Groupes localement compacts Groupes localement compacts

Question 1/12

Propriétés des sous-groupes d'un groupe localement compact et σ -compact

Réponse 1/12

Si H est un sous-groupe ouvert de G alors H st d'indice au plus dénombrable Si H est un sous-groupe fermé de G alors H est ouvert

Question 2/12

Propriétés d'un sous-groupe fermé d'un groupe localement compact

Réponse 2/12

Si G est localement compact et $H \leq G$ est ouvert alors H est d'indice fini

Question 3/12

Isomorphisme de groupes topologiques

Réponse 3/12

 G_1 et G_2 sont isomorphes s'il existe $\varphi: G_1 \to G_2$ qui est morphisme de groupes et un homéomorphisme

Question 4/12

Groupe profini

Réponse 4/12

G est profini s'il est isomorphe (en tant que groupe topologique) à un sous-groupe fermé d'un produit de groupes finis

Question 5/12

Théorème de Kakutani-Kodaira

Réponse 5/12

Soit G un groupe localement compact et σ -compact, alors pour tout voisinage U de 1, il existe un sous-groupe normal dans G tel que $K \subset U$ et G/K est métrisable (et G/K est donc séparable)

Question 6/12

CNS de X séparable si X est métrisable et localement compact

Réponse 6/12

X admet une base dénombrable d'ouverts X est σ -compact

Question 7/12

Propriétés d'un sous-groupe fermé d'un groupe localement compact

Réponse 7/12

Si G est localement compact et $H \leq G$ est fermé alors H et G/H sont localement compacts

En particulier, si H est dintingué dans G alors G/H est un groupe localement compact

Question 8/12

Théorème de van Dantzig

Réponse 8/12

Si G est un groupe localement compact totalement discontinu alors pour tout voisinage U de 1 dans G, il existe un sous-groupe V compact et ouvert de G et tel que $V \subset U$

Question 9/12

Propriété de
$$Co_G(H) = \bigcap_{g \in G} gHg^{-1}$$

Réponse 9/12

$$Co_G(H)$$
 est d'indice fini dans G et $Co_G(H) \leq H$

Question 10/12

CNG pour avoir un groupe profini

Réponse 10/12

G est compact et totalement discontinu

Question 11/12

Espace σ -compact

Réponse 11/12

Espace
$$X$$
 tel que $X = \bigcup_{n \in \mathbb{N}} K_n$ avec les K_n compacts

Question 12/12

Groupe localement compact

Réponse 12/12

Groupe dont la topologie associée est localement compacte