Analyse

Dérivation de

fonctions

Question 1/15

Théorème des acroissements finis f est une application continue sur [a,b] et dérivable sur]a,b[

Réponse 1/15

$$\exists c \in]a, b[, \frac{f(b) - f(a)}{b - a} = f'(c)$$

Question 2/15

 DL_1 f est dérivable de dérivée p en x_0

Réponse 2/15

$$\exists \varepsilon : \mathcal{V}(x_0) \to \mathbb{R} \text{ et } \lim_{x \to x_0} (\varepsilon(x)) = 0$$
$$f(x) = f(x_0) + (x - x_0)p + (x - x_0)\varepsilon(x)$$

Question 3/15

Si
$$\forall i \in [1, n], f(x) \neq 0$$

$$\left(\prod_{k=1}^{n} (f_k)\right)'(x)$$

Réponse 3/15

$$\left(\prod_{i\in[1,n]} (f_i(x))\right) \sum_{k=1}^n \left(\frac{f_i'(x)}{f_i(x)}\right)$$

Question 4/15

Description topologique—topologique des limites

Soit $a \in \overline{X}$, $b \in \overline{\mathbb{R}}$

f admet une limite b lorsque x tend vers a

Réponse 4/15

$$\forall V \in \mathcal{V}(b), \ \exists U \in \mathcal{V}(a), \ f(U \cap X) \subset V$$

Question 5/15

Inégalité des acroissements finis f est une application continue sur [a,b] et dérivable sur]a,b[$\forall x \in [a,b[,|f'(x)| \leq M$

Réponse 5/15

$$|f(b) - f(a)| \leqslant M|b - a|$$

Question 6/15

$$(f_1 \circ \cdots \circ f_n)'(x)$$

Réponse 6/15

$$\prod_{k=1}^{n} ((f'_k \circ f_{k-1} \circ \cdots f_1)(x))$$

Question 7/15

Inégalité des acroissements finis f est une application continue sur [a,b] et dérivable sur]a,b[$\forall x \in]a,b[,\ m \leqslant f'(x) \leqslant M$

Réponse 7/15

$$m \leqslant \frac{f(b) - f(a)}{b - a} \leqslant M$$

Question 8/15

Si
$$\exists i \in [1, n], f(x) = 0$$

$$\left(\prod_{k=1}^{n} (f_k)\right)'(x)$$

Réponse 8/15

$$f_i'(x) \times \prod_{i \in [1,n] \setminus \{i\}} (f_i(x))$$

Question 9/15

 $f: I \to \mathbb{R}$ est concave sur I

Réponse 9/15

$$\forall (x,y) \in I^2, \ \forall \lambda \in [0,1]$$
$$f(\lambda x + (1-\lambda)y) \geqslant \lambda f(x) + (1-\lambda)f(y)$$

Question 10/15

Fonction L-lipschitzienne $f: I \to \mathbb{R}$

Réponse 10/15

$$\forall (x,y) \in I^2, |f(x) - f(y)| \leqslant L|x - y|$$

Question 11/15

Description métrique—métrique des limites Soit $a \in \overline{X}$, $b \in \overline{\mathbb{R}}$ f admet une limite b lorsque x tend vers a

Réponse 11/15

$$\forall \varepsilon > 0, \ \exists \eta > 0, \ |x - a| < \eta \Rightarrow |f(x) - b| < \varepsilon$$

Question 12/15

$$\left(\prod_{k=1}^{n}(f_k)\right)'(x)$$

Réponse 12/15

$$\sum_{k=1}^{n} \left(f_k'(x) \prod_{i \in [1,n] \setminus \{k\}} (f_i(x)) \right)$$

Question 13/15

Inegalité de Jensen f est convexe sur I

Réponse 13/15

$$\forall (\lambda_1, \dots, \lambda_n) \mathbb{R}^n_+, \sum_{k=1}^n (\lambda_k) = 1$$
$$f\left(\sum_{k=1}^n (\lambda_k x_k)\right) \leqslant \sum_{k=1}^n (\lambda_k f(x_k))$$

Question 14/15

Si
$$f$$
 est bijective $(f^{-1})'(x)$

Réponse 14/15

$$\frac{1}{(f'\circ f^{-1})(x)}$$

Question 15/15

 $f: I \to \mathbb{R}$ est convexe sur I

Réponse 15/15

$$\forall (x,y) \in I^2, \ \forall \lambda \in [0,1]$$

$$f(\lambda x + (1-\lambda)y) \leqslant \lambda f(x) + (1-\lambda)f(y)$$