# Analyse

Équations

différentielles

# Question 1/12

Solutions de l'équation y' = a(x)y

# Réponse 1/12

$$x \mapsto C e^{\left(\int (a)\right)(x)}$$

#### Question 2/12

Solutions de l'équation différentielle y'' + ay' + by = 0 si  $\Delta = 0$  où  $\Delta$  est le discriminant dy polynôme caractéristique et r sa racine double

#### Réponse 2/12

$$\mathcal{S} = \{y : x \mapsto (c + dx)e^{rx}\}, \ (c, d) \in \mathbb{C}^2$$

#### Question 3/12

Solutions réelles de l'équation différentielle y'' + ay' + by = 0 si  $\Delta = 0$  où  $\Delta$  est le discriminant dy polynôme caractéristique et r sa racine double

#### Réponse 3/12

$$\mathcal{S} = \{ y : x \mapsto (c + dx)e^{rx} \}, \ (c, d) \in \mathbb{R}^2$$

# Question 4/12

Solutions de l'équation y' = ay + b

# Réponse 4/12

$$S = \left\{ y : x \mapsto C e^{ax} - \frac{b}{a} \right\}$$

# Question 5/12

Théorème de Cauchy-Lipschitz pour les équations différentielles linéaires d'ordre 1

#### Réponse 5/12

Il existe une unique solution y de l'équation différentielle y' = a(x)y + b(x) telle que  $y(x_0) = y_0$ 

# Question 6/12

Théorème de Cauchy-Lipschitz pour les équations différentielles linéaires d'ordre 2 Soit f(x) continue

#### Réponse 6/12

Il existe une unique solution y de l'équation différentielle y'' + ay + b = f(x)(x) telle que  $y(x_0) = y_0$  et  $y'(x_0) = y_1$ 

#### Question 7/12

Solutions réelles de l'équation différentielle y'' + ay' + by = 0 si  $\Delta > 0$  où  $\Delta$  est le discriminant dy polynôme caractéristique et r et s sont ses racines

#### Réponse 7/12

$$\mathcal{S} = \{ y : x \mapsto ce^{rx} + de^{sx} \}, \ (c, d) \in \mathbb{R}^2$$

#### Question 8/12

Solutions réelles de l'équation différentielle y'' + ay' + by = 0 si  $\Delta < 0$  où  $\Delta$  est le discriminant dy polynôme caractéristique,  $\omega = \frac{\sqrt{-\Delta}}{2}$  et  $\alpha = \frac{-a}{2}$ 

## Réponse 8/12

$$S = \{y : x \mapsto e^{\alpha x} (c \cos(\omega x) + d \sin(\omega x))\}$$
$$(c, d) \in \mathbb{R}^2$$

## Question 9/12

Solution de l'équation y' = ay + b telle que  $y(x_0) = y_0$ 

#### Réponse 9/12

$$y: x \mapsto \left(\frac{b}{a} + y_0\right) e^{a(x-x_0)} - \frac{b}{a}$$

## Question 10/12

Solution particulière  $y_P$  pour un second membre  $Q(x)e^{\lambda x}$  avec m la muntiplicité de  $\lambda$ comme racine du polynôme caractéristique de l'équation différentielle

# Réponse 10/12

$$x^m R(x) e^{\lambda x}$$

# Question 11/12

 $S_{\mathbb{R}}$ 

# Réponse 11/12

$$\{\Re(y),\ y\in\mathcal{S}_{\mathbb{C}}\}$$

#### Question 12/12

Solutions de l'équation différentielle y'' + ay' + by = 0 si  $\Delta \neq 0$  où  $\Delta$  est le discriminant dy polynôme caractéristique et r et s sont ses racines

#### Réponse 12/12

$$\mathcal{S} = \{ y : x \mapsto ce^{rx} + de^{sx} \}, \ (c, d) \in \mathbb{C}^2$$