

Analyse des correspondances multiples.

Exemple d'une ACM (statistiques exploratoires).

On effectue une ACM sur le tableau disjonctif complet du jeu de données suivant décrivant les réponses à 4 questions apportés par 26 individus.

```
> m <- data.frame(m1,m2,m3,m4)
> print(m)
   m1 m2 m3 m4
1
    1
       1
          1
             1
2
    1
       2
          2
             1
3
4
          2
5
    1
6
       2
          2
             3
    1
7
       2
          2
8
          2
             1
9
    2
       1
          1
             1
   2
10
       1
          1
             1
    2
11
    2
12
       1
          1
             2
13
    2
             2
       1
          1
    2
              2
14
       1
          1
15
16
    2
       2
          1
    3
17
       1
          1
             1
18
    3
19
20
    3
       2
          2
             2
21
    3
       2
          2
    3
       2
          2
22
    3
24
    3
       2
          2
             3
25
   3
       2
          2 3
26
   3
```

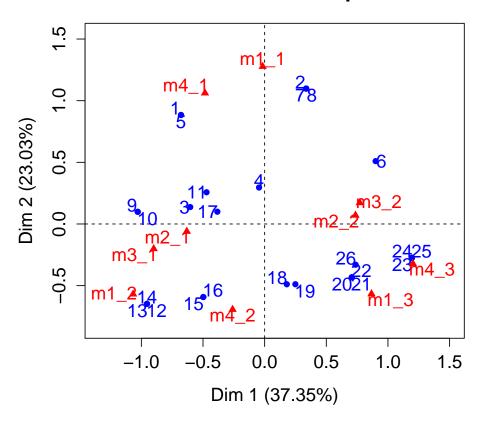
À l'aide des sorties obtenues sous R, répondez aux questions suivantes :

- 1. Quelle est la valeur de l'inertie obtenue sur le tableau disjonctif complet?
- 2. Quelles sont les valeurs propres non triviales? En déduire le nombre d'axes à retenir.
- 3. Quelle est la modalité la moins bien représentée dans le premier plan factoriel?
- 4. Quelles sont les modalités les plus liées?

```
> par(mfrow=c(2,2))
> for (i in 1:4){
+  plot(m[,i])
+ }
> library(FactoMineR)
> res.mca <- MCA(m)
> res.mca$eig
```

```
eigenvalue percentage of variance cumulative percentage of variance
dim 1 0.56030164
                           37.353443
                                                             37.35344
dim 2 0.34539909
                            23.026606
                                                             60.38005
dim 3 0.23667934
                           15.778623
                                                             76.15867
dim 4 0.15437811
                           10.291874
                                                             86.45055
dim 5 0.12187496
                                                             94.57554
                            8.124998
dim 6 0.08136685
                            5.424457
                                                            100.00000
> res.mca$var
$coord
          Dim 1
                                           Dim 4
                                                      Dim 5
                     Dim 2
                                Dim 3
m1_1 -0.01608051 1.27733931 -0.2947317 -0.51173012 0.51860301
m1_2 -1.06684022 -0.56882979 -0.2090644 0.75290081 0.04645186
\verb|m1_3| 0.86633658 - 0.56680761  0.4030369 - 0.19293655 - 0.45204390|
m2_2 0.73657612 0.07046233 -0.5681623 0.45979015 0.15110612
m3_1 -0.89971564 -0.20076921 0.2294713 0.04214132 0.29442979
m3_2 0.77118483 0.17208789 -0.1966897 -0.03612113 -0.25236840
m4_1 -0.48400958 1.06188828 0.2496675 0.41015926 -0.52448837
m4_2 -0.25990916 -0.69348446 -0.7710298 -0.46961851 0.00985544
m4_3 1.20251450 -0.32144425 1.0390533 0.24572839 0.76866425
$contrib
                     Dim 2
                               Dim 3
                                         Dim 4
m1_1 0.003550047 36.3369114 2.823254 13.0482683 16.975095203
m1_2 15.625485039 7.2060973 1.420550 28.2453166 0.136191001
m1_3 12.880065300 8.9436917 6.599270 2.3185152 16.121794742
m2_1 9.576669333 0.1421654 13.489180 13.5436188 1.852894643
m3_1 16.670036442 1.3465452 2.567109 0.1327329 8.207235997
m3_2 14.288602664 1.1541816 2.200379 0.1137710 7.034773712
m4_1 3.618221819 28.2517684 2.279150 9.4303644 19.532885238
m4_2 1.275206846 14.7269096 26.566924 15.1099851 0.008429404
m4_3 14.889381622 1.7258699 26.316807 2.2565391 27.968989642
$cos2
           Dim 1
                      Dim 2
                                Dim 3
                                            Dim 4
                                                        Dim 5
m1_1 0.0001149256 0.725153645 0.03860746 0.116385652 1.195329e-01
m1_2 0.5058435754 0.143807702 0.01942574 0.251937613 9.590113e-04
m1_3 0.4690869147 0.200794293 0.10152420 0.023265321 1.277148e-01
m2_1 0.4650380430 0.004255663 0.27669288 0.181205988 1.957119e-02
m2_2 0.4650380430 0.004255663 0.27669288 0.181205988 1.957119e-02
m3_1 0.6938470557 0.034549950 0.04513464 0.001522192 7.430477e-02
m3_2 0.6938470557 0.034549950 0.04513464 0.001522192 7.430477e-02
m4_1 0.1240227917 0.596968266 0.03300028 0.089063267 1.456349e-01
m4_2 0.0495387008 0.352675175 0.43595705 0.161730469 7.122844e-05
m4_3 0.4338123402 0.030997922 0.32388951 0.018114733 1.772534e-01
> par(mfrow=c(1,1))
> plot(res.mca)
> plot(res.mca,invisible=c("ind"))
```

MCA factor map



MCA factor map

