# Fondements *Nombres réels*

#### Question 1/6

Inégalité arithmético-géométrique

#### Réponse 1/6

$$\sqrt[n]{\prod_{i=1}^{n}(x_i)} \leqslant \frac{1}{n} \left(\sum_{i=1}^{n}(x_i)\right)$$

#### Question 2/6

Inégalité de Cauchy-Schwarz numérique

#### Réponse 2/6

$$\left(\sum_{i=1}^{n} (x_i y_i)\right)^2 \leqslant \left(\sum_{i=1}^{n} (x_i^2)\right) \left(\sum_{i=1}^{n} (y_i^2)\right)$$

# Question 3/6

Cas d'égalité de l'inégalité arithmético-géométrique

#### Réponse 3/6

$$\forall i \in [1, n], \ \forall j \in [1, n], \ x_i = x_j$$

#### Question 4/6

Inégalité triangulaire 1

# Réponse 4/6

$$|a+b| \leqslant |a| + |b|$$

### Question 5/6

Inégalité triangulaire 2

## Réponse 5/6

$$||a| - |b|| \leqslant |a + b|$$

#### Question 6/6

Cas d'égalité de l'inégalité de Cauchy-Schwarz

#### Réponse 6/6

$$k \in \mathbb{R}$$
 fixé  $\forall i \in [1, n], \ x_i = k \times y_i$