# Algèbre 2

Anneaux noethériens

# Question 1/6

Théorème de Krull

## Réponse 1/6

Si A est commutatif alors A admet un idéal maximal propre

# Question 2/6

Propriété de A/I

### Réponse 2/6

Si A est noethérien et  $I \triangleleft A$  alors A/I est noethérien

## Question 3/6

Propriétés des algèbres de type fini pour A noethérien

### Réponse 3/6

Une sous-algèbre de type fini d'un anneau noethérien est noethérien

## Question 4/6

Théorème de la base de Hilbert

#### Réponse 4/6

Si A est noethérien alors  $A[X_1, \dots, X_n]$  est noethérien

## Question 5/6

Algèbre de type fini

#### Réponse 5/6

B est une A-algèbre de type fini s'il existe  $(b_1, \dots, b_n) \in B^n$  tel que pour tout  $b \in B$ , il existe  $P \in A[X_1, \dots, X_n]$  tel que  $b = P(b_1, \dots, b_n)$ 

# Question 6/6

Anneau noethérien

## Réponse 6/6

A est noethérien si toute soute croissante d'idéaux de A est stationnaire A est noethérien si tout idéal de A est de type fini