EDCO3A ESTRUTURAS DE DADOS 1

Aula 05b - Remoção em Árvores Binárias

Prof. Rafael G. Mantovani



Licença

Este trabalho está licenciado com uma Licença CC BY-NC-ND 4.0:



Atribuição-NãoComercial-SemDerivações 4.0 Internacional (CC BY-NC-ND 4.0)

maiores informações:

https://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/4.0/deed.pt_BR

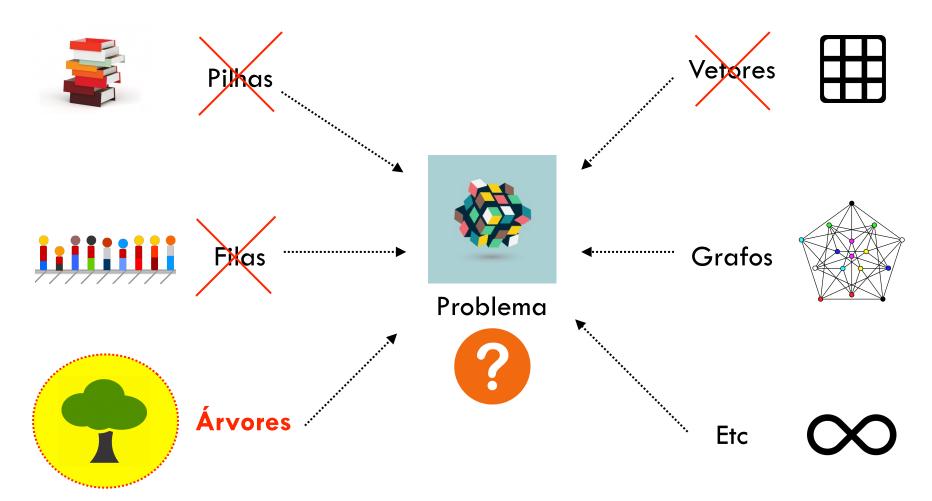
Roteiro

- 1 Tópicos já vistos anteriormente
- 2 Remoção em Árvore Binárias
- 3 Próximos conteúdos
- 4 Referências

Roteiro

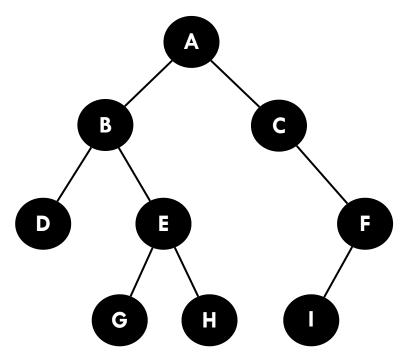
- 1 Tópicos já vistos anteriormente
- 2 Remoção em Árvore Binárias
- 3 Próximos conteúdos
- 4 Referências

Introdução

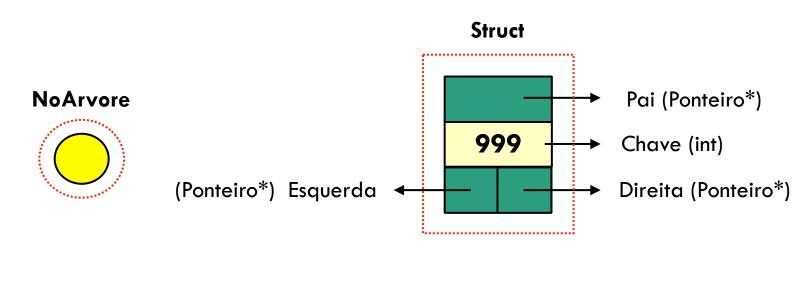


Introdução





Árvore Binária



Abstração

Tipo Abstrato de Dados

Tipos de Árvore Binária

```
typedef struct {
  int chave;
} Objeto;
typedef struct NoArvore *Ponteiro;
typedef struct NoArvore{
 Objeto obj;
 Ponteiro direita;
 Ponteiro esquerda;
} NoArvore;
/* Definir arvore binária na main */
Ponteiro raiz; /* como definir e
                        usar árvore */
```



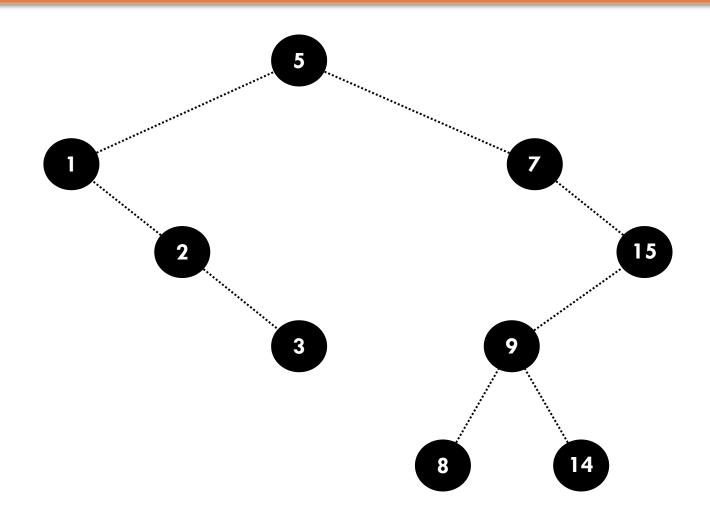
Arvore Binária

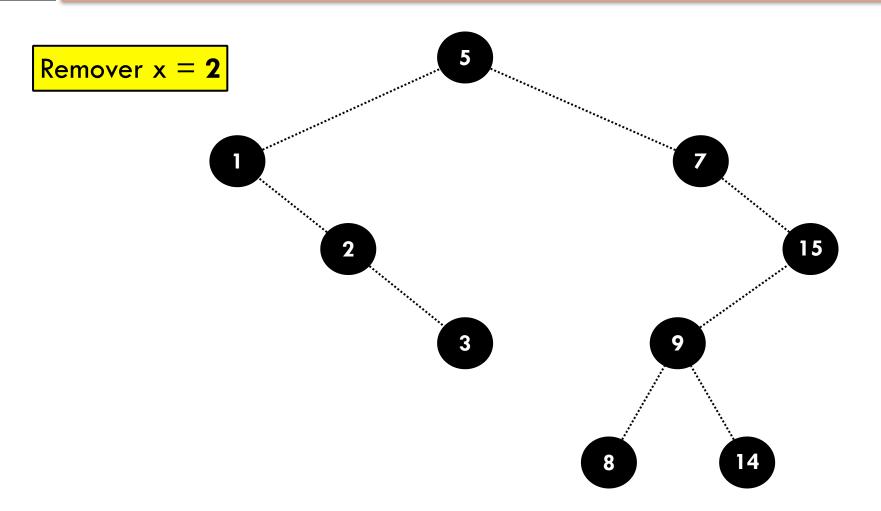
tipo NoArvore

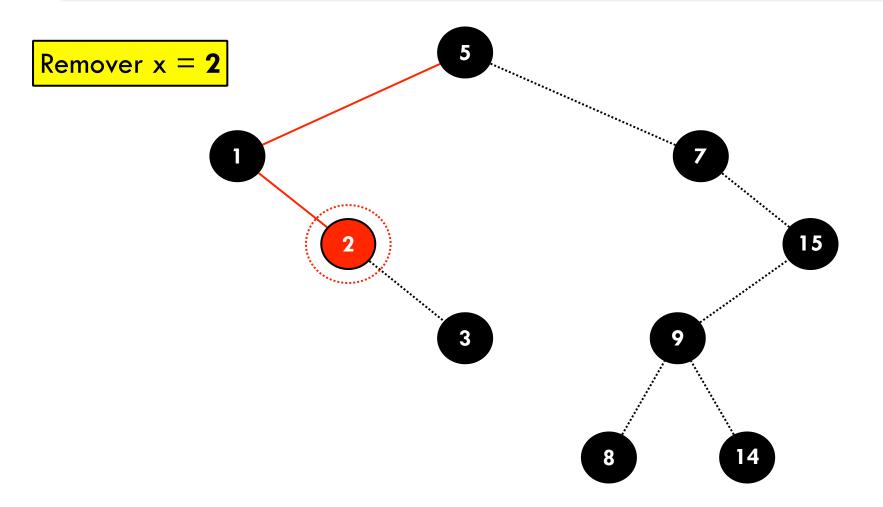


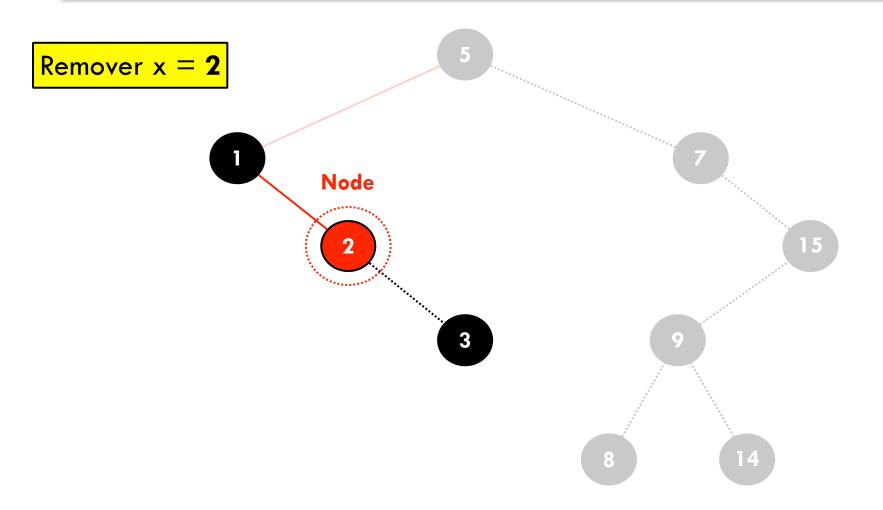
Roteiro

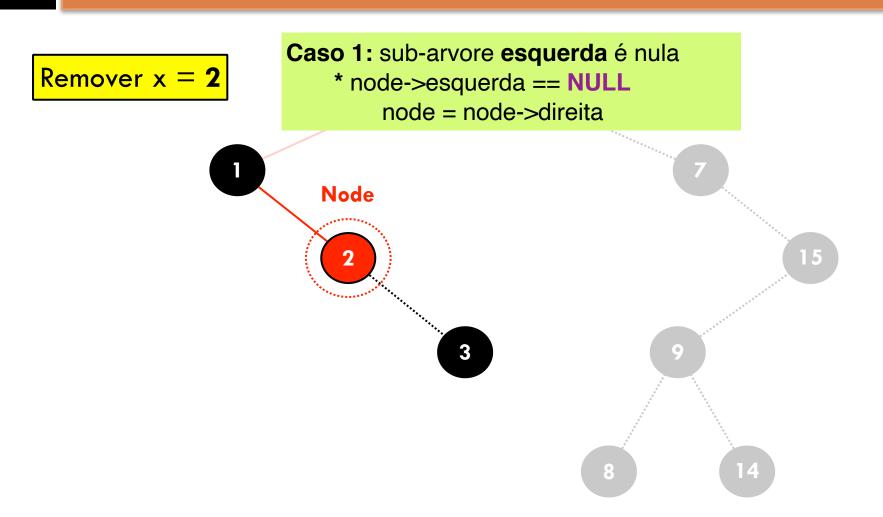
- 1 Tópicos já vistos anteriormente
- 2 Remoção em Árvore Binárias
- 3 Próximos conteúdos
- 4 Referências



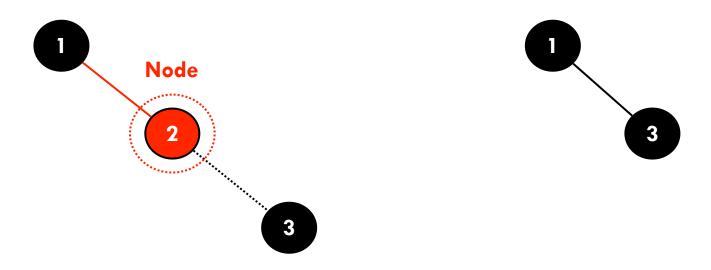






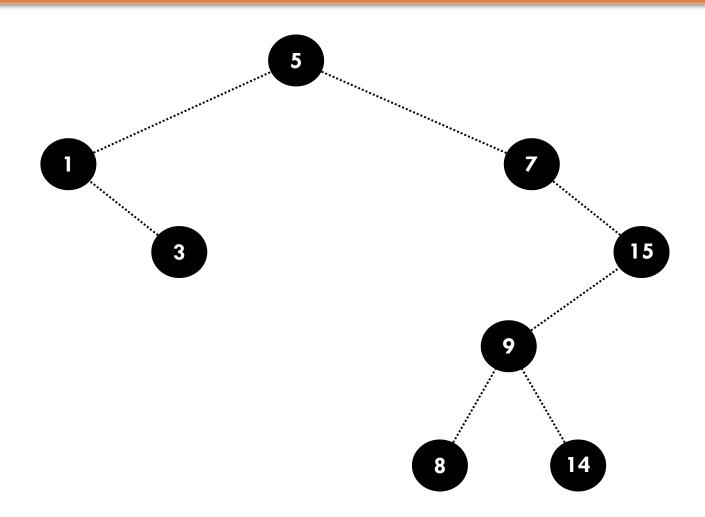


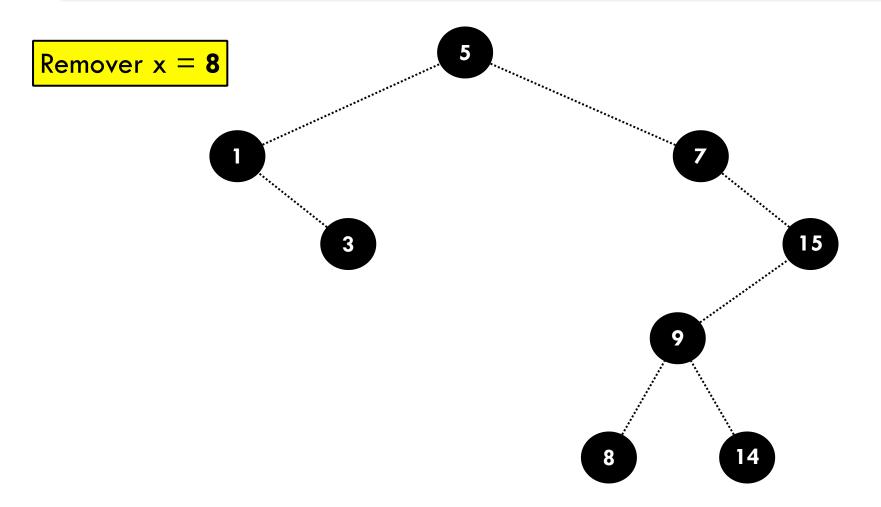
Caso 1: sub-arvore esquerda é nula * node->esquerda == NULL node = node->direita

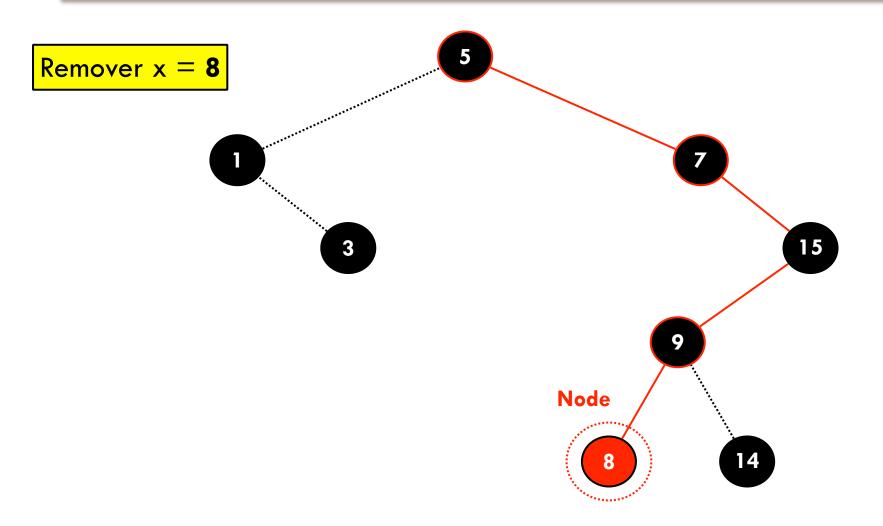


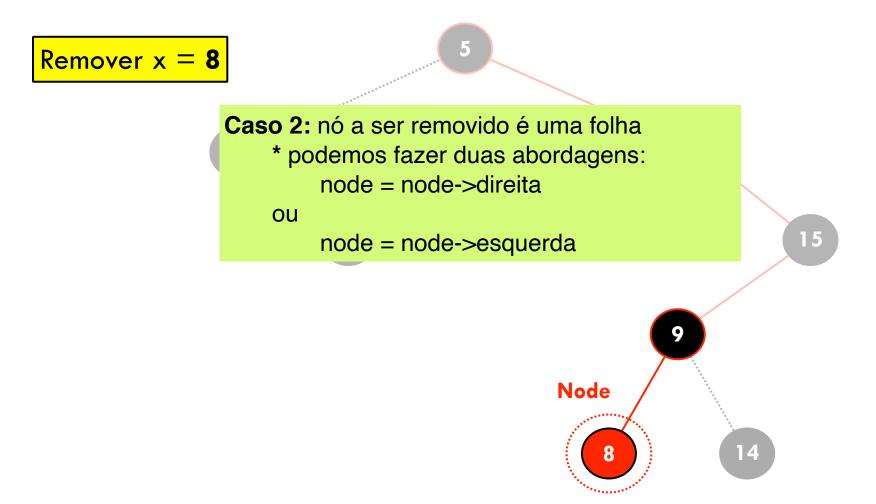
Antes da remoção

Depois da remoção



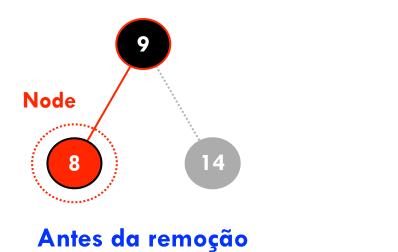


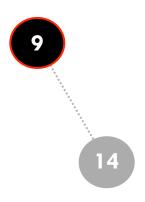




Caso 2: nó a ser removido é uma folha

* podemos fazer duas abordagens:
node = node->direita
ou
node = node->esquerda

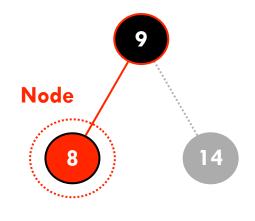




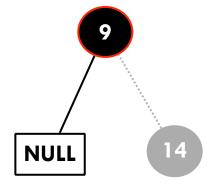
Depois da remoção

Caso 2: nó a ser removido é uma folha

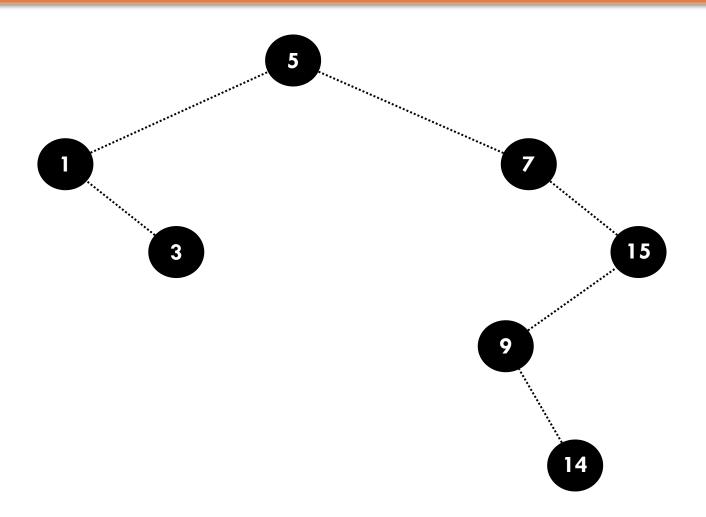
* podemos fazer duas abordagens:
node = node->direita
ou
node = node->esquerda

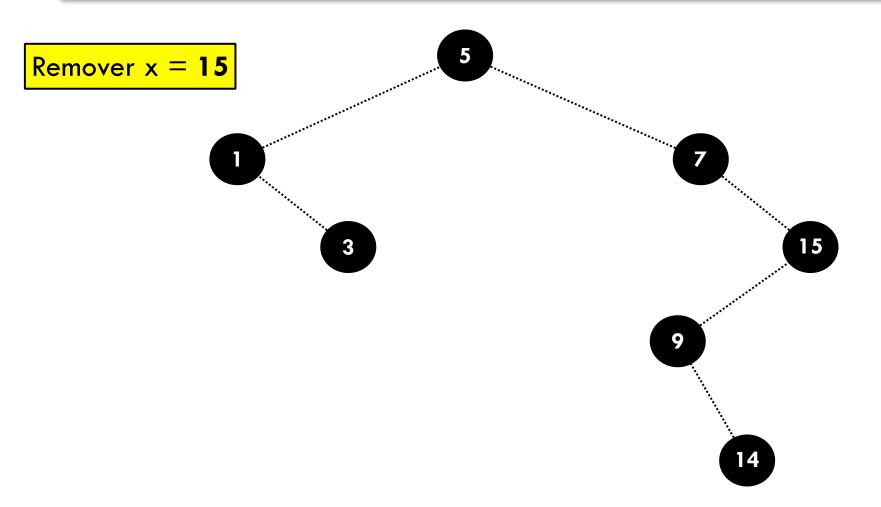


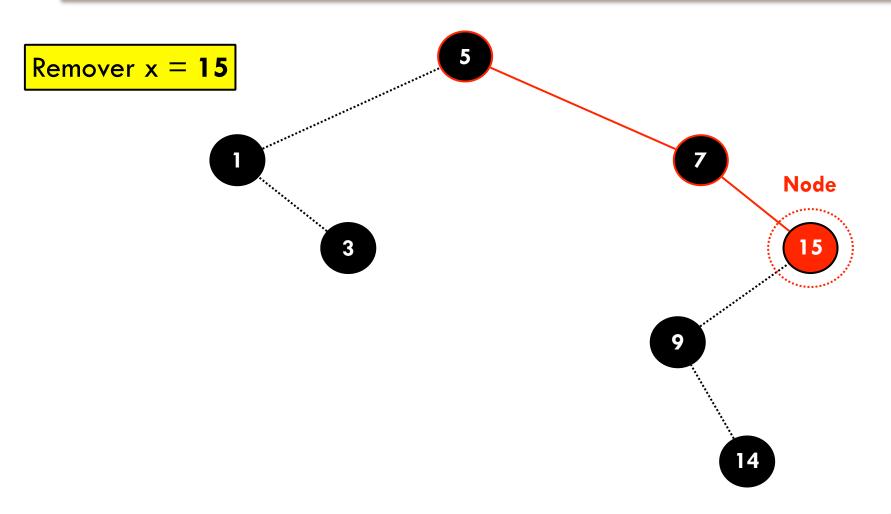


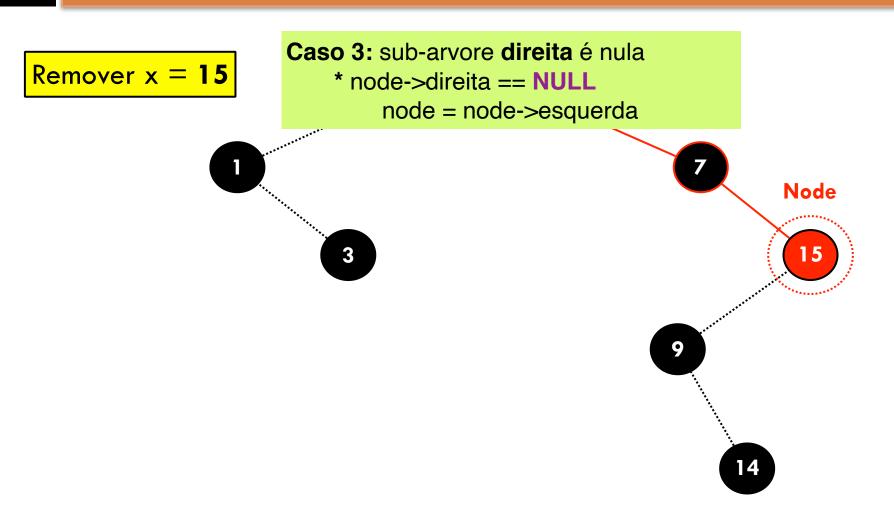


Depois da remoção

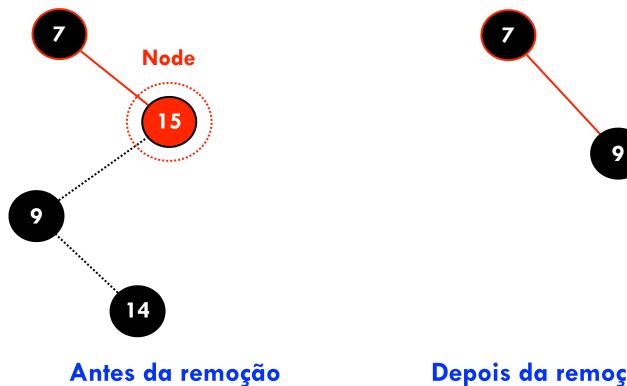






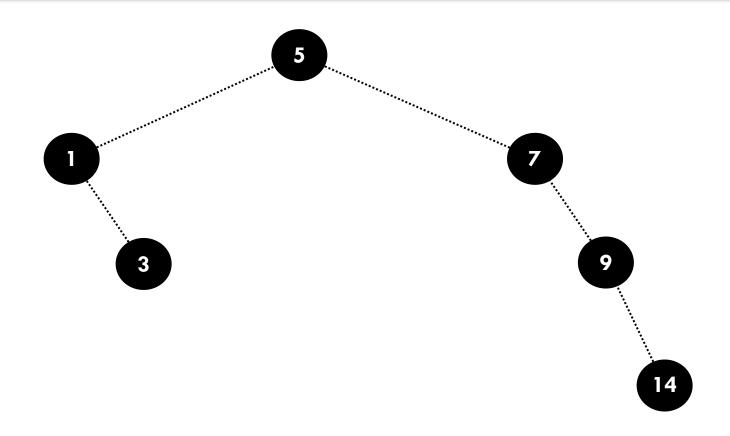


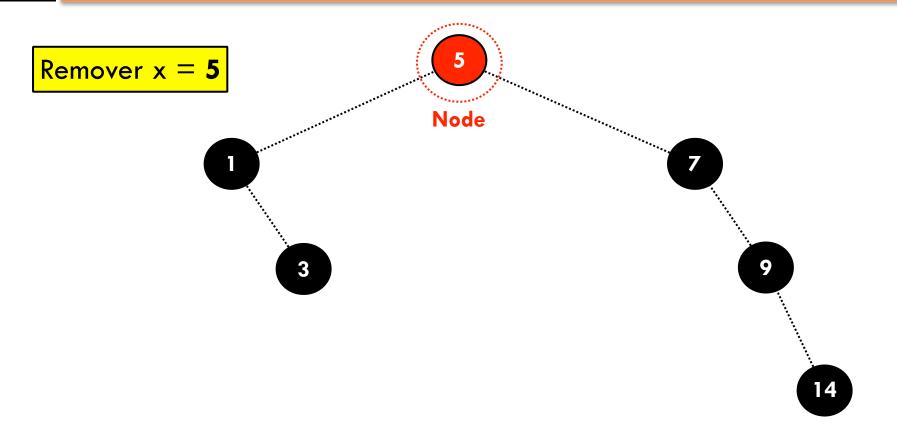
Caso 3: sub-arvore direita é nula * node->direita == NULL node = node->esquerda

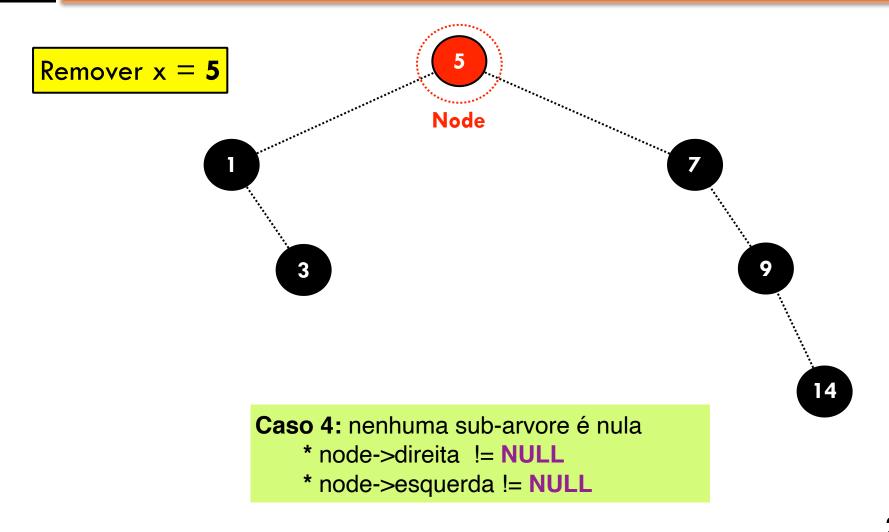


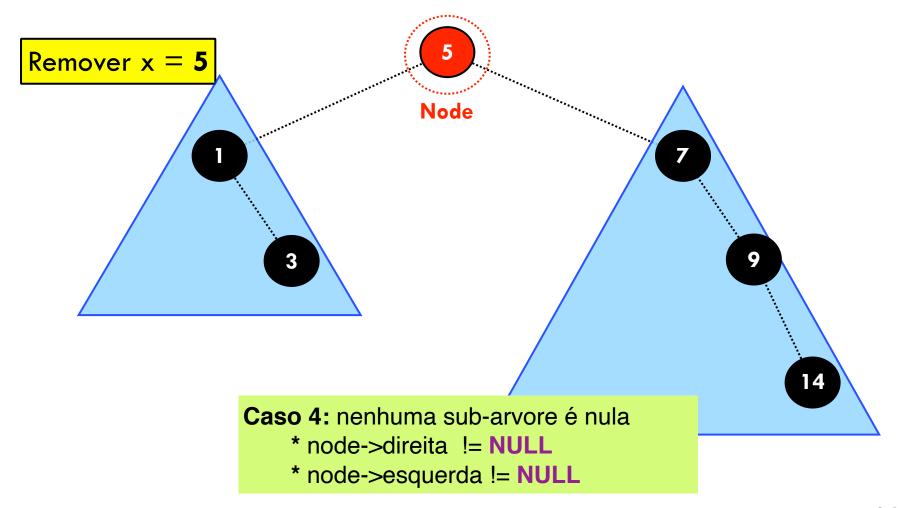
Depois da remoção

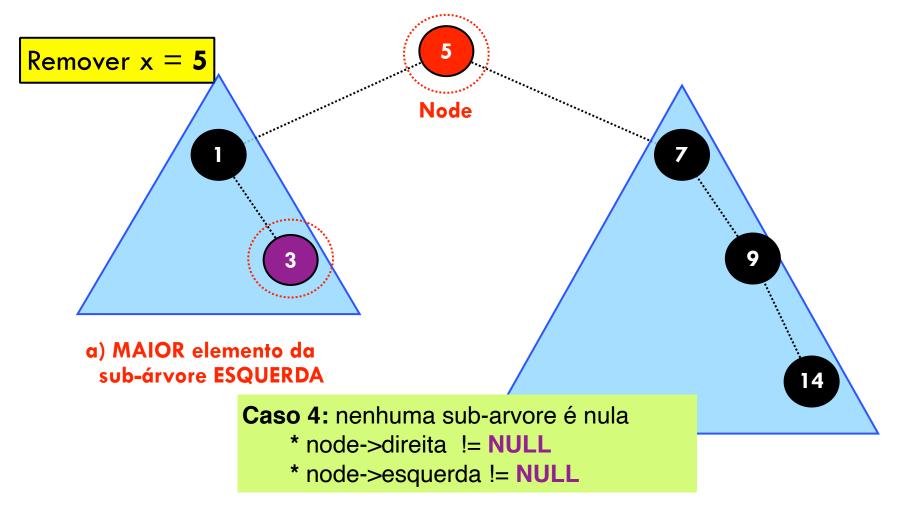
14

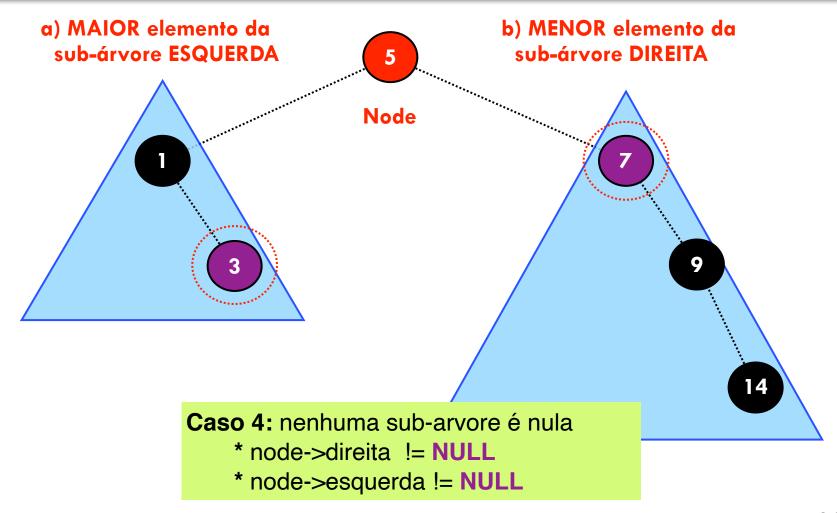


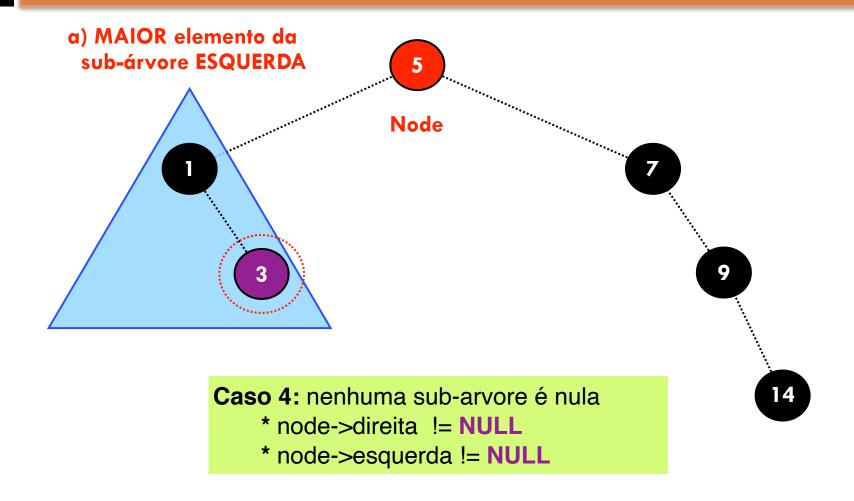


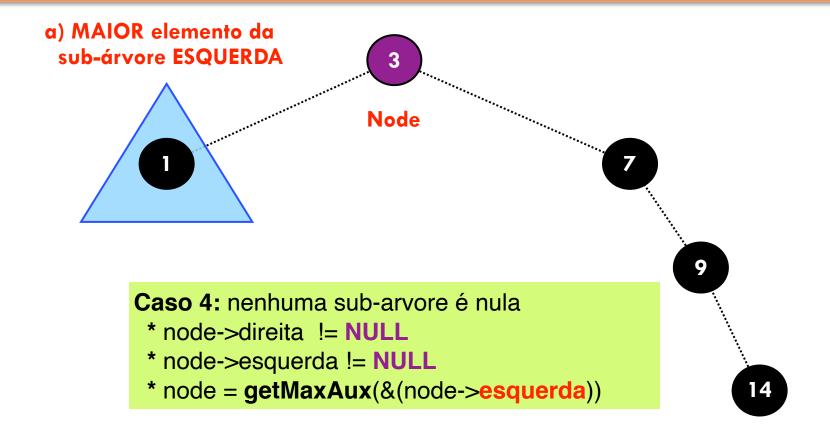


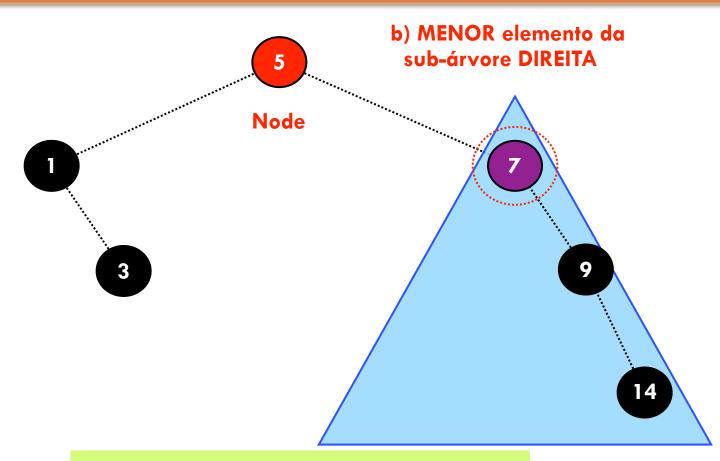






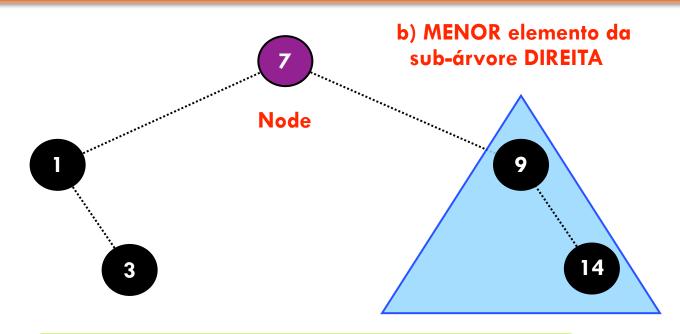






Caso 4: nenhuma sub-arvore é nula

- * node->direita != NULL
- * node->esquerda != NULL



Caso 4: nenhuma sub-arvore é nula

- * node->direita != NULL
- * node->esquerda != NULL
- * node = getMinAux(&(node->direita))

Remoção (Ponteiro *node, Item x)

- **1. se** *node == NULL, não existe elemento a ser removido
 - 1. return (false);
- 2. se (*node)->elemento.chave == x.chave
 - // existe e tem q remover, verificar qual caso é
 - 1. Caso1: sub-arvore esquerda nula
 - 2. Caso2: sub-arvore direita nula
 - 3. Caso3: nó folha
 - 4. Caso4: existem ambas as sub-arvores
 - 5. return(true);
- 3. se (*node)->elemento.chave > x.chave
 - 1. return(Remoção recursivamente p filho da esquerda);
- 4. senão
 - 1. return(Remoção recursivamente p filho da direita);

Exercício 01

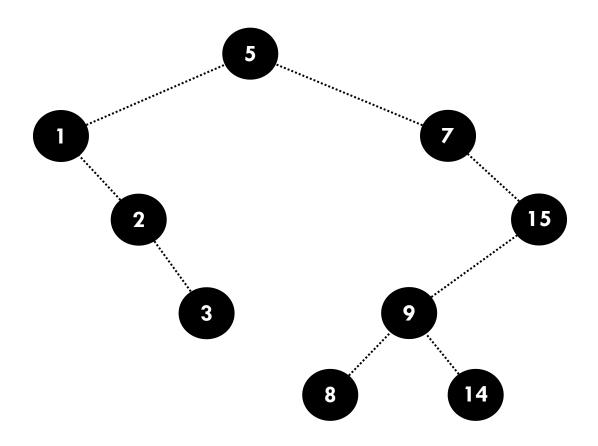
Implementar a operação de remoção de árvores binárias;

Roteiro

- 1 Tópicos já vistos anteriormente
- 2 Remoção em Árvore Binárias
- 3 Próximos conteúdos
- 4 Referências

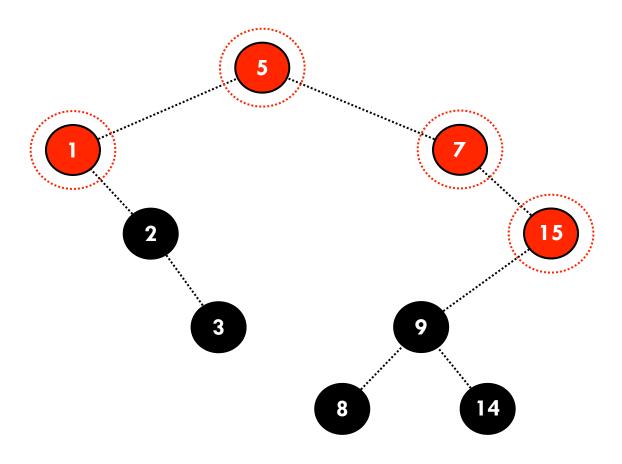
Próximas aulas

Desbalanceamentos



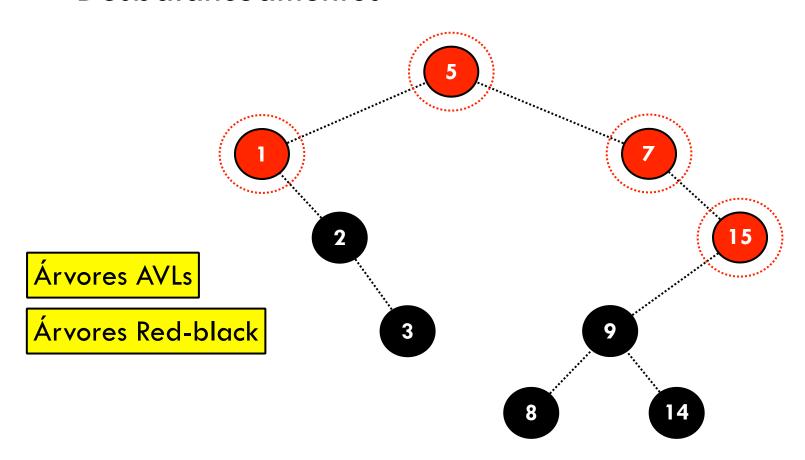
Próximas aulas

Desbalanceamentos



Próximas aulas

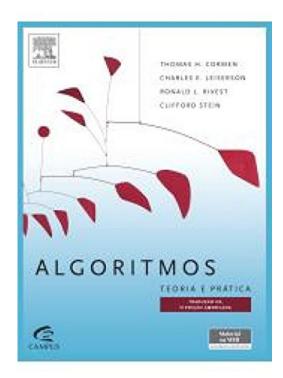
Desbalanceamentos



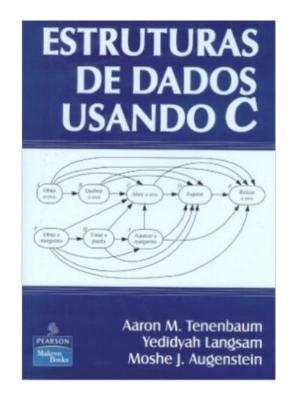
Roteiro

- 1 Tópicos já vistos anteriormente
- 2 Remoção em Árvore Binárias
- 3 Próximos conteúdos
- 4 Referências

Referências sugeridas



[Cormen et al, 2018]



[Tenenbaum et al, 1995]

Referências sugeridas



[Ziviani, 2010]



[Drozdek, 2017]

Perguntas?

Prof. Rafael G. Mantovani

rafaelmantovani@utfpr.edu.br