



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Московский государственный технический университет
имени Н.Э. Баумана
(национальный исследовательский университет)»
(МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №4

Вариант №14

Дисциплина	<u>Моделирование</u>
Тема	<u>Обслуживающий аппарат</u>
Студент	<u>Набиев Ф.М.</u>
Группа	<u>ИУ7–73Б</u>
Оценка (баллы)	<u> </u>
Преподаватель	<u>Рудаков И.В.</u>

Москва, 2020 г.

УСЛОВИЕ

Необходимо промоделировать систему, состоящую из генератора памяти и обслуживающего аппарата. Генератор подаёт сообщения, распределённые по нормальному закону, они проходят в память и выбираются на обработку по закону из лабораторной работы №2. Количество заявок конечно и задано. Предусмотреть случай, когда обработанная заявка возвращается обратно в очередь. Необходимо определить оптимальную длину очереди, при которой не будет потерянных сообщений. Реализовать, используя пошаговый и событийные подходы.

1 Теоретическая часть

1.1 Равномерное распределение

Непрерывное равномерное распределение — распределение случайной вещественной величины, принимающей значения, принадлежащие некоторому промежутку конечной длины, характеризующееся тем, что плотность вероятности на этом промежутке почти всюду постоянна.

Плотность распределения представлена в формуле 1.1.

$$f_X(x) = \begin{cases} \frac{1}{b-a}, x \in [a, b] \\ 0, x \notin [a, b] \end{cases} \quad (1.1)$$

Функция распределения представлена в формуле 1.2.

$$F_X(x) = \begin{cases} 0, x < a \\ \frac{x-a}{b-a}, a \leq x < b \\ 1, x \geq b \end{cases} \quad (1.2)$$

1.2 Нормальное распределение

Нормальное распределение — распределение вероятностей, которое в одномерном случае задаётся функцией плотности вероятности, совпадающей с функцией Гаусса.

Плотность распределения представлена в формуле 1.3.

$$f_X(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}} \quad (1.3)$$

Функция распределения представлена в формуле 1.4.

$$F(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^x e^{-\frac{(t-\mu)^2}{2\sigma^2}} dt \quad (1.4)$$

1.3 Пошаговый подход

Пошаговый подход заключается в последовательном анализе состояний всех блоков в момент $t + \Delta t$ по заданному состоянию блоков в момент t . При этом новое состояние блоков определяется в соответствии с их алгоритмическим описанием с учетом действующих случайных факторов, задаваемых распределениями вероятности. В результате такого анализа принимается решение о том, какие общесистемные события должны имитироваться программной моделью на данный момент времени.

Основной недостаток этого подхода: значительные затраты машинного времени на реализацию моделирования системы. А при недостаточно малом Δt появляется опасность пропуска отдельных событий в системе, что исключает возможность получения адекватных результатов при моделировании.

Достоинство: равномерная протяжка времени.

1.4 Событийный подход

Характерное свойство моделируемых систем — состояние отдельных устройств изменяется в дискретные моменты времени, которые совпадают с моментами поступления сообщений в систему, моментами окончания решения задач, моментами возникающих аварийных сигналов и т.д. Поэтому, моделирование и продвижение текущего времени в системе удобно проводить используя событийный принцип, при котором состояние всех блоков системы анализируется лишь в момент наступления какого-либо события. Момент наступления следующего события определяется минимальным значением из списка будущих событий, представляющих собой совокупность моментов ближайшего изменения состояний каждого из блоков системы.

2 Примеры работы

a	<input type="text" value="1"/>
b	<input type="text" value="10"/>
μ	<input type="text" value="1"/>
σ	<input type="text" value="2"/>
Количество заявок	<input type="text" value="1000"/>
Вероятность повторной обработки заявки	<input type="text" value="0"/>
Метод моделирования	<input type="text" value="Событийный"/>
Δt	<input type="text"/>

Количество обработанных заявок	1000
Количество повторно обработанных заявок	0
Максимальная длина очереди	3
Время работы	5429.468

Рис. 2.1 – Событийный подход, вероятность возврата заявки в очередь равна 0

a	<input type="text" value="1"/>
b	<input type="text" value="10"/>
μ	<input type="text" value="1"/>
σ	<input type="text" value="2"/>
Количество заявок	<input type="text" value="1000"/>
Вероятность повторной обработки заявки	<input type="text" value="0"/>
Метод моделирования	<input type="text" value="Δt"/>
Δt	<input type="text" value="0.1"/>

Количество обработанных заявок	1000
Количество повторно обработанных заявок	0
Максимальная длина очереди	3
Время работы	5464.4

Рис. 2.2 – Пошаговый подход, вероятность возврата заявки в очередь равна 0

a	<input type="text" value="1"/>
b	<input type="text" value="10"/>
μ	<input type="text" value="1"/>
σ	<input type="text" value="2"/>
Количество заявок	<input type="text" value="1000"/>
Вероятность повторной обработки заявки	<input type="text" value="0.2"/>
Метод моделирования	<input type="text" value="Событийный"/>
Δt	<input type="text" value="0.2"/>

Количество обработанных заявок	1270
Количество повторно обработанных заявок	270
Максимальная длина очереди	4
Время работы	5485.791

Рис. 2.3 – Событийный подход, вероятность возврата заявки в очередь равна 0.2

a	<input type="text" value="1"/>
b	<input type="text" value="10"/>
μ	<input type="text" value="1"/>
σ	<input type="text" value="2"/>
Количество заявок	<input type="text" value="1000"/>
Вероятность повторной обработки заявки	<input type="text" value="0.2"/>
Метод моделирования	<input type="text" value="Δt"/>
Δt	<input type="text" value="0.1"/>

Количество обработанных заявок	1261
Количество повторно обработанных заявок	261
Максимальная длина очереди	4
Время работы	5426.6

Рис. 2.4 – Пошаговый подход, вероятность возврата заявки в очередь равна 0.2

a	<input type="text" value="1"/>
b	<input type="text" value="10"/>
μ	<input type="text" value="1"/>
σ	<input type="text" value="2"/>
Количество заявок	<input type="text" value="1000"/>
Вероятность повторной обработки заявки	<input type="text" value="0.5"/>
Метод моделирования	<input type="text" value="Событийный"/>
Δt	<input type="text" value="0.1"/>

Количество обработанных заявок	1974
Количество повторно обработанных заявок	974
Максимальная длина очереди	6
Время работы	5614.507

Рис. 2.5 – Событийный подход, вероятность возврата заявки в очередь равна 0.5

a	<input type="text" value="1"/>
b	<input type="text" value="10"/>
μ	<input type="text" value="1"/>
σ	<input type="text" value="2"/>
Количество заявок	<input type="text" value="1000"/>
Вероятность повторной обработки заявки	<input type="text" value="0.5"/>
Метод моделирования	<input type="text" value="Δt"/>
Δt	<input type="text" value="0.1"/>

Количество обработанных заявок	1965
Количество повторно обработанных заявок	965
Максимальная длина очереди	8
Время работы	5440.6

Рис. 2.6 – Пошаговый подход, вероятность возврата заявки в очередь равна 0.5

a	<input type="text" value="1"/>
b	<input type="text" value="10"/>
μ	<input type="text" value="1"/>
σ	<input type="text" value="2"/>
Количество заявок	<input type="text" value="1000"/>
Вероятность повторной обработки заявки	<input type="text" value="0.8"/>
Метод моделирования	<input type="text" value="Событийный"/>
Δt	<input type="text" value="0.1"/>

Количество обработанных заявок	5024
Количество повторно обработанных заявок	4024
Максимальная длина очереди	24
Время работы	5423.675

Рис. 2.7 – Событийный подход, вероятность возврата заявки в очередь равна 0.8

a	<input type="text" value="1"/>
b	<input type="text" value="10"/>
μ	<input type="text" value="1"/>
σ	<input type="text" value="2"/>
Количество заявок	<input type="text" value="1000"/>
Вероятность повторной обработки заявки	<input type="text" value="0.8"/>
Метод моделирования	<input type="text" value="Δt"/>
Δt	<input type="text" value="0.1"/>

Количество обработанных заявок	5116
Количество повторно обработанных заявок	4116
Максимальная длина очереди	25
Время работы	5537.0

Рис. 2.8 – Пошаговый подход, вероятность возврата заявки в очередь равна 0.8

a	<input type="text" value="1"/>
b	<input type="text" value="10"/>
μ	<input type="text" value="1"/>
σ	<input type="text" value="2"/>
Количество заявок	<input type="text" value="1000"/>
Вероятность повторной обработки заявки	<input type="text" value="0.99"/>
Метод моделирования	<input type="text" value="Событийный"/>
Δt	<input type="text" value="0.1"/>

Количество обработанных заявок	99431
Количество повторно обработанных заявок	98431
Максимальная длина очереди	16934
Время работы	98669.669

Рис. 2.9 – Событийный подход, вероятность возврата заявки в очередь равна 0.99

a	<input type="text" value="1"/>
b	<input type="text" value="10"/>
μ	<input type="text" value="1"/>
σ	<input type="text" value="2"/>
Количество заявок	<input type="text" value="1000"/>
Вероятность повторной обработки заявки	<input type="text" value="0.99"/>
Метод моделирования	<input type="text" value="Δt"/>
Δt	<input type="text" value="0.1"/>

Количество обработанных заявок	97914
Количество повторно обработанных заявок	96914
Максимальная длина очереди	17164
Время работы	99457.7

Рис. 2.10 – Пошаговый подход, вероятность возврата заявки в очередь равна 0.99