# Algèbre 2

Groupes symétriques

### Question 1/8

$$\varepsilon(\sigma)$$

Expression avec les supports des cycles

#### Réponse 1/8

$$(-1)^{n-c(\sigma)}$$
  $c(\sigma)$  correspond au nombre de parts dans le support cyclique de  $\sigma$ 

## Question 2/8

$$arepsilon(\sigma)$$

#### Réponse 2/8

$$\frac{\prod\limits_{1 \leqslant i < j \leqslant n} (\sigma(j) - \sigma(i))}{\prod\limits_{1 \leqslant i < j \leqslant n} (j - i)}$$

# Question 3/8

Inversion

#### Réponse 3/8

$$\{(i,j), i < j \land \sigma(i) > \sigma(j)\}$$

## Question 4/8

 $\mathfrak{A}_n$ 

#### Réponse 4/8

 $\ker(\varepsilon)$ 

# Question 5/8

$$\varepsilon(C)$$

## Réponse 5/8

$$(-1)^{|C|-1}$$

# Question 6/8

$$(i_1 \cdots i_k)$$

### Réponse 6/8

$$(i_1 \ i_k) \circ \cdots \circ (i_1 \ i_2)$$

## Question 7/8

$$\varepsilon(\sigma)$$

Expression avec les inversions

#### Réponse 7/8

$$(-1)^{|\operatorname{Inv}(\sigma)|}$$

# Question 8/8

S

#### Réponse 8/8

Permutations de [1, n]