Lista de Exercícios Algoritmos Genéticos (AG)

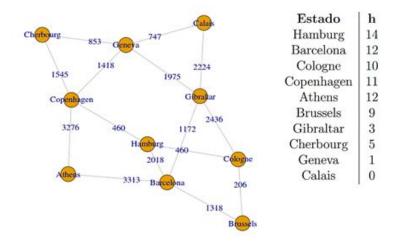
- 1) Dada a inspiração biológica dos Algoritmos Evolutivos, define em termos computacionais os seguintes termos de origem biológica:
 - a) Gene
 - b) Locus
 - c) Alelo
 - d) Cromossomo
 - e) Indivíduo
 - f) População
 - g) Aptidão (fitness)
- 2) Quais os tipos de operadores que considerados nas implementações dos diferentes Algoritmos Evolutivos? Explique a função de cada um deles na solução de problemas de busca por meio de otimização.
- 3) Descreva em termos gerais, como é o funcionamento de um algoritmo evolutivo.
- 4) Liste as diferenças e semelhanças entre: Computação Evolutiva (CE), Programação Evolutiva (PE), Programação Genética (PG) e Algoritmos Genéticos (AG).
- 5) Considerando que a execução de um Algoritmo Genético (AG) tradicional utiliza o operador de mutação devido à convergência genética, é possível associar ao operador uma percentagem maior do que o operador crossover? Explique.
- 6) Como pode ser feita a representação dos indivíduos em um algoritmo evolutivo? Existe alguma influência da representação na maneira como os operadores são codificados. Exemplifique.
- 7) Considerando que a Computação Evolutiva (CE) é baseada nos processos naturais de evolução, calcule as seguintes operações em cromossomos binários:
 - a) *crossover* de um ponto entre os indivíduos p1 = 00110100 e p2 = 11110001, com pontos de corte na posição 5;

- b) *crossover* de dois pontos entre os indivíduos p1 = 111111110 e p2 = 01100100 com pontos de cortes nas posições 4 e 7.
- c) *crossover* de três pontos entre os indivíduos p1 = 00010001 e p2 = 00010111 com pontos de corte 2, 4 e 6.
- 8) Considerando o algoritmo *Steady State*, este reproduz o tipo de característica natural das populações biológicas. Em seu funcionamento, ao invés de ser criada uma população completa, a cada iteração gera-se um novo filho, que tem a chance de substituir um dos elementos da população de pais. Desta forma, em relação ao funcionamento do algoritmo, é possível que um elemento gerado inicialmente chegue vivo ao final de sua execução? Demonstre.
- 9) Suponha que temos uma população com os seguintes valores de aptidão (fitness):

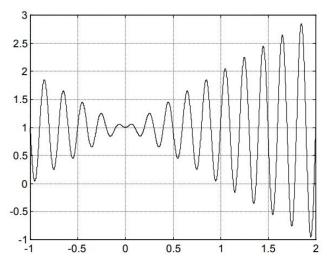
Indivíduo	Função fitness
X ₁	100
X_2	400
X ₃	5000
X_4	300
X ₄ X ₅	200

Calcule a probabilidade de seleção de cada indivíduo por meio de um operador de roleta.

10) O grafo abaixo representa possíveis rotas e ligações entre 10 cidades. Considerando o funcionamento de Algoritmos Genéticos (AG), encontre o melhor caminho para chegar em Barcelona partindo de Brussels. Neste problema faz-se necessário passar por todas as cidades sem repetição.



- a) Modele um cromossomo que codifique a solução do problema.
- b) Apresenta três diferentes funções de fitness para avaliar a aptidão dos indivíduos da população.
- c) Gere 6 indivíduos aleatórios, realize crossover entre os cromossomos e avalie os descendentes por meio de uma das funções fitness. Quais indivíduos estão mais aptos para a próxima geração? Descreva e explique todo o processo.
- d) Repita os passos do item anterior (c), porém aplique um operador de mutação de um gene. Qual a diferença entre eles as populações? Justifique.
- e) Relacione a necessidade de *crossover* e mutação na geração de soluções. Qual a melhor trajetória encontrada?
- 11) Considere a função matemática $f(x) = x.sen(10\pi.x)+1$, onde $x \in [-1,2]$.



Otimize a função através da implementação do Algoritmo Genético (AG). Realize testes com dois operadores de seleção: por Torneio e por Roleta. Considere as seguintes observações:

- O vetor de indivíduos deve ser considerado como binário;
- Considerar população inicial composta por 5 indivíduos;
- Utilizar operador de mutação com taxa de 2%;
- Utilizar operador de crossover;
- Utilizar método de seleção especificado.

12) Os algoritmos genéticos são técnicas de busca de Inteligência Artificial e tiveram um amplo impacto sobre problemas de otimização, como layout de circuitos e escalonamento de prestação de serviços. Com relação à versão mais comum dessa técnica, considere as afirmativas a seguir.

- I. O funcionamento dos algoritmos genéticos começam com um conjunto de k estados gerados aleatoriamente chamado de população.
- II. Para cada par selecionado, é escolhido ao acaso um ponto de crossover dentre as posições na cadeia do indivíduo.
- III. A função fitness de cada indivíduo deverá definir qual é o melhor ponto de crossover dos pares selecionados.
- IV. A fase de mutação dos algoritmos genéticos é obrigatória e deve seguir uma ordem aleatória para garantir vantagens em seus resultados.

Assinale a alternativa correta.

- a) Somente as afirmativas I e II são corretas.
- b) Somente as afirmativas I e IV são corretas.
- c) Somente as afirmativas III e IV são corretas.
- d) Somente as afirmativas I, II e III são corretas.
- e) Somente as afirmativas II, III e IV são corretas.
- 13) Considere um problema de escalonamento de processos em que há um conjunto $\bf P$ contendo $\bf k$ processos na forma: $\bf P=\{p1,p2,...,pk\}$. Considere um conjunto $\bf C$ contendo $\bf q$ computadores na forma: $\bf C=\{c1,\,c2,\,...,\,c1\}$. Deseja-se otimizar o tempo máximo de execução de todos os processos em $\bf P$ alocando-os sobre os computadores em $\bf C$, i.e, o tempo que leva para terminar o último dos processos.
 - a) Como você codificaria cada cromossomo para representar uma solução de seu algoritmo genético? Exemplifique graficamente.
 - b) Como você faria a reprodução sexuada (crossover)? Exemplifique graficamente.
 - c) Projete uma função de fitness para este problema. Grafe sua função. Justifique o porquê de sua escolha por tal função.
- 14) Considere a seguinte equação $2x + y^2 + w = 52$
 - a) Proponha uma maneira de codificar os cromossomos.
 - b) Defina uma função de aptidão para avaliar a qualidade dos cromossomos.
 - c) Define como o método de seleção dos pais será utilizado.
 - d) Defina os operadores genéticos de recombinação e mutação.
 - e) Gere uma população inicial de 4 cromossomos e avalia a aptidão deles.
 - f) Aplique os operadores de recombinação e mutação sobre essa população para gerar uma nova geração, em seguida avalie a aptidão da nova geração. Repita esse processo por 8 gerações ou até que a solução dos problema seja encontrada.