Fondements

Nombres complexes

Question 1/43

 $\sin(2x)$

Réponse 1/43

$$2\sin(x)\cos(x)$$

Question 2/43

$$\sin(x+\pi)$$

Réponse 2/43

$$-\sin(x)$$

Question 3/43

$$\cos(x-y)$$

Réponse 3/43

$$\cos(x)\cos(y) + \sin(x)\sin(y)$$

Question 4/43

$$\tan(x+y)$$

Réponse 4/43

$$\frac{\tan(x) + \tan(y)}{1 - \tan(x)\tan(y)}$$

Question 5/43

Équation de cercle

Réponse 5/43

$$z\overline{z} + \alpha z + \overline{\alpha}\overline{z} + \beta = 0, \ (\alpha, \beta) \in \mathbb{C} \times \mathbb{R}$$

Le cercle est vide si et seulement si $\beta > \alpha \overline{\alpha}$
 $c = -\overline{\alpha}, \ r = \sqrt{\alpha \overline{\alpha} + \beta}$

Question 6/43

 $\tan(2x)$

Réponse 6/43

$$\frac{2\tan(x)}{1-\tan^2(x)}$$

Question 7/43

$$\tan(x-y)$$

Réponse 7/43

$$\frac{\tan(x) - \tan(y)}{1 + \tan(x)\tan(y)}$$

Question 8/43

$$\sin(\pi - x)$$

Réponse 8/43

 $\sin(x)$

Question 9/43

$$\cot(x-y)$$

Réponse 9/43

$$\frac{-\cot(x)\cot(y)-1}{\cot(x)-\cot(y)} = \frac{\cot(x)\cot(y)+1}{\cot(y)-\cot(x)}$$

Question 10/43

$$\sin^2(x)$$

Réponse 10/43

$$\frac{1 - \cos(2x)}{2}$$

Question 11/43

$$\cos(x) - \cos(y)$$

Réponse 11/43

$$-2\sin\left(\frac{x+y}{2}\right)\sin\left(\frac{x-y}{2}\right)$$

Question 12/43

$$\cot(x+y)$$

Réponse 12/43

$$\frac{\cot(x)\cot(y) - 1}{\cot(x) + \cot(y)}$$

Question 13/43

$$\cos(x)$$
$$t = \tan\left(\frac{x}{2}\right)$$

 $\cos(x)$

Réponse 13/43

$$\frac{1 - t^2}{1 + t^2}$$
$$t = \tan\left(\frac{x}{2}\right)$$

Question 14/43

$$\sin(x)$$

$$t = \tan\left(\frac{x}{2}\right)$$

Réponse 14/43

$$\frac{2t}{1+t^2}$$
$$t = \tan\left(\frac{x}{2}\right)$$

Question 15/43

$$\sin(x-y)$$

Réponse 15/43

$$\sin(x)\cos(y) - \sin(y)\cos(x)$$

Question 16/43

$$e^{ix} + e^{-ix}$$

Réponse 16/43

$$2\cos(x)$$

Question 17/43

$$\sin(x)\sin(y)$$

Réponse 17/43

$$\frac{1}{2}(\cos(x-y) - \cos(x+y))$$

Question 18/43

 $t = \tan\left(\frac{x}{2}\right)$

Réponse 18/43

$$\frac{2t}{1-t^2}$$
$$t = \tan\left(\frac{x}{2}\right)$$

Question 19/43

$$\cos(\pi - x)$$

Réponse 19/43

$$-\cos(x)$$

Question 20/43

$$\sin(x+y)$$

Réponse 20/43

$$\sin(x)\cos(y) + \sin(y)\cos(x)$$

Question 21/43

$$\cos(x+\pi)$$

Réponse 21/43

$$-\cos(x)$$

Question 22/43

$$\cos(x)\cos(y)$$

Réponse 22/43

$$\frac{1}{2}(\cos(x+y) + \cos(x-y))$$

Question 23/43

Valeurs remarquables

Réponse 23/43

	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$
\sin	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
cos	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0
tan	0	$\frac{1}{\sqrt{3}}$	1	$\sqrt{3}$	_
cot	_	$\sqrt{3}$	1	$\frac{1}{\sqrt{3}}$	0

Question 24/43

$$\cot(x)$$
$$t = \tan\left(\frac{x}{2}\right)$$

 $\cot(x)$

Réponse 24/43

$$\frac{1-t^2}{2t}$$
$$t = \tan\left(\frac{x}{2}\right)$$

Question 25/43

$$e^{ix} - e^{-ix}$$

Réponse 25/43

$$2i\sin(x)$$

Question 26/43

$$\cot(2x)$$

Réponse 26/43

$$\frac{\cot^2(x) - 1}{2\cot(x)}$$

Question 27/43

$$\cos\left(x+\frac{\pi}{2}\right)$$

Réponse 27/43

$$-\sin(x)$$

Question 28/43

Symétrie orthogonale d'axe D, une droite passant par A d'affixe z_A et dirigée par \overrightarrow{u} d'affixe z_u

Réponse 28/43

$$z\mapsto z_u^2(\overline{z}-\overline{z_A})+z_A$$

Question 29/43

$$\cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right)$$

Réponse 29/43

 $\sin(x)$

Question 30/43

$$\sin(x) + \sin(y)$$

Réponse 30/43

$$2\sin\left(\frac{x+y}{2}\right)\cos\left(\frac{x-y}{2}\right)$$

Question 31/43

$$\sin\left(x+\frac{\pi}{2}\right)$$

Réponse 31/43

$$\cos(x)$$

Question 32/43

$$\cos(2x)$$

Réponse 32/43

$$\cos^2(x) - \sin^2(x) = 2\cos^2(x) - 1 = 1 - 2\sin^2(x)$$

Question 33/43

Translation d'un vecteur \vec{u} d'affixe z_u

Réponse 33/43

$$z \mapsto z + z_u$$

Question 34/43

$$\sin(x) - \sin(y)$$

Réponse 34/43

$$2\cos\left(\frac{x+y}{2}\right)\sin\left(\frac{x-y}{2}\right)$$

Question 35/43

$$\cos^2(x)$$

Réponse 35/43

$$\frac{1 + \cos(2x)}{2}$$

Question 36/43

$$\cos(x+y)$$

Réponse 36/43

$$\cos(x)\cos(y) - \sin(x)\sin(y)$$

Question 37/43

$$\cos(x) + \cos(y)$$

Réponse 37/43

$$2\cos\left(\frac{x+y}{2}\right)\cos\left(\frac{x-y}{2}\right)$$

Question 38/43

Rotation de centre A d'affixe z_A et d'angle θ

Réponse 38/43

$$z \mapsto e^{i\theta}(z - z_A) + z_A$$

Question 39/43

$$\sin(x)\cos(y)$$

Réponse 39/43

$$\frac{1}{2}(\sin(x+y) + \sin(x-y))$$

Question 40/43

$$\cos(x)\sin(y)$$

Réponse 40/43

$$\frac{1}{2}(\sin(x+y) - \sin(x-y))$$

Question 41/43

$$\sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right)$$

Réponse 41/43

 $\cos(x)$

Question 42/43

$$\left(\overrightarrow{AC},\overrightarrow{AB}
ight)$$

Réponse 42/43

$$\operatorname{arg}\left(\frac{z_B-z_A}{z_C-z_A}\right)$$

Question 43/43

Homothétie de centre A d'affixe z_A et de rapport λ

Réponse 43/43

$$z \mapsto \lambda(z - z_A) + z_A$$