# **Analyse complexe**

Théorème de

l'application conforme

## Question 1/4

Formule de Cauchy

#### Réponse 1/4

Si 
$$f \in H(U)$$
,  $\gamma$  est un lacet  $\mathcal{C}^1$  par morceaux et  $z \in U \setminus \gamma([0, 1])$  alors

et 
$$z \in U \setminus \gamma([0,1])$$
 alors
$$\frac{1}{2\mathrm{i}\pi} \int_{\gamma} \frac{f(w)}{w-z} \,\mathrm{d}w = I(z,\gamma) f(z)$$

#### Question 2/4

Logarithme d'une fonction holomorhe

#### Réponse 2/4

Si U est simplement connexe<sup>1</sup> et  $f: U \to \mathbb{C}^*$  est holomorphe alors f admet un logarithme holomorphe, ie, il existe  $F \in H(U)$  telle que  $f = e^F$ 

<sup>1.</sup> Tout lacet est homotope au lacet constant

### Question 3/4

CNS pour que l'ouvert U soir simplement connexe

#### Réponse 3/4

$$U = \mathbb{C}$$
 ou  $U$  est biholomorphe à  $D(0,1)$ 

#### Question 4/4

Racine carrée d'une fonction holomorhe

#### Réponse 4/4

Si U est simplement connexe<sup>1</sup> et  $f: U \to \mathbb{C}^*$  est holomorphe alors f admet une racine carrée, ie, il existe  $F \in H(U)$  telle que  $f = F^{2z}$ 

<sup>1.</sup> Tout lacet est homotope au lacet constant

<sup>2.</sup> L'existence d'une racine carrée est équivalent au caractère simplement connexe