

# Operaciones con Vectores

Rodrigo García Herrera

2016-04-26

## Contents

<b>Operaciones con Vectores</b>	<b>2</b>
Reflexión didáctica acerca de algunos conceptos de Programación Orientada a Objetos. . . . .	2
Operaciones de vectores . . . . .	2
Representación polar, como magnitud y ángulo a componentes . .	2
Vector por un número . . . . .	2
Suma de Vectores . . . . .	3
Producto escalar, producto punto . . . . .	3
Módulo del Producto cruz . . . . .	3
<b>Código spaghetti</b>	<b>3</b>
<b>Programación Procedural</b>	<b>7</b>
<b>Tipos de datos</b>	<b>10</b>
Versión en C . . . . .	10
Versión en Pascal . . . . .	12
<b>Implementación Orientada a Objetos en Pascal</b>	<b>15</b>

## Operaciones con Vectores

### Reflexión didáctica acerca de algunos conceptos de Programación Orientada a Objetos.

El ejercicio consiste de la recapitulación de algunas técnicas y mejores prácticas de programación. El programa bajo estudio hace operaciones con vectores, las diferentes implementaciones permiten contrastar la forma en que diferentes lenguajes y usos de lenguajes dan lugar a formas de expresar la solución a un problema.

Se provee también un [PDF](#) generado con [pandoc](#) a partir de este archivo.

### Operaciones de vectores

Las explicaciones de las operaciones están en [otros lados](#), el tema es cómo convertirlas en software.

No implementamos todas las operaciones, unas cuántas nomás de ejemplo. Para tenerlas claras a continuación las escribimos en Python que es bastante legible para cualquiera.

### Representación polar, como magnitud y ángulo a componentes

Llegada la hora de escribir el programa en Python seguramente habrá una clase Vector, tendrá un constructor polimórfico que reciba como argumentos componentes x, y o una magnitud y un ángulo.

```
v = vector(magnitud=10, angulo=0)
u = polar_a_componentes( v )

def polar_a_componentes( v ):
    return vector(x = v.magnitud * cos( v.angulo ),
                  y = v.magnitud * sin( v.angulo ) )
```

### Vector por un número

Acá se muestra el constructor por componentes.

```
a = vector(x=3, y=4)
n = 3

def vector_x_num( vector, num ):
    return vector( vector.x * num, vector.y * num )
```

## Suma de Vectores

```
vector_suma( a, b ):
    return vector( a.x + b.x,
                  a.y + b.y )
```

## Producto escalar, producto punto

```
a = vector(x=3, y=4)
b = vector(x=3, y=4)

def producto_escalar( a, b ):
    return (a.x * b.x) + (a.y * b.y)
```

## Módulo del Producto cruz

```
a = vector(x=3, y=4)
b = vector(x=5, y=6)

def modulo_producto_cruz( a, b ):
    return sqrt(((a.x*y)-(a.y*b.x))**2)
```

## Código spaghetti

Así llamado por que seguir el hilo de ejecución es parecido a seguir una hebra de pasta en un plato de spaghetti: entra por acá, sale por allá, regresa más arriba, etc.

En Basic esta es la forma natural de programar, usando la expresión GOTO para controlar el flujo de un programa.

El [código fuente](#) está en el repositorio original.

```
10 REM =====
20 REM Programa que opera Vectores
30 REM =====
40 CLS

41 REM En aquellos días este tipo de interfaz era buena,
```

```

42 REM quizá por lo mal shell que era command.com
43 REM
44 REM A continuación un bucle que pide valores para armar
45 REM dos vectores, hace varias operaciones con ellos e
46 REM imprime los resultados.

50 PRINT "Programa que opera Vectores"
60 PRINT
70 INPUT "vector U, componente x"; U_X
80 INPUT "vector U, componente y"; U_Y
90 PRINT
100 INPUT "vector V, magnitud"; V_magnitud
110 INPUT "vector V, ángulo"; V_angulo
120 PRINT
130 INPUT "escalar"; E
140 PRINT
150 PRINT
160 PRINT

170 REM Esta técnica es precursora del paso de argumentos
171 a una subrutina. NX y NY son variables transitorias que
172 la subrutina en 666 usará de argumentos.
180 NX = U_X : NY = U_Y
190 PRINT "Vector U"
200 GOSUB 666
210 PRINT

220 REM convertir de representación polar a por-componentes
230 NM = V_magnitud : NA = V_angulo : GOSUB 888
231 De manera análoga la función devuelve sus valores en
232 las variables NX y NY.
240 V_X = NX : V_Y = NY
250 PRINT "Vector V"
260 GOSUB 666
270 PRINT

280 REM vector U por escalar E
290 NX = U_X : NY = U_Y : NE = E : GOSUB 777
300 PRINT "Vector U por escalar E"
310 GOSUB 666
320 PRINT
330 REM vector U por escalar E
340 NX = V_X : NY = V_Y : NE = E : GOSUB 777
350 PRINT "Vector V por escalar E"

```

```

360 GOSUB 666
370 PRINT

380 REM Producto Punto
390 MX = U_X : MY = U_Y
400 NX = V_X : NY = V_Y
410 GOSUB 1111
420 PRINT "Producto punto U·V="; E
430 PRINT

440 REM Suma de vectores
450 MX = U_X : MY = U_Y
460 NX = V_X : NY = V_Y
470 PRINT "Suma de vectores U+V"
480 GOSUB 999
490 PRINT

500 REM Producto cruz
510 MX = U_X : MY = U_Y
520 NX = V_X : NY = V_Y
530 GOSUB 2222
540 PRINT "modulo de producto cruz |UxV|="; E
550 PRINT

560 INPUT "Desea continuar (S/N)"; C$
570 IF C$ = "S" OR C$ = "s" THEN GOTO 40
580 END

666 REM =====
676 REM Impresion de Vectores por Componentes
686 REM =====
696 X = NX : Y = NY
706 PRINT "("; X; "x, "; Y; "y)"
716 RETURN

```

```

777 REM =====
787 REM Vector por un escalar
797 REM =====
807 vX = NX : vY = NY : nE = NE
817 NX = vX * nE
827 NY = vY * nE
837 RETURN

888 REM =====
898 REM Conversión de representación polar a por-componentes
908 REM =====
918 M=NM : A = NA
928 NX = M * cos( A )
938 NY = M * sin( A )
948 RETURN

999 REM =====
1009 REM Suma de vectores
1019 REM =====
1029 A_X = NX : A_Y = NY
1039 B_X = MX : B_Y = MY
1049 X = A_X + B_X
1059 Y = A_Y + B_Y
1069 NX = X : NY = Y
1079 GOSUB 666
1089 RETURN

1111 REM =====
1121 REM Producto punto
1131 REM =====
1141 A_X = NX : A_Y = NY
1151 B_X = MX : B_Y = MY
1152 REM Esta subrutina devuelve E
1161 E = (A_X * B_X) + (A_Y * B_Y)
1171 RETURN

```

```

2222 REM =====
2232 REM Producto cruz
2242 REM =====
2252 A_X = NX : A_Y = NY
2262 B_X = MX : B_Y = MY
2263 REM Esta subrutina devuelve E
2272 E = SQR( ((A_X*B_Y)-(A_Y*B_X))^2 )
2282 RETURN

```

## Programación Procedural

Este ejemplo está escrito en SmallBasic. Basic evolucionó: ahora ya no es necesario numerar las líneas de código y hay sintaxis que sirve para denotar subrutinas de manera explícita, con genuinos argumentos y nada de variables transitorias.

El [código fuente](#) está en el repositorio original.

```

const X = 1
const Y = 2
REM =====
REM Programa que opera Vectores
REM =====
CLS
DIM U(2)
DIM V(2)
DIM A(2)
DIM B(2)
DIM VECTOR(2)
REPEAT
    PRINT "Programa que opera vectores"
    PRINT
    INPUT "Vector U, componente x"; UX
    INPUT "Vector U, componente y"; UY
    U = VectorCrear(UX, UY)
    PRINT
    INPUT "Vector V, magnitud"; magnitud
    INPUT "Vector V, angulo"; angulo
    V = VectorCrearPolar(magnitud, angulo)
    PRINT
    INPUT "Escalar"; E
    PRINT

```

```

PRINT "Vector U"
VectorImprimir U

PRINT "Vector V"
VectorImprimir V

PRINT "Escalar E"
PRINT E

PRINT "suma de vectores U+V"
A = VectorSumar(U, V)
VectorImprimir A

PRINT "vector por escalar U*E"
A = VectorPorEscalar(U, E)
VectorImprimir A

PRINT "vector por escalar V*E"
A = VectorPorEscalar(V, E)
VectorImprimir A

PRINT "producto punto U.V"
E = ProductoPunto(U, V)
PRINT E

PRINT "modulo de producto cruz |UxV|"
E = ModuloDeProductoCruz(U, V)
PRINT E
PRINT
PRINT

INPUT "Desea continuar (S/N)"; C$
UNTIL C$ <> "S" AND C$ <> "s"
END

REM =====
REM Crear Vectores por componentes
REM =====
FUNC VectorCrear(XX, YY)
    DIM vtmp(2)
    vtmp(X) = XX
    vtmp(Y) = YY
    VectorCrear = vtmp
END FUNC

```



```

REM =====
REM Crear Vectores Polar
REM =====
FUNC VectorCrearPolar(M, ANG)
    VectorCrearPolar = VectorCrear(M * COS(ANG), M * SIN(ANG))
END FUNC

REM =====
REM Suma de Vectores
REM =====
FUNC VectorSumar(A, B)
    VectorSumar = VectorCrear(A(X)+B(X), A(Y)+B(Y))
END FUNC

REM =====
REM Vector por un escalar
REM =====
FUNC VectorPorEscalar(VECTOR, E)
    VectorPorEscalar = VectorCrear( VECTOR(X)*E, VECTOR(Y) * E )
END FUNC

REM =====
REM Producto escalar, producto punto
REM =====
FUNC ProductoPunto(A, B)
    ProductoPunto = (A(X) * B(X)) + (A(Y) * B(Y))
END FUNC

REM =====
REM Módulo del producto cruz
REM =====
FUNC ModuloDeProductoCruz(A, B)
    ModuloDeProductoCruz = SQR(((A(X)*B(Y))-(A(Y)*B(X)))^2)
END FUNC

REM =====
REM Impresion de Vector
REM =====
SUB VectorImprimir(VECTOR)
    PRINT "("; VECTOR(X); "x, "; VECTOR(Y); "y)"
END SUB

```

## Tipos de datos

Algunos lenguajes soportan la especificación de los tipos de datos a usarse.

Para el programador mejora la legibilidad y facilita la depuración, para el compilador la información de tipos de datos permite optimizar la creación de código de máquina.

Además de tipos de dato nativos, como “integer”, “real” o “string”, Algunos lenguajes permiten la creación de tipos de dato definidos por el usuario. Se construyen a partir de los tipos nativos del lenguaje pero permiten al programador expresar relaciones nombradas y fácilmente asequibles entre datos más elementales.

### Versión en C

Esta versión en C muestra el uso de tipos de datos a través del uso de “struct”.

[Acá](#) el código fuente.

Se compila con gcc así:

```
$ gcc -lm tipos_de_datos.c
```

---

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>

typedef struct _TVector_ {
    float X;
    float Y;
} TVector;

//Prototipos de las funciones
TVector VectorCrear(float, float);
TVector VectorCrear_MagnitudAngulo(float, float);
TVector Vector_x_escalar(TVector, float);
TVector VectorSumar(TVector, TVector);
float VectorProductoPunto(TVector, TVector);
float VectorModulo_ProductoCruz(TVector, TVector);
void VectorComoCadena(TVector);

int main() {
    TVector U, V;
```

```

float E, x, y, m, a;

printf("Vector U componente X: ");
scanf("%f", &x);
printf("Vector U componente Y: ");
scanf("%f", &y);
U = VectorCrear(x, y);
printf("Vector V magnitud: ");
scanf("%f", &m);
printf("Vector V angulo: ");
scanf("%f", &a);
V = VectorCrear_MagnitudAngulo(m, a);
printf("Escalar E: ");
scanf("%f", &E);

printf("\n\nVector U=");
VectorComoCadena(U);
printf("Vector V=");
VectorComoCadena(V);
printf("E=%2.2f\n\n\n", E);

printf("Vector U x E=");
VectorComoCadena(Vector_x_escalar(U, E));
printf("Vector V x E=");
VectorComoCadena(Vector_x_escalar(V, E));
printf("U+V=");
VectorComoCadena(VectorSumar(U,V));
printf("U.V=%2.2f\n", VectorProductoPunto(U, V));
printf("|UxV|=%2.2f\n", VectorModulo_ProductoCruz(U, V));

return 0;
}

TVector VectorCrear(float X, float Y) {
    TVector temp;
    temp.X = X;
    temp.Y = Y;
    return temp;
}

TVector VectorCrear_MagnitudAngulo( float m, float a) {
    return VectorCrear( m * cos(a), m * sin(a) );
}

```

```

// Vector por un escalar
TVector Vector_x_escalar(TVector vector, float escalar) {
    return VectorCrear( vector.X * escalar, vector.Y * escalar);
}

// Suma de Vectores
TVector VectorSumar(TVector a, TVector b) {
    return VectorCrear( a.X + b.X, a.Y + b.Y );
}

// Producto escalar o punto
float VectorProductoPunto(TVector a, TVector b) {
    return (a.X * b.X) + (a.Y * b.Y);
}

// Módulo del Producto cruz
float VectorModulo_ProductoCruz(TVector a, TVector b) {
    return sqrt(pow( (a.X * b.Y)-(a.Y*b.X), 2));
}

void VectorComoCadena( TVector v) {
    printf("(%2.2fx, %2.2fy)\n", v.X, v.Y);
}

```

## Versión en Pascal

Pascal tiene soporte para tipos de datos definidos por el usuario a través del tipo “record”.

Este [código fuente](#) compila en [Free Pascal](#), con el siguiente comando:

```
$ fpc tipos_de_datos.pas
```

---

```

program vectores_td;

type
    {Anteponer a los tipos una "T" es una buena costumbre.
     Se conoce como "notación húngara"}
    TVector = record

```

```

    X : real;
    Y : real;
end;

var
    U, V      : TVector;
    x,y,m,a : real;
    E         : real;

function VectorCrear(x, y : real): TVector;
var
    temp : TVector;
begin
    temp.X := x;
    temp.Y := y;
    VectorCrear := temp;
end;

{Crear un vector con magnitud y angulo}
function VectorCrear_MagnitudAngulo(m, a : real): TVector;
begin
    VectorCrear_MagnitudAngulo := VectorCrear( m * cos( a ), m * sin( a ) );
end;

{Vector por un escalar}
function Vector_x_escalares(vector : TVector; escalar : real): TVector;
begin
    Vector_x_escalares := VectorCrear( vector.X * escalar, vector.Y * escalar);
end;

{Suma de Vectores}
function VectorSumar(a, b : TVector): TVector;
begin
    VectorSumar := VectorCrear( a.X + b.X, a.Y + b.Y );
end;

{Producto escalar o punto}
function VectorProductoPunto(a, b : TVector): real;
begin
    VectorProductoPunto := (a.X * b.X) + (a.Y * b.Y);
end;

```

```

{Módulo del Producto cruz}
function VectorModulo_ProductoCruz(a, b : TVector ): real;
begin
    VectorModulo_ProductoCruz:= sqrt(sqr( (a.X * b.Y)-(a.Y*b.X)))
end;

{imprimir un vector}
procedure VectorImprimir(V : TVector);
begin
    writeln('(',V.X, 'x, ', V.Y, ')');
end;

begin
    write('vector U componente X= ');
    readln(x);
    write('vector U componente Y= ');
    readln(y);
    U := VectorCrear(x,y);

    write('vector V magnitud= ');
    readln(m);
    write('vector V angulo= ');
    readln(a);
    V:= VectorCrear_MagnitudAngulo(m, a);

    write('Escalar= ');
    readln(E);

    write('U= ');
    VectorImprimir(U);
    write('V= ');
    VectorImprimir(V);

    write('UxE= ');
    VectorImprimir(Vector_x_escalar(U, E));
    write('VxE= ');
    VectorImprimir(Vector_x_escalar(V, E));

    write('U+V= ');
    VectorImprimir(VectorSumar(U, V));

    write('U.V= ');
    writeln(VectorProductoPunto(U, V));

```

```

write('UxV= ');
writeln(VectorModulo_ProductoCruz( U, V));

end.

```

## Implementación Orientada a Objetos en Pascal

Free Pascal tiene soporte para sintaxis orientada a objetos. Los tipos de datos de la sección anterior se convierten en clases, lo que simplifica la definición de las funciones a través de la autorreferencia con el identificador “self”, y permite omitir un argumento.

Además se muestra la técnica para crear una “Unit” que es la forma en que Pascal crea y usa sus bibliotecas.

El código fuente está dividido en dos archivos: [vectores\\_oo.pas](#) y [uvector\\_oo.pas](#).

Compila en [Free Pascal](#), con el siguiente comando:

```
$ fpc -Mobjfpc vectores_oo.pas
```

```

unit uvector_oo;

interface

uses
  sysutils;

type
  TVector = class
  private
    X : real;
    Y : real;

  public

  constructor Crear(a,b: real);
    {constructor Crear_MagnitudAngulo(m, a : real);}

    function x_escalar( escalar : real): TVector;
    function Suma(b : TVector): TVector;
    function ProductoPunto( b : TVector): real;

```

```

        function Modulo_ProductoCruz( b : TVector ): real;
        function ComoCadena: string;
        destructor Free;
end;

implementation

constructor TVector.Crear(a,b : real);
begin
    inherited Create;
    self.X := a;
    self.Y := b;
end;

destructor TVector.Free;
begin
    inherited Destroy;
end;

{Crear un vector con magnitud y angulo}
{ function TVector.Crear_MagnitudAngulo(m, a : real): TVector; }
{ begin }
{     VectorCrear_MagnitudAngulo := VectorCrear( m * cos( a ), m * sin( a ) ); }
{ end; }

{Vector por un escalar}
function TVector.x_escalares(escalar : real): TVector;
begin
    Result := TVector.Crear( self.X * escalar, self.Y * escalar);
end;

{Suma de Vectores}
function TVector.Suma(b : TVector): TVector;
begin
    Result := TVector.Crear( self.X + b.X, self.Y + b.Y );
end;

{Producto escalar o punto}
function TVector.ProductoPunto(b : TVector): real;
begin

```



```

    Result := (self.X * b.X) + (self.Y * b.Y);
end;

{Módulo del Producto cruz}
function TVector.Modulo_ProductoCruz(b : TVector ): real;
begin
    Result:= sqrt(sqr( (self.X * b.Y)-(self.Y*b.X)))
end;

{autorrepresentacion imprimible}
function TVector.ComoCadena: string;
begin
    Result := '('+ FloatToStr(self.X) + 'x, ' + FloatToStr(self.Y) + 'y)';
end;

end.

```

```

program vectores00;
uses
    uvectores_oo,
    sysutils;

var
    U, V      : TVector;
    x,y,m,a   : real;
    E         : real;

begin

    write('vector U componente X= ');
    readln(x);
    write('vector U componente Y= ');
    readln(y);
    U := TVector.Crear(x,y);

    write('vector V componente X = ');
    readln(x);
    write('vector V componente Y= ');
    readln(y);
    V := TVector.Crear(x,y);

    { write('vector V magnitud= '); }
    { readln(m); }
    { write('vector V angulo= '); }
    { readln(a); }

```

```

    { V:= VectorCrear_MagnitudAngulo(m, a); }

write('Escalar= ');
readln(E);

writeln('U= ', U.ComoCadena);
writeln('V= ', V.ComoCadena);

writeln('UxE= ', U.x_escalares(E).ComoCadena);
writeln('VxE= ', V.x_escalares(E).ComoCadena);

writeln('U+V= ', U.Suma(V).ComoCadena);

writeln('U.V= ', U.ProductoPunto(V));
writeln('UxV= ', U.Modulo_ProductoCruz(V));

{Por disciplina, antes de terminar "destruimos" los objetos}
{ F1.Free; }
{ F2.Free; }
{ R1.Free; }
{ R2.Free; }
{ R3.Free; }
{ R4.Free; }

end.

```