$$

18 Инварианты тензора электромагнитного поля

19 4-вектор плотности силы Лоренца и его связь с тензором электромагнитного поля

$\vec{f} = \rho(\vec{E} = \frac{1}{c}\left[\vec{V}\vec{B}\right])$ - плотность силы Лоренца

$\overline{f} = (\vec{f}, \frac{i}{c}(\vec{f}\vec{V}))$ - 4-х вектор плотности силы Лоренца

$\overline{f} = \frac{1}{c}(\hat{F}\overline{j}),\quad \hat{F}$ - тензор э/м поля, $\quad f_i = \frac{1}{c}\sum_k F_{ik}j_k,\quad \vec{j} = \rho\vec{V}$

20 4-вектор плотности силы Лоренца и его связь с электромагнитным тензором энергии-импульса

21 Закон сохранения энергии в электродинамике

$\dfrac{\partial\omega}{\partial t} + div\vec{S} + (\vec{j}E) = 0, \quad (\vec{j}E)$ - джоулевы потери

$\vec{S} = \dfrac{1}{4\pi}\left[\vec{E}\times\vec{B}\right]$ - вектор Пойтнинга, $\omega = \dfrac{1}{8\pi}(\vec{E}^2 + \vec{B}^2)$ - плотность энергии

22 Закон сохранения импульса в электродинамике

23 Действие и функция Лагранжа заряженной частицы в заданном электромагнитном поле

$dS_g = -mc^2\sqrt{1-\beta^2}dt + (q/c(\vec{A}\vec{V} - q\varphi)dt)$ - действие заряженной частицы

$L = -mc^2\sqrt{1-\beta^2} + q/c(\vec{A}\vec{V} - q\varphi)$ - функция Лагранжа

24 Импульс заряженной частицы в заданном электромагнитном поле

$\vec{\mathsf{P}}_q = (\dfrac{\partial L}{\partial V_q}) = \dfrac{m_0\vec{V}}{\sqrt{1-\beta^2}} + \dfrac{q}{c}\vec{A}$ - обобщенный импульс

$\vec{\mathsf{P}} = \vec{P} + \dfrac{q}{c}\vec{A}, \quad \vec{P}$ - обычный импульс

25 Энергия заряженной частицы в заданном электромагнитном поле

$$W_q = \frac{mc^2}{\sqrt{1-\beta^2}} + q\varphi = W + q\varphi$$

26 Уравнение движения заряженной частицы в заданном электромагнитном поле

$$\frac{d\vec{P}}{dt} = -\frac{q}{c}\frac{\partial\vec{A}}{\partial t} - q\nabla\varphi + \frac{q}{c}\left[\vec{V}\times rot\vec{A}\right], \quad \frac{d\vec{P}}{dt} = qE + \frac{q}{c}\left[\vec{V}\times\vec{B}\right]$$

27 Поле равномерно движущегося заряда

28 Потенциалы Льенара-Вихерта неравномерно движущегося заряда. Выражение для поля излучения

29 Излучение неравномерно движущегося на малой скорости заряда (формула Лармора)

30 Тормозное излучение заряда

31 Синхротронное (магнитотормозное) излучение заряда

32 Излучение Вавилова-Черенкова

33 Гипотезы теории электромагнитной массы и радиус электрона

34 Сила реакции излучения и уравнение Абрагама-Лоренца