Probabilités

Variables aléatoires

discrètes

Question 1/11

$$X \sim \mathcal{U}(n)$$

Réponse 1/11

$$X(\Omega) = [1, n]$$
$$\mathbb{P}(X = k) = \frac{1}{n}$$

$$\mathbb{E}(X = \kappa) = \frac{n}{n}$$

$$\mathbb{E}(X) = \frac{n+1}{2}$$

$$\mathbb{V}(X) = \frac{n^2 - 1}{12}$$

$$G_X(t) = \frac{1}{n} \frac{t^n - 1}{t - 1}$$

$$\mathbb{F}$$

$$\mathbb{F}$$

Question 2/11

$$\mathbb{V}(X)$$
 avec $G_X(t)$

Réponse 2/11

$$G_X''(1) + G_X'(1) - G_X'(1)^2$$

Question 3/11

$$X \perp \!\!\! \perp Y$$
 G_{X+Y}

Réponse 3/11

$$G_XG_Y$$

Question 4/11

$$G_X(t)$$

Réponse 4/11

$$\mathbb{E}(t^X) = \sum_{n=0} (\mathbb{P}(X=n)t^n)$$

Question 5/11

 $X \sim \mathcal{P}(\lambda)$

Réponse 5/11

$$X(\Omega) = \mathbb{N}$$

$$\mathbb{P}(X = k) = e^{-\lambda} \frac{\lambda^k}{k!}$$

$$\mathbb{E}(X) = \lambda$$

$$\mathbb{V}(X) = \lambda$$

$$G_X(t) = e^{\lambda(t-1)}$$

Question 6/11

$$\mathbb{P}(X=n)$$
 avec $G_X(t)$

Réponse 6/11

$$\frac{G_X^{(n)}(1}{n!}$$

Question 7/11

 $X \sim \mathcal{B}(p)$

Réponse 7/11

$$X(\Omega) = \{0, 1\}$$

$$\mathbb{P}(X = 1) = p$$

$$\mathbb{E}(X) = p$$

$$\mathbb{V}(X) = pq$$

$$G_X(t) = pt + q$$

Question 8/11

$$X \sim \mathcal{G}(p)$$

Réponse 8/11

 $X(\Omega) = \mathbb{N}^*$ $\mathbb{P}(X = k) = pq^{k-1}$ $\mathbb{E}(X) = \frac{1}{p}$ $\mathbb{V}(X) = \frac{q}{p^2}$ $G_X(t) = \frac{pt}{1 - qt}$

Question 9/11

$$X \sim \mathcal{B}(n, p)$$

Réponse 9/11

9/11
$$X(\Omega) = \llbracket 0, n \rrbracket$$

$$\mathbb{P}(X = k) = \binom{n}{k} p^k q^{n-k}$$

 $\mathbb{E}(X) = \frac{npq}{npq}$ $\mathbb{V}(X) = \frac{n^2 - 1}{12}$ $G_X(t) = \frac{1}{n} \frac{t^n - 1}{t - 1}$

Question 10/11

Lemmes de Borel-Cantelli

Réponse 10/11

Si
$$\sum \mathbb{P}(A_n)$$
 converge alors $\mathbb{P}(\cap n = 0 + \infty \cup n = k + \infty A_k) = 0$ Si $\sum \mathbb{P}(A_n)$ diverge avel les (A_n) mutuellement indépendants alors $\mathbb{P}(\cup n = 0 + \infty \cap n = k + \infty A_k) = 1$

Question 11/11

$$\mathbb{E}(X)$$
 avec $G_X(t)$

Réponse 11/11

$$G_X'(1)$$