

Analyse en composantes principales.

Exemple d'une ACP non normée (statistiques exploratoires).

Le tableau suivant est composé de 9 élèves et de 5 notes. La signification des abréviations des notes est la suivante : math-mathématiques, scie-sciences, fran-français, latin-latin et d.m-dessin-musique

	math	scie	fran	lati	dm
jean	6	6.0	5	5.5	8.0
aline	8.0	8.0	8.0	8.0	9.0
annie	6	7	11	9.5	11.0
monique	14.5	14.5	15.5	15	8.0
didier	14	14	12	12.5	10.0
andre	11	10	5.5	7	13.0
pierre	5.5	7	14	11.5	10.0
brigitte	13	12.5	8.5	9.5	12.0
evelyne	9	9.5	12.5	12	18.0

Table 1 – Fichier notes.txt

En utilisant la métrique identité et en donnant la même importance à chaque individu, on obtient les résultats de l'ACP avec le package FactoMineR. Il s'agit maintenant d'interpréter les résultats. Les réponses aux questions posées demandent généralement très peu de calcul.

- 1. Quelles sont les coordonnées de l'individu jean dans l'ancien premier axe? dans le nouveau? Que représente la première composante principale?
- 2. Quelle est la valeur de l'inertie du nuage projeté sur le premier axe principal? sur le deuxième? sur le troisième?
 - Quelle est l'inertie du nuage projeté sur le premier plan principal? sur les trois premiers axes principaux réunis?
 - Traduire ces inerties en pourcentage d'inertie. Combien d'axes cela incite-il à retenir?
- 3. Quel est le coefficient de corrélation linéaire de la première composante principale avec la variables math? avec les autres variables? Mêmes questions avec la second puis la troisième composante principale? Quel est le nom du graphique qui représente ces corrélations?
 - À partir de ces éléments, interpréter les trois premiers nouveaux axes.
- 4. Quels sont les individus qui contribuent le plus à l'inertie du premier axe principal? du second?
- 5. Quels sont les individus bien représentés sur le premier axe principal? le second? Quels sont les individus bien représentés dans le premier plan principal?

Voici le code R et les sorties obtenues.

> library(FactoMineR)
> x <- read.table("notes.txt")
> res.pca <- PCA(x,scale.unit=FALSE,graph=FALSE)
> res.pca\$eig

	ergenvarue	hercenrage	OI	variance	Cumurative	her centrage of	L Va	ir rance
comp 1	28.253249801		57.	.68876314			57	.68876
comp 2	12.074723274		24.	65471604			82	.34348
comp 3	8.615733579		17.	.59199445			99	.93547
comp 4	0.021732182		0.	.04437375			99	.97985
comp 5	0.009869805		0.	.02015261			100	.00000

> res.pca\$var\$coord

```
        Dim.1
        Dim.2
        Dim.3
        Dim.4
        Dim.5

        math
        2.7349502
        -1.9700748
        0.15064642
        -0.042566843
        -0.056880954

        scie
        2.6948360
        -1.2926370
        0.04242315
        0.081530696
        0.054278457

        fran
        2.6170525
        2.2598942
        -0.31720044
        0.058043833
        -0.040710559

        lati
        2.5759832
        1.1232120
        -0.06617039
        -0.099388800
        0.045047500

        dm
        0.1627982
        0.3922897
        2.91311601
        0.005076587
        -0.001258566
```

> res.pca\$var\$cor

```
        Dim.1
        Dim.2
        Dim.3
        Dim.4
        Dim.5

        math 0.81041737 -0.5837703
        0.04463938 -0.012613359 -0.0168549005

        scie 0.90106403 -0.4322151
        0.01418490 0.027261168 0.0181489210

        fran 0.75354235
        0.6507038 -0.09133327 0.016712881 -0.0117220157

        lati 0.91570696
        0.3992778 -0.02352216 -0.035330594 0.0160134233

        dm 0.05529981
        0.1332542 0.98953631 0.001724431 -0.0004275134
```

> res.pca\$ind\$coord

```
Dim.1
                        Dim.2
                                   Dim.3
                                               Dim.4
                                                            Dim.5
         -8.700907 -1.7027046 -2.5539182 -0.14945398 0.11731596
iean
         -3.938596 -0.7085441 -1.8104644 -0.09068389 -0.04349922
aline
         -3.209392 3.4590552 -0.3006617 0.17254286 -0.01928215
annie
         9.755741 0.2157421 -3.3436726 -0.17347137 -0.10041455
monique
          6.371422 \ -2.1733326 \ -0.9570588 \quad 0.07066256 \quad 0.18799232 
didier
         -2.974017 -4.6509322 2.6349457 -0.02321315 -0.14809545
andre
pierre
         -1.050967 6.2271742 -1.6880636 0.11529582 -0.04281219
brigitte 1.980533 -4.0685562 1.4007122 0.24321198 -0.01039742
          1.766183 3.4020982 6.6181814 -0.16489082 0.05919270
evelyne
```

> res.pca\$ind\$cos2

```
Dim.2
                                       Dim.3
                                                    Dim.4
         0.88894548 0.0340427538 0.076587880 2.622775e-04 1.616070e-04
jean
        0.80365559 0.0260088320 0.169811511 4.260371e-04 9.802799e-05
aline
        0.46012197 0.5344933508 0.004038159 1.329907e-03 1.660880e-05
annie
monique 0.89414954 0.0004372797 0.105035734 2.827126e-04 9.472899e-05
        0.87726184 0.1020725256 0.019794006 1.079034e-04 7.637245e-04
        0.23623016 0.5777346580 0.185435015 1.439185e-05 5.857764e-04
andre
        0.02583884 0.9071461473 0.066661161 3.109728e-04 4.287757e-05
brigitte 0.17435766 0.7357964730 0.087211720 2.629342e-03 4.805383e-06
evelyne 0.05330060 0.1977673369 0.748407627 4.645728e-04 5.986834e-05
```

> res.pca\$ind\$contrib

```
Dim.2
                                   Dim.3
                                              Dim.4
        29.7726930 2.66783459 8.4116112 11.4200796 15.4939841
iean
         6.1005911 0.46197026 4.2271263 4.2045012 2.1301584
aline
         4.0507433 11.01020178 0.1165793 15.2211729 0.4185620
monique 37.4291227 0.04283019 14.4182553 15.3854355 11.3512117
        15.9647400 4.34643006 1.1812517 2.5528947 39.7858978
didier
         3.4783719 19.90491457 8.9538242 0.2755005 24.6906420
andre
         0.4343771 35.68307951 3.6748775 6.7964365 2.0634020
brigitte 1.5425990 15.23214081 2.5302476 30.2429457 0.1217026
evelyne
         1.2267619 10.65059822 56.4862269 13.9010335 3.9444393
```

> par(mfrow=c(1,2))

> barplot(res.pca\$eig[,1],main="pourcentage d'inertie",names.arg=1:nrow(res.pca\$eig))

> barplot(cumsum(res.pca\$eig[,1]),main="pourcentage d'inertie cumulée",names.arg=1:nrow(res.pca\$eig)

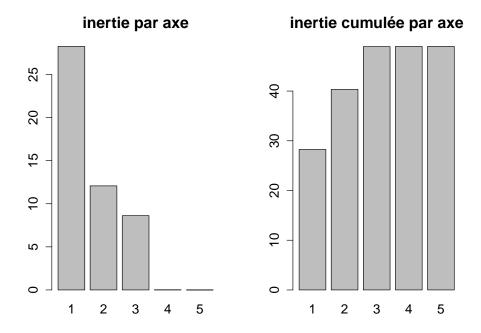
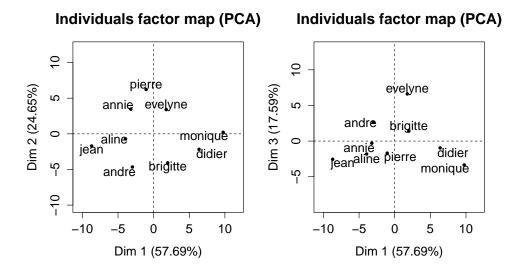


FIGURE 1 – Valeurs des inerties et des inerties cumulées

> par(mfrow=c(1,2))
> plot(res.pca,choix="ind",axes=1:2)
> plot(res.pca,choix="ind",axes=c(1,3))



 ${\bf Figure} \ 2 - {\bf Individus} \ {\bf sur} \ {\bf les} \ {\bf deux} \ {\bf premier} \ {\bf plans} \ {\bf factoriels}$

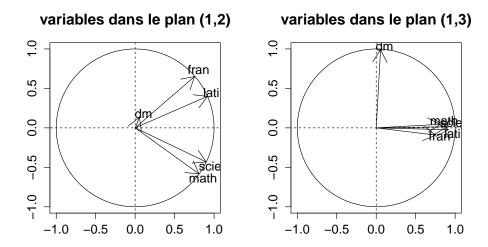


Figure 3 – Variables sur les deux premier plans factoriels