

# **Analyse complexe** ***Fonctions holomorphes***

## Question 1/5

Condition de Cauchy-Riemann

## Réponse 1/5

$f(x + iy) = P(x, y) + iQ(x, y)$  est holomorphe  
si et seulement si  $\frac{\partial P}{\partial x} = \frac{\partial Q}{\partial y}$  et  $\frac{\partial P}{\partial y} = -\frac{\partial Q}{\partial x}$

## Question 2/5

$$\frac{\partial f(x + iy)}{\partial z}$$

## Réponse 2/5

$$\frac{1}{2} \left( \frac{\partial f(x + iy)}{\partial x} - i \frac{\partial f(x + iy)}{\partial y} \right)$$

## Question 3/5

Théorème d'inversion locale pour une fonction holomorphe

## Réponse 3/5

Si  $f$  est holomorphe et de classe  $\mathcal{C}^1$  sur  $U$  tel que  $f(z_0) \neq 0$  alors il existe  $V \in \mathcal{V}(z_0)$  et  $W \in \mathcal{V}(f(z_0))$  tels que  $f$  induit un biholomorphisme de  $V$  dans  $W$  (ie bijectif, holomorphe de réciproque holomorphe)

## Question 4/5

$$\frac{\partial f(x + iy)}{\partial \bar{z}}$$



## Réponse 4/5

$$\frac{1}{2} \left( \frac{\partial f(x + iy)}{\partial x} + i \frac{\partial f(x + iy)}{\partial y} \right)$$

## Question 5/5

Lemme de Hadamard pour les séries entières

## Réponse 5/5

$$R^{-1} = \limsup_{n \in \mathbb{N}} \left( |a_n|^{\frac{1}{n}} \right)$$